## Examenul de bacalaureat național 2014 Proba E. c) Matematică *M\_şt-nat* Barem de evaluare și de notare

Model

Filiera teoretică, profilul real, specializarea științe ale naturii

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

|    | (* · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·   |                |
|----|--|----------------|
| 1. | $\begin{vmatrix} b_5 = b_2 q^3 \Rightarrow q^3 = 8 \\ q = 2 \end{vmatrix}$   | 3p<br>2p       |
| 2. | f(0) = 7<br>$(f \circ f)(0) = f(7) = 70$   | 2p             |
|    | $(f \circ f)(0) = f(7) = 70$   | 3p             |
| 3. | $(x-3)^2 = x-1 \Rightarrow x^2 - 7x + 10 = 0$  | 2p             |
|    | $x_1 = 2$ nu verifică ecuația și $x_2 = 5$ verifică ecuația  | <b>3</b> p     |
| 4. | Numerele divizibile cu 11 din mulţimea $A$ sunt 11, 22, 33 şi $44 \Rightarrow 4$ cazuri favorabile Numărul elementelor mulţimii $A$ este $50 \Rightarrow 50$ de cazuri posibile $p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{2}{25}$ | 2p<br>1p<br>2p |
| 5. | $\begin{vmatrix} \frac{2}{1} = \frac{a+1}{2} \\ a = 3 \end{vmatrix}$   | 3p<br>2p       |
| 6. | $\sin x = \frac{1}{2}$   | 2p             |
|    | $x = \frac{\pi}{6}$  | 3p             |

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

| 1.a)       | $A \cdot B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 20 \end{pmatrix}$  | 2p         |
|------------|--|------------|
|            | $B \cdot A = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 20 \end{pmatrix} \Rightarrow A \cdot B = B \cdot A$  | <b>3</b> p |
| <b>b</b> ) | $A + B = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 9 \end{pmatrix} \Rightarrow \det(A + B) = 18$  | 2p         |
|            | $\det A + \det B = 4 + 5 = 9 \Longrightarrow \det (A + B) > \det A + \det B$   | <b>3</b> p |
| c)         | $X^2 = \begin{pmatrix} a^2 & 0 \\ 0 & b^2 \end{pmatrix}$   | 2p         |
|            | $ \begin{pmatrix} a^2 & 0 \\ 0 & b^2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix} \Rightarrow \begin{cases} a^2 = 1 \\ b^2 = 4 \end{cases} \Rightarrow a = \pm 1, \ b = \pm 2 \Rightarrow \text{sunt 4 matrice } X \text{ care verifică cerințele} $ | 3p         |
| 2.a)       | $f = X^3 + X - 2 \Rightarrow f(1) = 1^3 + 1 - 2 =$   | 3p         |
|            | =2-2=0   | <b>2</b> p |
| <b>b</b> ) | $(2-x_1)(2-x_2)(2-x_3) = f(2)$<br>$f(2) = 10 + a \Rightarrow a = -8$   | 3p         |
|            | $f(2)=10+a \Rightarrow a=-8$   | 2p         |

| c) | $x_1 + x_2 + x_3 = 0$ , $x_1x_2 + x_2x_3 + x_3x_1 = 1$ , $x_1x_2x_3 = -a$   | 1p |
|----|---|----|
|    | $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_3} = -\frac{1}{a}, \ \frac{1}{x_1} \cdot \frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_2} \cdot \frac{1}{x_3} + \frac{1}{x_3} \cdot \frac{1}{x_1} = 0, \ \frac{1}{x_1} \cdot \frac{1}{x_2} \cdot \frac{1}{x_3} = -\frac{1}{a}$ | 3р |
|    | Un polinom este $g = aX^3 + X^2 + 1$  | 1p |

| SUBIECTUL al III-lea |   | 0 de puncte) |
|----------------------|---|--------------|
| <b>1.a</b> )         | $f'(x) = (\ln(x+1))' - (\ln x)' =$  | 2p           |
|                      | $=\frac{1}{x+1}-\frac{1}{x}$ , pentru orice $x \in (0,+\infty)$   | 3p           |
| <b>b</b> )           | $f'(x) = -\frac{1}{x(x+1)}$ , pentru orice $x \in (0, +\infty)$   | 2p           |
|                      | $f'(x) < 0$ , pentru orice $x \in (0, +\infty) \Rightarrow f$ este descrescătoare                       | <b>3</b> p   |
| c)                   | $\lim_{x \to +\infty} xf(x) = \lim_{x \to +\infty} \frac{\ln(x+1) - \ln x}{\frac{1}{x}} =$              | 2p           |
|                      | $= \lim_{x \to +\infty} \frac{\frac{1}{x+1} - \frac{1}{x}}{-\frac{1}{x^2}} = 1$                         | 3р           |
| 2.a)                 | $\frac{x^2}{1}$   |              |
| 2.0)                 | $\int_{0}^{1} (x+2)f(x)dx = \int_{0}^{1} xdx =$   | <b>2</b> p   |
|                      | $=\frac{x^2}{2}\Big _0^1=\frac{1}{2}$   | 3р           |
| <b>b</b> )           | $f'(x) = \frac{2}{(x+2)^2} \Rightarrow f(x) + (x+2)f'(x) = 1 \text{ pentru orice } x \in (-2, +\infty)$ | 3p           |
|                      | $\int_{2013}^{2014} 1 \cdot dx = x \Big _{2013}^{2014} = 1$   | <b>2</b> p   |
| c)                   | $V = \pi \int_{1}^{2} g^{2}(x) dx = \pi \int_{1}^{2} (x+2)^{2} dx =$                                    | 3p           |
|                      | $=\pi \frac{(x+2)^3}{3} \Big _{1}^2 = \frac{37\pi}{3}$  | <b>2</b> p   |