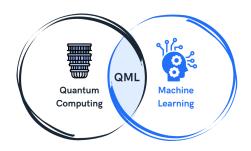
Genetic algorithm for Quantum Support Vector Machines

Lorenzo Tasca

25 Novembre 2024



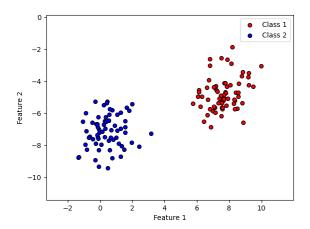
Quantum Machine Learning





Support Vector Machine

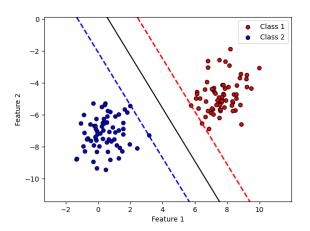
• La Support Vector Machine è un algoritmo supervisionato di classificazione binaria.





Support Vector Machine

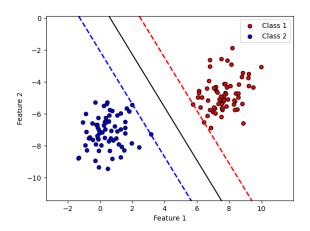
• L'algoritmo trova il massimo margine separatore tra le classi.





Support Vector Machine

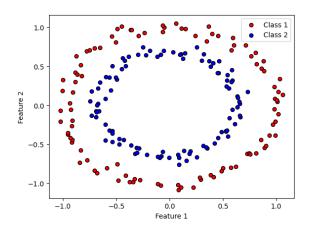
• Per farlo utilizza solo i prodotti scalari tra i dati $\langle \mathbf{x}_i, \mathbf{x}_i \rangle$.





Kernel Support Vector Machine

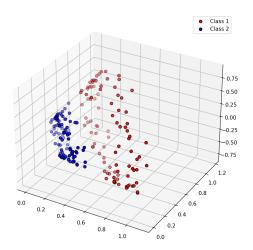
• Nel caso in cui i dati non siano linearmente separabili?





Kernel Support Vector Machine

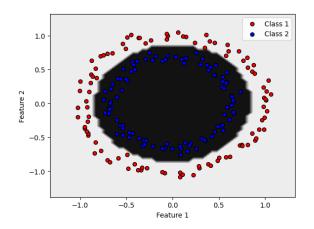
• È possibile applicare una feature map $\phi(\mathbf{x})$.





Kernel Support Vector Machine

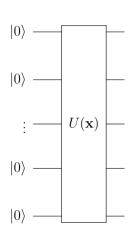
• L'algoritmo è interessato solo a $K_{ii} = \langle \phi(\mathbf{x}_i), \phi(\mathbf{x}_i) \rangle$.





Quantum Support Vector Machine

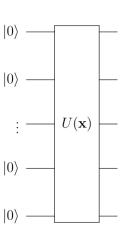
 La feature map diventa un circuito quantistico parametrizzato.





Quantum Support Vector Machine

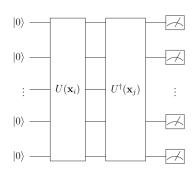
- La feature map diventa un circuito quantistico parametrizzato.
- $|\phi(\mathbf{x})\rangle = U(\mathbf{x})|0\rangle^{\otimes n}$.





Quantum Support Vector Machine

- La feature map diventa un circuito quantistico parametrizzato.
- $|\phi(\mathbf{x})\rangle = U(\mathbf{x})|0\rangle^{\otimes n}$.
- $K_{ij} = \langle \phi(\mathbf{x}_i) | \phi(\mathbf{x}_j) \rangle$.



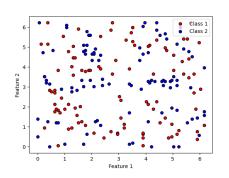


 Ci sono moltissime scelte possibili di circuiti. Un esempio è la ZZ feature map.



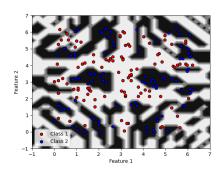


- Ci sono moltissime scelte possibili di circuiti. Un esempio è la ZZ feature map.
- La QSVM mostra il potenziale di separare complicati dataset, con pattern complessi.



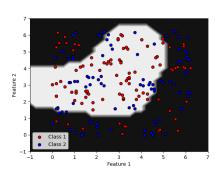


- Ci sono moltissime scelte possibili di circuiti. Un esempio è la ZZ feature map.
- La QSVM mostra il potenziale di separare complicati dataset, con pattern complessi.





- Ci sono moltissime scelte possibili di circuiti. Un esempio è la ZZ feature map.
- La QSVM mostra il potenziale di separare complicati dataset, con pattern complessi.
- Questi dataset non sono gestibili coi kernel classici.

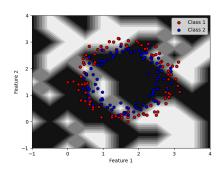




 Nonostante le grandi potenzialità, la scelta della feature map si rivela molto delicata.



- Nonostante le grandi potenzialità, la scelta della feature map si rivela molto delicata.
- Una scelta non congeniale porta a performance pessime, con accuretezze anche inferiori al 50%.





- Nonostante le grandi potenzialità, la scelta della feature map si rivela molto delicata.
- Una scelta non congeniale porta a performance pessime, con accuretezze anche inferiori al 50%.
- Il problema è che non ci sono regole generali valide per la scelta del circuito.

