Elementos de Analisis Matematico 1° F

<u>Área personal</u> / Mis cursos / <u>EAM_1F_1C24</u> / <u>Recorrido 1: "Elementos de la teoría de conjuntos"</u> / <u>Operaciones entre conjuntos</u>

Operaciones entre conjuntos



3. Unión entre conjuntos

Ahora sí ya estamos en condiciones de comenzar con las operaciones entre conjuntos.

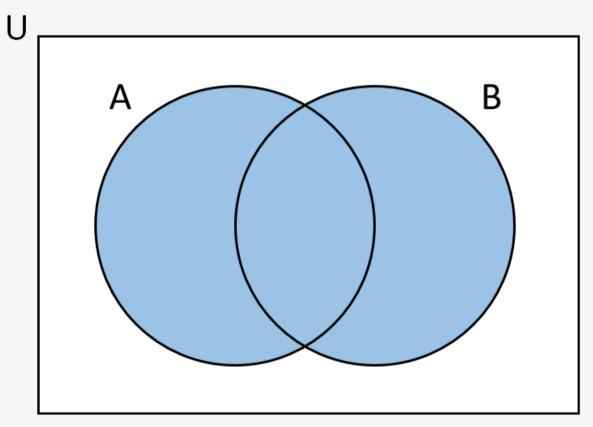
La unión de los conjuntos A y B es el conjunto de todos los elementos que pertenecen a A o a B o a ambos. Se denota la unión de A y B por:

$$A \cup B$$

que se lee "A unión B ". En símbolos, esto se escribe:

$$A \cup B = \{x : x \in A \ o \ x \in B\}$$

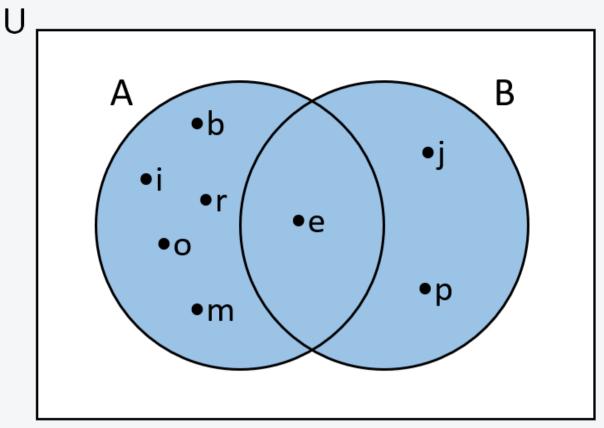
Gráficamente, $A \cup B$ es toda la zona sombreada de color azul:



La unión de más de dos conjuntos se define de la misma manera.

Ejemplo 1: Sea A el conjunto formado por las letras de la palabra "birome", y sea $B=\{j,p,e\}$. Entonces:

$$A \cup B = \{b, i, r, o, m, e\} \cup \{j, p, e\} = \{b, i, r, o, m, e, j, p\}$$

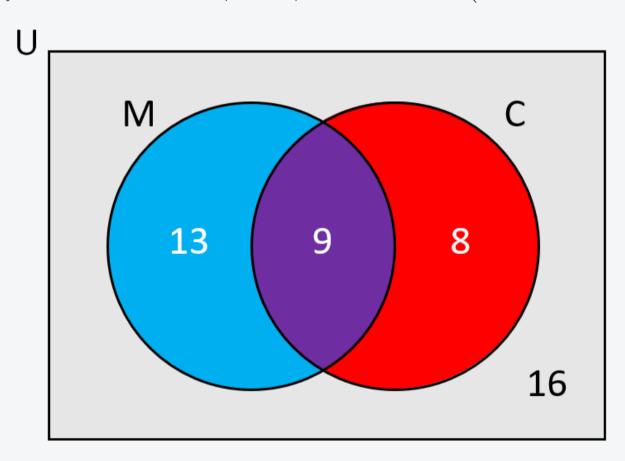


Ejemplo 2: Si $C=\{1,3,5\}$, $D=\{2,4,6,8\}$ y $E=\{7\}$, entonces:

$$C \cup D \cup E = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$$

Volviendo a nuestro problema 2 "El gimnasio de Pepe":

La unión entre conjuntos aparece cuando se pregunta por cuántas personas realizan al menos uno de los dos entrenamientos (musculación y/o CrossFit). Para responderla, debemos pensar en los elementos que pertenecen al conjunto M o al conjunto C o a ambos. De ahí que la respuesta correcta es 30 (13+9+8=30).



Algunas uniones particulares:

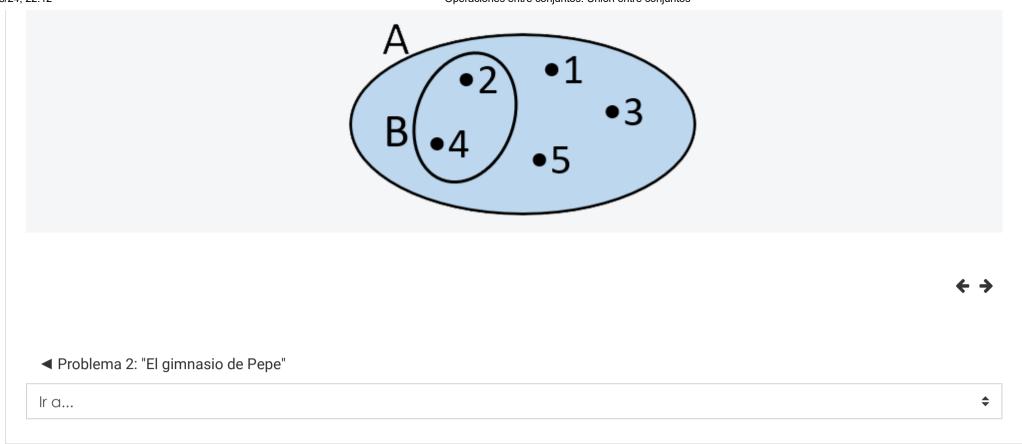
Uniendo el conjunto vacío:

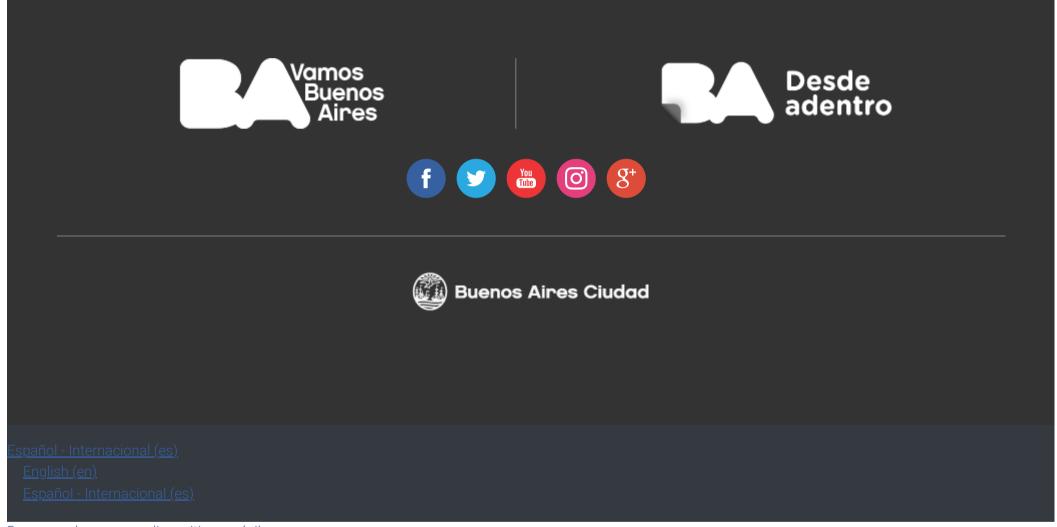
Notar que $A \cup \emptyset = A$ para cualquier conjunto A. Esto ocurre ya que, al unir con el conjunto vacío, no se agrega ningún elemento.

• Uniendo un subconjunto:

Si $B\subseteq A$ entonces $A\cup B=A$, ya que los elementos de B no agregan nada nuevo al conjunto "mas grande", que es A.

Por ejemplo, si $A=\{1,2,3,4,5\}$ y $B=\{2,4\}$, entonces $A\cup B=\{1,2,3,4,5\}=A$.





Descargar la app para dispositivos móviles