Examenul de bacalaureat național 2020 Proba E. c)

Matematică M_tehnologic

Test 1

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- **5p 1.** Arătați că $3(2-\sqrt{20})+\sqrt{180}=6$.
- **5p** 2. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, f(x) = 3x 1. Calculați $(f \circ f)(1)$.
- **5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\lg(5x-1) = \lg 2 + \lg 7$.
- **5p 4.** După o scumpire cu 30% un obiect costă 5200 de lei. Determinați prețul inițial al obiectului.
- **5p 5.** În reperul cartezian xOy se consideră punctele A(0,3), B(4,8) și C(4,0). Calculați distanța de la punctul B la dreapta AC.
- **5p 6.** Arătați că $\frac{2\cos 30^{\circ}}{2\lg 45^{\circ} + 1} = \lg 30^{\circ}$.

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

- **1.** Se consideră matricea $A(a) = \begin{pmatrix} a+1 & 2a+1 \\ a & 2a \end{pmatrix}$, unde a este număr real.
- **5p** a) Arătați că $\det(A(10)) = 10$.
- **5p b**) Demonstrați că (A(a)-A(b))(A(a)-A(b))=3(a-b)(A(a)-A(b)), pentru orice numere reale a și b.
- **5p** c) Determinați numărul natural n pentru care $\det(A(2)) + \det(A(3)) + ... + \det(A(n)) = 35$.
 - **2.** Pe mulțimea $M = \left[\sqrt{2}, +\infty\right)$ se definește legea de compoziție asociativă și cu element neutru $x * y = \sqrt{\left(x^2 2\right)\left(y^2 2\right) + 2}$.
- **5p a)** Arătați că $4 * \sqrt{3} = 4$.
- **5p b)** Determinați simetricul elementului $x = \sqrt{6}$, în raport cu legea de compoziție ,,*".
- **5p** c) Calculați $\sqrt{2} * \sqrt{3} * \sqrt{4} * ... * \sqrt{2020}$

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

- **1.** Se consideră funcția $f:(0,+\infty)\to\mathbb{R}$, $f(x)=2\sqrt{x}(\ln x-1)$.
- **5p** a) Arătați că $f'(x) = \frac{\sqrt{x(\ln x + 1)}}{x}, x \in (0, +\infty).$
- **5p b**) Determinați ecuația tangentei la graficul funcției f în punctul de abscisă $x = \frac{1}{e}$ situat pe graficul funcției f.
- **5p** c) Demonstrați că $\sqrt{e} f(x) + 4 \ge 0$, pentru orice $x \in (0, +\infty)$.
 - 2. Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = \begin{cases} 2x 1, x \in (-\infty, 0] \\ \frac{3x 1}{x + 1}, x \in (0, +\infty) \end{cases}$.
- $\mathbf{5p} \mid \mathbf{a}$) Arătați că funcția f admite primitive pe \mathbb{R} .

5p b) Calculați
$$\int_{1}^{2} f(x) dx$$
.
5p c) Arătați că $\int_{-1}^{0} e^{x} f(x) dx = \frac{5-3e}{e}$.