

# Méthodes applicables aux modèles discrets

---

- Représentations des courbes et frontières
  - Par codage
    - Transformation qui fournit une représentation différente de la représentation initiale
    - S'évalue selon 3 caractéristiques (Freeman 74)
      - Conservation de l'info (réversibilité)
      - La réduction de la place nécessaire au stockage (taux de compression)
      - L'application facilitée d'opérateurs de traitements

# Méthodes applicables aux modèles discrets

---

- Représentations des courbes et frontières (suite)
  - Par codage (suite)
    - Codage par frontière ajustée (Merrill 73)
      - Repose sur un tri des coordonnées des points frontières (d'abord en abscisses croissantes puis en ordonnées croissantes )
      - Codage exact
      - Taux de compression peu élevé
      - Test facile de l'appartenance d'un point à l'objet délimité par la frontière
      - Opérations d'intersection et d'union également faciles
      - Mais perte de toute l'information de voisinage

# Méthodes applicables aux modèles discrets

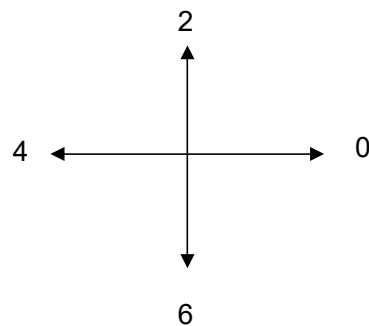
- Représentations des courbes et frontières (suite)

$$\vec{u}(b, a)$$

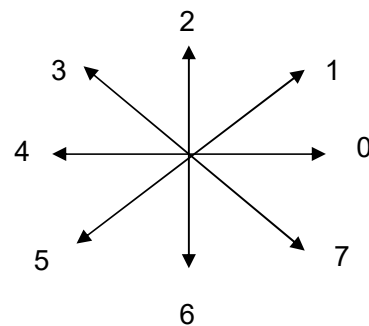
- Par codage (suite)

- Codage de Freeman (74)

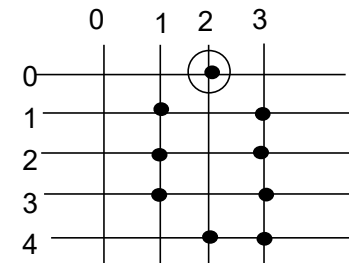
- Exploite le fait que 2 points successifs de la frontière sont des points voisins => il suffit d'indiquer comment passer de l'un à l'autre



Directions de Freeman  
en 4-connectivité



Directions de Freeman  
en 8-connectivité



5, 6, 6, 7, 0, 2, 2, 2, 3

# Méthodes applicables aux modèles discrets

---

- Représentations des courbes et frontières (suite)
  - Par codage (suite)
    - Codage de Freeman (74)
      - Exploite la linéarité de l'information
      - Pas de solution particulière à la reconnaissance d'un point intérieur
    - Mais adaptés à des opérations ensemblistes ou géométriques
      - Intersections d'arcs ou courbes
      - Translations (facile => il suffit de traduire les coordonnées du 1er point)
      - Rotations (rotations d'un angle multiple de  $90^\circ$  simples mais celles d'un angle quelconque non)

# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Représentations des courbes et frontières (suite)
  - Par codage (suite)
    - Représentations Approchées = Approximations Polygonales
      - Extractions de sommets caractéristiques (sommets de l'approximation polygonale) qui définissent un nouveau codage de la frontière
        - Taux de compression + impt que pour les codages exacts
        - Perte d'information (quantité peut être contrôlée par un critère de précision qui s'associe à la notion de bruit)
      - Approximation réalisée à partir d'une entité de référence (segment de droite, arc de cercle ..)
      - Plusieurs types de méthodes d'approximation
        - Méthodes fondées sur les changements de direction (détection des points de forte courbure)
        - Méthodes de découpages récursifs (ajout de points de cassure = sommets de l'approximation )
        - Méthodes d'approximation itérative

# Méthodes applicables aux modèles discrets

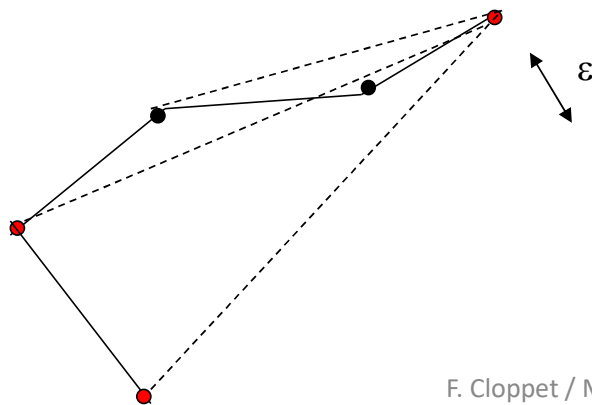
- Représentations des courbes et frontières (suite)

- Par codage (suite)

- Représentations Approchées = Approximations Polygonales

- Méthodes itératives

- Données introduites séquentiellement (points de contour ordonnés par le suivi de contour) et regroupées jusqu'à ce qu'un certain critère (erreur remise à jour à chaque ajout) ne soit plus vérifié
        - Extrémités du segment : point de départ + dernier point ayant satisfait le critère



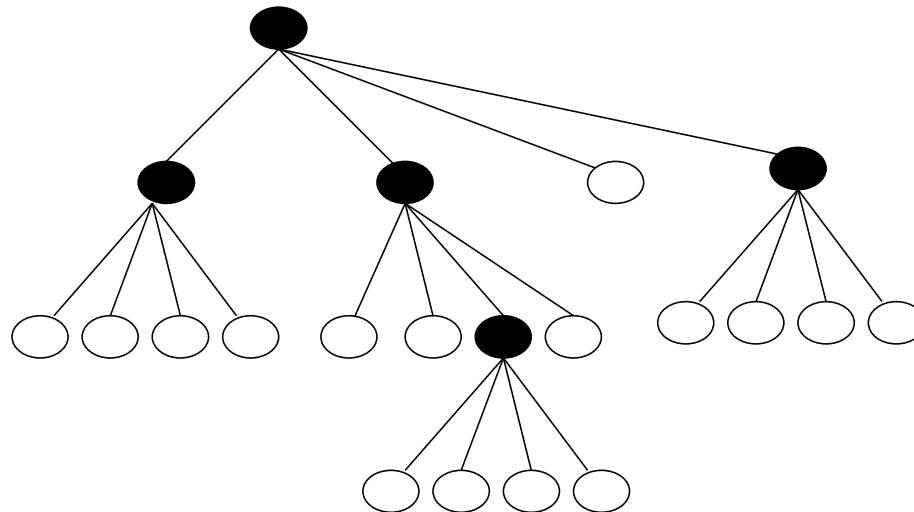
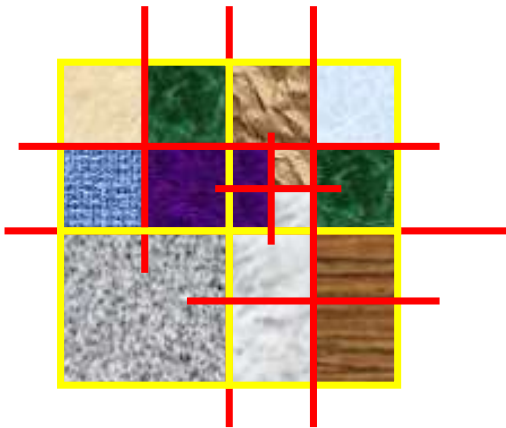
# Méthodes applicables aux modèles discrets

---

- Représentations des régions par
  - Quadtree
    - Maillage carré => extension de ce principe à un objet = partitionnement en carrés discrets
  - Distances discrètes
    - Modification de la distance utilisée = > moyen d'étendre les possibilités de recouvrement d'1 objet par des formes élémentaires
  - Axes médians discrets
    - Recouvrement d'1 objet par des boules => accès à une représentation minimale de l'objet
    - Liée à la notion de squelette dans l'espace continu

# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Représentations des régions par (suite)
  - Quadtree (suite)
    - Liée à la propriété de récursivité du maillage carré
    - diviser récursivement une région si le critère d 'uniformité n 'est pas satisfait





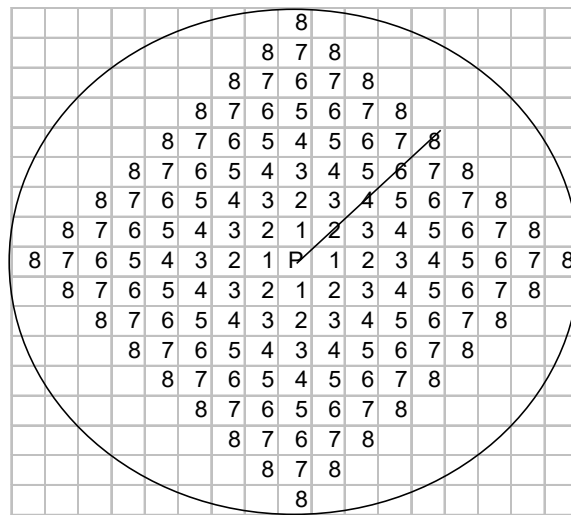
# Méthodes applicables aux modèles discrets

---

- Représentations des régions par (suite)
  - Quadtree (suite)
    - Représentation fortement dépendante de la position des objets dans l'image (codage s'appuie sur un partitionnement sans tenir compte a priori du contenu de l'image)
    - Codage non invariant en translation
    - Temps de calcul proportionnel au nombre de feuilles et pas au nombre de pixels
    - Opérations possibles (union, intersection, complémentation, recherche de voisins, translations, rotations par angle multiple de  $90^\circ$ )
    - Généralisation du Quadtree=> principes de hiérarchie, multi-résolution, construction de pyramides

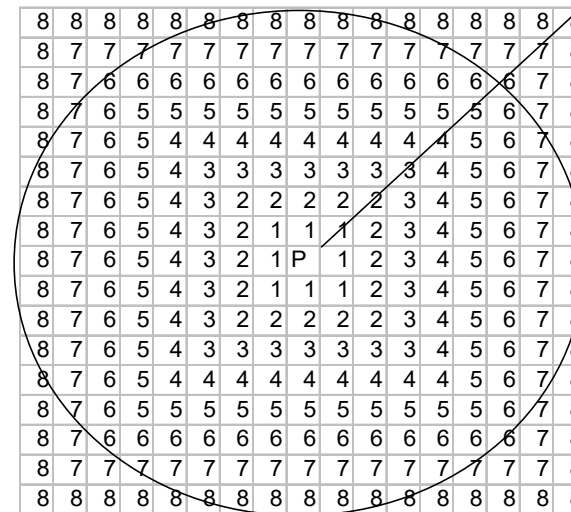
# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Représentations des régions par
  - Distances discrètes
    - Distances d-4, d-8 / euclidienne



d4

Cercle à distance r de p



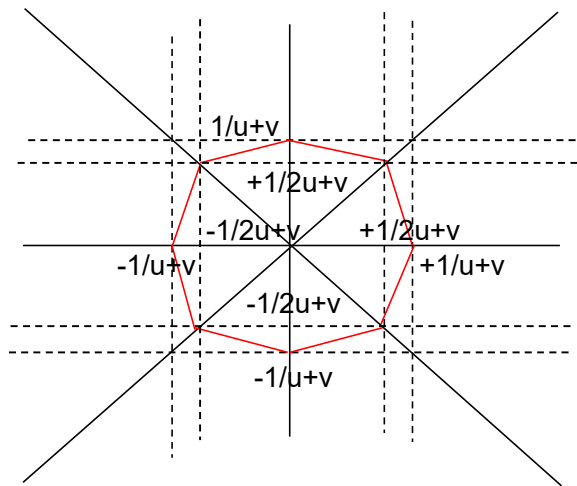
d8

**d-4 > de > d-8 (d4 = 2 d8 , d8=  $\sqrt{2}$  de) dans les diagonales**

**=> Recherche de nouvelles distances**

# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Distances discrètes
  - Moyenne pondérée des distances d4 et D8
    - $u/w$  d4 +  $v/w$  d8 approximation(de)
    - $\Rightarrow u$  d4 +  $v$  d8 approximation( $w \cdot de$ ) et  $u+v > 0$  et  $u$  et  $v$  entiers strictement positifs
    - $\Rightarrow$  Distance d'un pixel à ses voisins axiaux  $u+v$
    - $\Rightarrow$  Distance d'un pixel à ses voisins diagonaux  $2u + v$
    - $\Rightarrow$  "Cercle" unité pour cette distance = octogone

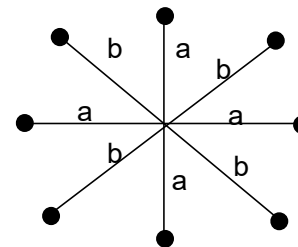
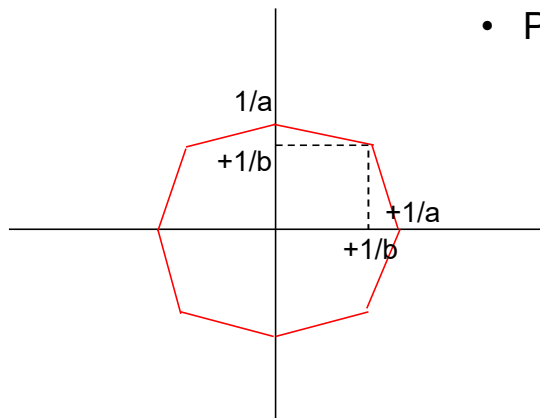


# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Distances discrètes

- Distances de chanfrein

- Pondération sur l'adjacence d'un pixel à ses voisins par la distance entre ces 2 pixels

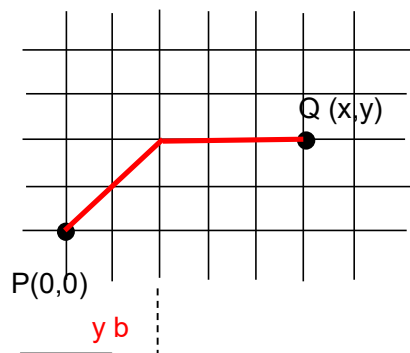


b	a	b
a	0	a
b	a	b

Masque de chanfrein

$a > 0$

$b$  compris entre  $a$  et  $2a$



- Distance de chanfrein( $P, Q$ ) = poids minimum d'un 8 chemin de  $P$  à  $Q$   
 $d = y b + (x - y) a$  (cas  $x \geq y$  et  $x \geq 0$  et  $y \geq 0$  généralisable)

# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Distances discrètes

- Distances de chanfrein (suite)

- Remarques :

- si  $a=1$  et  $b=2 \Rightarrow d4$

- si  $a=b=1 \Rightarrow d8$

1	1	1
1	0	1
1	1	1

d8

2	1	2
1	0	1
2	1	2

d4

si  $a = u+v$  et  $b = 2u+v \Rightarrow$  combinaison pondérée  $ud4 + vd8$

- Choix optimal des coefficients afin d'approximer au mieux la distance euclidienne

- 👉 Étude de Borgefors (86)

- 2 contraintes : erreur relative maximale doit être la plus petite
      - les coefficients du masque de chanfrein doivent être des nombre rationnels ayant de petits numérateurs et dénominateurs

# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Distances discrètes

- Distances de chanfrein (suite)

- Borgefors a montré

- Pour un voisinage 3x3 qu'1 bonne approximation pouvait être obtenue pour  $a = 1$  et  $b = 4/3$

Masque

4	3	4
3	0	3
4	3	4

Distance (3,4) de Borgefors

- Pour un voisinage 5x5 qu'1 bonne approximation pouvait être obtenue pour  $a = 1$   $b = 7/5$   $c = 11/5$

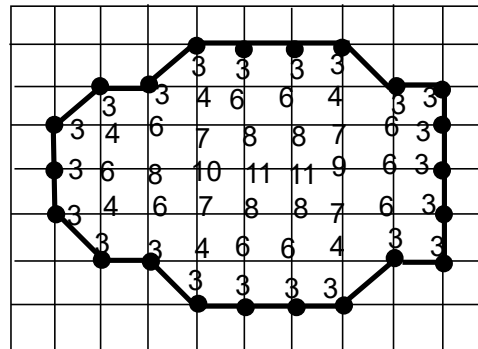
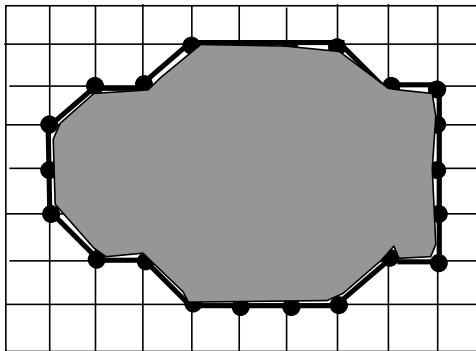
e	c	d	c	e
c	b	a	b	c
d	a	0	a	d
c	b	a	b	c
e	c	d	c	e

$$\begin{aligned} d &= 2a \\ e &= 2b \end{aligned}$$

14	11	10	11	14
11	7	5	7	11
10	5	0	5	10
11	7	5	7	11
14	11	10	11	14

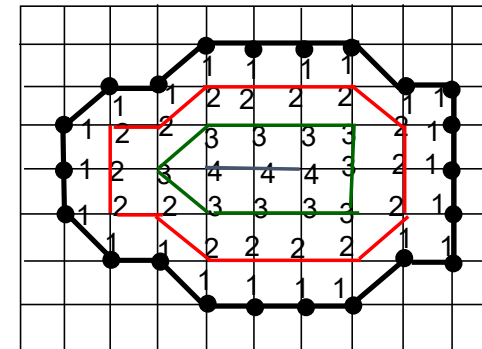
# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Distances discrètes
  - Image de distance au fond et courbes de niveau



4	3	4
3	0	3
4	3	4

Image de distance au fond pour  
la distance de chanfrein 3-4

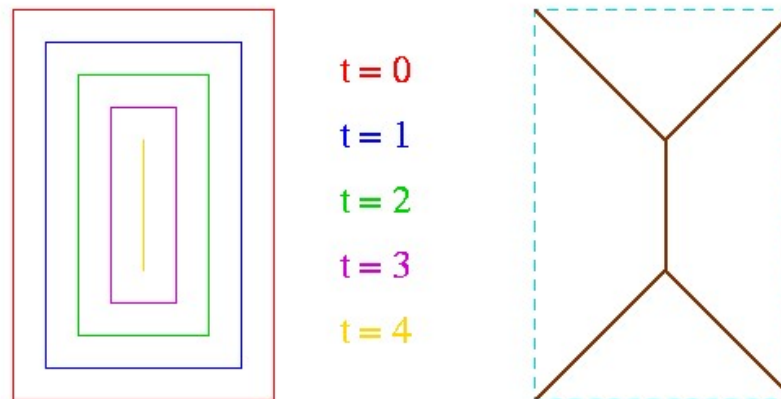


Courbe de niveau formée par les  
points qui sont à équidistance du fond  
Courbe n° i :  $a * (i-1) < \text{distance} \leq a * i$

Ex i= 1  $0 < \text{distance} \leq 3$   
 i= 2  $3 < \text{distance} \leq 6$   
 i= 3  $6 < \text{distance} \leq 9$   
 i= 4  $9 < \text{distance} \leq 12$

# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Axe médian (ou squelette de distance)
  - Squelette d'une figure = représentation simplifiée de celle-ci (Blum 64)
    - formée de lignes sans épaisseur
    - centrée dans la figure
    - Ayant les mêmes formes et topologie (même nb de composantes connexes et de trous) que celle-ci



Points de rencontre des différents fronts à tous les instants => squelette



# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Axe médian (ou squelette de distance) (suite)

- Squelette dans l'espace discret

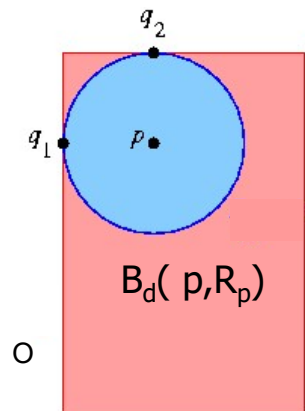
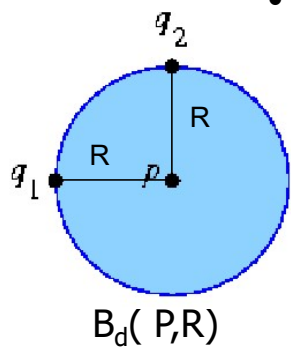
- axe médian = concept qui fait intervenir le recouvrement d'un objet par des boules

- Définition

Soit une image :  $O$ : ens des points objets

$F$  : ens des points formant le fond

Tout point objet peut être étiqueté par la valeur de sa distance au fond en utilisant une distance  $d$  et un facteur d'échelle  $a$



Une boule discrète  $B_d(p, R)$  de centre  $p$  et de rayon  $R$  est définie par  $B_d(p, R) = \{q: d(p, q) \leq R\}$

Une boule incluse dans  $O$  telle que  $B_d(p, R_p)$  avec  $R_p = d(p, F) - a$

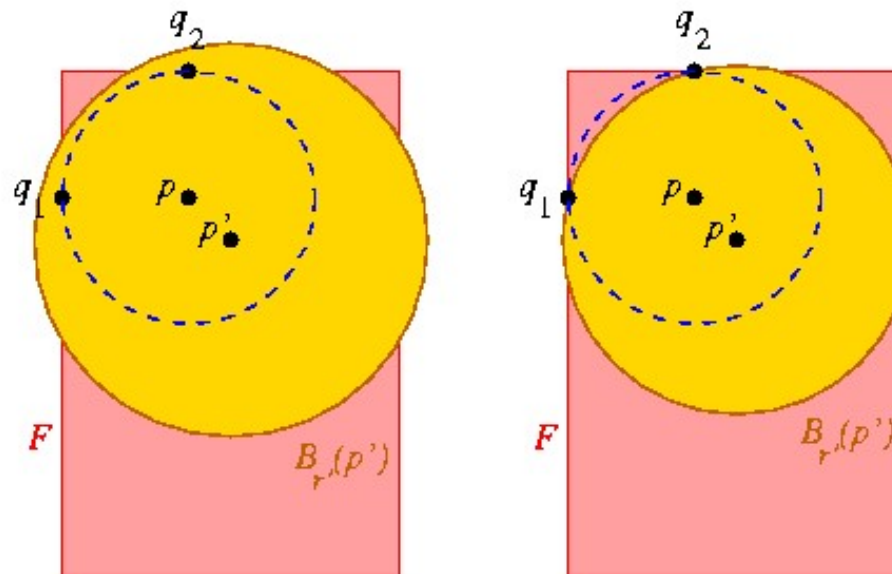
# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Axe médian (ou squelette de distance) (suite)

- Squelette dans l'espace discret

- Définition (suite)

1 boule est dite maximale si elle ne peut être complètement incluse dans une autre boule (incluse dans  $O$ )



# Méthodes applicables aux modèles discrets

- Axe médian (ou squelette de distance) (suite)

- Squelette dans l'espace discret

- Définition (suite)

1 point  $P$  de  $O$  est un point de l'axe médian s'il est le centre d'une boule maximale incluse

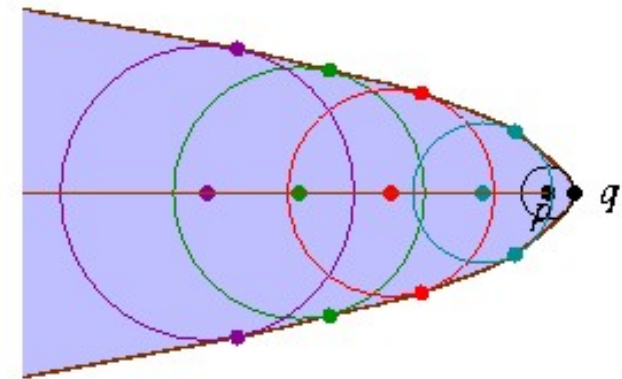
Points de l'Axe médian = ensemble des centres  $P$  des boules maximales incluses à  $O$

Axe médian = ens des centres  $P$  des boules retenues complété des rayons associés  $R_P$

- Propriétés

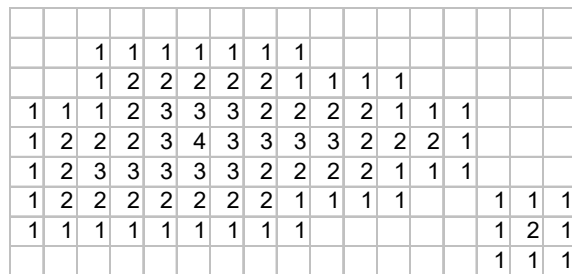
Boules discrètes associées aux points de l'axe médian définissent un recouvrement de l'ensemble  $O$

=> Permet la reconstruction de  $O$

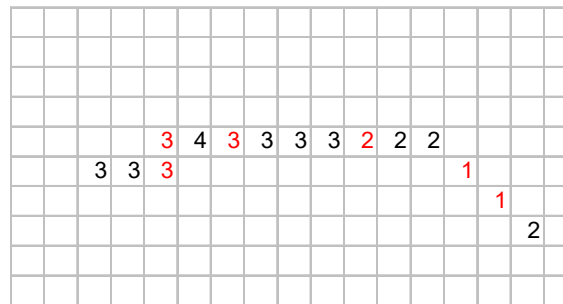


— 100 —

- Axe médian (ou squelette de distance) (suite)
  - Axe médian = pb de non connexité
    - Si on prend comme image une distance au fond maximum local sur l'image de distance = point de l'axe médian



### Distance au fond



**Maxima locaux = points de l'axe médian**

⇒ Ensemble de points non connexes

⇒ **Rajout de points de connexions**

## On passe alors de l'axe médian à la ligne médiane