Examenul national de bacalaureat 2021

Proba E. c) Matematică

Testul 2

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

5p 1. Arătați că
$$\left(7-7\cdot\frac{1}{6}\cdot\frac{1}{7}\right)\cdot\frac{6}{41}=1$$
.

5p 2. Determinați coordonatele punctului de intersecție a graficului funcției $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, f(x) = 2x - 6 cu graficul funcției $g: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, g(x) = 6 - x.

- **5p** | **3.** Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\log_7(3x-2)=1$.
- **5p** | **4.** După o ieftinire cu 12%, o tabletă grafică costă 264 de lei. Determinați prețul inițial al tabletei.
- 5p 5. În reperul cartezian xOy se consideră punctele M(2,3) și T(6,5). Determinați coordonatele punctului A, știind că A este mijlocul segmentului MT.
- **5p 6.** Arătați că $\cos 60^{\circ} \cdot \sin 60^{\circ} + \sin 90^{\circ} \sin 30^{\circ} \cdot \cos 30^{\circ} = 1$.

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră matricele $A(a) = \begin{pmatrix} a+2 & 3a+2 \\ a & 3a \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$, $C = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$, unde a este număr real.
- **5p** a) Arătați că $\det(A(1)) = 4$.
- **5p b**) Demonstrați că $A(4) = B \cdot B + 2 \cdot C$.
- **5p** c) Determinați numărul natural n pentru care $\det(A(n)+B)=4$.
 - **2.** Pe mulțimea $M = (0, +\infty)$ se definește legea de compoziție $x * y = \frac{3xy + 1}{x + y}$.
- **5p a**) Arătați că 1*1=2.
- **5p b**) Calculați ((1*2)*3)-(1*(2*3)).
- **5p** c) Determinați numerele reale $x \in M$ pentru care x * x = 2.

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

- 1. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{3}{5}x^5 + \frac{3}{4}x^4 2x^3 1$.
- **5p** a) Arătați că $f'(x) = 3x^2(x-1)(x+2)$, pentru orice număr real x.
- **5p b)** Determinați ecuația tangentei la graficul funcției f în punctul de abscisă x = 0, situat pe graficul funcției f.
- **5p** c) Arătați că funcția f este descrescătoare pe intervalul [-2,1].
 - **2.** Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x(x^2 1) + 3$.
- **5p** a) Arătați că $\int_{-1}^{1} (f(x) + x 3) dx = 0$.

- **5p b)** Calculați $\int_{0}^{1} (f(x) x^3 3)e^x dx.$
- **5p** c) Determinați numărul real a, a > 0, știind că $\int_{0}^{1} f(x) dx = -a^{2} + 5$.