## Examenul național de bacalaureat 2021 Proba E. c) Matematică *M\_tehnologic*

**Testul 8** 

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă zece puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de trei ore.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- 1. Arătați că  $\frac{2}{3} \cdot 0.3 + 3.2 : 4 = 1$ . 5p
- 2. Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ , f(x) = 6 4x. Determinați numărul real a, știind că punctul 5p A(a,2a) aparține graficului funcției f.
- 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația  $\sqrt{x^2 2x + 16} = 4$ . **5p**
- **4.** Calculați probabilitatea ca, alegând un număr n din mulțimea  $A = \{1, 2, 3, ..., 9\}$ , acesta să verifice 5p inegalitatea  $(n-2)(n-6) \ge 0$ .
- 5p **5.** În reperul cartezian xOy se consideră punctele A(-5,0), B(-1,8). Arătați că triunghiul OAM este isoscel, știind că M este mijlocul segmentului AB.
- 6. Se consideră pătratul ABCD astfel încât aria triunghiului ABC este egală cu 2. Calculați perimetrul **5p** pătratului ABCD.

SUBIECTUL al II-lea

- 1. Se consideră matricele  $A = \begin{pmatrix} -3 & 2 \\ -6 & 4 \end{pmatrix}$  și  $B(x) = \begin{pmatrix} x & 2 \\ -7 & x-4 \end{pmatrix}$ , unde x este număr real.
- 5p a) Arătați că  $\det A = 0$ .
- **b)** Determinați numărul real x pentru care  $\det(B(x)) + \det(B(7) A) = 0$ . 5p
- c) Determinați matricea  $C \in \mathcal{M}_2(\mathbb{R})$  cu proprietatea că  $xA A \cdot B(x) = 14C$ , pentru orice număr real x. 5p
  - **2.** Pe multimea numerelor reale se defineste legea de compozitie asociativă x\*y=6xy-6x-6y+7.
- **5p a)** Arătați că 1\*3=1.
- **b)** Demonstrați că  $e = \frac{7}{6}$  este elementul neutru al legii de compoziție "\*". 5p
- c) Determinați suma numerelor întregi m care verifică inegalitatea  $\frac{m}{2} * \left(-\frac{m}{3}\right) \ge 1$ .

## **SUBIECTUL al III-lea**

(30 de puncte)

- 1. Se consideră funcția  $f:(0,+\infty)\to\mathbb{R}$ ,  $f(x)=x^3+\frac{3}{x}+4$ .
- a) Arătați că  $f'(x) = \frac{3(x^2 1)(x^2 + 1)}{x^2}, x \in (0, +\infty).$
- **5**p **b)** Determinați intervalele de monotonie a funcției f.
- 5p c) Arătați că funcția f este convexă.
  - **2.** Se consideră funcția  $f:(-1,+\infty) \to \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \frac{2x}{x+1}$ .
- a) Arătați că  $\int_{1}^{2} (x+1) f(x) dx = 4$ .
- **b)** Calculați  $\int_{-x}^{3} \frac{f(x)}{x} dx$ .
- **5p** c) Arătați că  $\int_{1}^{\frac{\pi}{2}} f(x) \cdot f(-x) dx = 4(1 \ln 3)$ .