

Εθνικό Μετσόβιο Πολυτεχνείο Σχολή Ηλεκτρολόγων Μηχανικών & Μηχανικών Υπολογιστών Τομέας Τεχνολογίας Πληροφορικής & Υπολογιστών https://courses.softlab.ntua.gr/progtech/

# Προγραμματιστικές Τεχνικές

# Ασκηση 10 Μονοπάτια και κύκλοι Euler

Προθεσμία υποβολής στον grader: 14/5/2021

Δίνεται ένας μη κατευθυνόμενος γράφος N κορυφών (αριθμημένων από 0 έως N-1) και M ακμών. Θα είναι  $2 \le N \le 10.000$  και  $0 \le M \le 100.000$ . Είναι πιθανό κάποια ακμή να υπάρχει πολλές φορές, όπως επίσης και να υπάρχουν κυκλικές ακμές — δηλαδή ακμές της μορφής (u,u). Θεωρήστε δεδομένο ότι ο γράφος θα είναι συνεκτικός, δηλαδή ότι θα είναι δυνατή η μετακίνηση από οποιαδήποτε κορυφή σε οποιαδήποτε άλλη, μέσω κάποιου μονοπατιού αποτελούμενου από ακμές.

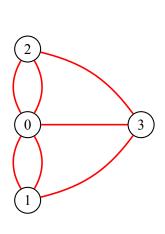
Γράψτε ένα πρόγραμμα που να διαβάζει τον γράφο από το standard input και να ελέγχει υπάρχει κύκλος ή μονοπάτι Euler στον γράφο. Συγκεκριμένα, το πρόγραμμά σας πρέπει να εκτυπώνει στο standard output μία γραμμή που να περιέχει ένα από τα εξής τρία:

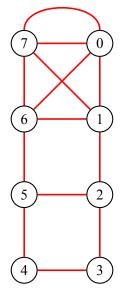
- "CYCLE", αν υπάρχει κύκλος Euler.
- "PATH  $\,$ u  $\,$ v",  $\,$ αν υπάρχει δεν υπάρχει κύκλος Euler, υπάρχει όμως μονοπάτι Euler από την κορυφή  $\,$ u  $\,$ στην κορυφή  $\,$ v $\,$  φροντίστε  $\,$ να είναι  $\,$ u $\,$ < $\,$ v $\,$ .
- "IMPOSSIBLE", αν δεν υπάρχει ούτε κύκλος ούτε μονοπάτι Euler.

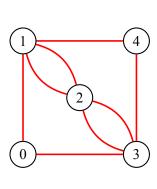
Η είσοδος θα περιέχει τα εξής. Η πρώτη γραμμή θα περιέχει δύο αριθμούς, χωρισμένους μεταξύ τους με ένα κενό διάστημα: το πλήθος των κορυφών N και το πλήθος των ακμών M. Οι επόμενες M γραμμές της εισόδου θα περιγράφουν τις ακμές του γράφου. Κάθε μία θα περιέχει δύο αριθμούς, χωρισμένους μεταξύ τους με ένα κενό διάστημα: η γραμμή που περιέχει τους αριθμούς u και v θα παριστάνει μία ακμή μεταξύ των κορυφών u και v του γράφου.

Μπορείτε να προσαρμόσετε κατάλληλα τους γνωστούς τρόπους αναπαράστασης γράφων ώστε να καλύπτουν την περίπτωση γράφων με πολλαπλές και με κυκλικές ακμές.

### Παραδείγματα γράφων:







#### Είσοδος:

4	7
0	1
0	1
0 0	2
0	2
3	
3	1
3	2

```
8 13
0 7
0 7
0 1
0 6
1 7
7 6
6 1
1 2
6 5
2 5
2 3
3 4
5 4
```

5 8	
0 1	
1 2	
0 3	
1 4	
1 2	
2 3	
3 2	
4 3	

## Έξοδος:

IMPOSSIBLE

PATH 2 5

CYCLE

# Ασκηση 11 Κύκλος σε κατευθυνόμενο γράφο

Προθεσμία υποβολής στον grader: 14/5/2021

Υλοποιήστε την κλάση Graph για την αναπαράσταση κατευθυνόμενων γράφων. Χάριν ευκολίας, θα θεωρήσουμε ότι ένας γράφος περιέχει V κορυφές αριθμημένες από 0 έως V-1. Η κλάση σας πρέπει να υποστηρίζει τις εξής λειτουργίες, τις οποίες πρέπει να υλοποιήσετε:

```
class Graph {
  public:
    Graph(int V);
    ~Graph();
  void addEdge(int u, int v);
};
```

Θεωρήστε ότι είναι πιθανό να κληθεί η addEdge για την προσθήκη περισσότερων ακμών με τα ίδια άκρα. Με εξαίρεση την πρώτη, τις υπόλοιπες μπορείτε να τις αγνοείτε. Θεωρήστε επίσης ότι δε θα υπάρχουν κυκλικές ακμές – δηλαδή ακμές της μορφής (u,u).

Στη συνέχεια, προσθέστε την παρακάτω μέθοδο στην κλάση σας:

```
bool cycle(vector<int> &path) const;
```

Η μέθοδος αυτή πρέπει να επιστρέφει **true** αν υπάρχει κύκλος στο γράφο, διαφορετικά **false**. Στην πρώτη περίπτωση, η μέθοδος πρέπει να προσθέτει στο path τους κόμβους που απαρτίζουν τον κύκλο. Δηλαδή, αν στο γράφο υπάρχουν οι ακμές  $1 \to 4$ ,  $4 \to 2$ ,  $2 \to 7$  και  $7 \to 1$ , τότε η μέθοδός σας μπορεί να προσθέσει στο path τις τιμές 1,4,2,7 με αυτή τη σειρά. Εξίσου καλά μπορεί να προσθέσει τις τιμές 2,7,1,4, ή οποιονδήποτε άλλον έγκυρο κύκλο βρει.

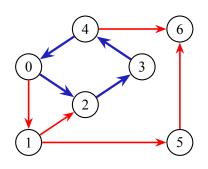
Στο αρχείο που θα ανεβάσετε στον grader θα πρέπει να συμπεριλάβετε (μόνο) τη δήλωση της κλάσης Graph και τις υλοποιήσεις των μεθόδων της.

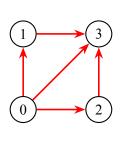
Μπορείτε να δοκιμάσετε την υλοποίησή σας με προγράμματα όπως το εξής (όπως ήδη γνωρίζετε από προηγούμενες ασκήσεις, μπορείτε να προσθέσετε τη συνάρτηση main ανάμέσα σε "#ifndef CONTEST" και "#endif", αν θέλετε να υποβάλλετε τον κώδικά σας στον grader χωρίς να τη σβήνετε):

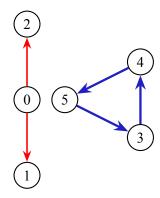
```
int main() {
    int V, E;
    cin >> V >> E;
    Graph g(V);
    for (int i = 0; i < E; ++i) { int u, v; cin >> u >> v; g.addEdge(u, v); }
    vector<int> path;
    bool c = g.cycle(path);
    if (c) {
      cout << "CYCLE: ";</pre>
      for (int i = 0; i < path.size(); ++i)</pre>
        cout << path[i] << (i == path.size()-1 ? "\n" : " ");</pre>
12
    } else {
      cout << "NO CYCLE" << endl;</pre>
14
    }
15 }
```

Η εκτέλεση του παραπάνω προγράμματος θα πρέπει να έχει την εξής συμπεριφορά, ανάλογα με την είσοδο που θα του δίνεται και που θα περιγράφει το γράφο:

## Παραδείγματα γράφων:







## Είσοδος:

7	9	
0	1	
0	2	
1	2	
2	3	
3	4	
4	Θ	
4	6	
1	5	
5	6	
1		

4	5				
0	1				
0	2				
1	3				
2	3				
0	3				
					_

6	5			
0	1			
0	2 4			
3	4			
4	5			
5	3			

#### Έξοδος:

CYCLE: 0 2 3 4

NO CYCLE

CYCLE: 3 4 5