Examenul de bacalaureat 2012

Proba E.c)

Proba scrisă la MATEMATICĂ

Varianta 7

Filiera teoretică, profilul real, specializarea științele naturii

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- **5p** 1. Într-o progresie aritmetică $(a_n)_{n\geq 1}$ se cunosc $a_4=7$ și $a_9=22$. Calculați a_{14} .
- **5p** 2. Determinați coordonatele punctului de intersecție a graficelor funcțiilor $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, f(x) = x 3 și $g: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$, g(x) = 5 x.
- **5p** 3. Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $2^{3-x} = \frac{1}{4}$.
- **5p 4.** Determinați câte numere naturale de 3 cifre distincte se pot forma cu elementele mulțimii $M = \{0,1,2,3\}$.
- **5p 5.** Într-un reper cartezian xOy se consideră punctele A(1,2) și B(3,0). Determinați coordonatele simetricului punctului A față de punctul B.
- **5p** | **6.** Calculați lungimea laturii BC a triunghiului ABC, știind că AB = 6, AC = 5 și $m(\angle BAC) = 60^{\circ}$.

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră sistemul de ecuații $\begin{cases} x + y 2z = 0 \\ x y + z = 1 \end{cases}$, unde $a \in \mathbb{R}$. $\begin{cases} x + y 2z = 0 \\ x y + z = 1 \end{cases}$
- **5p** a) Calculați determinantul matricei asociate sistemului.
- **5p b**) Determinați valorile reale ale lui *a* pentru care matricea asociată sistemului este inversabilă.
- **5p** c) Pentru a = 0, rezolvați sistemul de ecuații.
 - 2. Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție asociativă x * y = x + y 1.
- **5p** a) Arătați că x*1=x, pentru orice $x \in \mathbb{R}$.
- **5p** | **b**) Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația x * x * x = 4.
- **5p** c) Determinați numărul natural $n, n \ge 2$, pentru care $C_n^1 * C_n^2 = 14$.

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră funcția $f:(0,+\infty) \to \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{x+1}{x^x}$.
- **5p** a) Arătați că $\frac{f'(x)}{f(x)} = -\frac{x}{x+1}$ pentru orice $x \in (0, +\infty)$.
- **5p b**) Arătați că funcția f este descrescătoare pe $(0,+\infty)$.
- **5p** c) Determinați ecuația asimptotei oblice la graficul funcției $g:(0,+\infty) \to \mathbb{R}$, $g(x) = \frac{e^{2x} \cdot f^2(x)}{x}$.
 - **2.** Se consideră funcția $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}, \ f(x) = x^{2012} + x^{2011} + x^2 + x$.
- **5p** a) Determinați primitiva $F: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ a funcției f, care verifică relația F(0) = 1.
- **5p b**) Calculați $\int_{0}^{1} \frac{f(x)}{x+1} dx$.
- **5p** c) Calculați volumul corpului obținut prin rotația, în jurul axei Ox, a graficului funcției $g:[1,2] \to \mathbb{R}$, $g(x) = f(x) x^{2012} x^{2011}$.