Лабораторная работа 1: задача N тел

2 февраля 2023 г.

Дедлайн 21 февраля, 23:59

1 Постановка задачи

Дано N материальных точек с массами m_k , положения которых в начальный момент времени заданы радиус-векторами \mathbf{r}_k , а скорости векторами \mathbf{v}_k , $k=\overline{1,N}$. Требуется определить траектории всех частиц во все моменты времени от 0 до t_{end} .

Формат ввода. На вход программе дается файл с массами, начальными координатами и скоростями всех материальных точек.

Формат вывода. Файл формата csv, каждая строка которого имеет следующий вид:

$$t x_1 y_1 x_2 y_2 \dots x_n y_n$$

2 Закон всемирного тяготения

Решение задачи основано на законе всемирного тяготения.

Сила, действующая на тело q со стороны тела k, равна

$$\mathbf{F}_{qk} = G \frac{m_q m_k}{|\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_q|^3} \left(\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_q \right) \tag{1}$$

Общая сила, действующая на тело q:

$$\mathbf{F}_{q} = \sum_{\substack{k=1\\k\neq q}}^{N} \mathbf{F}_{qk} = Gm_{q} \sum_{\substack{k=1\\k\neq q}}^{N} \frac{m_{k}}{|\mathbf{r}_{k} - \mathbf{r}_{q}|^{3}} (\mathbf{r}_{k} - \mathbf{r}_{q})$$
(2)

Зная силу \mathbf{F}_q , можно найти траекторию, если решить дифференциальное уравнение:

 $m_q \frac{d^2 \mathbf{r}_q}{dt^2} = \mathbf{F}_q \tag{3}$

3 Критерии оценивания

Задачу нужно распараллелить с использованием pthreads.

Для получения оценки 4, 5 нужно решить задачу, при этом алгоритм может содержать неоптимальные (избыточные) взаимодействия между потоками.

Плюс 1 балл дается за анимацию в Питоне, визуально демонстрирующую движение точек друг относительно друга на плоскости. Для создания анимации можно использовать команды camera.snap() camera.animate() из библиотеки celluloid.

Плюс 2 балла даются за оптимальное решение задачи в плане минимизации накладных расходов.

Плюс 2 балла даются за написание отчета, содержащего исследование времени работы программы в зависимости от шага интегрирования по времени, размера входных данных и количества процессоров. Построить графики зависимости времени выполнения от указанных параметров.

Работу нужно будет обязательно защитить, без защиты оценка не выставляется.