## Examenul de bacalaureat național 2014 Proba E. c) Matematică *M\_șt-nat*

## Barem de evaluare și de notare

Varianta 7

Filiera teoretică, profilul real, specializarea științe ale naturii

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat în barem.
- Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

| 1. | $x+2=\frac{2+10}{2}$  | 3p         |
|----|---|------------|
|    | x = 4   | <b>2</b> p |
| 2. | $\Delta = 44$   | 2p         |
|    | Valoarea minimă a funcției $f$ este egală cu $-\frac{\Delta}{4a} = -11$                             | <b>3</b> p |
| 3. | $x^2 - 2x - 8 = 0$  | <b>3</b> p |
|    | $x_1 = -2$ și $x_2 = 4$ , care verifică ecuația   | <b>2</b> p |
| 4. | Sunt 45 de numere pare de două cifre, deci sunt 45 de cazuri favorabile                             | 2p         |
|    | Sunt 90 de numere de două cifre, deci sunt 90 de cazuri posibile                                    | 1p         |
|    | $p = \frac{\text{nr. cazuri favorabile}}{\text{nr. cazuri posibile}} = \frac{45}{90} = \frac{1}{2}$ | 2n         |
|    | nr. cazuri posibile 90 2  | <b>2</b> p |
| 5. | $\vec{u} = -\vec{v} \Leftrightarrow a - 2 = -3$   | 3p         |
|    | a = -1  | <b>2</b> p |
| 6. | $\cos A = \frac{16 + 25 - 36}{2 \cdot 4 \cdot 5} =$   | 3p         |
|    | $=\frac{1}{8}$  | 2p         |

## **SUBIECTUL al II-lea**

(30 de puncte)

| 1.a) | 0 0 1  |            |
|------|--|------------|
|      | $\det B = \begin{vmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{vmatrix} = 0 + 0 + 0 - 1 - 0 - 0 =$ | <b>3</b> p |
|      | $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \end{vmatrix}$  |            |
|      | =-1  | <b>2</b> p |
| b)   | $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$  |            |
|      | $AB = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$                               | <b>2p</b>  |
|      | $\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$  |            |
|      | $BA = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \Rightarrow AB = BA$           |            |
|      | $BA = \begin{vmatrix} 1 & 0 & 1 \end{vmatrix} \Rightarrow AB = BA$                                     | <b>3</b> p |
|      |  |            |
| c)   | $\det(B + xA) = \begin{vmatrix} 0 & x & 1 \\ x & 1 & x \\ 1 & x & 0 \end{vmatrix} = 2x^2 - 1$          |            |
|      | $\det(B+xA) = \begin{vmatrix} x & 1 & x \end{vmatrix} = 2x^2 - 1$                                      | <b>3</b> p |
|      | $\begin{vmatrix} 1 & x & 0 \end{vmatrix}$  |            |
|      | $2x^2 - 1 = 1 \Leftrightarrow x_1 = -1 \text{ si } x_2 = 1$  | <b>2</b> p |
| 2.a) | $4*5 = 4\cdot 5 - 4(4+5-5) =$  | <b>3</b> p |
|      | =4   | 2p         |

| b) | x * y = xy - 4x - 4y + 16 + 4 =                                 | 2p         |
|----|---|------------|
|    | = x(y-4)-4(y-4)+4=(x-4)(y-4)+4 pentru orice numere reale x şi y | <b>3</b> p |
| c) | x*4=4*x=4 pentru orice număr real x                             | 2p         |
|    | 1*2*3**2014 = (1*2*3)*4*(5**2014) = 4*(5**2014) = 4             | <b>3</b> p |

| SUBIECTUL al III-lea |   | (30 de puncte) |
|----------------------|---|----------------|
| 1.a)                 | $\lim_{x \to +\infty} f(x) = \lim_{x \to +\infty} \frac{x^2 - 3}{x^2 + 3} =$  | 2p             |
|                      | =1  | 3p             |
| <b>b</b> )           | $f'(x) = \frac{(x^2 - 3) \cdot (x^2 + 3) - (x^2 - 3) \cdot (x^2 + 3)}{(x^2 + 3)^2} =$   | 2p             |
|                      | $= \frac{2x(x^2+3)-2x(x^2-3)}{(x^2+3)^2} = \frac{12x}{(x^2+3)^2}, \ x \in \mathbb{R}$   | 3р             |
| c)                   | $f''(x) = \frac{36(1-x^2)}{(x^2+3)^3}, \ x \in \mathbb{R}$  | 3р             |
|                      | $f''(x) > 0$ pentru orice $x \in (-1,1) \Rightarrow f$ este convexă pe intervalul $(-1,1)$  | <b>2p</b>      |
| 2.a)                 | $\int_{1}^{e} f(x) \cdot f'(x) dx = \frac{1}{2} f^{2}(x) \Big _{1}^{e} =$   | 3p             |
|                      | $= \frac{1}{2} (f^{2}(e) - f^{2}(1)) = \frac{1}{2}$   | <b>2</b> p     |
| <b>b</b> )           | $\int_{1}^{e} x^{3} f(x) dx = \int_{1}^{e} \left(\frac{x^{4}}{4}\right) \ln x dx = \frac{x^{4}}{4} \ln x \Big _{1}^{e} - \int_{1}^{e} \frac{x^{4}}{4} \cdot \frac{1}{x} dx =$ | <b>2</b> p     |
|                      | $= \frac{e^4}{4} - \frac{x^4}{16} \Big _{1}^{e} = \frac{3e^4 + 1}{16}$  | 3р             |
| <b>c</b> )           | $\mathcal{A} = \int_{1}^{e}  f(x)  dx = \int_{1}^{e} \ln x  dx = \left(x \ln x - x\right) \Big _{1}^{e} =$  | 3p             |
|                      | $=(e \ln e - e) - (\ln 1 - 1) = 1$  | <b>2p</b>      |