## Examenul de bacalaureat național 2014

## Proba E. c)

## Matematică *M\_mate-info* Simulare pentru elevii clasei a XI-a

## Barem de evaluare și de notare

Filiera teoretică, profilul real, specializarea matematică-informatică Filiera vocațională, profilul militar, specializarea matematică-informatică

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

1.	$\overline{z} = 3 - 4i$	2p
	$z + \overline{z} = 6$	<b>3</b> p
2.	$\frac{m^2 - 1}{4} = 2 \Rightarrow m^2 - 9 = 0$	3p
	m = -3 nu convine, $m = 3$ convine	<b>2</b> p
3.	$2x-1=x^2$	2p
	x=1, convine	<b>3</b> p
4.	$a+b+c=5 \Rightarrow$ cifrele nenule $a,b$ și $c$ pot fi 1, 1, 3 sau 1, 2, 2	2p
	Dacă cifrele sunt 1, 1, 3 se obțin numerele 113, 131 și 311	1p
	Dacă cifrele sunt 1, 2, 2 se obțin numerele 122, 212, 221 ⇒ sunt 6 numere care verifică condițiile date	2p
5.	$\overrightarrow{DB} + \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{0} \Rightarrow D$ este mijlocul laturii $BC$	3p
	$\overrightarrow{AD} = \frac{1}{2} \left( \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AC} \right) \Rightarrow p = \frac{1}{2}$	2p
6.	$\sin B = \sqrt{1 - \cos^2 B} = \frac{3}{5}$	2p
	$\frac{AC}{\sin B} = 2R \Rightarrow R = 5$	<b>3</b> p

SUBIECTUL al II-lea	(30 de puncte)
---------------------	----------------

1.a)	1 1 1	
	$D(1,-1) = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 2 \\ 2 & 2 & 5 \end{vmatrix} =$	2p
		2
	=-6	<b>3</b> p
<b>b</b> )	$D(x,y) = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ x & 2 & y & 2 \end{bmatrix}$	2
	$D(x,y) = \begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \\ x-2 & y-2 & 2 \\ (x-2)(x+2) & (y-2)(y+2) & 5 \end{vmatrix} =$	<b>2</b> p
	$= (x-2)(y-2) \begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \\ x+2 & y+2 & 5 \end{vmatrix} = (x-2)(y-2)(y-x), \text{ pentru orice numere reale } x \text{ §i } y$	<b>3</b> p
c)	$D(2^{x},4^{x}) = (2^{x}-2)(4^{x}-2)(4^{x}-2^{x})$	<b>2</b> p
	$2^x - 2 = 0 \Rightarrow x = 1$	1p
	$4^x - 2 = 0 \Rightarrow x = \frac{1}{2}$	1p
	$4^x - 2^x = 0 \Rightarrow x = 0$	1p

2.a)	(1 1 1) (1 1 2)	
2.a)	$A(1) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}, \ A(-2) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & -2 \\ 1 & -2 & 1 \\ -2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$	<b>3</b> p
	$A(1) - A(-2) = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 3 \\ 0 & 3 & 0 \\ 3 & 0 & 0 \end{pmatrix}$	<b>2</b> p
<b>b</b> )	$\det(A(n)) = \begin{vmatrix} 1 & 1 & n \\ 1 & n & 1 \\ n & 1 & 1 \end{vmatrix} = -(n+2)(n-1)^2$	3p
	$n \in \mathbb{N}$ , $n \neq 1 \Rightarrow \det(A(n)) \neq 0$ , deci $A(n)$ inversabilă, pentru orice număr natural $n, n \neq 1$	<b>2</b> p
c)	$A(0) = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix} \Rightarrow \det(A(0)) = -2$	2p
	$A^{-1}(0) = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$	3р

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

осы	1ECT OE at III-lea (50 de punco	
1.a)	$\frac{a_{n+1}}{a_n} = \frac{n+2}{(n+1)^2} \cdot \frac{n^2}{n+1} = \frac{n^2(n+2)}{(n+1)^3} =$	2p
	$= \frac{n^3 + 2n^2}{n^3 + 3n^2 + 3n + 1} < 1$ , pentru orice număr natural nenul $n$	3p
<b>b</b> )	$\frac{n+1}{n^2} > 0 \Rightarrow a_n > 0$ , pentru orice număr natural nenul $n$	2p
	$\frac{n+1}{n^2} \le \frac{n+n}{n^2} = \frac{2}{n} \le 2 \Rightarrow a_n \le 2, \text{ pentru orice număr natural nenul } n, \text{ deci } (a_n)_{n \ge 1} \text{ mărginit}$	<b>3</b> p
c)	$\lim_{n \to +\infty} (na_n)^{\sqrt{n^2 + 2}} = \lim_{n \to +\infty} \left(\frac{n+1}{n}\right)^{\sqrt{n^2 + 2}} =$	2p
	$= \lim_{n \to +\infty} \left( \left( 1 + \frac{1}{n} \right)^n \right)^{\frac{\sqrt{n^2 + 2}}{n}} = e^1 = e$	3р
2.a)	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} \frac{x - b}{2x + 1} = \frac{1}{2}$	3p
	Ecuația asimptotei spre $+\infty$ la graficul funcției $f$ este $y = \frac{1}{2}$	2p
<b>b</b> )	$f$ este continuă pe $(-\infty,2)$ și pe $(2,+\infty)$ , pentru orice numere reale $a$ și $b$	2p
	$f$ este continuă în $x = 2$ , deci $\lim_{\substack{x \to 2 \ x < 2}} f(x) = \lim_{\substack{x \to 2 \ x > 2}} f(x) = f(2) \Rightarrow a = -4, b = 2$	3p
c)	$(7 \cdot f(x) - 1)(2^x - 16) = 0 \Rightarrow x = 3 \text{ sau } x = 4$	2p
	$f$ este continuă pe $(2,+\infty)$ $\Rightarrow$ mulțimea soluțiilor inecuației este $[3,4]$	<b>3</b> p