

CI 2: ALGORITHMIQUE & PROGRAMMATION

ALGORITHMES D'INFORMATIQUE

| 1 | Rech | nerches dans une liste | . 2 |
|---|------|---|-----|
| | 1.1 | Recherche d'un nombre dans une liste | . 2 |
| | 1.2 | Recherche du maximum dans une liste de nombre | . 3 |
| | 1.3 | Recherche par dichotomie dans un tableau trié | . 3 |
| 2 | Gest | ion d'une liste de nombres | . 4 |
| | 2.1 | Calcul de la moyenne | .4 |
| | 2.2 | Calcul de la variance | . 4 |
| | 2.3 | Calcul de la médiane | . 5 |
| 3 | | nes de caractères | |
| | 3.1 | Recherche d'un mot dans une chaîne de caractères | . 5 |
| 4 | Calc | ul numérique | .6 |
| | 4.1 | Recherche du zéro d'une fonction continue monotone par la méthode de dichotomie | . 6 |
| | 4.2 | Recherche du zéro d'une fonction continue monotone par la méthode de Newton | . 6 |
| | 4.3 | Méthode des rectangles pour le calcul approché d'une intégrale sur un segment | |
| | | 4.3.1 Méthode des rectangles à gauche | . 6 |
| | | 4.3.2 Méthode des rectangles à droite | . 7 |
| | | 4.3.3 Méthode des rectangles – Point milieu | . 8 |
| | 4.4 | Méthode des trapèzes pour le calcul approché d'une intégrale sur un segment | 10 |
| | 4.5 | Méthode d'Euler pour la résolution d'une équation différentielle | 10 |
| | | 4.5.1 Méthode d'Euler explicite | 10 |
| | 4.6 | Algorithme de Gauss – Jordan | 11 |
| 5 | Algo | rithmes de tris | 12 |
| | 5.1 | Tri par sélection | 12 |
| | 5.2 | Tri par insertion | 12 |
| | | 5.2.1 Méthode 1 | 12 |
| | | 5.2.2 Méthode 2 | 13 |
| | 5.3 | Tri shell | 13 |
| | 5.4 | Tri rapide «Quicksort» | 14 |
| | | 5.4.1 Tri rapide | 14 |
| | | 5.4.2 Tri rapide optimisé | 15 |
| | 5.5 | Tri fusion | 16 |
| 6 | Algo | rithmes classiques | |
| | 6.1 | Division euclidienne | 17 |
| | 6.2 | Algorithme d'Euclide | 17 |
| | 6.3 | Recherche des nombres premiers – Crible d'Ératosthène | 19 |
| | 6.4 | Calcul de puissance | 19 |
| | | 6.4.1 Algorithme naïf | 19 |
| | | 6.4.2 Exponentiation rapide | 19 |
| 7 | Calc | ul d'un polynôme | 19 |
| | 7.1 | Algorithme naïf | 19 |
| | 7.2 | Méthode de Horner | 19 |

1 Recherches dans une liste

1.1 Recherche d'un nombre dans une liste

```
Algorithme: Recherche naïve d'un nombre dans une liste triée ou non

Données:

- n, int: un entier

- tab, liste: une liste d'entiers triés ou non triés

Résultat:

- un booléen: Vrai si le nombre est dans la liste, Faux sinon.

is_number_in_list(n,tab):

| ← longueur(tab)

Pour i allant de 1 à | faire:

Si tab[i] = n alors:

Retourne Vrai

Fin Si

Fin Faire

Retourne Faux

Fin fonction
```

```
def is _number _in _list(nb,tab):
    """Renvoie True si le nombre nb est dans la liste
    de nombres tab
    Keyword arguments:
    * nb, int — nombre entier
    * tab, list — liste de nombres entiers
    """
    for i in range(len(tab)):
        if tab[i]==nb:
            return True
    return False
```

```
def is _ number _ in _ list(nb,tab):
    """Renvoie True si le nombre nb est dans la liste
    de nombres tab
    Keyword arguments:
    * nb, int — nombre entier
    * tab, list — liste de nombres entiers
    """
    i=0
    while i < len(tab) and tab[i]!=nb:
        i+=1
    return i < len(tab)</pre>
```

🛟 pyth

Remarque

Ces algorithmes sont modifiables aisément dans le cas où on souhaiterait connaître l'index du nombre recherché.



1.2 Recherche du maximum dans une liste de nombre

```
Algorithme: Recherche du maximum dans
une liste de nombres
Données:
- tab, liste : une liste de nombres
Résultat:
- maxi, réel : maximum de la liste
what_is_max(tab):
  n \leftarrow longueur(tab)
  i ← 2
  maxi \leftarrow tab[1]
  Tant que i < n faire :
     Si tab[i]>maxi alors:
        maxi ← tab[i]
     Fin si
     i \leftarrow i+1
  Fin tant que
  Retourner maxi
Fin fonction
```

```
def what _is _max(tab):
    """

    Renvoie le plus grand nombre d'une liste
    Keyword arguments:
    tab — liste de nombres
    """
    i=1
    maxi=tab[0]
    while i <len(tab):
        if tab[i]>maxi:
            maxi=tab[i]
        i+=1
    return maxi
```

1.3 Recherche par dichotomie dans un tableau trié

```
Algorithme: Recherche par dichotomie d'un
nombre dans une liste triée ou non
Données:
- nb, int: un entier
- tab, liste : une liste d'entiers triés
Résultat:
- m, int : l'index du nombre recherché
- None: cas où nb n'est pas dans tab
is_number_in_list_dicho(nb,tab):
   g \leftarrow 0
   d \leftarrow longueur(tab)
   Tant que g < d alors:
       m \leftarrow (g+d) \operatorname{div} 2 \operatorname{alors}:
         Si tab[m]=nb alors:
            Retourne m
         Sinon si tab[m] < nb alors :
            g \leftarrow m+1
         Sinon, alors:
            \mathsf{d} \leftarrow \mathsf{m}\text{-}1
      Fin Si
   Fin Tant que
   Retourne None
Fin fonction
```

```
def is_number_in_list_dicho(nb,tab):
    Recherche d'un nombre par dichotomie dans un
    tableau trié.
    Renvoie l'index si le nombre nb est dans la liste
    de nombres tab.
    Renvoie None sinon.
    Keyword arguments:
    nb, int -- nombre entier
    tab, list — liste de nombres entiers tri és
    g, d = 0, len(tab)-1
    while g \ll d:
        m = (g + d) // 2
        if tab[m] == nb:
            return m
        if tab[m] < nb:
            g = m+1
        else
            d = m-1
    return None
```



2 Gestion d'une liste de nombres

2.1 Calcul de la moyenne

```
Algorithme: Calcul de la moyenne arithmétique des nombres d'une liste

Données:

- tab, liste: une liste de nombres

Résultat:

- res, réel: moyenne des nombres

calcul_moyenne(tab):

n ← longueur(tab)

res ← 0

Pour i allant de1 à n faire:

res ← res+tab[i]

Fin faire

Retourner res/n

Fin fonction
```

```
def calcul_moyenne(tab):
    """

    Renvoie la moyenne des valeurs d'une liste de
    nombres.
    Keyword arguments:
    tab — liste de nombres
    """

    res = 0
    for i in range(len(tab)):
        res = res+tab[i]
    return res/(len(tab))
```

2.2 Calcul de la variance

Soit une série statistique prenant les n valeurs $x_1, x_2, ..., x_n$. Soit m la moyenne de ces valeurs. La variance est définie par :

$$v = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - m)^2$$

```
Algorithme: Calcul de la variance des nombres d'une liste

Données:

- tab, liste: une liste de nombres

- m, réel: moyenne de la liste

Résultat:

- res, réel: variance

calcul_variance(tab):

n ← longueur(tab)

res ← 0

Pour i allant de 1 à n faire:

res ← res+(tab[i]-m)**2

Fin faire

Retourner res/n

Fin fonction
```

```
def ca|cu|_variance(tab,m):
    """

    Renvoie la variance des valeurs d'un tableau.
    Keyword arguments:
    tab — liste de nombres
    m — moyenne des valeurs
    """

res = 0
for i in range(|en(tab)):
    res = res+(tab[i]-m)**2
return res/(|en(tab))
```



2.3 Calcul de la médiane

```
Algorithme: Recherche de la valeur médiane d'une liste de nombres triés

Données:

- tab, liste: liste de nombres triés

Résultat:

- flt: valeur de la médiane

mediane(tab):

n ← Longueur(tab)

Si n modulo 2 = 0 Alors:

i ← n/2

Retourner (tab[i] +tab[i+1])/2

Sinon:

i ← ndiv 2+1

Retourner (tab[i])

Fin fonction
```

```
def calcul_variance(tab):
    """

    Calcule la variance des éléments d'un tableau trié.
    Keyword arguments:
    tab — liste de nombres
    """

    if len(tab)%2 == 0:
        i = len(tab)//2
        return (tab[i-1]+tab[i])/2

    else:
        i = len(tab)//2
    return tab[i]
```

3 Chaînes de caractères

3.1 Recherche d'un mot dans une chaîne de caractères

Pseudo Code

```
def index_of_word_in_text(mot, texte):
    """ Recherche si le mot est dans le texte.
    Renvoie l'index si le mot est présent, None sinon.

Keyword arguments:
    mot — mot recherché
    texte — texte

"""

for i in range(1 + len(texte) - len(mot)):
    j = 0
    while j < len(mot) and mot[j] == texte[i + j]:
        j += 1
    if j == len(mot):
        return i
    return None</pre>
```



4 Calcul numérique

4.1 Recherche du zéro d'une fonction continue monotone par la méthode de dichotomie

```
Début Fonction
      Données: f, a, b, \varepsilon
      g \leftarrow a
      d \leftarrow b
      f_g \leftarrow f(g) \\ f_d \leftarrow f(d)
       tant que (d-g) > 2\varepsilon faire
              m \leftarrow (g + \bar{d})/2
              f_m \leftarrow f(m)
             \begin{array}{ccc} \mathbf{si} \ f_g \cdot f_m \leq 0 \ \mathbf{alors} \\ | \ d \leftarrow m \end{array}
                    f_d \leftarrow f_m
              sinon
                   g \leftarrow m
                    f_d \leftarrow f_m
              fin
      fin
      retourner (g+d)/2
Fin
```

```
def rechercheDichotomique(f, a, b, eps):
    g = a
    d = b
    f_g = f(g)
    f_d = f(d)
    while (d-g) > 2*eps:
        m = (g+d)/2
    f_m = f(m)
        if f_g * f_m <= 0:
        d = m
        f_d = f_m
        else:
        g = m
        f_d = f_m
    return (g+d)/2</pre>
```

4.2 Recherche du zéro d'une fonction continue monotone par la méthode de Newton

```
Début Fonction

| Données : f, f', a, \varepsilon
| g \leftarrow a
| c \leftarrow g - \frac{f(g)}{f'(g)}
| tant que |c - g| > \varepsilon faire
| g \leftarrow c
| c \leftarrow c - \frac{f(c)}{f'(c)}
| fin
| retourner c
| Fin
```



- 4.3 Méthode des rectangles pour le calcul approché d'une intégrale sur un segment
- 4.3.1 Méthode des rectangles à gauche



```
Algorithme: Calcul d'intégrale par la méthode des rectangles à gauche

Données:

- f, fonction : fonction définie sur [a,b]

- a, réel : borne inférieure de l'intervalle de définition

- b, réel : borne supérieure de l'intervalle de définition, b≥a

- nb, entiers : nombre d'échantillons pour calculer l'intégrale

Résultat:

- res, réel : valeur approchée de \int_a^b f(t) dt
```

```
integrale_rectangles_gauche(f,a,b,nb):

res ← 0

pas ← (b-a)/nb

x ← a

Tant que x < b-pas : Faire
```

 $res \leftarrow res + pas * f(x)$

x ← x+pas **Fin Tant que Retourner** res

```
def integrale_rectangles_gauche(f,a,b,nb):

"""

Calcul de la valeur approchée de l'intégrale de f(x) entre a et b par la

méthode des rectangles à gauche.

Keywords arguments:

f — fonction à valeur dans IR

a — flt, borne inférieure de l'intervalle d'intégration

b — flt, borne supérieure de l'intervalle d'intégration

nb — int, nombre d'échantillons pour le calcul

"""

res = 0

pas = (b-a)/nb

x = a

while x < b-pas:

res = res + pas *f(x)

x = x + pas

return res
```

7

4.3.2 Méthode des rectangles à droite

```
Algorithme: Calcul d'intégrale par la méthode des rectangles à droite
```

Données :

- f, fonction : fonction définie sur [a, b]
- a, réel : borne inférieure de l'intervalle de définition
- b, réel : borne supérieure de l'intervalle de définition, b≥a
- nb, entiers: nombre d'échantillons pour calculer l'intégrale

Résultat:

- res, réel : valeur approchée de $\int_{-\infty}^{b} f(t) dt$

integrale_rectangles_droite(f,a,b,nb) :

 $x \leftarrow x + pas$

Xavier PESSOLES $x \leftarrow a + pas$



Pseudo Code

```
def integrale_rectangles_droite (f,a,b,nb):
    """

    Calcul de la valeur approchée de l'intégrale de f(x) entre a et b par la
    méthode des rectangles à droite.
    Keywords arguments :
    f — fonction à valeur dans IR
    a — flt, borne inférieure de l' intervalle d'intégration
    b — flt, borne supérieure de l' intervalle d'intégration
    nb — int, nombre d'échantillons pour le calcul
    """

res = 0
    pas = (b-a)/nb
    x = a+pas
    while x < b-pas:
        res = res + pas *f(x)
        x = x + pas
    return res</pre>
```

4.3.3 Méthode des rectangles - Point milieu

```
Algorithme: Calcul d'intégrale par la méthode des rectangles – point milieu
Données:
- f, fonction : fonction définie sur [a, b]
- a, réel : borne inférieure de l'intervalle de définition
- b, réel : borne supérieure de l'intervalle de définition, b≥a
- nb, entiers: nombre d'échantillons pour calculer l'intégrale
Résultat:
- res, réel : valeur approchée de \int f(t)dt
integrale\_rectangles\_droite(f,a,b,nb):
   res \leftarrow 0
   pas \leftarrow (b-a)/nb
   x ← a
   Tant que x < b-pas : Faire
      res\leftarrow res + pas *( \mathbf{f}(x)+\mathbf{f}(x+pas))/2
      x \leftarrow x + pas
   Fin Tant que
   Retourner res
```





def integrale_rectangles_milieu (f,a,b,nb):



```
Calcul de la valeur approchée de l'intégrale de f(x) entre a et b par la méthode du point milieu.

Keywords arguments:

f — fonction à valeur dans IR

a — flt, borne inférieure de l'intervalle d'intégration

b — flt, borne supérieure de l'intervalle d'intégration

nb — int, nombre d'échantillons pour le calcul

"""

res = 0

pas = (b-a)/nb

x = a+pas

while x < b-pas:

res = res + pas *(f(x)+f(x+pas))/2

x = x + pas

return res
```

4.4 Méthode des trapèzes pour le calcul approché d'une intégrale sur un segment

cf. méthodes des rectangles par la méthode du point milieu.

4.5 Méthode d'Euler pour la résolution d'une équation différentielle

4.5.1 Méthode d'Euler explicite

Résolution de l'équation différentielle :

$$y(t) + \tau \frac{dy(t)}{dt} = y_f$$

```
Algorithme: Méthode d'Euler explicite
Données:
- tau, réel : constante de temps
- y 0, réel : valeur initiale de y
y_f, réel : valeur finale y
- t f, réel : temps de la simulation numérique
- nb, entier: nombre d'échantillons pour calculer les valeurs de y
Résultat:
- res, liste: liste des couples (t,y(t)).
euler_explicite(tau,y_0,y_f,t_f,nb):
   Initialiser res
   t \leftarrow 0
   y ← y_0
   pas \leftarrow t_f/nb
   Tant que t<t f Faire:
     Ajouter (t,y) à res
      y \leftarrow y + pas *(y_f-y)/tau
      t \leftarrow t + pas
   Fin Tant que
   Retourner res
```

```
def euler explicite (tau, y0, yf, tf, nb):
    Résolution d'une équation diff é rentielle d'ordre 1 en utilisant la méthode
    d'Euler explicite.
    Keywords arguments:
    tau — flt , constante de temps de l'équation diff é rentielle
    y0 — flt, valeur initiale de y(t)
    yf — flt valeur finale de y(t)
    tf — flt temps de fin de la simulation
    nb — int, nombre d'échantillons pour la simulation
    t = 0
    y = y0
    pas = tf / nb
    res = []
    while t < tf:
        \mathsf{res.append}((\mathsf{t},\!\mathsf{y}))
        y = y + pas*(yf-y)/tau
        t = t + pas
    return res
```

4.6 Algorithme de Gauss - Jordan

```
def recherche pivot(A,i):
    n = len(A) # le nombre de lignes
    j = i # la ligne du maximum provisoire
    for k in range(i+1, n):
         if abs(A[k][i]) > abs(A[j][i]):
            j = k # un nouveau maximum provisoire
    return j
\boldsymbol{def} \ echange\_lignes(A,i,j):
    # Li <--->Lj
    A[i][i], A[j][i] = A[j][i], A[i][i]
def transvection_ligne(A, i, j, mu):
    \# L_i < -L_i + mu.L_j """
    nc = len(A[0]) # le nombre de colonnes
    for k in range(nc):
        A[i][k] = A[i][k] + mu * A[j][k]
def resolution (AA, BB):
    """Résolution de AA.X=BB; AA doit etre inversible"""
    A, B = AA.copy(), BB.copy()
    n = len(A)
    assert len(A[0]) == n
    # Mise sous forme triangulaire
    for i in range(n):
        j = recherche pivot(A, i)
        if j > i:
            echange lignes(A, i, j)
            echange lignes(B, i, j)
        for k in range(i+1, n):
```





5 Algorithmes de tris

5.1 Tri par sélection

```
#Tri par sélection
def tri_selection (tab):
    for i in range(0,len(tab)):
        indice = i
        for j in range(i+1,len(tab)):
            if tab[j]<tab[indice]:
                indice = j
                tab[i],tab[indice]=tab[indice],tab[i]
        return tab</pre>
```

5.2 Tri par insertion

5.2.1 Méthode 1

```
Algorithme: Tri par insertion - Méthode 1
Données:
- tab, liste : une liste de nombres
Résultat:
- tab, liste : la liste de nombres triés
tri insertion(tab):
   n ← longueur(tab)
  Pour i de 2 à n:
      x \leftarrow tab[i]
      j ← 1
     Tant que j \le i-1 et tab[j] < x:
         j ← j+1
      Fin Tant que
      Pour k de i-1 à j-1 par pas de -1 faire :
         tab[k+1] \leftarrow tab[k]
      Fin Pour
      tab[j] \leftarrow x
  Fin Pour
```

```
def tri_insertion_01(tab):
    """

    Trie une liste de nombre en utilisant la méthode
    du tri par insertion.
    En Python, le passage se faisant par référence, il
    n'est pas indispensable de retourner le tableau.
    Keyword arguments:
    tab — liste de nombres
    """

for i in range (1,len(tab)):
    x=tab[i]
    j=0
    while j<=i-1 and tab[j]<x:
        j = j+1
    for k in range(i-1,j-1,-1):
        tab[k+1]=tab[k]
    tab[j]=x</pre>
```

counds Code



Estimation de la complexité

- Meilleur des cas, le tableau est trié à l'envers, la complexité est linéaire : $\mathcal{O}(n)$.
- Pire des cas, le tableau est trié, la complexité est quadratique : $\mathcal{O}(n^2)$.

5.2.2 Méthode 2

```
Algorithme: Tri par insertion – Méthode 2
Données:
- tab, liste: une liste de nombres
Résultat:
- tab, liste : la liste de nombres triés
\boldsymbol{tri\_insertion}(\mathsf{tab}):
    n ← longueur(tab)
   Pour i de 2 à n:
       x \leftarrow tab[i]
      j ← i
      Tant que j > 1 et tab[j-1] > x:
          tab[j] \leftarrow tab[j-1]
          j ← j-1
      Fin Tant que
       tab[j] \leftarrow x
   Fin Pour
```

```
def tri_insertion_02(tab):
    """

    Trie une liste de nombre en utilisant la méthode
    du tri par insertion .
    En Python, le passage se faisant par référence,
    il n'est pas indispensable de retourner le tableau .
    Keyword arguments:
    tab — liste de nombres
    """

for i in range (1,len(tab)):
    x=tab[i]
    j=i
    while j>0 and tab[j-1]>x:
        tab[j]=tab[j-1]
        j = j-1
        tab[j]=x
```

Estimation de la complexité

- Meilleur des cas, le tableau est trié, la complexité est linéaire : $\mathcal{O}(n)$.
- Pire des cas, le tableau est trié à l'envers, la complexité est quadratique : $\mathcal{O}(n^2)$.

5.3 Tri shell



5.4 Tri rapide «Quicksort»

5.4.1 Tri rapide

```
def segmente(tab,i,j):
    Segmentation d'un tableau par rapport à un pivot.
    Keyword arguments:
    tab ( list ) — liste de nombres
    i, j (int) — indices de fin et de début de la segmantation
    tab ( list ) — liste de nombres avec le pivot à sa place dé finitive
    k (int) — indice de la place du pivot
    g = i+1
    d=j
    p=tab[i]
    while g<=d:
        while d>=0 and tab[d]>p:
            d=d-1
        while g<=j and tab[g]<=p:
            g=g+1
        if g<d:
            tab[g], tab[d]=tab[d], tab[g]
            d=d-1
            g=g+1
    k=d
    tab[i], tab[d]=tab[d], tab[i]
    return k
def tri_quicksort(tab,i,j):
    Tri d'une liste par l' utilisation du tri rapide (Quick sort).
    Keyword arguments:
    tab ( list ) — liste de nombres
    i,j (int) — indices de fin et de début de la zone de tri
    Retour:
    tab ( list ) — liste de nombres avec le pivot à sa place dé finitive
    11 11 11
    if i<j
        k = segmente(tab,i,j)
        tri_quicksort(tab, i, k-1)
        tri_quicksort (tab, k+1,j)
```



```
Algorithme: Tri Quicksort - Segmentation
Données:
- tab, liste : une liste de nombres
- i,j, entiers : indices de début et de fin de la segmentation à effectuer
Résultats:
- tab, liste : la liste de nombre segmenté avec le pivot à sa place définitive
- k entier : l'indice de la place du pivot
segmente(tab,i,j):
   g \leftarrow i+1
   d ← j
    p \leftarrow tab[i]
    Tant que g \le d Faire
      Tant que d \ge 0 et tab[d] > p Faire
         \mathsf{d} \leftarrow \mathsf{d}\text{-}1
      Fin Tant que
      Tant que g \le j et tab[g] \le p Faire
          g \leftarrow g+1
      Fin Tant que
      Si g<d alors
         Échange(tab,g,d)
         \mathsf{d} \leftarrow \mathsf{d}\text{-}1
         g \leftarrow g+1
      Fin Si
   Fin Tant que
    k← d
    Échange (tab,i,d)
   Retourner k
Algorithme: Tri Quicksort – Tri rapide
Données:
- tab, liste : une liste de nombres
- i,j, entiers: indices de début et de fin de la portion à trier
Résultats:
- tab, liste : liste triée entre les indices i et j
tri_quicksort(tab,i,j):
   Si g<d alors
      k← segmente(tab,i,j)
       tri_quicksort(tab,i,k-1)
      tri_quicksort(tab,k+1,j)
   Fin Si
```

5.4.2 Tri rapide optimisé



```
Algorithme: Tri Quicksort – Tri rapide optimisé
Données:
- tab, liste : une liste de nombres
- i,j, entiers : indices de début et de fin de la portion de liste à trier
Résultats:
- tab, liste : liste triée entre les indices i et j
tri_quicksort_optimized(tab,i,j):
   Si i<j alors
      k← segmente(tab,i,j)
      Si k-i>15 alors
         tri_quicksort(tab,i,k-1)
         tri_insertion(tab,i,k-1)
      Fin Si
      Si j-k>15 alors
         tri_quicksort(tab,k+1,j)
         tri_insertion(tab,k+1,j)
      Fin Si
   Fin Si
```

5.5 Tri fusion

```
Algorithme: Tri Fusion – Fusion de deux listes
Données:
- tab, liste : une liste de nombres tab[g :d] avec g indice de la valeur de gauche, d indice de la valeur de
- m, entier : indice tel que g \le m < d et tel que les sous-tableaux tab[g :m] et tab[m+1 :d] soient ordonnés
Résultats:
- tab, liste : liste triée entre les indices g et d
fusion_liste(tab,g,d,m):
   n1← m-g+1
   n2← d-m
   Initialiser tableau G
   Initialiser tableau D
   Pour i allant de 1 à n1 faire
      G[i] \leftarrow tab[g+i-1]
   Fin Pour
   Pour j allant de 1 à n2 faire
      D[j] \leftarrow tab[m+j]
   Fin Pour
   i ← 1
   j ← 1
   G[n1+1] \leftarrow +\infty
   D[n2+1] \leftarrow +\infty
   Pour k allant de g à d faire
      Si i \le n1 et G[i] \le D[j] alors
         tab[k] \leftarrow G[i]
      Sinon
         Si j \le n2 et G[i] > D[j] alors
            tab[k]← D[j]
```

j← j+1

Fin Si Fin Si Fin Pour



seudo Code

```
Algorithme: Tri Fusion

Algorithme récursif du table de tri.

Données:

- tab, liste: une liste de nombres non triés tab[g:d]
- g,d, entiers: indices de début et de fin de la liste

Résultats:
- tab, liste: liste triée entre les indices g et d

tri_fusion(tab,g,d):
Si g < d alors
m ← (g+d) div 2
tri_fusion(tab,g,m)
tri_fusion(tab,g,m)
tri_fusion_liste(tab,g,d,m)
Fin Si
```

6 Algorithmes classiques

6.1 Division euclidienne

```
Data: a, b \in \mathbb{N}^*

reste \leftarrow a
quotient \leftarrow 0

tant que reste \geq b faire

reste \leftarrow reste -b
quotient \leftarrow quotient +1

fin

Retourner quotient, reste
```

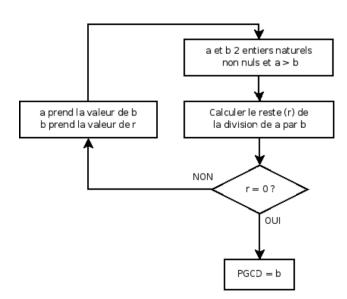
6.2 Algorithme d'Euclide

Cet algorithme permet de calculer le PGCD de deux nombres entiers. Il se base sur le fait que si a et b sont deux entiers naturels non nuls, $pgcd(a,b) = pgcd(b,a \mod b)$.



Fonction PGCD: algorithme d'Euclide **Données:** a et b : deux entiers naturels non nuls tels que a > bRésultat: le PGCD de a et b Euclide PGCD(a,b) Répéter $r \leftarrow a \bmod b$ $a \leftarrow b$ $b \leftarrow r$ Jusqu'à r == 0Retourner a

```
Codage en Pythonde l'algorithme d'Euclide :
def Euclide PGCD(a,b): # on définit le nom de la
                        # fonction et ses variables
                        # d'entrées/d'appel
                        # on calcule le reste dans
    r=a\%b
                        # la division de a par b
                        # tant que r est non nul :
   while r!=0:
       a=b
                        # b devient le nouveau a
                        # r devient le nouveau b
       r=a\%b
                        # on recalcule le reste
   return(b)
                        # une fois la boucle terminée,
                        # on retourne le dernier b
print(Euclide_PGCDpgcd(1525,755))
                        # on affiche le résultat
                        # retourné par la fonction
```



python



- 6.3 Recherche des nombres premiers Crible d'Ératosthène
- 6.4 Calcul de puissance
- 6.4.1 Algorithme naïf
- 6.4.2 Exponentiation rapide
- 7 Calcul d'un polynôme
- 7.1 Algorithme naïf
- 7.2 Méthode de Horner

Références

- [1] Patrick Beynet, Cours d'informatique de CPGE, Lycée Rouvière de Toulon, UPSTI.
- [2] Adrien Petri et Laurent Deschamps, Cours d'informatique de CPGE, Lycée Rouvière de Toulon, UPSTI.
- [3] Damien Iceta, Cours d'informatique de CPGE, Lycée Gustave Eiffel de Cachan, UPSTI.
- [4] Benjamin WACK, Sylvain CONCHON, Judicaël COURANT, Marc DE FALCO, Gilles DOWEK, Jean-Christophe FILLIÂTRE, Stéphane GONNORD, Informatique pour tous en classes préparatoires aux grandes écoles, Éditions Eyrolles.