

Table of Contents

- 1. Capitulo 1 Ángulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos [Page 1]
 - 1. Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILÁTERO. [Page 1]
 - 1. Ejercicio 1 [Page 1]
 - 1. Solución [Page 1]
 - 2. Ejercicio 2 [Page 2]
 - 1. Solución [Page 2]
 - 3. Ejercicio 3 [Page 2]
 - 1. Solución [Page 2]
 - 4. Ejercicio 4 [Page 2]
 - 1. Solución [Page 2]
 - 5. Ejercicio 5 [Page 3]
 - 1. Solución [Page 3]
- 2. Capitulo 1 Angulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos [Page 4]
 - 1. Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILATERO. [Page 4]
 - 1. Ejercicio 1 [Page 4]
 - 1. Solución [Page 4]

Capitulo 1 Ángulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos

Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILÁTERO.

Proposición 1 Proposición 1

Ejercicio 1

Si los segmentos AF y BF son construidos, demuestra que la figura ACBF es un rombo.

Solución

Proposition 1.1,#1 Proposition 1.1,#1

Puesto que A es el centro del círculo $\$ se deduce que $\$ verline {AB} \$ [Def. 1.33]\$. Puesto que B es el centro del círculo $\$ bigcirc B\$, $\$ overline {BF}=\overline {AB}\$ \$ [Def. 1.33]\$. Puesto que

 $\operatorname{AF}=\operatorname{BF}=\operatorname{AB}=\operatorname{AC}=\operatorname{BC}$, se deduce que \$\boxdot ACBF\$ es un rombo.

Ejercicio 2

Si \$\overline{CF}\$ es construido y \$\overline{AB}\$ es extendido a las circunferencias de los círculos (en los puntos \$D\$ y \$E\$), demuestra que los triángulos \$\triangle CDF\$ y \$\triangle CEF\$ son equiláteros.

Solución

Proposition 1.1,#2 Proposition 1.1,#2

Ejercicio 3

Si \$\overline{CA}\$ y \$\overline{CB}\$ son extendidos hasta intersecar \$G\$ y \$H\$, demuestra que los puntos \$G\$, \$F\$, \$H\$ son colineales y que el triángulo \$\bigtriangleup GCH\$ es equilátero.

Solución

Proposition 1.1,#3 Proposition 1.1,#3

Por [1.1, 1], $\frac{2}{3}R=\alpha BF$ es equilátero. Por [1.32. Cor 6], $\alpha G=\alpha CB=\alpha BA=\alpha BF$ BAF= $\alpha \{2\}{3}R=\alpha BF$. Puesto que $\alpha G=\alpha G=\alpha G=\alpha BF$, se deduce que $\alpha GAF=\alpha \{2\}{3}R=\alpha \{2\}{3}R=\alpha GBF$. Puesto que $\alpha GAF=\alpha \{2\}{3}R=\alpha \{2\}{3}R=\alpha GBF$. Considera $\alpha GAF=\alpha GAF$ and $\alpha GAF=\alpha \{2\}{3}R=\alpha GBF$. Debido a que $\alpha GAF=\alpha GBF$. Considera $\alpha GAF=\alpha GAF$ special puesto que αGAF sp

Ejercicio 4

Construye CF y demuestra que $\operatorname{CF}^2=3\cdot\operatorname{Cdot}\operatorname{AB}^2$.

Solución

Proposition 1.1,#4 Proposition 1.1,#4

Considera \$\bigtriangleup CGF\$ y \$\bigtriangleup CFH\$. Puesto que \$\overline{CG}=\overline{CH}\$, se deduce que \$\bigtriangleup CGF\cong\bigtriangleup CFH\$. De tal modo, \$\angle CFG=1R=\angle CFH\$ y \$\bigtriangleup CGF\cong\bigtriangleup CFH\$ son triángulos rectángulos. Por \$[1.47]\$,

 $\label{condition} $\operatorname{CF}^{2}=\operatorname{CH}^{2}-\operatorname{FH}^{2}. De este modo, \operatorname{lign*} \operatorname{CF}^{2} & =\operatorname{CH}^{2}-\operatorname{FH}^{2} \ & =\operatorname{CH}^{2}-\operatorname{FH}^{2} \ & =\operatorname{CH}^{2}-\operatorname{CH}^{2} \ & =\operatorname{CH}^{2}-\operatorname{CH}^{2} \ & =\operatorname{CH}^{2} \ &$

Ejercicio 5

Construye un circulo en el espacio \$ACB\$ delimitado por el segmento \$\overline{AB}\$ y las circunferencias parciales de los dos círculos.

Solución

Proposition 1.1,#5 Proposition 1.1,#5

Considera los puntos medios \$I\$, \$J\$ y \$K\$ de \$\overline{AB}\$, \$\overline{BC}\$ y \$\overline{CA}\$ respectivamente. Construye \$\bigtriangleup IJK\$. Después, construye los bisectores \$\overline{CI}\$, \$\overline{AJ}\$ y \$\overline{BK}\$ de \$\bigtriangleup IJK\$, con los vertices \$I\$, \$J\$ y \$K\$ respectivamente. Considera el circuncentro \$O\$ de \$\bigtriangleup IJK\$. Por {[]1.11, \#5{]]}, \$\overline{IO}=\overline{JO}=\overline{KO}\$. Construye \$\bigtriangleup AOI\$ y \$\bigtriangleup IOB\$. Puesto que \$\overline{AI}=\overline{KO}\$. Considera \$\bigtriangleup AOI\$ y \$\overline{IO}\$ es el lado en común, por {[]1.4{]]}, \$\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup IOB\$. Análogamente para \$\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup IOB\$. Considera \$\bigtriangleup AOI\$. Puesto que \$\angle AIO=1R\$, por {[]1.17, Cor 1{]}, \$\angle IAO<1R\$. Por {[]1.19{]]}, \$\overline{IO}<\overline{AO}\$. Por un punto arbitrario \$P\$ en \$\overline{AI}\$, \$\overline{IO}<\overline{IO}<\overline{PO}\$. Análogamente para \$\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup JOC\cong\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup JOC\cong\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup JOC\cong\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup JOC\cong\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup IOB\$. Por lo tanto, \$\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup Gog\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup IOB\$.

Capitulo 1 Angulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos

Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILATERO.

Proposición 1 Proposición 1

Ejercicio 1

Si los segmentos AF y BF son construidos, demuestra que la figura ACBF es un rombo.

Solución

Puesto que A es el centro del círculo \Circle A, se deduce que \overline $\{AF\}=\operatorname{AB}\ [Def. 1.33]$. Puesto que B es el centro del círculo \Circle B, \overline $\{BF\}=\operatorname{AB}\ [Def. 1.33]$. Puesto que \overline $\{AF\}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{AB}=\operatorname{$

Este es otro ejemplo de parrafo