Метод k ближайших соседей

Дмитрий Корнев tswr@yandex-team.ru

Школа анализа данных

Весна 2020

Метод k ближайших соседей

Теория

Практика

Методы поиска ближайших соседей

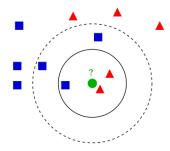
«Скажи мне, кто твой друг, и я скажу тебе, кто ты» Еврипид



Метод k ближайших соседей — классификация

ullet Голосование среди k соседей

$$a(x) = \underset{y \in Y}{\operatorname{arg\,max}} \sum_{i \in \operatorname{nearest}_k(x)} [y_i = y]$$



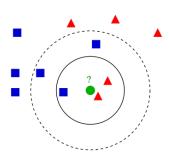
Метод k ближайших соседей — классификация

ullet Голосование среди k соседей

$$a(x) = \underset{y \in Y}{\operatorname{arg\,max}} \sum_{i \in \operatorname{nearest}_k(x)} [y_i = y]$$

 Метрический алгоритм классификации

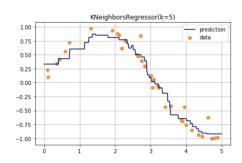
$$a(x) = \underset{y \in Y}{\operatorname{arg max}} \sum_{i=1}^{l} [y_i = y] w_i(x)$$



Метод k ближайших соседей — регрессия

ullet Голосование среди k соседей

$$a(x) = \frac{1}{k} \sum_{i \in \text{nearest}_k(x)} y_i$$



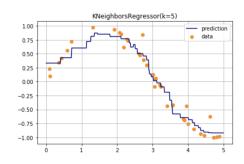
Метод k ближайших соседей — регрессия

ullet Голосование среди k соседей

$$a(x) = \frac{1}{k} \sum_{i \in \text{nearest}_k(x)} y_i$$

• Формула Надарая-Ватсона

$$a(x) = \frac{\sum_{i=1}^{l} w_i(x) y_i}{\sum_{i=1}^{l} w_i(x)}$$



ullet Метод k ближних соседей

$$w_i(x) = [i \leqslant k]$$

• Метод k ближних соседей

$$w_i(x) = [i \leqslant k]$$

• Метрические алгоритмы

$$w_i(x) = f(\rho(x_i, x))$$

• Метод k ближних соседей

$$w_i(x) = [i \leqslant k]$$

• Метрические алгоритмы

$$w_i(x) = f(\rho(x_i, x))$$

$$w_i(x) = K\left(\frac{\rho(x_i, x)}{h}\right)$$

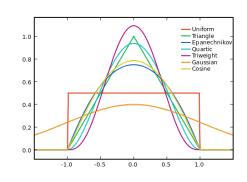
• Метод k ближних соседей

$$w_i(x) = [i \leqslant k]$$

• Метрические алгоритмы

$$w_i(x) = f(\rho(x_i, x))$$

$$w_i(x) = K\left(\frac{\rho(x_i, x)}{h}\right)$$



• Определить функцию близости — сложная задача, важны преобразования признаков (масштабирование)

- Определить функцию близости сложная задача, важны преобразования признаков (масштабирование)
- Алгоритм работает лучше на признаках одной природы

- Определить функцию близости сложная задача, важны преобразования признаков (масштабирование)
- Алгоритм работает лучше на признаках одной природы
- Часто k-NN используют как предварительный фильтр для поиска подходящих кандидатов

- Определить функцию близости сложная задача, важны преобразования признаков (масштабирование)
- Алгоритм работает лучше на признаках одной природы
- Часто k-NN используют как предварительный фильтр для поиска подходящих кандидатов
- Примеры

Метод k ближайших соседей

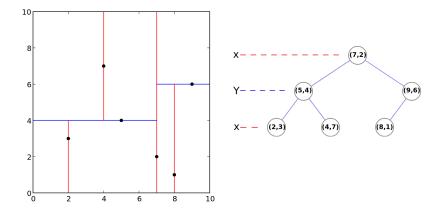
Дана обучаяющая выборка

$$X^{l} = (x_i, y_i)_{i=1}^{l}, \qquad x_i \in \mathbf{R}^n.$$

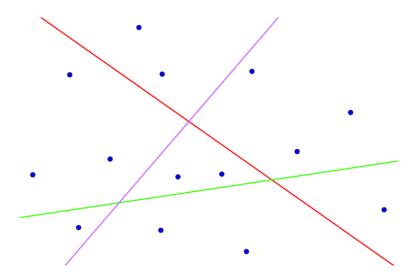
Какова алгоритмическая сложность fit/predict?

K-d деревья

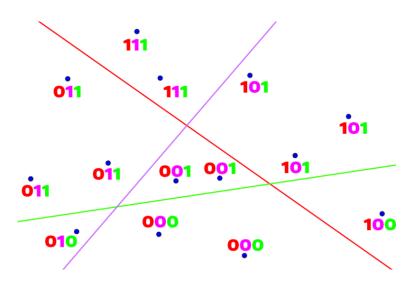
$$X = ((2,3), (5,4), (9,6), (4,7), (8,1), (7,2))$$



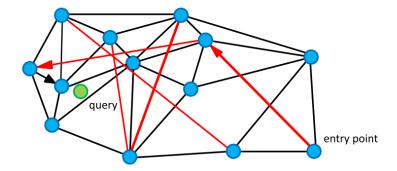
Locality-Sensitive Hashing



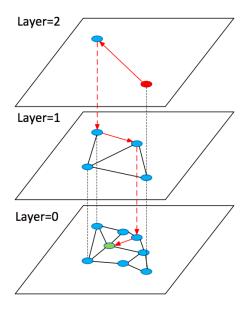
Locality-Sensitive Hashing



Navigable Small World (NSW)



Hierarchical Navigable Small World (HNSW)



Faiss

- Кластеризация
- Инвертированный индекс
- Product quantizers

Реализации

- K-d tree, ball tree sklearn
- LSH annoy, datasketch, NearPy
- HSNW nmslib
- Clustering based faiss