課題2

ጉኢ		_									Ws.	ξķ	नारि	73	固有	47	トル	८ व	3
	A	Ч,	=	٦,%	i.	A	l.s	- 2	i &,										
2式	፟ ሂቀ	٠٤·\$٠	ls I	,.rs	K	た が	/ 战	りなっ											
	Q	i A	٤;	=	2	i &	7 %												
	2	ŢΑ	R;	, :	2	i &	7 R												
他	ゟ゙																		
		(4	i¹Α	&i) T	=	Li	AT 6	4	=	2	[A	2,						
ניז																			
		λį	٠, ۲	2		=	221	2.T &	i										
にた	がて		_	ľ				_											
		(1	j -	1 .) R;	۷,	2	0											
から																			
		4	<u> </u>	Ĺ	= 0														
1,2	、実	対析	*47	3.19	相異	#3	34	追	り固	有べ	クル	ょし	支交	53.					

課題3

(3-1)

end

X

lambda

```
A = [210;
    121;
   0 1 2];
x = [1; 1; 1];
maxit = 2000;
tol = 1e-05;
for it = 1:maxit
  r = 0;
  w = A^*x;
  x = w / norm(w);
  I1 = dot(x, A*x);
  12 = dot(x,x);
  lambda = 11/12;
  r = norm(A*x - lambda*x);
  if r < tol
     break;
  end
  T_(it)=r;
  t(it)=it;
```

次のプログラムを作成した。

これを実行すると、次の結果が得られる。

lambda =

3.4142

x =

0.5000

0.7071

0.5000

絶対値最大固有値とそれに対応する固有ベクトルを求めることができている。

(3-2)

```
次のプログラムを作成した。
```

```
n = 100;
```

x3 = 3 * ones(n, 1);

x2 = 2 * ones(n-1, 1);

x1 = ones(n-2,1);

A3 = diag(x3);

 $A2_1 = diag(x2, -1);$

 $A2_2 = diag(x2, 1);$

 $A1_1 = diag(x1, -2);$

 $A1_2 = diag(x1, 2);$

 $A = A3+A2_1+A2_2+A1_1+A1_2;$

x = ones(n, 1);

```
maxit = 2000;
tol = 1e-05;
for it = 1:maxit
  r = 0;
  w = A^*x;
  x = w / norm(w);
  I1 = dot(x, A*x);
  12 = dot(x,x);
  lambda = 11/12;
  r = norm(A*x - lambda*x);
  if r < tol
    break;
  end
end
lambda
これを実行すると次の結果が得られる。
lambda =
  8.9942
```

これより、絶対値最大固有値を求めることができた。

課題4

(4-1)

```
次のプログラムを作成した。
n = 100;
x3 = 3 * ones(n, 1);
x2 = 2 * ones(n-1, 1);
x1 = ones(n-2,1);
A3 = diag(x3);
A2_1 = diag(x2, -1);
A2_2 = diag(x2, 1);
A1_1 = diag(x1, -2);
A1_2 = diag(x1, 2);
A = A3+A2_1+A2_2+A1_1+A1_2;
A_{-} = inv(A);
x = ones(n, 1);
maxit = 2000;
tol = 1e-05;
for it = 1:maxit
  r = 0;
  w = A \setminus x;
  x = w / norm(w);
  11 = dot(x, x);
  I2 = dot(x,A\x);
  lambda = 11/12;
  r = norm(A*x - lambda*x);
  if r < tol
     break;
```

```
end
  T_(it)=r;
  t(it)=it;
end
Χ
lambda
semilogy(t,T_)
xlabel('Number of Iterations')
ylabel('r')
これを実行すると、次の結果が得られた。
x =
 0.0091
 -0.0089
 -0.0093
 0.0273
 -0.0178
 -0.0186
 0.0453
 -0.0266
 -0.0276
 0.0629
 -0.0351
 -0.0364
 0.0800
 -0.0434
 -0.0449
 0.0963
 -0.0513
```

-0.0529

数理アルゴリズムとシミュレーション 演習課題5 提出日:2020年11月12日 201811319 永崎遼太 -0.0588 -0.0605 0.1265 -0.0659 -0.0675 0.1400 -0.0724 -0.0740 0.1524 -0.0782 -0.0798 0.1634 -0.0835 -0.0849 0.1730 -0.0880 -0.0892 0.1812 -0.0918 -0.0928 0.1878 -0.0948 -0.0956 0.1928 -0.0971 -0.0976 0.1961 -0.0985 -0.0987

0.1978 -0.0990 -0.0990 0.1978 -0.0987 -0.0985 0.1961 -0.0976

数理アルゴリズムとシミュレーション 演習課題5 提出日:2020年11月12日 201811319 永崎遼太-0.0971 0.1928 -0.0956 -0.0948 0.1878 -0.0928 -0.0918 0.1812 -0.0892 -0.0880 0.1730 -0.0849 -0.0835 0.1634 -0.0798 -0.0782 0.1524 -0.0740 -0.0724 0.1400 -0.0675 -0.0659 0.1265 -0.0605 -0.0588 0.1119 -0.0529 -0.0513 0.0963 -0.0449 -0.0434 0.0800

-0.0364 -0.0351 0.0629 -0.0276 -0.0266 0.0453

-0.0178

0.0273 -0.0093

-0.0089

0.0091

lambda =

0.0028

Aの絶対値最小の固有値とそれに対応する固有ベクトルを求めることができている。 また、図1の反復ごとの残差の値のグラフが得られた。

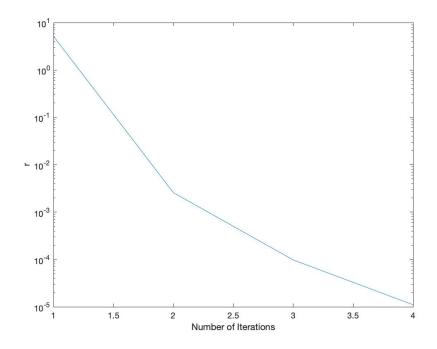


図1 反復ごとの残差

(4-2)

```
次のプログラムを作成した。
n = 100;
x3 = 3 * ones(n, 1);
x2 = 2 * ones(n-1, 1);
x1 = ones(n-2,1);
A3 = diag(x3);
A2_1 = diag(x2, -1);
A2_2 = diag(x2, 1);
A1_1 = diag(x1, -2);
A1_2 = diag(x1, 2);
A = A3+A2_1+A2_2+A1_1+A1_2;
x = ones(n, 1);
interval = 0.01;
x2 = 3;
x1 = 2;
q = (x2-x1)/ interval +1;
sigma = linspace(2, 3, q);
I_{-} = ones(1, n);
I = diag(I_);
maxit = 2000;
tol = 1e-05;
for i = 1:numel(sigma)
  shift = sigma(i);
```

```
数理アルゴリズムとシミュレーション 演習課題5 提出日:2020年11月12日
201811319 永崎遼太
  x = ones(100, 1);
  for it = 1:maxit
    r = 0;
    w = (shift*I-A)\x;
    x = w / norm(w);
    I1 = dot(x, x);
    I2 = dot(x,(shift*I-A)\x);
    lambda = shift -l1/l2;
    r = norm(A*x - lambda*x);
    if r < tol
      break;
    end
    t = it;
  end
  s(i) = shift;
  c(i) = t;
end
plot(s,c)
xlabel('Value of Shift')
ylabel('Number of Iterations')
これを実行すると、図2が得られる。
```

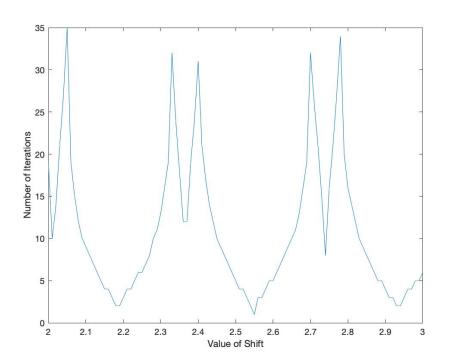


図2シフトの値ごとの反復回数

それそれぞれのシフトでの反復回数を図示することができている。

(4-3)

次のプログラムを作成した。 ---- n = 100; x3 = 3* ones(n, 1); x2 = 2* ones(n-1, 1); x1 = ones(n-2,1); A3 = diag(x3); $A2_1 = diag(x2, -1);$ $A2_2 = diag(x2, 1);$ $A1_1 = diag(x1, -2);$ $A1_2 = diag(x1, 2);$

```
A = A3+A2_1+A2_2+A1_1+A1_2;
x = ones(n, 1);
interval = 0.01;
x2 = 3;
x1 = 2;
q = (x2-x1)/ interval +1;
sigma = linspace(2, 3, q);
I_{-} = ones(1, n);
I = diag(I_);
maxit = 2000;
tol = 1e-05;
for i = 1:numel(sigma)
  shift = sigma(i);
  x = ones(100, 1);
  for it = 1:maxit
     r = 0;
     w = (shift*I-A)\x;
     x = w / norm(w);
     I1 = dot(x, x);
     I2 = dot(x,(shift*I-A)\x);
     lambda = shift -l1/l2;
     r = norm(A*x - lambda*x);
     if r < tol
       break;
     end
     t = it;
```

s(i) = shift;

I(i) = lambda;

end

plot(s,l)

xlabel('Value of shift')

ylabel('Value of Lambda')

% semilogy(t,T_)

これを実行すると、図3が得られる。

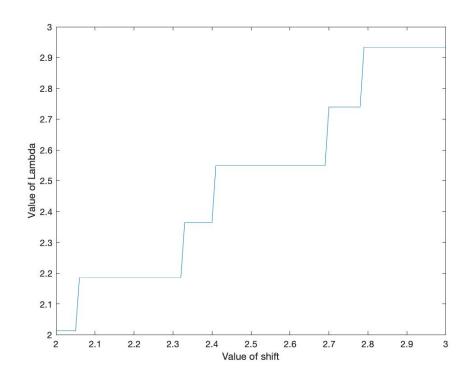


図3シフトの値ごとの近似固有値

x 軸をシフトの値, y 軸を収束した近似固有値の値として、それぞれのシフトで収束した近似固有値をグラフに描画することができた。