Guía: Inecuaciones

1. Resuelva las siguientes inecuaciones

(a)
$$2x + 3 > -5$$

(b)
$$-2 + 4x < 5x - 9$$

(c)
$$-\frac{x}{4} + 2 > \frac{2x}{3} + 7$$

(d)
$$(x-1)(x+2) < x^2+3$$

(e)
$$\frac{x-3}{4} - 1 > \frac{x}{2}$$

(f)
$$(x-3)(x+2) - (x^2 - x + 8) > 0$$

(g)
$$3x(5-x)(x+2) > 0$$

(h)
$$x^2 - 2x - 35 < 0$$

(i)
$$-2x^2 + 3x + 2 > 0$$

(i)
$$-4x^2 + 3x - 5 < 0$$

(k)
$$2x^2 + 6 \le 0$$

(1)
$$-3x^2 - 5 > 0$$

(m)
$$\frac{3-x}{x+1} < 0$$

(n)
$$\frac{(x-2)(x+1)}{x-4} \le 0$$

(o)
$$\frac{-3}{(3x+2)(2x-1)} \le 0$$

(p)
$$\frac{x^3 + 4x}{x+1} \le 0$$

(q)
$$\frac{3-x}{x-2} < \frac{x-5}{1-x}$$

(r)
$$\frac{3x}{x^2 - 1} - \frac{1}{x^2 - x} \le \frac{2x^2 + 1}{x^3 - x}$$

(s)
$$\frac{6x}{x^2 - 4x + 3} > \frac{2}{12 - 4x}$$

(t)
$$5 - |2 - 5x| \ge -3$$

(u)
$$2x + |12x| - 2 < 5$$

(v)
$$5 - 2\sqrt{(4-x)^2} < 3$$

(w)
$$4 - |-2x| + 1 \le 2$$

(x)
$$|x+1| \le |2+3x|$$

- 2. Usando la relación $C = \frac{5}{9}(F 32)$, determinar el intervalo en la escala Fahrenheit que corresponde a $20 \le C \le 30$.
- 3. Pasados t minutos después de introducir un bactericida experimental en cierto cultivo, el número de bacterias está dado por $N=\frac{10000}{t^2+1}+2000$. Determine el momento en que el número de bacterias está por debajo de 4000.
- 4. Se han sugerido varias reglas para modificar las dosis de medicamento para adulto y así encontrar la dosis para niños pequeños. Sea a la dosis para adulto (en mg), y t la edad del niño (en años). Algunas reglas típicas son las siguientes:

$$y = \frac{t+1}{24}a$$
 (Regla de Cowling) $y = \frac{2}{25}ta$ (Regla de Friend)

¿Para qué edad aproximadamente la dosis según Regla de Friend es menor que la dosis según Regla de Cowling?

5. La fuerza gravitacional F ejercida por la tierra sobre un cuerpo que tiene una masa de 100 kg. está dada por la ecuación

$$F = \frac{4000000}{d^2}$$

donde d es la distancia (en km.) del objeto desde el centro de la tierra, y la fuerza F se mide en newtons (N). ¿Para qué distancias será entre $0.0004\ N$ y $0.01\ N$ la fuerza gravitacional ejercida por la tierra?