## Домашнее задание по многофакторному анализу № $1^1$ .

Максимальное количество баллов равно 7.

## 1.1 Соглашения

Задание стоит сдавать в виде R-markdown (если вы не знаете, как этим пользоваться, то можно посмотреть короткий туториал по ссылке). Не забывайте пояснять, что вы делаете.

## 1.2 Задачи

1. Известно, что креатинин  $\mathbb R$  и мочевина  $\mathbb m$  являются сильно коррелированными величинами, распределения которых близки  $\mathbb R$  нормальным. При этом  $\mu_{\mathbb R}=88.5, \sigma_{\mathbb R}=13.25, \mu_{\mathbb m}=5.4, \sigma_{\mathbb m}=1.45,$  а коэффициент корреляции  $\rho(\mathbb R,\mathbb m)=0.6.$ 

Смоделируйте выборку S, содержащий информацию о 100 пациентах, у которых замерили эти два показателя. Предположим, что вы хотите построить линейную модель, связывающую их. (Воспользуйтесь пакетом *mvtnorm* чтобы смоделировать соответствующее многомерное нормальное распределение.)

- (а) (1 балл) Как выглядит модель линейной регрессии креатинина k на мочевину m? Воспользуйтесь функцией lm, чтобы оценить параметры в этой модели. Как полученные оценки связаны с выборочными характеристиками (средним, дисперсией, корреляцией) выборки  $\mathbb{S}$ ?
- (b) (1 балл) Проверьте гипотезу о нормальном распределении остатков в вашей модели.
- (c) (1 балл) Добавим в модель еще один признак W, никак не связанный с k и m. Смоделируйте одномерную выборку (с произвольным распределением), и, считая ее одним из признаков в выборке S, добавьте этот признак в вашу модель линейной регрессии. Как изменился коэффициент детерминации в новой модели? Как изменился модифицированный коэффициент детерминации?
- 2. (2 балла) Смоделируйте такую выборку объема 50 с 6 признаками, чтобы в модели линейной регрессии первого признака на остальные 5 каждый из коэффициентов регрессии в отдельности не значимо отличался от 0, но все параметры в совокупности значимо. Воспользуйтесь пакетом glmnet, чтобы построить для такой модели lasso-оценку с параметром r=0.2. Как изменились при этом оценки коэффициентов линейной регрессии? Придумайте из своей практики набор сильно зависимых показателей, которые могут быть связаны регрессионным соотношением.
- 3. (2 балла) У пациента, попавшего в реанимацию с риском сепсиса, измеряют уровень нейтрофилов (Neu) и лимфоцитов (Ly). При определенном заболевании уровень лимфоцитов является нормальной случайной величиной с распределением N(20; 5), а уровень нейтрофилов N(80; 5). Пусть при нейтрофильнолимфоцитарном соотношении NLR < 3 угроза сепсиса отсутствует, NLR > 9 сепсис неизбежен, при остальных значениях сепсис возникает с вероятностью  $p = \frac{\text{NLR} 3}{6}$ .

Смоделируйте трёхмерную выборку S объема 201, состоящую из наблюдений за (Neu, Ly, Sepsis). Воспользуйтесь пакетом glmnet и функцией glm, чтобы построить модель логистической регрессии признака Sepsis на Neu и Ly. Какая вероятность для случайной величины Sepsis быть равной 1, если Neu = 90, а Ly = 15? Какую вероятность предсказывает ваша модель (воспользуйтесь функцией predict)?

 $<sup>^{1}</sup>$ v. 1.0, от 8 декабря 2022 г.