Prosentregning Vekstfaktor

1 Kort hjernetrim

Oppgave 1

Et selskap gjør forsøk på en rekke datamaskiner. $\frac{3}{4}$ av datamaskinene hadde feil og mangler. Av datamaskinene med feil og mangler var $\frac{1}{7}$ alvorlige.

- a) Hvor mange prosent av datamaskinene hadde feil og mangler?
- **b)** Hvor stor (total) andel av datamaskinene hadde alvorlige feil og mangler? Oppgi svaret som brøk, prosent og desimaltall.
- **c)** Hva vil du si er sannsynligheten for at en datamaskin hadde alvorlige feil og mangler?

2 Vekstfaktor

Kort teori

En størrelse som øker med p% gir en vekstfaktor

$$V = 1 + \frac{p}{100}.$$

En størrelse som minker med p% gir en vekstfaktor

$$V = 1 - \frac{p}{100}$$

Tallet

$$\frac{p}{100}$$

kalles ofte **prosentfaktor**.

Eksempel 1. I 2008 var befolkningen i en kommune 22000. Fra 2008 til 2009 økte befolkningen med 5%. Dette tilsvarer en vekstfaktor på

$$V = 1 + 0.05 = 1.05$$
.

I 2009 var da befolkningen gitt ved formelen

$$N = GV = 22000 \cdot 1,05 = 23100$$

Vekstfaktor Prosentregning

Eksempel 2. En vare på 340kr går ned 20%. Siden 20% som desimaltall er 0,20, får vi en vekstfaktor på 1 - 0,20=0,80. Den nye prisen blir da

$$N = GV = 340 \text{kr} \cdot 0,80 = 272 \text{kr}.$$

I formelen

$$N = GV$$

er N ny verdi, G er gammel verdi (altså grunnverdi), og V er vekstfaktoren.

Oppgave 2

Fyll inn det som mangler.

Endring i prosent	Vekstfaktor		
+ 5%	1,05		
- 7%	0,93		
+ 7,6%	1,076		
+ 7%			
+ 7,5%			
+ 17%			
- 37%			
	0,80		
	1,345		
	0,782		
	0,759		
	2,67		
	3,345		
	1,231		
0,5%			
	1,005		

Oppgave 3

Lise kjøpte en jakke på 20% avslag og betalte 1750kr. Hva kostet jakken opprinnelig? Gi to løsningsmåter, en med veien om 1, og en med vekstfaktor.

Oppgave 4

V

En vare kostet opprinnelig 1200kr, og ble satt ned 20%.

Prosentregning Vekstfaktor

- a) Hva er vekstfaktoren?
- b) Hva er gammel (ordinær) pris?
- c) Forklar hva de ulike størrelsene betyr i formelen

$$N = GV$$
.

d) Sett opplysningene du har inn i formelen over, og regn ut ny verdi.

Oppgave 5

Vekstfaktorene for prisen på en vare er listet opp i tabellen under.

2008	2009	2010	2011	2012	2013	2014	2015
1,03	1,0255	1,024	1,02	1,035	1,027	0,978	1,01

- a) Hva forteller tabellen deg om de årlige prisendringene i prosent?
- **b)** Hvis varen kostet 50kr i begynnelsen av 2008, hvor mange prosent endret varen seg totalt?
- c) Hva er produktet av vekstfaktorene? Hvilken prosentivs vekst svarer den til?
- d) Sammenlign svarene i b) og c), og gi en tolkning eller forklaring av fenomenet.

Oppgave 6

En vare gikk ned fra 3600kr til 2950kr.

- a) Sett opp formelen som beskriver sammenhengen mellom ny og gammel pris vha vekstfaktoren.
- b) Sett inn opplysningene du har inn i formelen over.
- c) Løs likningen du får.
- d) Hva er vekstfaktoren?
- e) Hvor mange prosent gikk prisen ned med?

Vekstfaktor Prosentregning

Eksempel 3 (Finne gammel verdi:). Jens kjøpte en bruktbil, og betalte 150000. Han regnet med at bilen har sunket 45% i pris siden den var ny. Dette tilsvarer en vekstfaktor på 1-0,45=0,55. For å regne ut gammel pris setter vi dette inn i formelen

$$N=GV$$

$$150000 \text{kr}=G\cdot 0,55 \qquad \text{setter inn } N=150000 \text{kr og } V=0,55$$

$$G=\frac{150000 \text{kr}}{0,55} \qquad \text{deler på } 0,55 \text{ på hver side}$$

$$G=272727 \text{kr}$$

Oppgave 7

En vare med ordinær pris 5000kr gikk ned 30%. Bruk vekstfaktor og regn ut ny pris.

Oppgave 8

En vare med ordinær pris 5000kr gikk ned 30%. Bruk vekstfaktor og regn ut ny pris.

Oppgave 9

Petter betalte 1500 kr for en vare på 33% tilbud.

- a) Bruk veien om 1 til å regne ut ordinær pris
- b) Bruk vekstfaktor til å regne ut ordinær pris

Oppgave 10

Petter betalte 1230 kr for en vare på 25% tilbud.

- a) Bruk veien om 1 til å regne ut ordinær pris
- b) Bruk vekstfaktor til å regne ut ordinær pris
- c) Hvilken måte er enklest (minst regning)?

Oppgave 11

Petter betalte 1230 kr for en vare på 25% tilbud.

a) Bruk veien om 1 til å regne ut ordinær pris

Prosentregning Vekstfaktor

- b) Bruk vekstfaktor til å regne ut ordinær pris
- c) Hvilken måte er enklest (minst regning)?

Oppgave 12

En vare gikk ned fra 2345kr til 1650kr. Hvor mange prosent gikk varen ned med? (Bruk vekstfaktor)

Oppgave 13

En vare på 530kr gikk først opp 10% og deretter 25%.

- a) Hva er vekstfaktoren for hver av prisendringene?
- b) Hva er ny pris?
- c) Hvor mange prosent gikk varen opp med totalt?
- d) Hva er produktet av vekstfaktorene, hvor mange prosent oppgang i prisen tilsvarer dette produktet? Sammenlign med svaret i c)

Oppgave 14

Prisen på en vare gikk først opp 10% og deretter 25%.

- a) Hva er vekstfaktoren for hver av prisendringene?
- b) Hvor mange prosent gikk varen opp med totalt?

Oppgave 15

En gikk først opp 12,5% så 20% og deretter ned 5%.

- a) Hva er vekstfaktoren for hver av prisendringene?
- b) Hvor mange prosent gikk varen opp eller ned med totalt?

Oppgave 16

- a) Jens har spart i aksjer i 10 år. Han har hatt en årlig avkastning på 15%. Hvor stor har avkastningen vært totalt?
- b) Anta at han nå har 500 000 kr. Hvor mange kroner hadde Jens når han begynte å spare?
- c) Hva hvis han haddde 5 000 000 kr?