

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Санкт-Петербургский Политехнический Университет Петра Великого

---

Институт компьютерных наук и кибербезопасности  
Высшая школа кибербезопасности

**ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 3**  
**«Протокол электронной цифровой подписи ГОСТ Р 34.10-2018»**  
по дисциплине «Криптографические методы защиты информации»

Выполнил  
студент гр. 5151004/90101

Кондачков Е.Д.

Преподаватель  
Ассистент

Ярмак А.В.

Санкт-Петербург  
2023

## Содержание

**Элементы оглавления не найдены.**

## **1. Цель работы**

Изучение протокола электронной цифровой подписи ГОСТ Р 34.10-2018, безопасность которого основана на задаче дискретного логарифмирования в группе точек эллиптической кривой.

## **2. Задачи работы**

Согласно варианту разработать программу, реализующую криптосистему, поддерживающую формирование и проверку подписи по алгоритму ГОСТ Р 34.10-2018, а также допускать возможность использования различных ключей.

### 3. Ход работы

В ходе данной работы была реализована программа, позволяющая подписывать и проверять электронную цифровую подпись по алгоритму ГОСТ Р 34.10-2018. Для выполнения работы был получен вариант задания от преподавателя.

#### Вариант 10

```
p = 57896044623332830704464930175758866532580959320654190378215212919875855638347
r = 28948022311666415352232465087879433266289459622068172692541485718987902249339

a = 1
b = 3580094891504076339485469867608308463096783610651696491327180352870738800622
xP = 34716160583222611645030789937385729759908872067425542316787922148347820731789
yP = 5898821206414759138201363717802568499793444816690169368839685124167835466530
```

Рисунок 1 – Вариант задания

Для проверки программы использовался файл с простейшим текстом

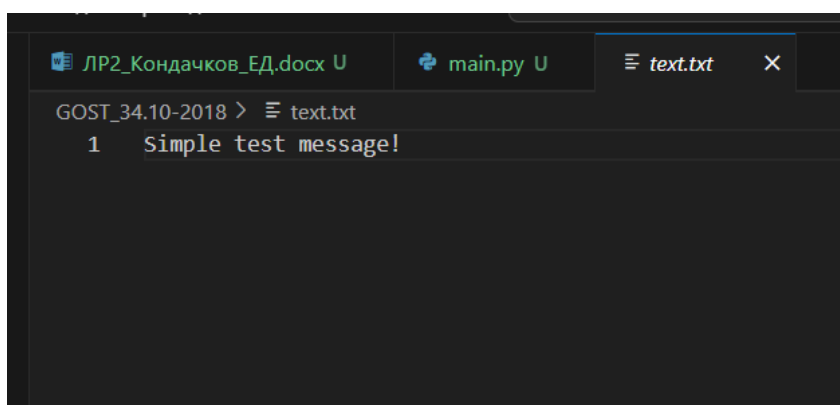


Рисунок 2 – Тестовый файл

Для формирования подписи были сгенерированы дополнительные параметры: ключ шифрования  $d$  и точка  $Q$  – используемая в качестве ключа расшифрования ( $Q = d \cdot P$ ).

```
Available fighters:
1. Willy Wonka (create signature)
2. Frodo Baggins (verify signature)
Choose your fighter: 1
Parameters were successfully generated!

xQ: 47381396627974819201588399777561841648264707078965376096176573563212916188247
yQ: 5329362493277463406863245889987313219342601594155985571227371156532501235335
d: 7403297442029290313507144179959443328919074338860171903825763649897224278772

Enter the path to the file: text.txt
2848339235416254658975486257308330088669361093285033666233649389902863595038852547863371255992291624033082181291880575603373050612209623409812931513181795
Sign was successfully generated!
```

Рисунок 3 – Сгенерированные параметры и хеш сообщения.

По всем указанным данным была получена ЭЦП.

Offset (h)	00	01	02	03	04	05	06	07	08	09	0A	0B	0C	0D	0E	0F	Декодированный текст
00000000	30	82	01	53	31	82	01	4D	30	82	01	49	04	04	80	06	0, .Sl, .MO, .I. .Б.
00000010	07	00	30	44	02	20	68	C0	EB	8E	01	A6	58	39	64	65	..OD. hAlA. !X9de
00000020	81	16	F4	0E	6D	07	2B	50	EA	41	F0	29	6D	A5	DA	72	Ń.ф.м.+PкAp)mГЪr
00000030	67	83	1A	D9	E4	57	02	20	0B	C8	4F	F1	64	A0	A4	16	gr.ЩдW. .ИOcd н.
00000040	F1	21	FF	95	75	65	82	39	FA	D8	F1	2D	EA	04	26	24	с!я•ue,9ыШс-к.&\$
00000050	DF	8D	40	9E	C9	59	46	87	30	81	B4	30	23	02	21	00	ЯК@hYUF+0Гr0#..!
00000060	80	00	00	00	2C	63	A5	7B	BB	F1	FF	61	2D	43	7F	56	Б... ,сГ{»сja-C.V
00000070	F9	75	44	D4	47	C2	76	83	6A	DF	C6	08	39	3A	DF	4B	шuD*GBvŃjЯЖ.9:ЯК
00000080	30	25	02	01	01	02	20	07	EA	43	0B	EA	86	89	5C	08	0%.... .кC.к†%\.
00000090	30	F3	89	AC	27	06	BE	C0	9E	04	C7	CC	B0	D8	DD	A7	Oy%~'.sAh.3M°Ш3\$
000000A0	42	6C	29	F8	37	AF	EE	30	44	02	20	4C	C0	A6	8B	A2	Bl)ш7ŃoOD. LA <ý
000000B0	AA	93	98	4B	4A	7E	36	40	43	0D	27	17	38	A5	F6	34	с".KJ~6@C.' .8Гu4
000000C0	D2	9B	19	3A	6C	F4	6A	89	FD	6D	8D	02	20	0D	0A	9D	T>.:lфj%эмК. . .к
000000D0	4F	01	A2	C9	BF	77	3D	65	5F	CB	F2	C4	E2	B8	8C	49	O.ýŃiw=e лтДв@EŃ
000000E0	BD	CC	72	67	A6	5D	69	41	23	32	9A	3B	22	02	20	40	SMrg; iA#2м;" . @
000000F0	00	00	00	16	31	D2	BD	DD	F8	FF	B0	96	A1	BF	AB	7B	....lTSGшя°-Ńi«{
00000100	F6	2E	A5	45	7E	32	68	FF	7C	F3	5A	69	67	69	7B	30	ц.ГЕ~2hя yZigi{0
00000110	44	02	20	1C	65	DB	44	CF	8E	B4	BF	5F	17	0D	6F	25	D. .eHDPŃri_.o%
00000120	FD	1F	6D	02	D3	7B	CA	BD	D2	42	8D	5A	75	87	C0	64	э.м.Y{KSTBŃZu+Ad
00000130	AA	D1	6B	02	20	26	B1	4A	68	4D	B5	1A	11	77	0C	AF	сCk. &±JhMп..w.Ń
00000140	22	F5	5A	02	9E	F3	08	1A	E6	B5	36	C4	A8	1C	78	F4	"xZ.hy..жу6ДЕ.хф
00000150	13	C7	92	CE	2B	30	00										.3'O+0.

Рисунок 4 – Сформированная подпись в шестнадцатиричном виде

```

Certificate SEQUENCE (2 elem)
  tbsCertificate TBSCertificate [?] SET (1 elem)
    serialNumber CertificateSerialNumber [?] SEQUENCE (4 elem)
      OCTET STRING (4 byte) 80060700
      SEQUENCE (2 elem)
        INTEGER (255 bit) 4738139662797481920158839977756184164826470707896537609617657356321291...
        INTEGER (252 bit) 5329362493277463406863245889987313219342601594155985571227371156532501...
      SEQUENCE (4 elem)
        SEQUENCE (1 elem)
          INTEGER (256 bit) 5789604462333283070446493017575886653258095932065419037821521291987585...
        SEQUENCE (2 elem)
          INTEGER 1
          INTEGER (251 bit) 3580094891504076339485469867608308463096783610651696491327180352870738...
        SEQUENCE (2 elem)
          INTEGER (255 bit) 3471616058322261164503078993738572975990887206742554231678792214834782...
          INTEGER (252 bit) 5898821206414759138201363717802568499793444816690169368839685124167835...
          INTEGER (255 bit) 2894802231166641535223246508787943326628945962206817269254148571898790...
      SEQUENCE (2 elem)
        INTEGER (253 bit) 1284472465145874642873618353063944990531674175947196087310669202681410...
        INTEGER (254 bit) 1750113371787756009962602515445934294346389891003413543871367859281312...
    signatureAlgorithm AlgorithmIdentifier SEQUENCE (0 elem)

```

Рисунок 5 – Расшифрованная подпись

#### 4. Ответы на контрольные вопросы

1. Перечислите преимущества криптосистем на эллиптических кривых по сравнению с другими криптосистемами.

- На эллиптических кривых сложность алгоритма дискретного логарифмирования намного выше;
- Криптосистемы на эллиптических кривых для представления ключа требуют меньше бит, что приводит к упрощению многих операций, а также снижению требований к системе.

2. Почему в стандарте ГОСТ Р 34.10-2018 введено требование  $\#E(\mathbb{F}_p) \neq p$ ?

Если  $E(\mathbb{F}_p) = p$ , где  $E(\mathbb{F}_p)$  – множество точек. Если  $p$  простое, то это означает, что порядок эллиптической кривой является простым числом и может быть уязвимой для атаки по сведению задачи дискретного логарифмирования к вычислению квадратного корня.

3. Если нарушитель имеет возможность обращаться хэш-функцию, как он может подделать сообщение и подпись?

Может изменить исходное сообщение, вычислить новый хэш и подписать своим приватным ключом. В таком случае, при проверке подписи получатель будет считать подпись действительной, так как хэш соответствует исходному сообщению.

4. Почему случайный показатель  $k$  не должен повторяться в течение времени жизни ключа?

Случайность показателя  $k$  является гарантом уникальности значений подписи и её надежности.

## **5. Выводы по работе**

Была разработана программа реализующая алгоритм подписи ГОСТ Р 34.10 – 2018, получены знания об устройстве механизма подписи на основе дискретного логарифмирования на эллиптических кривых и изучены преимущества данной схемы.



## Приложение А