파이썬 자료구조

-----



정렬과 탐색

# 7장. 학습 목표



- 정렬의 개념과 간단한 정렬 알고리즘의 동작 원리를 이해한다.
- 정렬을 이용해 집합 관련 연산의 효율을 향상시키는 방법을 이해한다.
- 탐색의 개념과 간단한 탐색 알고리즘의 동작 원리를 이해한다.
- 해싱의 개념과 해시함수, 오버플로의 개념을 이해한다.
- 오버플로 해결방법을 이해하고, 다양한 방법으로 맵을 구현할 수 있다.

# 7.1 정렬이란?

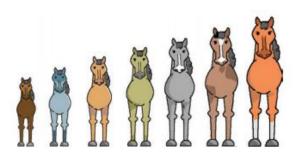


- 정렬이란?
- 용어들
- 정렬 알고리즘 종류

## 정렬이란?



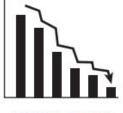
- 데이터를 순서대로 재배열하는 것
  - 가장 기본적이고 중요한 알고리즘
  - 비교할 수 있는 모든 속성들은 정렬의 기준이 될 수 있다
  - 오름차순(ascending order)과 내림차순(descending order)



경주마의 정렬(키 순)



오름차순정렬

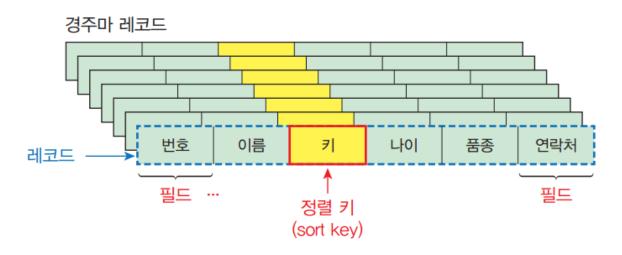


내림차순정렬

### 용어들



- 레코드: 정렬시켜야 될 대상
  - 여러 개의 필드(field)로 이루어짐
  - 정렬 키(sort key): 정렬의 기준이 되는 필드



• 정렬이란 레코드들을 키(key)의 순서로 재배열하는 것

### 정렬 알고리즘 종류



- 정렬 장소에 따른 분류
  - 내부(internal) 정렬: 모든 데이터가 메인 메모리
  - 외부(external) 정렬: 외부 기억 장치에 대부분의 레코드
- 단순하지만 비효율적인 방법
  - 삽입, 선택, 버블정렬 등
- 복잡하지만 효율적인 방법
  - 퀵, 힙, 병합, 기수정렬, 팀 등
- 정렬 알고리즘의 안정성(stability)



# 7.2 간단한 정렬 알고리즘



- 선택 정렬(selection sort)
- 삽입 정렬(insertion sort)
- 버블 정렬(bubble sort)

# 선택 정렬(selection sort)



 오른쪽 리스트에 서 가장 작은 숫자를 선택하여 왼쪽 리 스트의 맨 뒤로 이동하는 작업을 반복

정렬 된(왼쪽) 리스트	정렬 안 된(오른쪽) 리스트	설명
[]	[5,3,8,4,9,1,6,2,7]	초기상태
[1]	[5,3,8,4,9,6,2,7]	1선택 및 이동
[1,2]	[5,3,8,4,9,6,7]	2선택 및 이동
[1,2,3]	[5,8,4,9,6,7]	3선택 및 이동
		4~8 선택 및 이동
[1,2,3,4,5,6,7,8,9]	[]	9선택 및 이동

### 선택 정렬 알고리즘





```
def selection_sort(A) :
    n = len(A)
    for i in range(n-1) :
        least = i;
    for j in range(i+1, n) :
        if (A[j]<A[least]) :
            least = j
        A[i], A[least] = A[least], A[i]
        printStep(A, i + 1);</pre>
```

- 시간 보자도  $(n-1)+(n-2)+\cdots+1=n(n-1)/2=O(n^2)$ 
  - 알고리즘이 간단, 자료 이동 횟수가 미리 결정됨

### 테스트 프로그램



```
data = [ 5, 3, 8, 4, 9, 1, 6, 2, 7 ]
print("Original : ", data)
selection_sort(data)
print("Selection : ", data)
```

```
×
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
Original
                                              정렬 안 된 리스트
 Step
  Step
  Step
        4 =
  Step
        5 =
 Step
 Step
  Step
  Step 8 = [1, 2,
                                              정렬된 리스트
Selection : [1, 2,
```

# 삽입 정렬(insertion sort)



 정렬되어 있는 부분에 새로운 레코드를 올바른 위치에 삽입하는 과정 반복





### 삽입 정렬 알고리즘



```
    5
    3
    8
    4
    9
    1
    6
    2
    7
    초기상태

    5
    3
    8
    4
    9
    1
    6
    2
    7
    3을 삽입

    3
    5
    8
    4
    9
    1
    6
    2
    7
    8은 이미 제자리

    3
    5
    8
    4
    9
    1
    6
    2
    7
    4를 3과 5 사이에 삽입

    3
    4
    5
    8
    9
    1
    6
    2
    7
    9는 이미 제자리

    :
    1
    2
    3
    4
    5
    6
    7
    8
    9
    최종 정렬 결과
```

```
def insertion_sort(A) :
    n = len(A)
    for i in range(1, n) :
        key = A[i]
        j = i-1
        while j>=0 and A[j] > key :
        A[j + 1] = A[j]
        j -= 1
        A[j + 1] = key
        printStep(A, i)
```

```
×
 C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
Original
                                                                           정렬 안 된 부분
                         5,
5,
4,
   Step
                                    4, 9,
8, 9,
8, 9,
5, 8,
5, 6,
                               8,
5,
5,
                    [3,
   Step
                   [3,
   Step
                    [3,
   Step
                   [1, 3, 1], [1, 3, 2], [1, 2, 1], 2, [1, 2, 2],
            5 =
   Step
                                4,
3,
3,
   Step
   Step
                                                                           정렬된 부분
```

### 삽입 정렬 분석



- 복잡도 분석
  - 최선의 경우 O(n): 이미 정렬되어 있는 경우: 비교: n-1 번
  - 최악의 경우 O(n²): 역순으로 정렬되어 있는 경우
    - 모든 단계에서 앞에 놓인 자료 전부 이동
    - $\exists | \exists i :$   $\sum_{i=1}^{n-1} i = \frac{n(n-1)}{2} = O(n^2)$
    - 0|\frac{\text{\varphi}}{2}: \frac{n(n-1)}{2} + 2(n-1) = O(n^2)
  - 평균의 경우 O(n²)
- 특징
  - 많은 이동 필요 → 레코드가 큰 경우 불리
  - 안정된 정렬방법
  - 대부분 정렬되어 있으면 매우 효율적

# 버블 정렬 (bubble sort)



- 기본 전략
  - 인접한 2개의 레코드를 비교하여 순서대로 서로 교환
  - 비교-교환 과정을 리스트의 전체에 수행(스캔)
    - 한번의 스캔이 완료되면 리스트의 오른쪽 끝에 가장 큰 레코드
  - 끝으로 이동한 레코드를 제외하고 다시 스캔 반복

### 버블 정렬 알고리즘



```
〈스캔 1〉
               1
                       2
                                5와 3 교환
                               5와 8은 제자리
                               8과 4 교환
5
           9
               1
                   6
                                동일 작업 반복
                                〈스캔1 완료〉
       8
               6
                                〈스캔2 완료〉
                               〈스캔3 완료〉
                                〈스캔6 완료〉
```

```
def bubble_sort(A) :
   n = len(A)
   for i in range(n-1, 0, -1):
       bChanged = False
       for j in range (i):
           if (A[j]>A[j+1]) :
               A[j], A[j+1] = A[j+1], A[j]
               bChanged = True
       if not bChanged: break;
       printStep(A, n - i);
```

```
© 선택 C:\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)\(\pi\)
```

## 버블정렬 분석



• 비교 횟수(최상, 평균, 최악의 경우 모두 일정)

$$\sum_{i=1}^{n-1} i = \frac{n(n-1)}{2} = O(n^2)$$

- 이동 횟수
  - 역순으로 정렬된 경우(최악): 이동 횟수 = 3 \* 비교 횟수
  - 이미 정렬된 경우(최선의 경우): 이동 횟수 = 0
  - 평균의 경우 : O(n²)
- 레코드의 이동 과다
  - 이동연산은 비교연산 보다 더 많은 시간이 소요됨

## 7.3 정렬 응용: 집합 다시 보기



- 정렬된 리스트를 이용한 집합
- 비교 연산: \_\_eq\_\_
- 합집합/교집합/차집합
- 복잡도 비교

## 정렬 응용: 집합 다시 보기



- 3장에서 구현한 집합 자료구조 수정하기
  - 집합의 원소들을 항상 정렬된 순으로 저장
  - 삽입 연산은 더 복잡해 짐
  - 집합의 비교나 합집합, 차집합, 교집합 → 효율적 구현 가능
- 삽입 연산
  - 삽입할 위치를 먼저 찾아야 함.

```
def insert(self, elem): # 정렬된 상태를 유지하면서 elem을 삽입
if elem in self.items: return # 이미 있음
for idx in range(len(self.items)): # loop: n번
if elem < self.items[idx]: # 삽입할 위치 idx를 찾음
self.items.insert(idx, elem) # 그 위치에 삽입
return
self.items.append(elem) # 맨 뒤에 삽입
```

## 비교 연산: \_\_eq\_\_



- 두 집합의 비교 방법
  - 두 집합의 원소의 개수가 같아야 같은 집합이 됨
  - 집합이 정렬되어 있으므로 순서대로 같은 원소를 가져야 함

```
def __eq__( self, setB ): # 두 집합 self, setB가 같은 집합인가?
if self.size() != setB.size() : # 원소의 개수가 같아야 함
return False
for idx in range(len(self.items)): # loop: n번
if self.items[idx] != setB.items[idx] : # 원소별로 같은지 검사
return False
return True
```

• 시간 복잡도: $O(n^2) \rightarrow O(n)$ 으로 개선

## 합집합/교집합/차집합



- 합집합 연산 방법
  - 가장 작은 원소들부터 비교하여 더 작은 원소를 새로운 집합에 넣고 그 집합의 인덱스를 증가시킴.
  - 만약 두 집합의 현재 원소가 같으면 하나만을 넣음. 인덱스는 모두 증가시킴.
  - 한쪽 집합이 모두 처리되면 나머지 집합의 남은 모든 원소를 순 서대로 새 집합에 넣음
- 시간 복잡도: $O(n^2) \rightarrow O(n)$ 으로 개선
- 교집합과 차집합도 동일한 방법 적용 가능

### 개선된 합집합 알고리즘



```
def union( self, setB ):
                                       # 집한 self와 집한 setB의 한집한
   newSet = Set()
                                       # 반환할 합집합
                                       # 집합 self의 원소에 대한 인덱스
   a = 0
                                       # 집합 setB의 원소에 대한 인덱스
   b = 0
   while a < len( self.items ) and b < len( setB.items ) :</pre>
     valueA = self.items[a]
                               # 집합 self의 현재 원소
     valueB = setB.items[b]
                                      # 집합 setB의 현재 원소
     if valueA < valueB :</pre>
                            # self의 원소가 더 작으면
        newSet.items.append( valueA )
                                  # 이 원소를 합집합에 추가
                                     # self의 현재원소 인덱스 증가.
        a += 1
     elif valueA > valueB :
                                      # setB의 원소가 더 작으면
        newSet.items.append( valueB )
                                  # 이 원소를 합집합에 추가
                                      # setB의 현재원소 인덱스 증가.
        b += 1
      else:
                                       # 중복되는 원소
        newSet.items.append( valueA )
                                  # 하나만 추가
                                       # self와 setB의 인덱스 모두 증가
        a += 1
        b += 1
   while a < len( self.items ):</pre>
                            # self에 남은 원소를 모두 추가
     newSet.items.append( self.items[a] )
      a += 1
   while b < len( setB.items) :</pre>
                            # setB에 남은 원소를 모두 추가
     newSet.items.append( setB.items[b] )
      b += 1
                                        # 합집합 반환
   return newSet
```

## 복잡도 비교



#### [표 7.1] 정렬되지 않은 리스트와 정렬된 리스트로 구현한 집합에서의 복잡도 비교

집합의 연산	정렬되지 않은 리스트	정렬된 리스트
insert(e)	O(n)	O(n)
eq(setB)	$O(n^2)$	O(n)
union(setB)	$O(n^2)$	O(n)
intersect(setB)	$O(n^2)$	O(n)
difference(setB)	$O(n^2)$	O(n)

# 7.4 탐색과 맵 구조

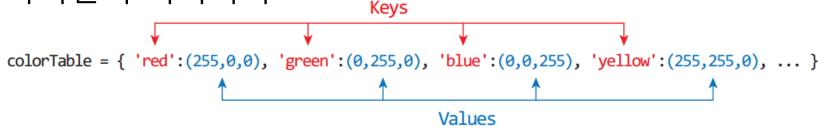


- 탐색, 맵, 엔트리, 딕셔너리
- 맵 ADT

## 탐색, 맵, 엔트리, 딕셔너리



- 탐색
  - 테이블에서 원하는 탐색키를 가진 레코드를 찾는 작업
- 맵(map) 또는 딕셔너리 (dictionary)
  - 탐색을 위한 자료구조
  - 엔트리(entry), 또는 키를 가진 레코드 (keyed record)의 집합
- 엔트리
  - 키(key): 영어 단어와 같은 레코드를 구분할 수 있는 탐색키
  - 값(value): 단어의 의미와 같이 탐색키와 관련된 값
- 파이썬의 딕셔너리



### 맵 ADT



#### 정의 7.1 Map ADT

데이터: 키를 가진 레코드(엔트리)의 집합

#### 연산

- search(key): 탐색키 key를 가진 레코드를 찾아 반환한다.
- insert(entry): 주어진 entry를 맵에 삽입한다.
- delete(key): 탐색키 key를 가진 레코드를 찾아 삭제한다.
- 맵을 구현하는 방법
  - 리스트 이용: 정렬 / 비정렬
  - 이진 탐색 트리 이용 (9장)
  - 해싱 구조 이용

# 7.5 간단한 탐색 알고리즘



- 순차 탐색(sequential search)
- 이진 탐색(binary search)
- 보간 탐색(interpolation search)

# 순차 탐색(sequential search)



- 정렬되지 않은 배열에 적용 가능
  - 정렬되지 않은 배열을 처음부터 마지막까지 하나씩 검사
  - 가장 간단하고 직접적인 탐색 방법
  - 평균 비교 횟수: (n + 1)/2번 비교 (최악의 경우: n번)



### 순차 탐색 알고리즘



```
def sequential_search(A, key, low, high): # 순차탐색
for i in range(low, high+1): # i : low, low+1, ... high
if A[i].key == key: # 탐색 성공하면
return i # 인덱스 반환
return None # 탐색에 실패하면 None 반환
```

• 시간 복잡도: *O(n)* 

# 이진 탐색(binary search)

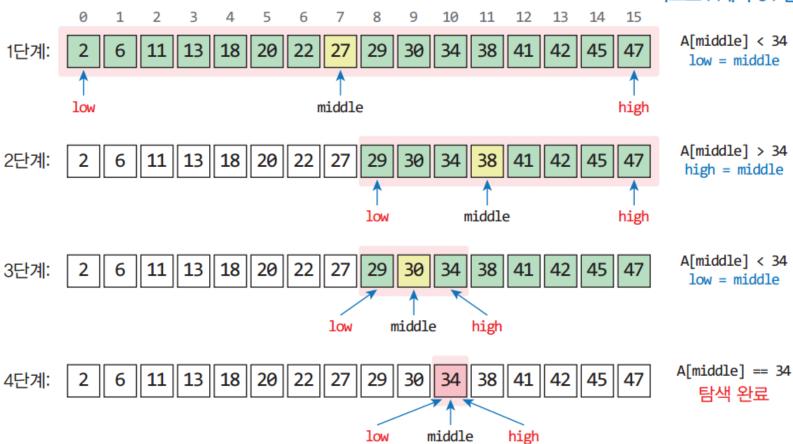


- 정렬된 배열의 탐색에 적합
  - 배열의 중앙에 있는 값을 조사하여 찾고자 하는 항목이 왼쪽
     또는 오른쪽 부분 배열에 있는지를 알아내어 탐색의 범위를 반으로 줄여가며 탐색 진행
  - 예) 사전에서 단어 찾기
- (예) 10억 명중에서 특정한 이름 탐색
  - 이진탐색 : 단지 30번의 비교 필요
  - 순차 탐색 : 평균 5억 번의 비교 필요

### 이진 탐색



#### 리스트 A에서 34 탐색



### 이진 탐색 알고리즘



```
def binary_search(A, key, low, high) :
                                          # 항목들이 남아 있으면(종료 조건)
   if (low \leftarrow high):
      middle = (low + high) // 2
                                          # 정수 나눗셈 //에 주의할 것.
      if key == A[middle].key :
                                         # 탐색 성공
         return middle
                              # 왼쪽 부분리스트 탐색
      elif (key<A[middle].key) :</pre>
         return binary search(A, key, low, middle - 1)
      else:
                                          # 오른쪽 부분리스트 탐색
         return binary search(A, key, middle + 1, high)
   return None
                                          # 탐색 실패
```

- 시간 복잡도: *O*(*logn*)
- 반복으로 구현 가능

# 보간 탐색(interpolation search)



- 탐색키가 존재 할 위치를 예측하여 탐색
  - 예) 사전이나 전화번호부를 탐색할 때
    - 'ㅎ'으로 시작하는 단어는 사전의 뒷부분에서 찾음
    - 'ㄱ'으로 시작하는 단어는 앞부분에서 찾음
- 리스트를 불균등하게 분할하여 탐색
  - 탐색 값과 위치는 비례한다는 가정

탐색위치 = 
$$low + (high - low) \cdot \frac{k - A[low]}{A[high] - A[low]}$$

middle = int(low + (high-low) \* (key-A[low].key) / (A[high].key-A[low].key))

## 7.6 고급 탐색 구조: 해싱



- 해싱이란?
- 선형 조사에 의한 오버플로 처리
- 체이닝(chaining)에 의한 오버플로 처리
- 해시 함수
- 탐색 방법들의 성능 비교

## 해싱이란?



- 해싱(hashing)
  - 키 값에 대한 산술적 연산에 의해 테이블의 주소를 계산
  - 해시 테이블(hash table)
    - 키 값의 연산에 의해 직접 접근이 가능한 구조

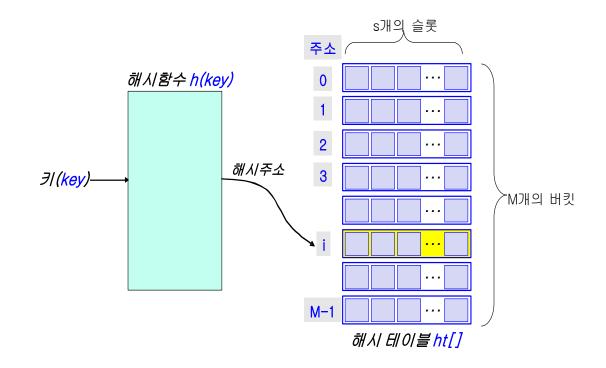




### 해싱의 구조



- 해시 테이블, 버킷, 슬롯
- 해시 함수(hash function)
  - 탐색키를 입력받아 해시 주소(hash address) 생성

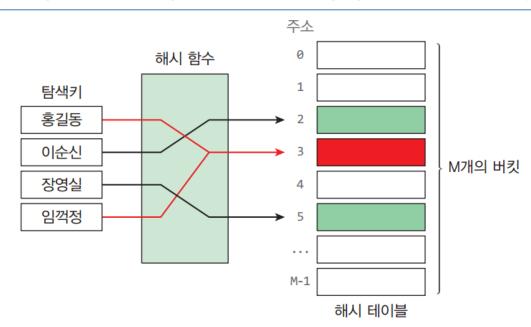


### 충돌과 오버플로



- 충돌
  - 서로 다른 키 가 해시 함수에 의해 같은 주소로 계산되는 상황
- 오버플로우
  - 충돌이 슬롯 수보다 많이 발생하는 것

h(홍길동)⇒3, h(이순신)⇒2, h(장영실)⇒5, h(임꺽정)⇒3



### 선형 조사에 의한 오버플로 처리



- 충돌이 일어나면 해시 테이블의 다음 위치에 저장
  - 다음 항목을 순서대로 조사: h(k), h(k)+1, h(k)+2,...
  - 빈 곳이 있으면 저장.
- 예) 45, 27, 88, 9, 71, 60, 46, 38, 24 저장 과정

key	45	27	88	9	71	1	60	46	38	24
h(key)	6	1	10	9	6		8	7	12	11

① 45, 27, 88, 9 까지의 삽입



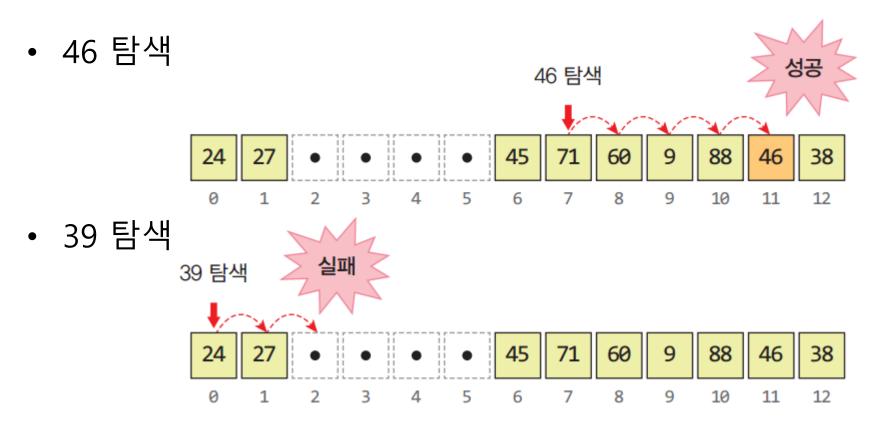
### 선형 조사: 삽입 연산





### 선형 조사: 탐색 연산





### 선형 조사: 삭제 연산



60을 먼저 삭제한 후 46 삭제 46 탐색 성공 46 탐색 

• 빈 버킷을 두 가지로 분류해야 함.

### 선형 조사 군집화 완화 방법



• 이차 조사법(quadratic probing)

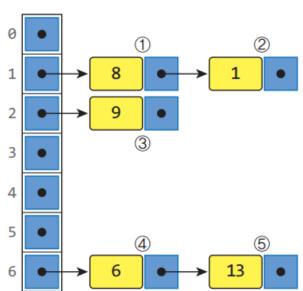
$$(h(k)+i^*i)\% M$$
 for  $i=0,1,\dots,M-1$ 

- 이중 해싱법(double hashing)
  - 재해싱(rehashing)
  - 충돌이 발생하면, 다른 해시 함수를 이용해 다음 위치 계산

### 체이닝에 의한 오버플로 처리



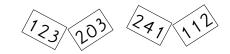
- 하나의 버킷에 여러 개의 레코드를 저장할 수 있도록 하는 방법
- 예) h(k)=k%7 을 이용해 8, 1, 9, 6, 13 을 삽입
- ① 8 저장 : h(8) = 8 % 7 = 1 ⇒ 저장
- ② 1 저장 : h(1) = 1 % 7 = 1 ⇒ 충돌 ⇒ 새로운 노드 생성 및 저장
- ③ 9 저장: h(9) = 9 % 7 = 2 ⇒ 저장
- ④ 6 저장 : h(6) = 6 % 7 = 6 ⇒ 저장
- ⑤ 13저장 : h(13) = 13 % 7 = 6 ⇒ 충돌 ⇒ 새로운 노드 생성 및 저장



### 해시 함수



- 좋은 해시 함수의 조건
  - 충돌이 적어야 한다
  - 함수 값이 테이블의 주소 영역 내에서 고르게 분포되어야 한다
  - 계산이 빨라야 한다
- 제산 함수
  - $h(k)=k \mod M$
  - 해시 테이블의 크기 M은 소수(prime number) 선택
- 폴딩 함수



#### 해시 함수



- 중간 제곱 함수
  - 탐색키를 제곱한 다음, 중간의 몇 비트를 취해서 해시 주소 생성
- 비트 추출 함수
  - 키를 이진수로 간주. 임의의 위치의 k개의 비트를 사용
- 숫자 분석 방법
  - 키에서 편중되지 않는 수들을 테이블의 크기에 적합하게 조합
- 탐색키가 문자열인 경우

```
def hashFn(key):
    sum = 0
    for c in key: # 문자열의 모든 문자에 대해
    sum = sum + ord(c) # 그 문자의 아스키 코드 값을 sum에 더함
    return sum % M
```

### 탐색 방법들의 성능 비교



- 해싱의 적재 밀도(loading density) 또는 적재 비율
  - 저장되는 항목의 개수 n과 해시 테이블의 크기 M의 비율

$$\alpha = rac{ ext{저장된 항목의 개수}}{ ext{해싱테이블의 버킷의 개수}} = rac{n}{M}$$

• 다양한 탐색 방법의 성능 비교

탐색병	방법	탐색	삽입	삭제	
순차팀	탐색	O(n)	O(1)	O(n)	
이진팀	탐색	$O(\log_2 n)$	O(n)	O(n)	
이진탐색트리	균형트리	$O(\log_2 n)$	$O(\log_2 n)$	$O(\log_2 n)$	
	경사트리	O(n)	O(n)	O(n)	
=UAU	최선의 경우	O(1)	O(1)	O(1)	
해싱	최악의 경우	O(n)	O(n)	O(n)	

### 7.7 맵의 응용: 나의 단어장



- 리스트를 이용한 순차탐색 맵
- 체이닝을 이용한 해시 맵
- 파이썬의 딕셔너리를 이용한 구현

### 맵의 응용: 나의 단어장



- 맵 ADT를 구현
  - 리스트를 이용해 순차 탐색 맵을 구현하는 방법
  - 리스트를 정렬해서 이진 탐색 맵을 구현하는 방법
  - 선형조사법으로 해시 맵을 구현하는 방법
  - 체이닝으로 해시 맵을 구현하는 방법

#### • 엔트리 클래스

```
class Entry:
    def __init__( self, key, value ):
        self.key = key
        self.value = value

    def __str__( self ):
        return str("%s:%s"%(self.key, self.value) )
```

### 리스트를 이용한 순차탐색 맵



```
class SequentialMap:
                                               # 순차탐색 맵
  def __init__( self ):
     self.table = []
                                               # 맵의 레코드 테이블
  def insert(self, key, value) :
                                               # 삽입 연산
                                              # 리스트의 맨 뒤에 추가
     self.table.append(Entry(key, value))
  def search(self, key) :
                                               # 순차 탐색 연산
      pos = sequential_search(self.table, key, 0, self.size()-1)
      if pos is not None : return self.table[pos]
      else: return None
  def delete(self, key) :
                                          # 삭제 연산: 항목 위치를 찾아 pop
     for i in range(self.size()):
                                  # 삭제할 위치를 먼저 찾고
         if self.table[i].key == key :
            self.table.pop(i)
                                          # 리스트의 pop으로 삭제
            return
```

#### 테스트 프로그램



```
map = SequentialMap()
map.insert('data', '자료')
map.insert('structure', '구조')
map.insert('sequential search', '선형 탐색')
map.insert('game', '게임')
map.insert('binary search', '이진 탐색')
map.display("나의 단어장: ")
print("탐색:game --> ", map.search('game'))
print("탐색:over --> ", map.search('over'))
print("탐색:data --> ", map.search('data'))
map.delete('game')
map.display("나의 단어장: ")
```

```
C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
나의 단어장:
  data:자료
  structure: 구조
  sequential search:선형 탐색
  game:게임
  binary search:이진 탐색
탐색:game --> game:게임
탐색:over -->
             None
탐색:data -->
             data:자료
나의 단어장:
  data:자료
  structure:구조
  sequential search:선형 탐색
  binary search:이진 탐색
```

### 체이닝을 이용한 해시 맵



```
class HashChainMap:
    def __init__( self, M ):
        self.table = [None]*M
        self.M = M
```

```
def hashFn(self, key) :
    sum = 0
    for c in key :
        sum = sum + ord(c)
    return sum % self.M
```

```
def insert(self, key, value) : # (key,value) 입력
    idx = self.hashFn(key) # 해시 주소 계산
    self.table[idx] = Node(Entry(key,value), self.table[idx]) # 전단 삽입

entry = Entry(key,value) # (1) 엔트리를 생성
    node = Node(entry) # (2) 엔트리로 노드를 생성
    node.link = self.table[idx] # (3) 노드의 링크필드 처리
    self.table[idx] = node # (4) 테이블의 idx 항목: node로 시작
```

#### 테스트 프로그램



```
■ C:#WINDOWS#system32\cmd.exe - □ X
나의 단어장:
[ 3] -> sequential search:선형 탐색 ->
[ 7] -> binary search:이진 탐색 -> game:게임 -> data:자료 ->
[ 8] -> structure:구조 ->
탐색:game --> game:게임
탐색:over --> None
탐색:data --> data:자료
나의 단어장:
[ 3] -> sequential search:선형 탐색 ->
[ 7] -> binary search:이진 탐색 -> data:자료 ->
[ 8] -> structure:구조 ->
```

#### 파이썬의 딕셔너리를 이용한 구현



```
# 딕셔너리(맵) 객체를 만듦
d = \{\}
d['data'] = '자료'
                                                # 맨에 엔트리를 삽입
d['structure'] = '구조'
d['sequential search'] = '선형 탐색'
d['game'] = '게임'
d['binary search'] = '이진 탐색'
print("나의 단어장:")
print(d)
                                                # 맵 출력
if d.get('game') : print("탐색:game --> ", d['game'])
                                               # 탐색
if d.get('over'): print("탐색:over --> ", d['over'])
                                               # 탐색
if d.get('data') : print("탐색:data --> ", d['data'])
                                                # 탐색
                   C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
d.pop('game')
                   나의 단어장:
                   {'data': '자료', 'structure': '구조', 'sequential search': '선형 탐색'. 'game':
print("나의 단어장:")
                   게임', 'binary search': '이진 탐색'}
print(d)
                   탐색:game --> 게임
                   탐색:data --> 자료
                   나의 단어장:
                   {'data': '자료', 'structure': '구조', 'sequential search': '선형 탐색', 'binary s
                   earch': '이진 탐색'}
```

## 7장 연습문제, 실습문제







# 감사합니다!