Examenul de bacalaureat național 2020 Proba E. c)

Matematică M_tehnologic

Test 2

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- **5p 1.** Arătați că $\sqrt{11}(\sqrt{11}+1)-(\sqrt{11}+3)=8$.
- **5p** 2. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 5x + 6$. Determinați abscisele punctelor de intersecție a graficului funcției f cu axa Ox.
- **5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x^2 + 2} = 3\sqrt{3}$.
- **5p 4.** Se consideră patru puncte distincte, oricare trei dintre ele necoliniare. Calculați numărul dreptelor determinate de câte două dintre aceste puncte.
- **5p 5.** În reperul cartezian xOy se consideră punctele M(-1,2) și N(2,1). Determinați coordonatele simetricului punctului M față de punctul N.
- **5p** | **6**. Se consideră triunghiul ABC, cu $AB = 3\sqrt{2}$, BC = 9 și $AC = 3\sqrt{5}$. Calculați măsura unghiului B.

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră matricea $A(a) = \begin{pmatrix} 1-10a & 8a \\ -5a & 1+4a \end{pmatrix}$, unde a este număr real.
- $5\mathbf{p} \mid \mathbf{a}$) Arătați că $\det(A(1)) = -5$.
- **5p** | **b**) Demonstrați că $A(a) \cdot A(b) = A(a+b-6ab)$, pentru orice numere reale a și b.
- **5p** c) Determinați numerele naturale m și n, pentru care $A(m) \cdot A(n) = A(6-5mn)$.
 - 2. Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție asociativă x * y = xy 3x 3y + 12.
- **5p a)** Arătați că 1*3=3.
- **5p b**) Demonstrați că x * y = (x-3)(y-3)+3, pentru orice numere reale x și y.
- **5p** c) Determinați numerele numere reale x pentru care x * x * x = x.

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

- 1. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x^5 5x + 2020$.
- **5p** a) Arătați că $f'(x) = 5(x-1)(x+1)(x^2+1), x \in \mathbb{R}$.
- **5p b**) Demonstrați că funcția f este concavă pe $(-\infty, 0]$.
- **5p** c) Demonstrați că ecuația f(x) = 2025 **nu** admite nicio soluție în intervalul [-1,1].
 - **2.** Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = \sin x$.
- **5p** a) Arătați că orice primitivă F a funcției f este crescătoare pe $[0, \pi]$.
- **5p b)** Calculați $\int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{3}} 2f(x)f'(x) dx$.
- **5p** c) Arătați că $\int_{0}^{\frac{\pi}{2}} x f(x) dx = 1$.