## Examenul de bacalaureat național 2020 Proba E. c)

## Matematică *M\_tehnologic*

Test 6

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I (30 de puncte)

- **5p** 1. Calculați primul termen al unei progresii geometrice  $(b_n)_{n\geq 1}$  în care  $b_3=12$  și rația q=2.
- **5p** 2. Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ , f(x) = 2x + 1. Determinați mulțimea valorilor reale ale lui x pentru care  $f(x) \ge f(1)$ .
- **5p** | **3.** Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația  $\log_5(x+1) = \log_5(11-x)$ .
- **5p 4.** Calculați  $C_{11}^9 C_{11}^2$ .
- **5p 5.** În reperul cartezian xOy se consideră punctele A(-3,4), B(1,0) și C(5,4). Arătați că triunghiul ABC este dreptunghic isoscel.
- **5p 6**. Arătați că  $\frac{\sin 135^{\circ}}{\cos 45^{\circ}} = 1$ .

SUBIECTUL al II-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră matricea  $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ -4 & -3 \end{pmatrix}$ .
- **5p** a) Arătați că det A = -1.
- **5p** | **b**) Demonstrați că  $A \cdot A \cdot A = A$ .
- **5p** c) Determinați matricea  $X \in \mathcal{M}_2(\mathbb{R})$ , astfel încât  $A \cdot X = I_2 + 3A$ .
  - 2. Pe mulțimea numerelor reale se definește legea de compoziție x \* y = xy 2x 2y + 6.
- **5p a)** Arătați că 2\*2020=2.
- **5p b)** Demonstrați că x \* y = (x-2)(y-2)+2, pentru orice numere reale x si y.
- **5p** c) Determinați numerele naturale m și n pentru care m\*n=13.

SUBIECTUL al III-lea (30 de puncte)

- **1.** Se consideră funcția  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$ ,  $f(x) = 2(x-1)e^x$ .
- **5p** a) Arătați că  $f'(x) = 2xe^x$ ,  $x \in \mathbb{R}$ .
- **5p b)** Calculați  $\lim_{x\to 0} \frac{f'(x)}{x}$ .
- **5p** c) Demonstrați că  $xe^x \ge e^x 1$ , pentru orice număr real x.
  - **2.** Se consideră funcția  $f:(-4,+\infty) \to \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \frac{x+2}{x+4}$ .
- **5p** a) Arătați că  $\int_{0}^{2} (x+4) f(x) dx = 6.$
- **5p b)** Calculați  $\int_{-2}^{0} f(x) dx$ .
- **5p** c) Demonstrați că  $\int_{-3}^{a} f'(x) f''(x) dx = 2\left(\frac{1}{(a+4)^4} 1\right)$ , pentru orice  $a \in (-3, +\infty)$ .