Examenul de bacalaureat 2011 Proba E. c) Proba scrisă la MATEMATICĂ

Varianta 2

Filiera vocațională, profilul pedagogic, specializarea învățător-educatoare.

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.
- La toate subiectele se cer rezolvări complete.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- 1. Calculați $\log_2(5+\sqrt{17})+\log_2(5-\sqrt{17})$ 5p
- 2. Calculați $\frac{P_4 C_4^1}{A_5^1}$.
- 3. Graficul unei funcții de gradul al II-lea este o parabolă care are abscisa vârfului egală cu 2 și intersectează axa Ox în două puncte distincte. Dacă unul dintre acestea are abscisa egală cu 5, atunci determinați abscisa celuilalt punct de intersecție.
- **4.** Rezolvați în mulțimea numerelor întregi ecuația $2^{x+3} = \frac{1}{4}$. 5p
- 5p 5. Arătați că dreapta determinată de punctele A(1,-2) și B(-2,4) este perpendiculară pe dreapta d de ecuație x - 2y + 3 = 0.
- 5p **6.** Calculați lungimea razei cercului circumscris unui triunghi ABC în care AB = 6 și $m (ABC) = 60^{\circ}$.

SUBIECTUL al II-lea

Pe mulțimea \mathbb{R} se definesc legile de compoziție x*y=x+y-1 și $x\circ y=\frac{1}{2}(xy-x-y+3)$.

a) Arătați că legea *** este associativ*

- a) Arătați că legea "*" este asociativă. 5p
- 5p b) Determinați elementul neutru al mulțimii ℝ în raport cu legea "*".
- c) Arătați că $x \circ y = \frac{1}{2}(x-1)(y-1)+1$, pentru orice $x, y \in \mathbb{R}$. 5p
- **d)** Rezolvați în \mathbb{R} ecuația $2^x \circ 3 = 1$. 5p
- e) Rezolvați în mulțimea numerelor reale sistemul $\begin{cases} (x+1) * y = 3 \\ (2x) \circ (y-1) = xy 1 \end{cases}$ 5p
- **f)** Demonstrați că $(x * y) \circ z = (x \circ z) * (y \circ z)$, pentru orice $x, y, z \in \mathbb{R}$. 5p

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

Se consideră matricele $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & a \\ 2 & a & 1 \\ a & 1 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}, I_3 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ și sistemul de ecuații liniare

$$(S) \begin{cases} x + 2y + az = 6 \\ 2x + ay + z = 6, \text{ unde } a \text{ este un parametru real.} \\ ax + y + 2z = 6 \end{cases}$$

- **5**p a) Determinați numărul real a pentru care tripletul (1,1,1) este soluție a sistemului (S).
- **b)** Arătați că $A^2 (a^2 + 5)I_3 = (3a + 2)B$. 5p
- c) Determinați numărul real a pentru care suma elementelor matricei A^2 este egală cu 0. 5p
- **d)** Arătați că, pentru a = -3, sistemul (S) este incompatibil. 5p
- e) Pentru a = 0, rezolvați sistemul (S). 5p
- 5p f) Determinați inversa matricei B.