## Examenul de bacalaureat național 2020 Proba E. c)

## Matematică M\_tehnologic

Test 5

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- **5p 1.** Arătați că  $(3-3\cdot\frac{1}{5}\cdot\frac{1}{3})\cdot\frac{5}{14}=1$ .
- **5p** 2. Determinați numerele reale m, știind că punctul A(m,6) aparține graficului funcției  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ ,  $f(x) = x^2 + 2$ .
- **5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația  $\sqrt{14-x} = \sqrt{3x+6}$ .
- **5p 4.** Calculați probabilitatea ca, alegând un număr n din mulțimea numerelor naturale de două cifre, acesta să verifice inegalitatea  $n(n-10)(n-11) \le 0$ .
- **5p 5.** În reperul cartezian xOy se consideră punctele A(3,1), B(-1,4) și C(3,7). Calculați perimetrul triunghiului ABC.
- **5p** | **6**. Arătati că  $\sin 30^{\circ} \cos 30^{\circ} + 2\sin 45^{\circ} \cos 45^{\circ} \sin 60^{\circ} \cos 60^{\circ} = 1$ .

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră matricele  $I_2 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  și  $A(x) = \begin{pmatrix} x-3 & 1 \\ 1 & 3-x \end{pmatrix}$ , unde x este număr real.
- **5p** a) Arătați că  $\det(A(1)) = -5$ .
- **5p b**) Demonstrați că A(x) + A(-x) = 2A(0), pentru orice număr real x.
- **5p** c) Determinați numerele reale x pentru care  $A(x) \cdot A(x) = 10 \cdot I_2$ .
  - 2) Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție x \* y = 2x + y 3xy.
- **5p a)** Arătați că 1\*2 = -2.
- **5p b**) Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația x\*(x-1)=-1.
- **5p** | **c**) Dați exemplu de două numere iraționale a și b pentru care  $a * b \in \mathbb{N}$ .

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ ,  $f(x) = x^5 5x^4 + 5x^3$ .
- **5p** a) Arătați că  $f'(x) = 5x^2(x-3)(x-1)$ ,  $x \in \mathbb{R}$ .
- **5p b**) Determinați ecuația tangentei la graficul funcției f în punctul de abscisă x = 1, situat pe graficul funcției f.
- **5p** c) Demonstrați că  $-27 \le f(x) \le 1$ , pentru orice  $x \in [0,3]$ .
  - **2.** Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \begin{cases} x^2 + x + 2, & x \in (-\infty, 0) \\ e^x + 1, & x \in [0, +\infty) \end{cases}$ .
- **5p** a) Arătați că  $\int_{0}^{1} f(x) dx = e$ .
- $\mathbf{5p} \mid \mathbf{b}$ ) Demonstrați că funcția f admite primitive pe  $\mathbb R$  .
- **5p** c) Calculați  $\int_{-1}^{1} x f(x) dx$ .