Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Санкт-Петербургский Политехнический Университет Петра Великого

Институт компьютерных наук и кибербезопасности Высшая школа кибербезопасности

#### ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА № 4

# «Криптосистемы на основе задачи дискретного логарифмирования»

по дисциплине «Криптографические методы защиты информации»

Выполнил

студент гр. 45151004/90101

Кондачков Е.Д.

Преподаватель

Ассистент

Зубков Е.А.

## Содержание

1. Цель работы	2
2. Задачи работы	3
3. Ход работы	4
4. Ответы на контрольные вопросы	6
5. Выводы по проделанной работе	8
Приложение А	9
Гриложение Б	11

## 1. Цель работы

Изучение протоколов шифрования с открытым ключом и электронной подписи, безопасность которых основана на задаче дискретного логарифмирования в конечном поле.

## 2. Задачи работы

- 1. Согласно полученному варианту задания разработать криптосистему на основе задачи дискретного логарифмирования;
- 2. Сравнить разработанную систему с RSA, выявить преимущества и недостатки.

#### 3. Ход работы

В ходе работы была реализована криптосистема по протоколу Диффи-Хеллмана, которая основывается на передаче пользователей друг другу частей ключа.

```
AttributeError: 'NoneType' object has no attribute 'typ'
PS T:\repos\Python\Cryptography\discrete_logarithm> python .\client.py
Generated parameters:
a = 3
x = 35675776670340397665329501378345684832597679385977812939236269862010539
5549453115298259976522273115560174729748876802777977497480440244033731148530
6672279617555865427862782585136388327198956017117244063339057359920227769206
311656843614370726210178104254251117523574640972877973464118746234559827048055
13658947
Recived ary = 3742711502444573621605234961732871053079193676072531876462961
13658947
Recived ary = 3742711502444573621605234961732871053079193676072531876462961
44212515387573243154264478362148683033729837498241028219352432795768219519
Sentence of the message:

OPS T:\repos\Python\Cryptography\discrete_logarithm> python .\server.py
Connect clent ('127.0.0.1', 6994)
Recived parameters:
a = 3
arx = 40533362571572679080244832742599798560383121160871447199417273814849
84837531
Sentence of the message in th
```

Рисунок 1 – Работа алгоритма

На рисунке выше показано, как алгоритм производит обмен ключами:

- 1. Клиент генерирует случайный показатель x и считывает показатель a;
- 2. Клиент отправляет серверу ASN1 файл, содержащий a и  $a^x$ ;
- 3. Сервер генерирует свой закрытый показатель у;
- 4. Сервер расшифровывает ASN1 файл, берет оттуда a и отправляет клиенту  $a^{y}$ ;
- 5. Клиент (сервер), возводит  $a^x(a^y)$  в степень y(x), получая таким образом ключ.

Контейнер с сообщением в зашифрованном виде выглядит следующим образом.

```
© cryptocontainer

Offset (h) 00 01 02 03 04 05 06 07 08 09 0A 0B 0C 0D 0E 0F Декодированный текст

00000000 В 0 13 31 0F 30 0D 04 02 10 82 02 01 20 30 00 30 0 1.0..., 0.0

00000010 00 30 00 30 00 04 20 48 03 71 C7 FB 2E 8F FB 5C .0.0. H.qЭы.Џы\
00000020 0D 8B 46 E3 33 7E 00 7D 7B EA 05 B7 35 CF 52 38 .<Fr3~.}{k...5ПR8}

00000030 E4 22 C4 F5 06 5C 6F декодированный текст
```

Рисунок 2 – Контейнер с зашифрованным сообщением

```
Certificate SEQUENCE (2 elem)
tbsCertificate TBSCertificate [?] SET (1 elem)
serialNumber CertificateSerialNumber [?] SEQUENCE (5 elem)
OCTET STRING (2 byte) 1082
INTEGER 32
SEQUENCE (0 elem)
SEQUENCE (0 elem)
SEQUENCE (0 elem)
signatureAlgorithm AlgorithmIdentifier SEQUENCE (0 elem)
```

Рисунок 3 – Расшифрованный контейнер

Важно отметить, что указанные параметры являются демонстрационными и не имеют реального применения. В целях экономии времени проведения демонстрации числа брались по модулю  $2^{256}$ , что способствовало быстрой и не затратной генерации параметров.

Касательно числа A стоит отметить, что данное число может быть любым, единственным его ограничением является известность только пользователю, инициирующему передачу данных.

#### 4. Ответы на контрольные вопросы

1. Пусть G — конечная циклическая группа с заданной образующей. Порядок группы G известен и делится на простое число r. Как найти образующую циклической подгруппы порядка r?

$$r*\frac{ord(G)}{r}$$

2. Покажите, что задача Месси-Омуры сводится к задаче дискретного логарифмирования.

Дано:  $t^a$ ,  $t^b$ ,  $t^{ab}$ . Найти: t. Введем обозначения:  $r=t^b$ ,  $s=t^{ab}$ .

$$s = r^a$$

Задача определения a по известным s и r как раз является задачей дискретного логарифмирования.

3. Подвержен ли протокол шифрования Эль-Гамаля к атаке на основе подобранных шифртекстов?

Такая атака заключается в сборе криптоаналитиком информации о шифре путем подбора шифртекстов и получения некоторых их расшифровок без известной информации о ключе. При сопоставлении ставших известными блоков исходного текста и его шифртекстов криптоаналитик может восстановить секретный ключ. При этом данной атаке могут быть подвержены шифр по схеме Эль-Гамаля, RSA.

- 4. Перечислите задачи, положенные в основу схемы подписи Эль-Гамаля. Почему важно, чтобы период генератора случайных чисел, используемого в схеме подписи, был достаточно большим?
  - Увеличение криптостойкости при подписании;
- Криптостойкость основана на вычислительной сложности проблемы дискретного логарифмирования;
- Возможность многократно подписывать различные сообщения одной электронной подписью (одним ключом);
- Схема Эль-Гамаля явилась прототипом множеству современных стандартов электронных подписей;

 Замена длинных чисел в операциях на остатки от деления от основы криптосистемы.

Период генератора случайных чисел, используемого в схеме подписи, должен быть достаточно большим, чтобы итоговое значение подписи не стало повторяться на разных сообщениях в период использования одного секретного ключа.

### 5. Выводы по проделанной работе

В ходе данной лабораторной работы был разработана криптосистема, использующая протокол Диффи-Хеллмана. Данная криптосистема выгодно отличается от RSA своей простотой в установке ключа, так как для этого ей не требуется производить операцию логарифмирования, как, например, в первой лабораторной работе, где ключ шифровался посредством RSA. В то же время, данный алгоритм требует весьма трудоемкой операции возведения в степень, которая выполняется значительное время.

#### Приложение А

```
Листинг client.py
#this is a client
from config import address, port, a
import socket
from asn import ASN
import random as rnd
from Crypto.Util.number import getPrime
from Crypto.Random import get_random_bytes
def connect_server() ->socket.socket:
    connection = socket.socket(socket.AF_INET, socket.SOCK_STREAM)
    connection.connect((address, port))
    return connection
def get_parameter(p) -> int:
    return rnd.randint(1, p)
def exchange keys(connection:socket.socket) -> int:
    p = getPrime(1024, randfunc=get_random_bytes)
    x = get_parameter(p)
    asn = ASN.encrypt_diffie_hellman(a**x, "client", p, a)
    connection.send(asn)
    asn = connection.recv(4096)
    c = int(ASN.decrypt_diffie_hellman(asn))
    print(f'Generated parameters:\na = \{a\}\nx = \{x\}')
    print(f'Recived a^y = {c}')
    key = c**x
    print(f'Ka = {key}')
    return key
def main():
    connection = connect_server()
    key = exchange_keys(connection)
    AESkey = key \% (2**256)
    print(f'AES key = {AESkey}')
```

```
while(True):
        message = input("Enter the message: ")
        message_bytes = bytes(message, 'utf-8')
        message_len = len(message_bytes)
        extension_length = 16 - message_len
        for i in range (extension_length):
            message\_bytes += b'\x03'
        asn = ASN.encrypt_aes_diffie_hellman(message_len, message_bytes)
        connection.send(asn)
       with open("cryptocontainer", "wb") as enc:
            enc.write(asn)
        if message == 'exit':
            break
    connection.close()
if __name__ == '__main__':
   main()
```

#### Приложение Б

```
Листинг server.py
#this is a server
import socket
from asn import ASN
import random as rnd
def start_server() -> socket.socket:
    listener = socket.socket(socket.AF_INET, socket.SOCK_STREAM)
    listener.setsockopt(socket.SOL SOCKET, socket.SO REUSEADDR, 1)
    listener.bind(('127.0.0.1', 8000))
    listener.listen(0)
    connection, address = listener.accept()
    print(f'Connect clent {address}\n')
    return connection
def get_parameter(p) -> int:
    return rnd.randint(1, p)
def exchange_keys(connection:socket.socket) -> int:
    asn = connection.recv(4096)
    p, a, c = ASN.decrypt diffie hellman(asn, "client")
    print(f'Recived parameters:\na = \{a\}\na^x = \{c\}')
    y = get_parameter(p)
    print(f'Generated y = {y}')
    asn = ASN.encrypt_diffie_hellman(a**y)
    connection.send(asn)
    key = c**y
    print(f'Kb = {key}')
    return key
def main():
    connection = start_server()
    key = exchange_keys(connection)
    AESkey = key \% (2**256)
    print(f'AES key = {AESkey}')
    while(True):
        asn = connection.recv(4096)
```

```
message_bytes, len = ASN.decrypt_aes_diffie_hellman(asn)
    message_bytes = message_bytes[:len]
    message = bytes.decode(message_bytes)
    print(message)
    if message == 'exit':
        break
    connection.close()

if __name__ == '__main__':
    main()
```