Examenul de bacalaureat național 2020 Proba E. c)

Matematică M tehnologic

Test 11

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- **1.** Arătați că $\frac{1}{2}$: 0,5 $\frac{1}{4}$: 0,25 = 0. 5p
- **2.** Calculati $f(-1) \cdot f(1)$, unde $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 3x + 2$. 5p
- 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{3x-2} = 5$. **5p**
- 4. Un obiect costă 1000 de lei. Determinați prețul obiectului după o scumpire cu 20%. 5p
- 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele A(2,3) și B(6,3). Calculați distanța de la punctul 5p O la mijlocul segmentului AB.
- **6.** Calculați lungimea laturii AB a triunghiului ABC dreptunghic în A, știind că AC = 4 și $B = \frac{\pi}{4}$. 5p

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră matricele $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 1 & -2 \end{pmatrix}$ și $B(x, y) = \begin{pmatrix} x & 1 \\ y & -1 \end{pmatrix}$, unde x și y sunt numere reale.
- a) Arătați că $\det A = -4$. 5p
- **b)** Arătați că $\det(A-2B(x,y))=0$, pentru orice numere reale x și y. 5p
- c) Determinați numerele reale x și y pentru care $A \cdot B(x, y) = B(x, y) \cdot A$. 5p
 - 2. Pe multimea numerelor reale se definește legea de compoziție $x \circ y = xy + 2(x+y) + 2$.
- a) Arătați că $2020 \circ (-2) = -2$. 5p
- 5p **b)** Demonstrați că $x \circ y = (x+2)(y+2)-2$, pentru orice numere reale $x \neq y$.
- c) Determinați numerele reale nenule x pentru care $\frac{1}{x} \circ x = x$. 5p

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x^3 + (x-1)^2$.
- a) Arătați că $f'(x) = 3x^2 + 2x 2$, $x \in \mathbb{R}$. 5p
- **b)** Arătați că $\lim_{x \to +\infty} \frac{x f'(x)}{f(x)} = 3$. 5p
- c) Determinați abscisele punctelor situate pe graficul funcției f în care tangenta la graficul funcției **5p** f este paralelă cu dreapta y = 3x + 1.
 - **2.** Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x^5 + x^3 + 2x + 2$.
- **5**p
- a) Arătați că $\int_{-1}^{1} (f(x) x^3 2x 2) dx = 0$. b) Arătați că $\int_{0}^{2} e^x (f(x) x^5 x^3 3x 1) dx = -2$. **5**p
- c) Demonstrați că orice primitivă a funcției f este convexă.