Elementos de Analisis Matematico 1° F

<u>Área personal</u> / Mis cursos / <u>EAM_1F_1C24</u> / <u>Recorrido 1: "Elementos de la teoría de conjuntos"</u> / <u>Operaciones entre conjuntos</u>

Operaciones entre conjuntos



5. Diferencia entre conjuntos

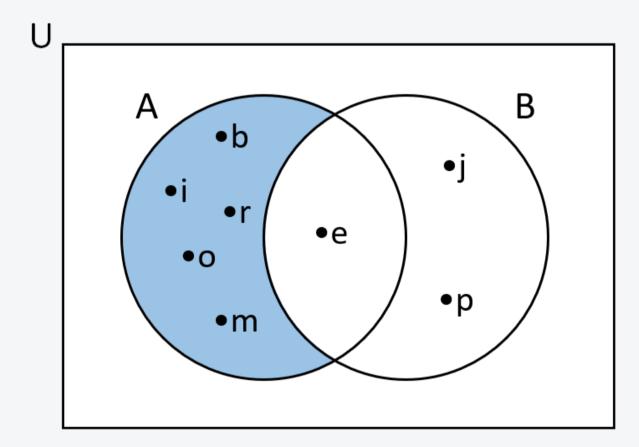
Llamamos diferencia entre dos conjuntos A y B al conjunto formado por todos los elementos de A que no están en B . Denotamos a este conjunto con A-B. En símbolos, esto se escribe como:

$$A - B = \{x : x \in A \ y \ x \notin B\}$$

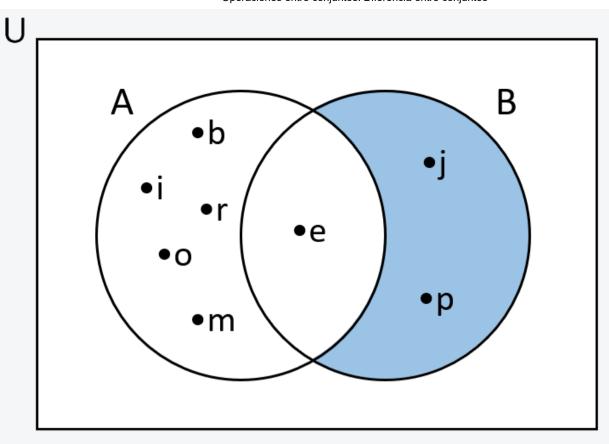
En palabras, el conjunto A-B se forma con todos los elementos de A, a los cuales les "quitamos" los que a su vez pertenecen a B. De esta definición se observa que A-B es un subconjunto de A: $A-B\subseteq A$.

Ejemplo 1:

Consideremos los conjuntos A y B de los ejemplos anteriores, es decir, $A=\{b,i,r,o,m,e\}$ y $B=\{j,p,e\}$ Luego, $A-B=\{b,i,r,o,m\}$. Gráficamente, A-B es la zona sombreada:



Notar que en las operaciones anteriores (unión e intersección), no importaba el orden en que aparecen los conjuntos. Es decir, $A \cup B = B \cup A$ y $A \cap B = B \cap A$. Sin embargo, en la diferencia de conjuntos sí importa el orden: no es lo mismo A - B que B - A. Para verlo, es suficiente con observar que en el ejemplo anterior tenemos que $B - A = \{j, p\}$, que corresponde a la zona sombreada en el siguiente diagrama de Venn:



Ejemplo 2:

Sean los conjuntos $A=\{1,3,5,7,9\}$ y $B=\{2,4,6,8,10\}$, entonces las siguientes diferencias quedan planteadas:

•
$$A - B = A$$

•
$$B - A = B$$

¿Te diste cuenta por qué ocurre esto?

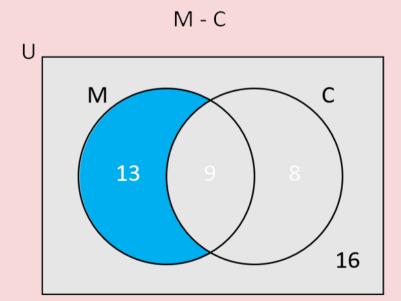


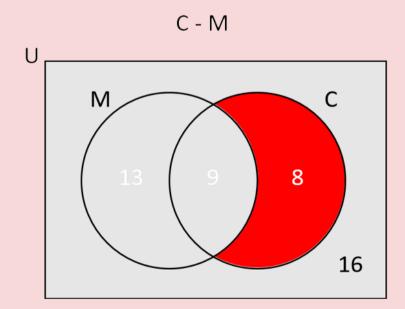
Volviendo a nuestro problema 2 "El gimnasio de Pepe".

La diferencia entre conjuntos aparece en las siguientes preguntas:

- 1. ¿Cuántas personas hacen musculación pero no CrossFit?
- 2. ¿Cuántas personas hacen CrossFit pero no musculación?

En estas dos preguntas aparece el concepto de diferencia porque estamos queriendo obtener la cantidad de elementos que están en M pero no en C y los que están en C pero no en M, respectivamente. Por lo tanto, las diferencias quedan planteadas de la siguiente manera:





De ahí que las respuestas correctas son: 13 personas hacen musculación pero no CrossFit y 8 personas hacen CrossFit pero no musculación.