

Table of Contents

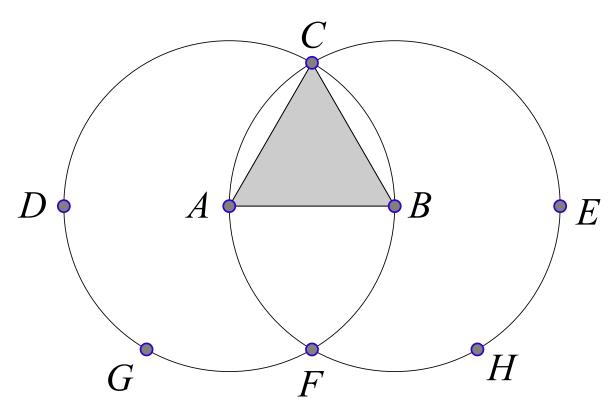
- 1. Capitulo 1 Ángulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos [Page 1]
- 2. Capitulo 1 Angulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos [Page 9]
 - 1. Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILATERO. [Page 9]
 - 1. Ejercicio 1 [Page 9]
 - 1. Solución [Page 9]

Contenido

- Proposición 1.1
- Proposición 1.2

Capitulo 1 Ángulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos

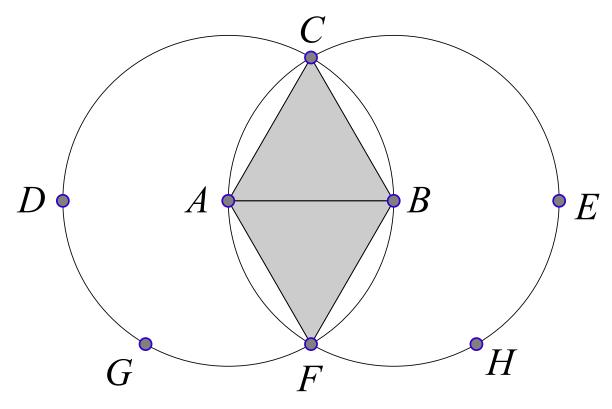
Proposición 1.1: CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILÁTERO.



Proposición 1

Ejercicio 1

Si los segmentos AF y BF son construidos, demuestra que la figura BF es un rombo.



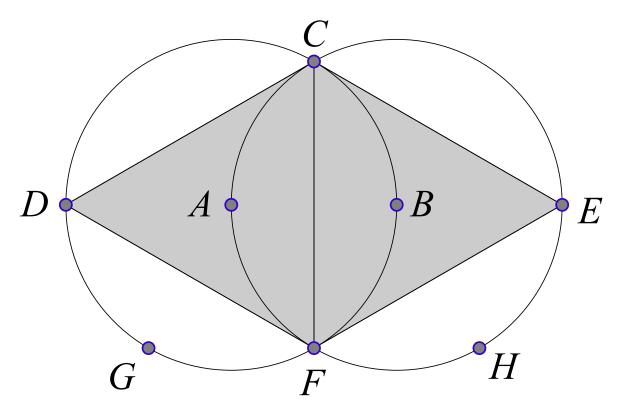
Proposition 1.1,#1

Puesto que A es el centro del círculo \$\bigcirc A\$, se deduce que \$\overline{AF}=\overline{AB}\$ \$[Def. 1.33]\$. Puesto que B es el centro del círculo \$\bigcirc B\$, \$\overline{BF}=\overline{AB}\$ \$[Def. 1.33]\$. Puesto que

 $\label{eq:ab} $\operatorname{AF}=\operatorname{BF}=\operatorname{AB}=\operatorname{AC}=\operatorname{BC}\$, se deduce que \$\boxdot ACBF\$ es un rombo.

Ejercicio 2

Si \$\overline{CF}\$ es construido y \$\overline{AB}\$ es extendido a las circunferencias de los círculos (en los puntos \$D\$ y \$E\$), demuestra que los triángulos \$\triangle CDF\$ y \$\triangle CEF\$ son equiláteros.

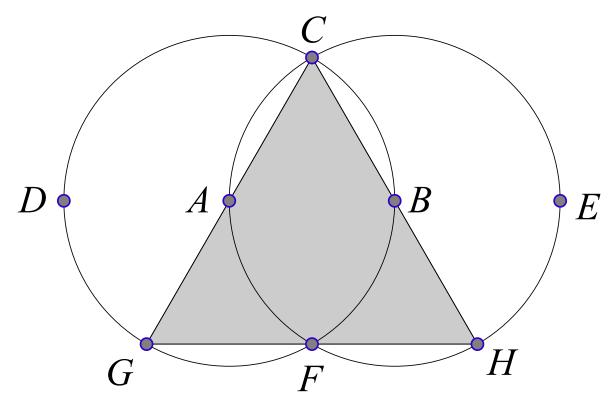


Proposition 1.1,#2

Considera $\triangle CAD$, $\triangle DAF$ y $\triangle FAC$. Debido a que \$A\$ es el centro del circulo $\triangle CAD$, $\triangle CAD$ =\overline {AD}=\overline {AF}\$. Después, Considera $\triangle ABC$ y $\triangle ABF$. Por $\triangle ABF$. Por $\triangle CAD$ =\overline {AD}=\overline {AD}=\overline {AD}=\angle DAF=\angle DAF=\angle FAC\$, se deduce que $\triangle CAD$ \cong\triangle DAF\cong\triangle FAC\$ y $\triangle CAD$ =\overline {CD}=\overline {DF}=\overline {FC}\$. De este modo, $\triangle CAD$ \$. Análogamente, esto se puede demostrar para $\triangle CEF$ \$.

Ejercicio 3

Si \$\overline{CA}\$ y \$\overline{CB}\$ son extendidos hasta intersecar \$G\$ y \$H\$, demuestra que los puntos \$G\$, \$F\$, \$H\$ son colineales y que el triángulo \$\bigtriangleup GCH\$ es equilátero.

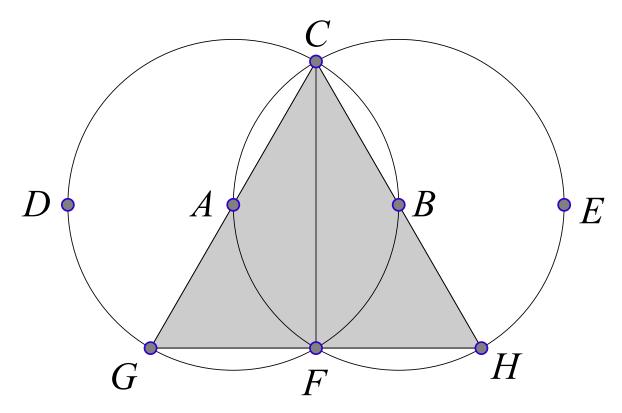


Proposition 1.1,#3

Por [1.1, 1], \frac{ABF} es equilátero. Por [1.32. Cor 6], $\frac{AB}{angle CAB}$ angle ABF es equilátero. Por [1.32. Cor 6], $\frac{AB}{angle CAB}$ angle ABF es equilátero. Por [1.32. Cor 6], $\frac{AB}{angle CAB}$ angle ABF, se deduce que ABF angle ABF angle ABF. Puesto que ABF and $\frac{ABF}{angle CBH}$, se deduce que ABF and ABF es el centro del circulo $\frac{ABF}{angle CAB}$ and ABF so verline ABF so equiláteros. Puesto que ABF so ABF so equiláteros. Puesto que ABF so equiláteros. Puesto que ABF so deduce que ABF so equiláteros. Puesto que ABF so deduce que ABF so equiláteros. Puesto que ABF so deduce que ABF so equiláteros. Puesto que ABF so deduce que ABF so equiláteros. Puesto que ABF so deduce que ABF so equiláteros. Puesto que ABF so deduce que ABF so equiláteros. Puesto que ABF so deduce que ABF so equiláteros. Puesto que ABF so deduce que ABF so equiláteros. Puesto que ABF so equiláteros.

Ejercicio 4

Construye CF y demuestra que $\operatorname{CF}^{2}=3\cdot\operatorname{Cdot}\operatorname{AB}^{2}$.

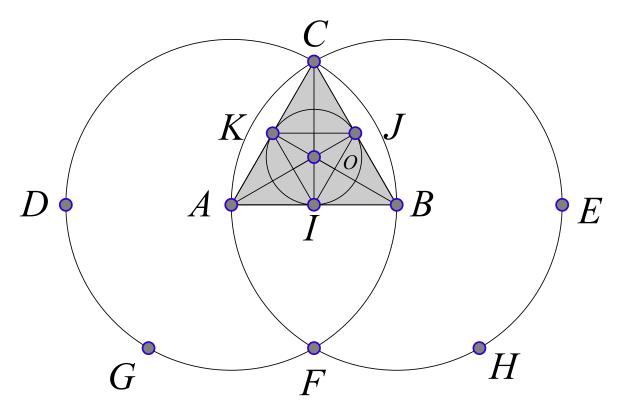


Proposition 1.1,#4

 $\label{lem:considera bigtriangleup CGF} y \bigtriangleup CFH\$. Puesto que \overline \CG\}=\overline \CH\}\$, se deduce que \bigtriangleup CGF\cong\bigtriangleup CFH\$. De tal modo, \ngle CFG=1R=\angle CFH\$ y \bigtriangleup CGF\cong\bigtriangleup CFH\$ son triángulos rectángulos. Por $[1.47]\$, \overline \CF\}^{2}=\overline \CH}^{2}-\overline \FH}^{2}\$. De este modo, \begin \align*} \overline \CF}^{2} \& =\overline \CH}^{2}-\overline \FH}^{2}\% \& =\end{AB}^{2}\% \& =\end{AB}^{2}\% \& =\end{AB}^{2}\% \& =\overline \AB}^{2}\% \& =\overline$

Ejercicio 5

Construye un circulo en el espacio \$ACB\$ delimitado por el segmento \$\overline{AB}\$ y las circunferencias parciales de los dos círculos.



Proposition 1.1,#5

Considera los puntos medios \$I\$, \$J\$ y \$K\$ de \$\overline{AB}\$, \$\overline{BC}\$ y \$\overline{CA}\$\$ respectivamente. Construye \$\bigtriangleup IJK\$. Después, construye los bisectores \$\overline{CI}\$\$, \$\overline{AJ}\$ y \$\overline{BK}\$\$ de \$\bigtriangleup IJK\$, con los vertices \$I\$, \$J\$ y \$K\$ respectivamente. Considera el circuncentro \$O\$ de \$\bigtriangleup IJK\$. Por \$[1.11, \#5]\$, \$\overline{IO}=\overline{JO}=\overline{KO}\$. Construye \$\bigcirc O\$ con radio \$\overline{IO}=\overline{JO}=\overline{KO}\$\$. Considera \$\bigtriangleup AOI\$ y \$\bigtriangleup IOB\$. Puesto que \$\overline{AI}=\overline{IB}\$, \$\angle AIO=1R=\angle OIB\$ y \$\overline{IO}\$\$ es el lado en común, por \$[1.4]\$, \$\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup IOB\$. Considera \$\bigtriangleup AOI\$. Puesto que \$\angle AIO=1R\$, por \$[1.17, Cor. 1]\$, \$\angle IAO \lt 1R\$. Por \$[1.19]\$, \$\overline{IO}\lt\overline{AO}\$. Por un punto arbitrario \$P\$ en \$\overline{AI}\$, \$\overline{IO}\lt\overline{IO}\lt\overline{PO}\$. Análogamente, para \begin{align*} \bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup GOK\cong\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup GOK\cong\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup IOB,\end{align*} esto se puede demostrar. Por lo tanto, \$\bigcirc O\$ Esta dentro de \$ACB\$.

Proposición 1.2: CONSTRUCCIÓN DE UN SEGMENTO DE LÍNEA DE IGUAL LONGITUD A UN SEGMENTO DE LÍNEA ARBITRARIA.

Proposition 1.2

Template

Capitulo 1 Angulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos

Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILATERO.

Proposición 1 Proposición 1

Ejercicio 1

Si los segmentos AF y BF son construidos, demuestra que la figura ACBF es un rombo.

Solución

Puesto que A es el centro del círculo \Circle A, se deduce que \overline $\{AF\}=\operatorname{AB}\ [Def. 1.33]$. Puesto que B es el centro del círculo \Circle B, \overline $\{BF\}=\operatorname{AB}\ [Def. 1.33]$. Puesto que \overline $\{AF\}=\operatorname{AB}=\operatorname{$

Este es otro ejemplo de parrafo