## Examenul național de bacalaureat 2022 Proba E. c)

## Matematică M tehnologic

Varianta 7

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- **5p 1.** Arătați că  $1+6\cdot\left(\frac{1}{2}+\frac{1}{3}\right)=6$ .
- **5p** 2. Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ , f(x) = x 2. Arătați că f(3) f(2) = 1.
- **5p 3.** Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația  $\sqrt{3x+1} = 2$ .
- **5p 4.** Determinați probabilitatea ca, alegând un număr n din mulțimea  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ , numărul 10 n să fie par.
- **5p 5.** În reperul cartezian xOy se consideră punctele A(a,0) și B(a,6), unde a este număr real. Arătați că AB = 6, pentru orice număr real a.
- **5p 6.** Se consideră triunghiul ABC dreptunghic în A, cu AB = 5 și AC = 2AB. Arătați că aria triunghiului ABC este egală cu 25.

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră matricele  $A = \begin{pmatrix} 7 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$  și  $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ .
- **5p** a) Arătați că det A = -2.
- **5p** | **b**) Arătați că  $A 4I_2 = 3B$ .
- **5p** c) Determinați matricea  $X \in \mathcal{M}_2(\mathbb{R})$  pentru care  $X + X \cdot B = A$ .
  - 2. Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție x \* y = xy(x + y 4).
- **5p a)** Arătați că 2\*3=6.
- **5p b**) Determinați numerele reale x pentru care 1\*x = 4.
- **5p** c) Determinați numărul real x pentru care  $2^x * 2^x = 2^{3x}$ .

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ ,  $f(x) = x^3 9x^2 + 3$ .
- **5p** a) Arătați că f'(x) = 3x(x-6),  $x \in \mathbb{R}$ .
- $\mathbf{5p} \mid \mathbf{b}$ ) Determinați intervalele de monotonie a funcției f.
- **5p** c) Arătați că  $\lim_{x \to 1} \frac{f'(x) f'(1)}{3f(x) xf'(x)} = \frac{2}{3}$ .
  - **2.** Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ ,  $f(x) = (x-1)e^x$ .
- **5p** a) Arătați că  $\int_{0}^{2} \frac{f(x)}{e^{x}} dx = 0.$
- **5p b**) Arătați că  $\int_{0}^{1} f(x) dx = 2 e$ .
- **5p** c) Determinați numărul natural n, n > 2, pentru care  $\int_{2}^{n} \frac{x}{f(x) \cdot f(-x)} dx = \frac{1}{2} \ln \frac{3}{8}.$