Examenul de bacalaureat național 2020 Proba E. c)

Matematică M tehnologic

Test 16

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- **5p 1.** Arătați că $\log_5 5 \left(\frac{1}{2} \frac{1}{3} + \frac{1}{4}\right) : \frac{5}{12} = 0$.
- **5p** 2. Determinați numărul natural n pentru care punctul A(n,7) aparține graficului funcției $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 + x + 1$.
- **5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x^2 9} = x 3$.
- **5p 4.** Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să fie de forma \overline{aa} , unde a este cifră nenulă.
- **5p 5.** În reperul cartezian xOy se consideră punctele A(1,4), B(5,4) și C(3,0). Calculați aria triunghiului ABC.
- **5p 6.** Calculați măsura unghiului B al triunghiului ABC dreptunghic în A, știind că AC = 3 și BC = 6.

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră matricele $A = \begin{pmatrix} -2 & 2 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$, $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ și $O_2 = \begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$.
- **5p** a) Arătați că $\det A = 4$.
- **5p** | **b**) Arătați că $A \cdot A + 3A + 4I_2 = O_2$.
- **5p** c) Determinați numerele reale x și y astfel încât $A \cdot A \cdot A = xA + yI_2$.
 - 2. Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție x * y = 2xy 2x 2y + 3.
- **5p a)** Arătați că 2020*1=1.
- **5p b**) Demonstrați că x * y = 2(x-1)(y-1)+1, pentru orice numere reale x si y.
- **5p** | **c**) Determinați numerele reale x pentru care (x*x)*x = x.

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = 3x^3 9x + 5$.
- **5p** a) Arătați că $f'(x) = 9(x-1)(x+1), x \in \mathbb{R}$.
- **5p b**) Determinați ecuația tangentei la graficul funcției f în punctul de abscisă x = 1, situat pe graficul funcției f.
- **5p** c) Demonstrați că $f(2019) + f(2021) \le f(2020) + f(2022)$.
 - **2.** Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 4$.
- **5p a)** Arătați că $\int_{0}^{3} (f(x)+4)dx = 9$.
- **5p b)** Calculați $\int_{0}^{1} \frac{1}{f(x)+5} dx$.
- **5p** c) Determinați numărul real a, a > 0, pentru care $\int_{\frac{1}{a}}^{a} f\left(\frac{1}{x}\right) dx = -8$.