파이썬 자료구조

CHAPTER 5



5장. 학습 목표



- 선형 큐의 문제와 원형 큐의 구조와 동작 원리를 이해한다.
- 덱과 우선순위 큐의 개념과 동작 원리를 이해한다.
- 파이썬 리스트를 이용한 큐, 덱, 우선순위 큐의 구현 방법을 이해한다.
- 상속을 이용하여 새로운 클래스를 만들고 사용하는 방법을 이해한다.
- 우선순위 큐를 이용한 전략적 미로 탐색 방법을 이해한다.

5.1 큐란?



- 큐는 선입선출(First-In First Out: FIFO)의 자료구조이다.
 - 큐의 구조
 - 큐의 ADT
 - 큐의 연산
- 큐의 응용

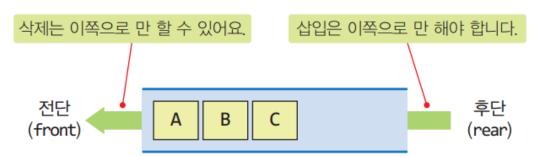
큐(QUEUE)란?



• 큐는 선입선출(First-In First Out: FIFO)의 자료구조



• 큐의 구조



큐 ADT



- 삽입과 삭제는 FIFO순서를 따른다.
- 삽입은 큐의 후단에서, 삭제는 전단에서 이루어진다.

정의 5.1 Queue ADT

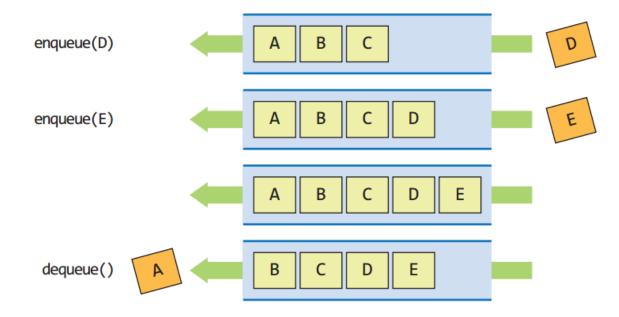
데이터: 선입선출(FIFO)의 접근 방법을 유지하는 항목들의 모음 연산

- Queue(): 비어 있는 새로운 큐를 만든다.
- isEmpty(): 큐가 비어있으면 True를 아니면 False를 반환한다.
- enqueue(x): 항목 x를 큐의 맨 뒤에 추가한다.
- dequeue(): 큐의 맨 앞에 있는 항목을 꺼내 반환한다.
- peek(): 큐의 맨 앞에 있는 항목을 삭제하지 않고 반환한다.
- size(): 큐의 모든 항목들의 개수를 반환한다.
- clear(): 큐를 공백상태로 만든다.

큐의 연산



- 삽입: enqueue()
- 삭제: dequeue()



큐의 응용



• 예) 서비스센터의 콜 큐



- 컴퓨터에서도 큐는 매우 광범위하게 사용
 - 프린터와 컴퓨터 사이의 인쇄 작업 큐 (버퍼링)
 - 실시간 비디오 스트리밍에서의 버퍼링
 - 시뮬레이션의 대기열(공항의 비행기들, 은행에서의 대기열)
 - 통신에서의 데이터 패킷들의 모델링에 이용

5.2 큐의 구현



- 선형 큐에는 어떤 문제가 있을까?
- 원형 큐가 훨씬 효율적이다.
- 원형 큐의 구현

선형큐의 문제점

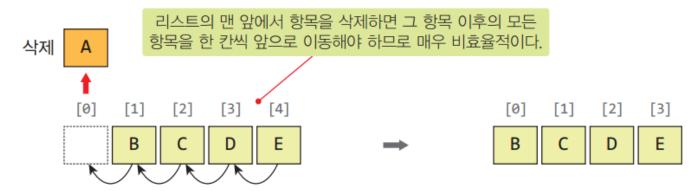


- 선형큐는 비효율적이다.
 - enqueue(item): 삽입 연산 → 0(1)

```
def enqueue(item):
   items.append(item) # 리스트의 맨 뒤에 items 추가
```

- dequeue(): 삭제 연산 $\rightarrow O(n)$ why?

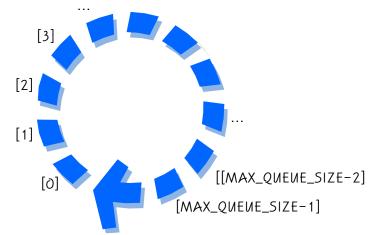
```
def dequeue():
   if not isEmpty(): # 공백상태가 아니면
   return items.pop(0) # 맨 앞 항목을 꺼내서 반환
```



원형 큐가 훨씬 효율적이다.



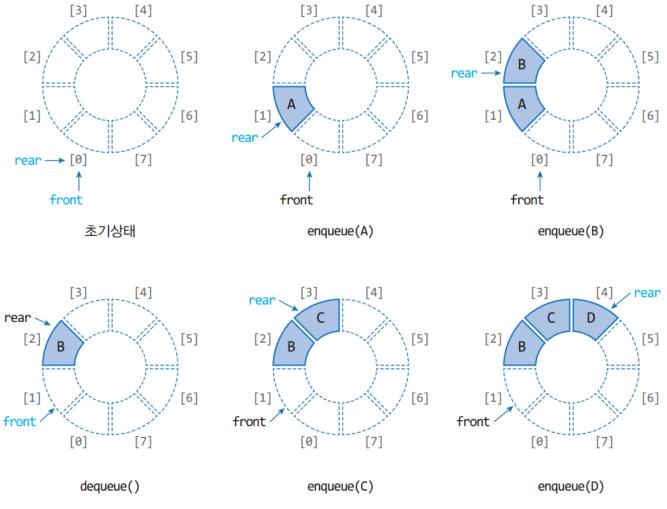
- 원형큐
 - 배열을 원형으로 사용



- 전단과 후단을 위한 2개의 변수
 - front: 첫번째 요소 하나 앞의 인덱스
 - rear: 마지막 요소의 인덱스
- 회전(시계방향) 방법

원형 큐의 삽입과 삭제 과정





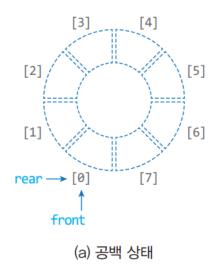
삽입: rear를 하나 증가시킨후 그 위치에 삽입

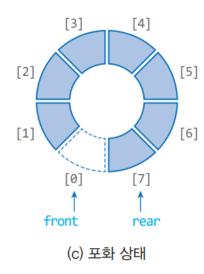
삭제: front를 하나 증가 시킨후 그 위치 항목 반환

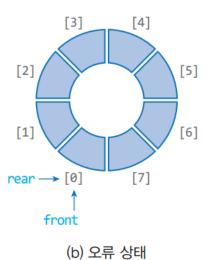
공백상태와 <mark>포화</mark>상태



- 공백상태: front == rear
- 포화상태: front ==(rear+1) % M
- 공백상태와 포화상태를 구별 방법은?
 - 하나의 공간은 항상 비워둠







원형 큐의 구현



- 파이썬 리스트 사용
- 리스트의 크기가 미리 결정되어야 함.→ 포화상태 있음
- 원형 큐 클래스

```
MAX_QSIZE = 10 # 원형 큐의 크기

class CircularQueue :

def __init__( self ) : # CircularQueue 생성자

self.front = 0 # 큐의 전단 위치

self.rear = 0 # 큐의 후단 위치

self.items = [None] * MAX_QSIZE # 항목 저장용 리스트 [None,None,...]

def isEmpty( self ) : return self.front == self.rear

def isFull( self ) : return self.front == (self.rear+1)%MAX_QSIZE

def clear( self ) : self.front = self.rear
```

원형 큐의 연산들(삽입/삭제)

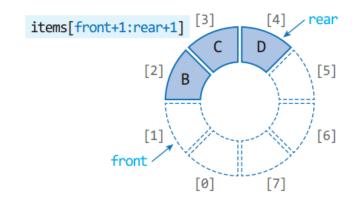


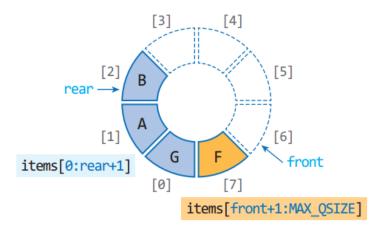
```
def enqueue( self, item ):
    if not self.isFull():
                                             # 포화상태가 아니면
       self.rear = (self.rear+1)% MAX QSIZE # rear 회전
                                     # rear 위치에 삽입
       self.items[self.rear] = item
 def dequeue( self ):
    if not self.isEmpty():
                                             # 공백상태가 아니면
       self.front = (self.front+1)% MAX QSIZE # front 회전
       return self.items[self.front]
                                    # front위치의 항목 반환
 def peek( self ):
    if not self.isEmpty():
       return self.items[(self.front + 1) % MAX_QSIZE]
def size( self ) :
   return (self.rear - self.front + MAX QSIZE) % MAX QSIZE
```

원형 큐의 연산들(출력)



```
def display( self ):
    out = []
    if self.front < self.rear :
        out = self.items[self.front+1:self.rear+1] # 슬라이싱
    else:
        out = self.items[self.front+1:MAX_QSIZE] \ # 다음 줄에 계속...
        + self.items[0:self.rear+1] # 슬라이싱
    print("[f=%s,r=%d] ==> "%(self.front, self.rear), out)
```





테스트 프로그램



```
q = CircularQueue() # 원형큐 만들기 (MAX_QSIZE=10)
for i in range(8): q.enqueue(i) # 0, 1, ... 7 삽입(f=0, r=8)
q.display() # 원형 큐에서 구현한 print()호출
for i in range(5): q.dequeue(); # 5번 삭제 (f=5, r=8)
q.display()
for i in range(8,14): q.enqueue(i) # 8, 9, ... 13 삽입 (f=5, r=4)
q.display()
```

5.3 큐의 응용: 너비우선탐색



- 큐를 이용한 너비우선탐색
- 파이썬의 queue모듈은 큐와 스택 클래스를 제공한다.

BFS(Breadth First Searh): 출발점에서부터 인점 위치들을 먼저 방문한 다음, 방문한 위치들에 인접한 위치들을 순서대로 찾아가는 방법

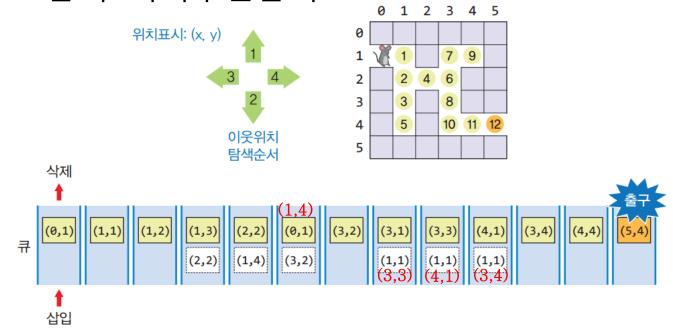
깊이우선탐색: 하나의 경로를 선택해 끝까지 가보고 막히면 가장 최근 경로 시 도(스택)

너비우선탐색: 가까운 위치부터 차근차근 찾아가는 전략(큐)

큐의 응용: 너비우선탐색



- 이 책에서의 큐 응용
 - 이진트리의 레벨 순회 (8장)
 - 기수정렬에서 레코드의 정렬을 위해 사용 (12장)
 - 그래프의 탐색에서 너비우선탐색 (10장)
- 미로 탐색: 너비우선탐색



너비우선탐색 알고리즘



```
def BFS() :
                                    # 너비우선탐색 함수
   que = CircularQueue()
   que.enqueue((0,1))
   print('BFS: ')
                                    # 출력을 'BFS'로 변경
   while not que.isEmpty():
       here = que.dequeue()
       print(here, end='->')
       x,y = here
       if (map[y][x] == 'x') : return True
       else:
           map[y][x] = '.'
           if isValidPos(x, y - 1) : que.enqueue((x, y - 1))
                                                                  # 상
           if isValidPos(x, y + 1): que.enqueue((x, y + 1))
                                                                  # 하
           if isValidPos(x - 1, y) : que.enqueue((x - 1, y))
                                                                  # 좌
                                                                   # 우
           if isValidPos(x + 1, y) : que.enqueue((x + 1, y))
   return False
```

테스트 프로그램



```
map = [ ['1', '1', '1', '1', '1', '1'],
         [ 'e', '0', '1', '0', '0', '1' ],
                                                                            1 2 3 4 5
                                                                         0
         [ '1', '0', '0', '0', '1', '1' ],
                                                                      0
         [ '1', '0', '1', '0', '1', '1' ],
                                                                      1
                                                                      2
         [ '1', '0', '1', '0', '0', 'x' ],
         [ '1', '1', '1', '1', '1', '1']
                                                                      4
MAZE SIZE = 6
                                                                      5
result = BFS()
if result : print(' --> 미로탐색 성공')
else: print(' --> 미로탐색 실패')
```

파이썬의 queue모듈



- 큐(Queue)와 스택(LifoQueue) 클래스를 제공
- 사용하기 위해서는 먼저 queue 모듈을 import해야 함

```
import queue # 파이썬의 큐 모듈 포함
```

• 큐 객체 생성

```
Q = queue.Queue(maxsize=20) # 큐 객체 생성(최대크기 20)
```

• 함수 이름 변경: 삽입은 put(), 삭제는 get()

5.4 덱이란?

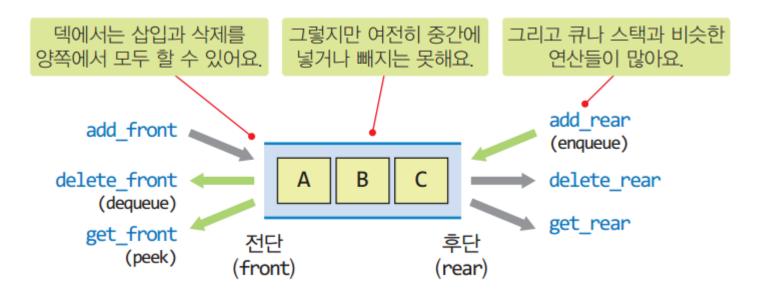


- 덱은 스택이나 큐보다는 입출력이 자유로운 자료구조이다.
 - 덱의 구조
 - 덱 ADT
 - 덱의 연산
- 덱을 스택이나 큐로 사용할 수 있다.

덱의 구조



- 스택이나 큐보다 입출력이 자유로운 자료구조
- 덱(deque)은 double-ended queue의 줄임말
 - 전단(front)와 후단(rear)에서 모두 삽입과 삭제가 가능한 큐



덱 ADT



정의 5.2 Deque ADT

데이터: 전단과 후단을 통한 접근을 허용하는 항목들의 모음 연산

- Deque(): 비어 있는 새로운 덱을 만든다.
- isEmpty(): 덱이 비어있으면 True를 아니면 False를 반환한다.
- addFront(x): 항목 x를 덱의 맨 앞에 추가한다.
- deleteFront(): 맨 앞의 항목을 꺼내서 반환한다.
- getFront(): 맨 앞의 항목을 꺼내지 않고 반환한다.
- addRear(x): 항목 x를 덱의 맨 뒤에 추가한다.
- deleteRear(): 맨 뒤의 항목을 꺼내서 반환한다.
- getRear(): 맨 뒤의 항목을 꺼내지 않고 반환한다.
- isFull(): 덱이 가득 차 있으면 True를 아니면 False를 반환한다.
- size(): 덱의 모든 항목들의 개수를 반환한다.
- clear(): 덱을 공백상태로 만든다.

원형 덱의 연산



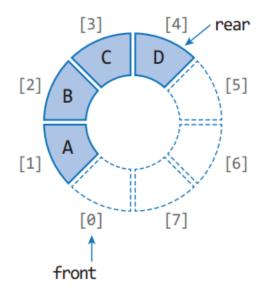
- 큐와 데이터는 동일함
- 연산은 유사함.
- 큐와 알고리즘이 동일한 연산
 - addRear(), deleteFront(), getFront()
 - 큐의 enqueue, dequeue, peek 연산과 동일
 - 덱의 후단(rear)을 스택의 상단(top)으로 사용하면 addRear(), deleteRear(), getRear() 연산은
 - 스택의 push, pop, peek 연산과 정확히 동일하다.

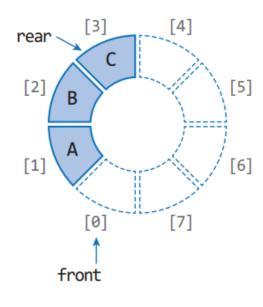
원형 큐에서 추가된 연산

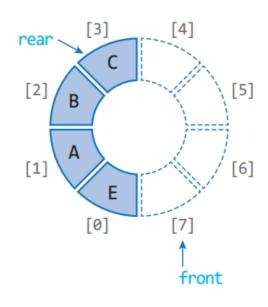


- delete_rear(), add_front(), get_rear()
 - 반 시계방향 회전 필요

front ← (front-1 + MAX_QSIZE) % MAX_QSIZE
rear ← (rear -1 + MAX_QSIZE) % MAX_QSIZE







deleteRear()

addFront(E)

5.5 덱의 구현



• 원형 큐를 상속하여 원형 덱 클래스를 구현하자.

덱의 구현



• 원형 큐를 상속하여 원형 덱 클래스를 구현

```
class CircularDeque(CircularQueue): # CircularQueue에서 상속
```

• 덱의 생성자 (상속되지 않음)

```
      def __init__( self ) :
      # CircularDeque의 생성자

      super().__init__()
      # 부모 클래스의 생성자를 호출함
```

- front, rear, items와 같은 멤버 변수는 추가로 선언하지 않음
- 자식클래스에서 부모를 부르는 함수가 super()
- 재 사용 멤버들: isEmpty, isFull, size, clear
- 인터페이스 변경 멤버들

```
def addRear( self, item ): self.enqueue(item ) # enqueue 호출
def deleteFront( self ): return self.dequeue() # 반환에 주의
def getFront( self ): return self.peek() # 반환에 주의
```

원형 덱의 구현



• 추가로 구현할 메소드

```
def addFront( self, item ):
                                      # 새로운 기능: 전단 삽입
   if not self.isFull():
     self.items[self.front] = item # 항목 저장
     self.front = self.front - 1 # 반시계 방향으로 회전
     if self.front < 0 : self.front = MAX QSIZE - 1</pre>
def deleteRear( self ):
                                      # 새로운 기능: 후단 삭제
   if not self.isEmpty():
     item = self.items[self.rear]; # 항목 복사
     self.rear = self.rear - 1 # 반시계 방향으로 회전
     if self.rear < 0 : self.rear = MAX QSIZE - 1</pre>
     return item
                                      # 항목 반환
def getRear( self ):
                                      # 새로운 기능: 후단 peek
   return self.items[self.rear]
```

테스트 프로그램



```
dq = CircularDeque()
                                         # 덱 객체 생성. f=r=0
 for i in range(9):
                                         #i:0,1,2,...8
                                         # 짝수는 후단에 삽입:
       if i%2==0 : dq.addRear(i)
       else : dq.addFront(i)
                                         # 홀수는 전단에 삽입
  dq.display()
                                         # front=6, rear=5
                                         # 전단에서 두 번의 삭제: f=8
  for i in range(2): dq.deleteFront()
  for i in range(3): dq.deleteRear()
                                        # 후단에서 세 번의 삭제: r=2
  dq.display()
  for i in range(9,14): dq.addFront(i) # i : 9, 10, ... 13 : f=3
  dq.display()
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
                                                                                   [f=6,r=5] \Longrightarrow [7, 5, 3, 1, 0, 2, 4, 6, 8]
[f=8,r=2] \Longrightarrow [3, 1, 0, 2]
[f=3,r=2] \Longrightarrow [13, 12, 11, 10, 9, 3, 1, 0, 2]
```

5.6 우선순위 큐



- 우선순위 큐란?
- 우선순위 큐 ADT
- 정렬되지 않은 배열을 이용한 우선순위 큐의 구현
- 시간 복잡도

우선순위 큐란?



- 실생활에서의 우선순위
 - 도로에서의 자동차 우선순위
- 우선순위 큐(priority queue)
 - 우선순위 의 개념을 큐에 도입한 자료구조
 - 모든 데이터가 우선순위를 가짐
 - 입력 순서와 상관없이 우선순위가 높은 데이터가 먼저 출력
 - 가장 일반적인 큐로 볼 수 있다. Why?
- 응용분야
 - 시뮬레이션, 네트워크 트래픽 제어, OS의 작업 스케쥴링 등

우선순위 큐 ADT



정의 5.3 Priority Queue ADT

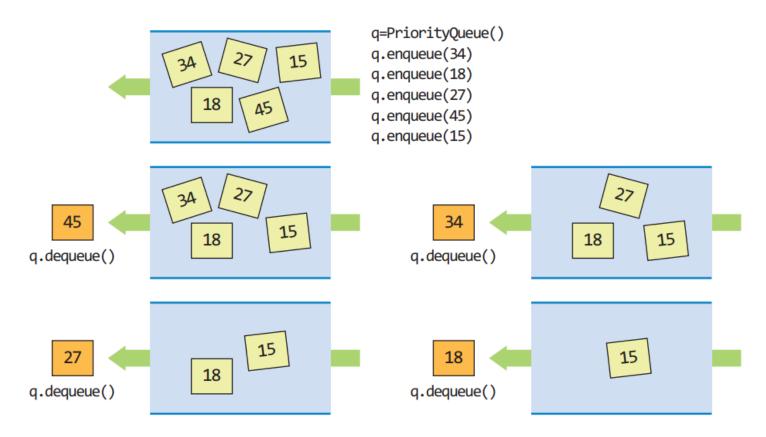
데이터: 우선순위를 가진 요소들의 모음

연산

- PriorityQueue(): 비어 있는 우선순위 큐를 만든다.
- isEmpty(): 우선순위 큐가 공백상태인지를 검사한다.
- enqueue(e): 우선순위를 가진 항목 e를 추가한다.
- dequeue(): 가장 우선순위가 높은 항목을 꺼내서 반환한다.
- peek(): 가장 우선순위가 높은 요소를 삭제하지 않고 반환한다.
- size(): 우선순위 큐의 모든 항목들의 개수를 반환한다.
- clear(): 우선순위 큐를 공백상태로 만든다.

우선순위 큐의 삽입과 삭제 연산





• 구현 방법: 배열 구조/연결된 구조/힙 트리

정렬되지 않은 배열을 이용한 구현



```
# Python list를 이용한 Priority Queue ADT 구현.
class PriorityQueue :
  def init ( self ):
                                       # 생성자
                                       # 항목 저장을 위한 리스트
     self.items = []
  def isEmpty( self ):
                                       # 공백상태 검사
     return len( self.items ) == 0
  def size( self ): return len(self.items) # 전체 항목의 개수
  def clear( self ): self.items = []
                              # 초기화
  def enqueue( self, item ): # 삽입 연산
     self.items.append(item) # 리스트의 맨 뒤에 삽입(O(1))
```

삭제 연산



```
def findMaxIndex( self ):
                                     # 최대 우선순위 항목의 인덱스 반환
   if self.isEmpty(): return None
   else:
                                    # 0번을 최대라고 하고
     highest = 0
     for i in range(1, self.size()): #모든 항목에 대해
        if self.items[i] > self.items[highest] :
                                    # 최고 우선순위 인덱스 갱신
           highest = i
                                     # 최고 우선순위 인덱스 반환
     return highest
def dequeue( self ):
                                     # 삭제 연산
   highest = self.findMaxIndex()
                                    # 우선순위가 가장 높은 항목
   if highest is not None :
      return self.items.pop(highest) # 리스트에서 꺼내서 반환
def peek( self ):
                                     # peek 연산
   highest = findMaxIndex()
                                     # 우선순위가 가장 높은 항목
   if highest is not None :
      return self.items[highest]
                                # 꺼내지 않고 반환
```

파이썬으.

테스트 프로그램



```
q = PriorityQueue()
q.enqueue( 34 )
q.enqueue( 18 )
q.enqueue( 27 )
q.enqueue( 45 )
q.enqueue( 45 )
print("PQueue:", q.items)
while not q.isEmpty() :
    print("Max Priority = ", q.dequeue() )
```

```
The C:#WINDOWS#system32#cmd.exe

PQueue: [34, 18, 27, 45, 15] 입력한 순서 대로 우선순위 큐에 들어감

Max Priority = 45

Max Priority = 34

Max Priority = 18

Max Priority = 18

Max Priority = 15
```

시간 복잡도



- 정렬되지 않은 리스트 사용
 - enqueue(): 대부분의 경우 *0*(1)
 - findMaxIndex(): O(n)
 - dequeue(), peek() : O(n)
- 정렬된 리스트 사용
 - enqueue(): O(n)
 - dequeue(), peek() : O(1) 우선순위 높은 항목 위치가 정해져~
- 힙 트리(8장)
 - enqueue(), dequeue(): O(logn)
 - peek() : 0(1)

5.7 우선순위 큐의 응용: 전략적인 미로 탐색

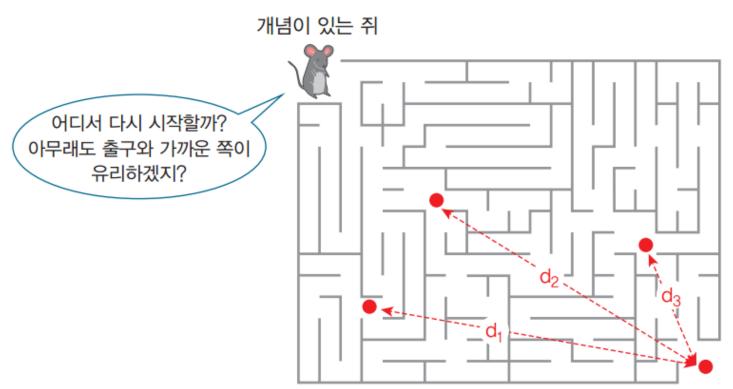
- 전략적 미로 탐색
- 전략적 탐색 알고리즘

전략적 미로 탐색



- 전략 (출구의 위치를 알고 있다고 가정 함)
 - 가능한 한 출구와의 가까운 방향을 먼저 선택하자.

Eucledian Distance



최대 우선순위 항목 선택



• 큐에 저장되는 항목: (x, y, -d) 형태의 튜플

```
def findMaxIndex( self ): # 최대 우선순위 항목의 인덱스 반환
if self.isEmpty(): return None
else:
highest = 0 # 0번을 최대라고 하고
for i in range(1, self.size()): # 모든 항목에 대해
if self.items[i][2] > self.items[highest][2]:
highest = i # 최고 우선순위 인덱스 갱신
return highest # 최고 우선순위 인덱스 반환
```

#항목이 (x, y, -d)의 튜플의 마지막 요소(2) 이용해 우선순위항목 찾기

전략적 탐색 알고리즘



```
def MySmartSearch() :
                                           # 최소거리 전략의 미로탐색
                                           # 우선순위 큐 객체 생성
   q = PriorityQueue()
   q.enqueue((0,1,-dist(0,1)))
                                           # 튜플에 거리정보 추가
   print('PQueue: ')
               -d 는 거리를 음수로 가까울수록 더 큰값이 되어야 하기 때문
   while not q.isEmpty():
      here = q.dequeue()
      print(here[0:2], end='->')
                                           # (x,y,-d)에서 (x,y)만 출력
                                           # (x,y,-d)에서->(x,y, )
      x,y, = here
      if (map[y][x] == 'x') : return True
      else:
          map[y][x] = '.'
          if isValidPos(x, y - 1) : q.enqueue((x,y-1, -dist(x,y-1)))
          if isValidPos(x, y + 1): q.enqueue((x,y+1, -dist(x,y+1)))
          if isValidPos(x - 1, y) : q.enqueue((x-1,y, -dist(x-1,y)))
          if isValidPos(x + 1, y) : q.enqueue((x+1,y, -dist(x+1,y)))
      print('우선순위큐: ', q.items)
   return False
```

실행 결과 및 우선순위 큐 응용

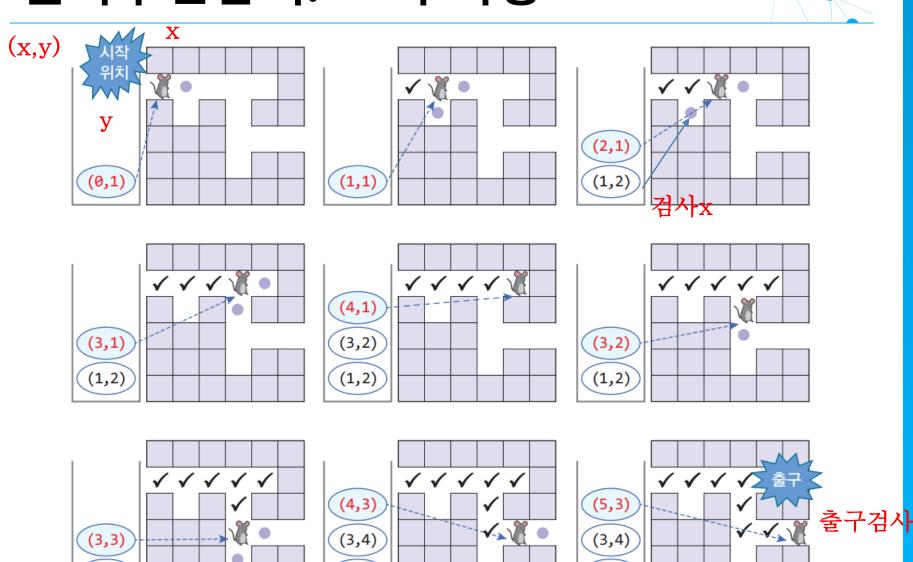


```
PQueue:
(0, 1)→우선순위큐: [(1, 1, -5.0)]
(1, 1)→우선순위큐: [(1, 2, -4.47213595499958), (2, 1, -4.242640687119285)]
(2, 1)→우선순위큐: [(1, 2, -4.47213595499958), (3, 1, -3.605551275463989)]
(3, 1)→우선순위큐: [(1, 2, -4.47213595499958), (3, 2, -2.8284271247461903), (4, 1, -3.1622776601683795)]
(3, 2)→우선순위큐: [(1, 2, -4.47213595499958), (4, 1, -3.1622776601683795), (3, 3, -2.23606797749979)]
(3, 3)→우선순위큐: [(1, 2, -4.47213595499958), (4, 1, -3.1622776601683795), (3, 4, -2.0), (4, 3, -1.4142135623730951)]
(4, 3)→우선순위큐: [(1, 2, -4.47213595499958), (4, 1, -3.1622776601683795), (3, 4, -2.0), (5, 3, -1.0)]
(5, 3)→ -→ 미로탐색 성공
```

- 우선순위 큐의 주요 응용
 - 허프만 코딩 트리: 빈도가 작은 두 노드를 선택 (8.6절)
 - Kruskal의 MST 알고리즘: MST에 포함되지 않은 간선 중에 최소 가중치 간선을 선택 (11.3절)
 - Dijkstra의 최단거리 알고리즘: 최단거리가 찾아지 지 않은 정점 들 중에서 가장 거리가 가까운 정점 선택 (11.4절)
 - 인공지능의 A* 알고리즘: 상태 공간트리(state space tree)에서 가장 가능성이 높은 (promising) 경로를 먼저 선택하여 시도

깊이우선탐색: 스택 사용





(1,2)

(1,2)

(1,2)

테스트 프로그램



```
result = DFS()

if result : print(' --> 미로탐색 성공')

else : print(' --> 미로탐색 실패')
```

```
The chronic property of the content of the content
```

테스트 프로그램



```
map = [ ['1', '1', '1', '1', '1', '1'],
         [ 'e', '0', '1', '0', '0', '1' ],
                                                                            1 2 3 4 5
                                                                          0
         [ '1', '0', '0', '0', '1', '1' ],
                                                                      0
         [ '1', '0', '1', '0', '1', '1' ],
                                                                      1
                                                                      2
         [ '1', '0', '1', '0', '0', 'x' ],
         [ '1', '1', '1', '1', '1', '1']
                                                                      4
MAZE SIZE = 6
                                                                      5
result = BFS()
if result : print(' --> 미로탐색 성공')
else: print(' --> 미로탐색 실패')
```

5장 연습문제, 실습문제







감사합니다!