

Nama : Eko Saputra
NIM : 201420001
Fakultas : Ilmu Komputer
Prodi : Teknik Informatika

Tugas Pertemuan 7

1.

a.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + x^{-1} + 4}{x^4 - x^3 - 5}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + x^{-1} + 4}{x^4 - x^3 - 5} = \frac{0^2 + 0^{-1} + 4}{0^4 - 0^3 - 5} = \frac{4}{-5}$$

b.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^5 + x^4 - 7x^3}{6x^5 - 2x^3 + 8x^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^5 + x^4 - 7x^3}{6x^5 - 2x^3 + 8x^2} = \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^5}{x^5} + \frac{x^4}{x^5} - \frac{7x^3}{x^5}}{\frac{6x^5}{x^5} - \frac{2x^3}{x^5} + \frac{8x^2}{x^5}}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2 + \frac{1}{x} - \frac{7}{x^2}}{6 - \frac{2}{x^2} + \frac{8}{x^3}}$$

$$\frac{2 + 0 - 0}{6 - 0 + 0}$$

$$\frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$



c.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^{10} - 2x^8 + 3x^7}{x^{12} + 12x^5 + 8x^2}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^{10} - 2x^8 + 3x^7}{x^{12} + 12x^5 + 8x^2} \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^{10}}{x^{12}} + \frac{x^4}{x^5} - \frac{7x^2}{x^5}}{\frac{6x^5}{x^5} - \frac{2x^3}{x^5} + \frac{8x^2}{x^5}}$$

$$\frac{\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x^2} - \frac{2}{x^4} + \frac{3}{x^4}}{\frac{1+12}{x^7} + \frac{1}{x^{10}}}$$

$$\frac{0-0+0}{1+0+0}$$

∞

d. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^7 + 6x^4 - 2}{2x^6 + 7x^4 - x^3}$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^7 + 6x^4 - 2}{2x^6 + 7x^4 - x^3} \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^{710}}{x^7} + 6\frac{x^4}{x^7} - \frac{2}{x^7}}{\frac{x^{12}}{x^{12}} - \frac{2x^3}{x^{12}} + \frac{x^2}{x^{12}}}$$

$$\frac{\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x^2} - \frac{2}{x^3} + \frac{3}{x^5}}{1 + \frac{12}{x^7} + \frac{1}{x^{10}}}$$

$$\frac{3+0-0}{0-0+0}$$

∞



2. Ubahlah menjadi pecahan biasa

a. 0,6666...

$$\begin{array}{r} 10y = 6,6666... \\ \underline{y = 0,6666...} \\ 9y = 6 \end{array}$$

$$y = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}$$

b. 0,242424 ...

$$\begin{array}{r} 100y = 24,2424... \\ \underline{y = 0,2424..} \\ 99y = 24 \end{array}$$

$$y = \frac{24}{99} = \frac{8}{33}$$

3. Diketahui sebuah bujur sangkar dengan sisi 10 cm. Titik tengah keempat sisinya dihubungkan sehingga terbentuk bujur sangkar ke dua. Titik tengah keempat sisi bujur sangkar kedua dihubungkan lagi sehingga terbentuk bujur sangkar ketiga. Demikian seterusnya. Hitunglah jumlah luas semua bujur sangkar itu !

Jawab

luas bujur sangkar pertama, $L = s \times s = 10 \times 10 = 100$ cm

Sisi bujur sangkar kedua ?

Sisi bujur sangkar = sisi miring segitiga siku- siku sama kaki

$$\begin{aligned} CG^2 + CH^2 &= GH^2 \\ 5^2 &= GH^2 \\ 25 + 25 &= GH^2 \\ GH &= \sqrt{50} \\ GH &= \sqrt{25} \times \sqrt{2} \\ GH &= 5\sqrt{2} \end{aligned}$$



Sisi bujur sangkar kedua, $5\sqrt{2} \text{ cm}$
Luas bujur sangkar kedua,

$$\begin{aligned} L &= s \times s \\ &= 5\sqrt{2} \times 5\sqrt{2} \\ &= 25 \times 2 \\ &= 50 \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

Sisi bujur sangkar ketiga?

$$GK^2 + GL^2 = KL^2$$

$$\left(\frac{5\sqrt{2}}{2}\right)^2 + \left(\frac{5\sqrt{2}}{2}\right)^2 = KL^2$$

$$\frac{25}{2} + \frac{25}{2} = KL^2$$

$$\frac{50}{2} = KL^2$$

$$KL = \sqrt{25}$$

$$KL = 5$$

Sisi bujur sangkar ketiga, 5cm
Luas bujur sangkar ketiga,

$$L = s \times s$$

$$= 5 \times 5$$

$$= 25 \text{ cm}$$

Jumlah luas bujur sangkar $100 + 50 + 25 + \dots$

