

CI 2 : ALGORITHMIQUE & PROGRAMMATION

ALGORITHMES D'INFORMATIQUE

1	Recherches dans une liste	2
1.1	Recherche d'un nombre dans une liste	2
1.2	Recherche du maximum dans une liste de nombre	2
1.3	Recherche par dichotomie dans un tableau trié	3
2	Gestion d'une liste de nombres	4
2.1	Calcul de la moyenne	4
2.2	Calcul de la variance	4
2.3	Calcul de la médiane	4
3	Chaînes de caractères	4
3.1	Recherche d'un mot dans une chaîne de caractères	4
4	Calcul numérique	5
4.1	Recherche du zéro d'une fonction continue monotone par la méthode de dichotomie	5
4.2	Recherche du zéro d'une fonction continue monotone par la méthode de Newton	6
4.3	Méthode des rectangles pour le calcul approché d'une intégrale sur un segment	6
4.4	Méthode des trapèzes pour le calcul approché d'une intégrale sur un segment	6
4.5	Méthode d'Euler pour la résolution d'une équation différentielle	6
5	Algorithmes de tris	6
5.1	Tri par sélection	6
5.2	Tri par insertion	7
5.3	Tri shell	7
5.4	Tri rapide «Quicksort»	7
5.5	Tri fusion	7
6	Algorithmes classiques	7
6.1	Division euclidienne	7
6.2	Algorithme d'Euclide	8
6.3	Recherche des nombres premiers – Crible d'Ératosthène	9
6.4	Calcul de puissance	9
7	Calcul d'un polynôme	9
7.1	Algorithme naïf	9
7.2	Méthode de Horner	9

1 Recherches dans une liste

1.1 Recherche d'un nombre dans une liste

Pseudo Code

Algorithme : Recherche naïve d'un nombre dans une liste triée ou non

Données :

- n, int : un entier
- tab, liste : une liste d'entiers triés ou non triés

Résultat : un booléen : Vrai si le nombre est dans la liste, Faux sinon.

```

is_number_in_list(n,tab) :
    l ← longueur(tab)
    Pour i allant de 1 à l faire :
        Si tab[i] = n alors :
            Retourne Vrai
        Fin Si
    Fin Faire
    Retourne Faux
Fin fonction
    
```

python

```

def is_number_in_list(nb,tab):
    """Renvoie True si le nombre nb est dans la liste
    de nombres tab
    Keyword arguments:
    * nb, int — nombre entier
    * tab, list — liste de nombres entiers
    """
    for i in range(len(tab)):
        if tab[i]==nb:
            return True
    return False
    
```

python

```

def is_number_in_list(nb,tab):
    """Renvoie True si le nombre nb est dans la liste
    de nombres tab
    Keyword arguments:
    * nb, int — nombre entier
    * tab, list — liste de nombres entiers
    """
    i=0
    while i<len(tab) and tab[i]!=nb:
        i+=1
    return i<len(tab)
    
```

Remarque

Ces algorithmes sont modifiables aisément dans le cas où on souhaiterait connaître l'index du nombre recherché.

1.2 Recherche du maximum dans une liste de nombre

python

```

def what_is_max(tab):
    """ Renvoie le plus grand nombre d'une liste

    Keyword arguments:
    tab — liste de nombres

    """
    
```



```
i=1
maxi=tab[0]
while i < len(tab):
    if tab[i]>maxi:
        maxi=tab[i]
    i+=1
return maxi
```

1.3 Recherche par dichotomie dans un tableau trié

Pseudo Code

Algorithme : Recherche par dichotomie d'un nombre dans une liste triée ou non

Données :

- nb, int : un entier
- tab, liste : une liste d'entiers triés

Résultat :

- m, int : l'index du nombre recherché
- None : cas où nb n'est pas dans tab

is_number_in_list_dicho(nb,tab) :

```
g ← 0
d ← longueur(tab)
Tant que g < d Alors :
    m ← (g+d) div 2 Alors :
        Si tab[m]=nb Alors :
            Retourne m
        Sinon si tab[m]<nb Alors :
            g ← m+1
        Sinon, Alors :
            d ← m-1
Fin Si
Fin Tant que
Retourne None
Fin fonction
```



```
def is_number_in_list_dicho(nb,tab):
    """
    Recherche d'un nombre par dichotomie dans un tableau trié.
    Renvoie l'index si le nombre nb est dans la liste de nombres tab.
    Renvoie None sinon.
    Keyword arguments:
    nb, int — nombre entier
    tab, list — liste de nombres entiers triés
    """
    g, d = 0, len(tab)-1
    while g <= d:
        m = (g + d) // 2
        if tab[m] == nb:
            return m
        if tab[m] < nb:
```



```

        g = m+1
    else:
        d = m-1
    return None

```

2 Gestion d'une liste de nombres

2.1 Calcul de la moyenne



```

def calcul_moyenne(tab):
    """ Renvoie la moyenne des éléments d'un tableau.

    Keyword arguments:
    tab — liste de nombres entiers triés

    """
    res = 0
    for i in range(len(tab)):
        res = res+tab[i]
    return res/(len(tab))

```

2.2 Calcul de la variance

2.3 Calcul de la médiane

3 Chaînes de caractères

3.1 Recherche d'un mot dans une chaîne de caractères



```

def index_of_word_in_text(mot, texte):
    """ Recherche si le mot est dans le texte.
    Renvoie l'index si le mot est présent, None sinon.

    Keyword arguments:
    mot — mot recherché
    texte — texte

    """
    for i in range(1 + len(texte) - len(mot)):
        j = 0
        while j < len(mot) and mot[j] == texte[i + j]:
            j += 1
        if j == len(mot):
            return i
    return None

```

Estimation de la complexité

4 Calcul numérique

4.1 Recherche du zéro d'une fonction continue monotone par la méthode de dichotomie

Pseudo Code

```
Début Fonction
  Données :  $f, a, b, \varepsilon$ 
   $g \leftarrow a$ 
   $d \leftarrow b$ 
   $f_g \leftarrow f(g)$ 
   $f_d \leftarrow f(d)$ 
  tant que  $(d - g) > 2\varepsilon$  faire
     $m \leftarrow (g + d)/2$ 
     $f_m \leftarrow f(m)$ 
    si  $f_g \cdot f_m \leq 0$  alors
       $d \leftarrow m$ 
       $f_d \leftarrow f_m$ 
    sinon
       $g \leftarrow m$ 
       $f_g \leftarrow f_m$ 
    fin
  fin
  retourner  $(g + d)/2$ 
Fin
```

python

```
def rechercheDichotomique(f,a,b,eps):
    g = a
    d = b
    f_g = f(g)
    f_d = f(d)
    while (d-g) > 2*eps:
        m = (g+d)/2
        f_m = f(m)
        if f_g * f_m <= 0 :
            d = m
            f_d = f_m
        else :
            g = m
            f_g = f_m
    return (g+d)/2
```

Précision du calcul

Rapidité

Comparaison à zéro

4.2 Recherche du zéro d'une fonction continue monotone par la méthode de Newton

Pseudo Code

```
Début Fonction
Données :  $f, f', a, \varepsilon$ 
 $g \leftarrow a$ 
 $c \leftarrow g - \frac{f(g)}{f'(g)}$ 
tant que  $|c - g| > \varepsilon$  faire
     $g \leftarrow c$ 
     $c \leftarrow c - \frac{f(c)}{f'(c)}$ 
fin
retourner  $c$ 
Fin
```

Précision du calcul

Rapidité

4.3 Méthode des rectangles pour le calcul approché d'une intégrale sur un segment

4.4 Méthode des trapèzes pour le calcul approché d'une intégrale sur un segment

4.5 Méthode d'Euler pour la résolution d'une équation différentielle

Complexité algorithmique

5 Algorithmes de tris

5.1 Tri par sélection

python

```
# Tri par sélection
def tri_selection(tab):
    for i in range(0, len(tab)):
        indice = i
        for j in range(i+1, len(tab)):
            if tab[j] < tab[indice]:
                indice = j
        tab[i], tab[indice] = tab[indice], tab[i]
    return tab
```

5.2 Tri par insertion



```
#Tri par insertion
def tri_insertion (tab):
    for i in range(1,len(tab)):
        a=tab[i]
        j=i-1
        while j>=0 and tab[j]>a:
            tab[j+1]=tab[j]
            j=j-1
        tab[j+1]=a
    return tab
```

5.3 Tri shell



```
def shellSort (array ):
    "Shell sort using Shell's ( original ) gap sequence: n/2, n/4, ..., 1."
    "http://en.wikibooks.org/wiki/Algorithm\_Implementation/Sorting/Shell\_sort#Python"
    gap = len(array) // 2
    # loop over the gaps
    while gap > 0:
        # do the insertion sort
        for i in range(gap, len(array )):
            val = array[i]
            j = i
            while j >= gap and array[j - gap] > val:
                array[j] = array[j - gap]
                j -= gap
            array[j] = val
        gap //= 2
```

5.4 Tri rapide «Quicksort»

5.5 Tri fusion

6 Algorithmes classiques

6.1 Division euclidienne



Data : $a, b \in \mathbb{N}^*$
 reste $\leftarrow a$
 quotient $\leftarrow 0$
tant que reste $\geq b$ **faire**
 reste \leftarrow reste $- b$
 quotient \leftarrow quotient $+ 1$
fin
 Retourner quotient, reste

6.2 Algorithme d'Euclide

Cet algorithme permet de calculer le PGCD de deux nombres entiers. Il se base sur le fait que si a et b sont deux entiers naturels non nuls, $\text{pgcd}(a, b) = \text{pgcd}(b, a \bmod b)$.

Pseudo Code

```
Data :  $a, b \in \mathbb{N}^*$ 
 $x \leftarrow a$ 
 $y \leftarrow b$ 
tant que  $y \neq 0$  faire
     $r \leftarrow$  reste de la division euclidienne de  $x$  par  $y$ 
     $x \leftarrow y$ 
     $y \leftarrow r$ 
fin
Afficher  $x$ .
```

Codage en Python de l'algorithme d'Euclide :

```
def Euclide_PGCD(a,b): # on définit le nom de la
                        # fonction et ses variables
                        # d'entrées/d'appel
    r=a%b                # on calcule le reste dans
                        # la division de a par b

    while r!=0:          # tant que ce reste est non nul :
        a=b              # b devient le nouveau a
        b=r              # r devient le nouveau b
        r=a%b           # on recalcule le reste

    return(b)            # une fois la boucle terminée,
                        # on retourne le dernier b
print (pgcd(1525,755)) # on affiche le résultat
                        # retourné par la fonction
```

python

Pseudo Code

Fonction PGCD : algorithme d'Euclide

Données : a et b : deux entiers naturels non nuls tels que $a > b$

Résultat : le PGCD de a et b

Euclide_PGCD(a,b)

Répéter

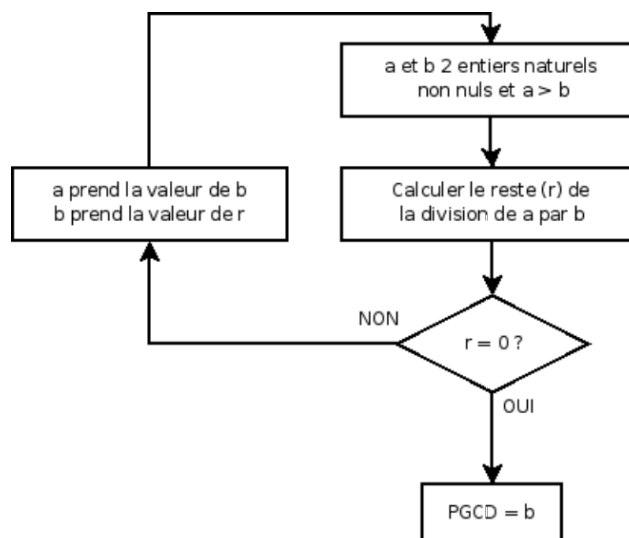
$r \leftarrow a \bmod b$

$a \leftarrow b$

$b \leftarrow r$

Jusqu'à $r == 0$

Retourner a



6.3 Recherche des nombres premiers – Crible d'Ératosthène

6.4 Calcul de puissance

6.4.1 Algorithme naïf

6.4.2 Exponentiation rapide

7 Calcul d'un polynôme

7.1 Algorithme naïf

7.2 Méthode de Horner

Références

- [1] Patrick Beynet, Cours d'informatique de CPGE, Lycée Rouvière de Toulon, UPSTI.
- [2] Adrien Petri et Laurent Deschamps, Cours d'informatique de CPGE, Lycée Rouvière de Toulon, UPSTI.
- [3] Damien Iceta, Cours d'informatique de CPGE, Lycée Gustave Eiffel de Cachan, UPSTI.