Examenul de bacalaureat național 2020 Proba E. c)

Matematică M tehnologic

Test 17

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- **5p 1.** Arătați că media geometrică a numerelor x = 25 și y = 144 este egală cu 60.
- **5p** 2. Determinați numărul real m pentru care f(1) = 0, unde $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = x^2 + m$.
- **5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\sqrt{x+4} = 5$.
- **5p 4.** Calculați probabilitatea ca, alegând un număr din mulțimea $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$, acesta să **nu** fie multiplu de 3.
- **5p 5.** În reperul cartezian xOy se consideră punctele A(-2,4) și B(8,4). Determinați lungimea medianei din vârful O al triunghiului AOB.
- **5p 6.** Calculați $\sin x$, știind că $x \in \left(0, \frac{\pi}{2}\right)$ și $\cos x = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră matricele $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -4 & 0 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$ și $M(x) = \begin{pmatrix} x & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$, unde x este număr real.
- **5p** a) Arătați că det A = -5.
- **5p b**) Arătați că $\det(A+M(-1)) = \det B$.
- **5p** c) Determinați numărul real x pentru care $M(x) \cdot A A \cdot M(x) = B$.
 - **2.** Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție x * y = x + y 90.
- **5p a**) Arătati că 90*1=1.
- **5p b**) Demonstrați că (x * y) * z = x * (y * z), pentru orice numere reale x, y și z.
- **5p** c) Determinați numerele reale x pentru care $(x^2)*(2x+1) = -74$.

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, $f(x) = 4x^3 12x + 11$.
- **5p** | **a**) Arătați că $f'(x) = 12(x-1)(x+1), x \in \mathbb{R}$.
- **5p b)** Calculați $\lim_{x \to +\infty} \frac{f(x) 4x^3}{x}$.
- **5p** c) Demonstrați că $3 \le f(x) \le 19$, pentru orice $x \in [-1,1]$.
 - **2.** Se consideră funcția $f:(0,+\infty) \to \mathbb{R}$, $f(x) = 5x + \frac{1}{x}$.
- **5p** a) Arătați că $\int_{2}^{4} \left(f(x) \frac{1}{x} \right) dx = 30.$
- **5p b**) Demonstrați că funcția $F:(0,+\infty) \to \mathbb{R}$, $F(x) = \frac{5x^2 + 2020}{2} + \ln x$ este o primitivă a funcției f.
- **5p** c) Calculați $\int_{1}^{e} (f(x) 5x) \ln x \, dx$.