

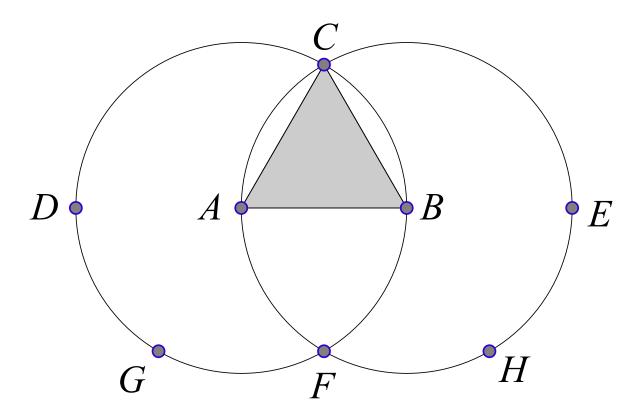
Table of Contents

- 1. Capitulo 1 Ángulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos [Page 1]
 - 1. Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILÁTERO. [Page 1]
 - 1. Ejercicio 1 [Page 2]
 - 1. Solución [Page 2]
 - 2. Ejercicio 2 [Page 3]
 - 1. Solución [Page 3]
 - 3. Ejercicio 3 [Page 4]
 - 1. Solución [Page 4]
 - 4. Ejercicio 4 [Page 5]
 - 1. Solución [Page 5]
 - 5. Ejercicio 5 [Page 6]
 - 1. Solución [Page 6]
- 2. Capitulo 1 Angulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos [Page 8]
 - 1. Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILATERO. [Page 8]
 - 1. Ejercicio 1 [Page 8]
 - 1. Solución [Page 8]

Capitulo 1 Ángulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos

Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILÁTERO.

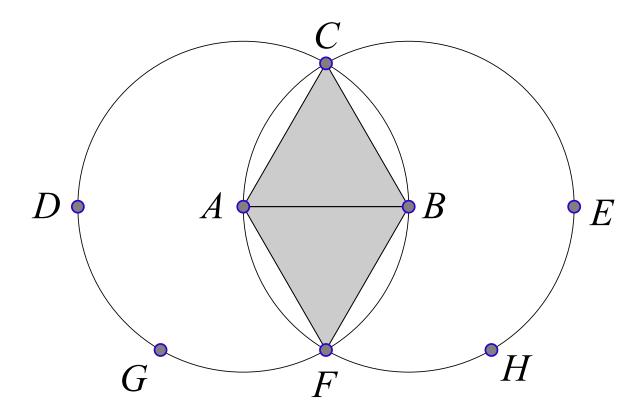
Proposición 1



Ejercicio 1

Si los segmentos AF y BF son construidos, demuestra que la figura BF es un rombo.

Solución



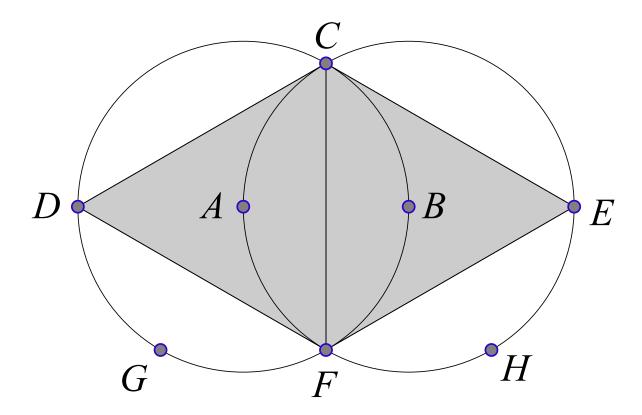
Puesto que A es el centro del círculo $\bullet\$, se deduce que $\bullet\$ =\overline{AB}\$ \$[Def. 1.33]\$. Puesto que B es el centro del círculo $\bullet\$ bigcirc B\$, $\bullet\$ overline{BF}=\overline{AB}\$ \$[Def. 1.33]\$. Puesto que

 $\langle AF \rangle = \langle AF \rangle = \langle$

Ejercicio 2

Si \$\overline{CF}\$ es construido y \$\overline{AB}\$ es extendido a las circunferencias de los círculos (en los puntos \$D\$ y \$E\$), demuestra que los triángulos \$\triangle CDF\$ y \$\triangle CEF\$ son equiláteros.

Solución

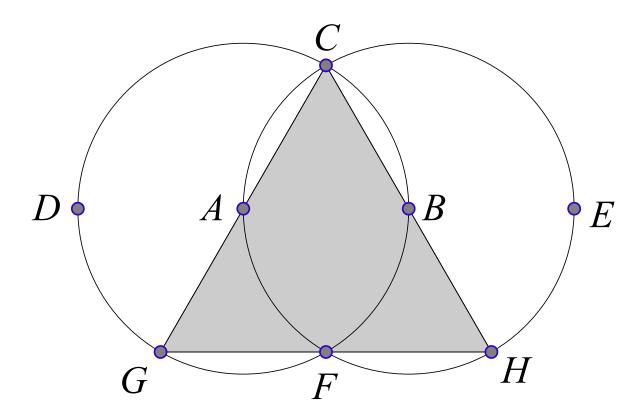


Considera $\triangle CAD$, $\triangle DAF$ y $\triangle FAC$. Debido a que \$A\$ es el centro del circulo $\triangle AC$ =\overline {AD}=\overline {AF}\$. Después, Considera $\triangle ABC$ \$ y $\triangle ABF$ \$. Por $\[1.32]$ \$ y $\[1.32$. Cor. 6]\$, $\triangle CAD=\angle DAF=\angle FAC$ \$. Puesto que $\triangle AC$ }=\overline {AD}=\overline {AF}\$\$ y $\triangle CAD=\angle DAF=\angle FAC$ \$, se deduce que $\triangle CAD\cong\triangle DAF\cong\triangle FAC$ \$ y $\triangle CD$ }=\overline {DF}=\overline {FC}\$\$. De este modo, $\triangle CDF$ \$. Análogamente, esto se puede demostrar para $\triangle CEF$ \$.

Ejercicio 3

Si \overline{CA} y \overline{CB} son extendidos hasta intersecar \$G\$ y \$H\$, demuestra que los puntos \$G\$, \$F\$, \$H\$ son colineales y que el triángulo \overline{CH} es equilátero.

Solución

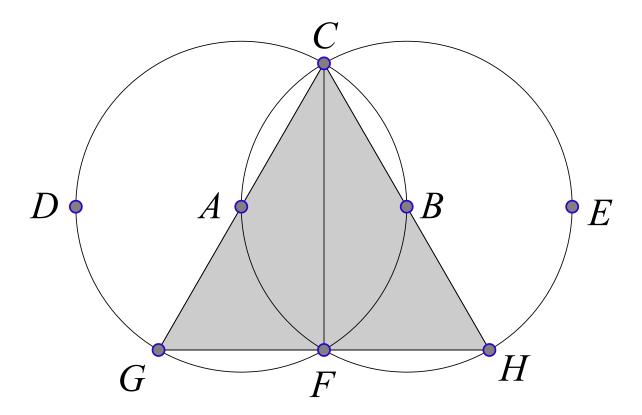


Por [1.1, 1], \frac{ABF} es equilátero. Por [1.32. Cor 6], $\frac{AB}{angle CAB}$ angle ABF es equilátero. Por [1.32. Cor 6], $\frac{AB}{angle CAB}$ angle ABF, se deduce ABF angle ABF. Puesto que ABF angle ABF, se deduce que ABF angle ABF angle ABF. Considera ABF and ABF and ABF and ABF and ABF angle ABF. Debido a que ABF es el centro del circulo ABF is ABF and ABF and ABF angle ABF a

Ejercicio 4

 $Construye \overline \{CF\}\ y \ demuestra \ que \overline \{CF\}^{2}=3 \cdot (dot \cdot (AB)^{2}).$

Solución

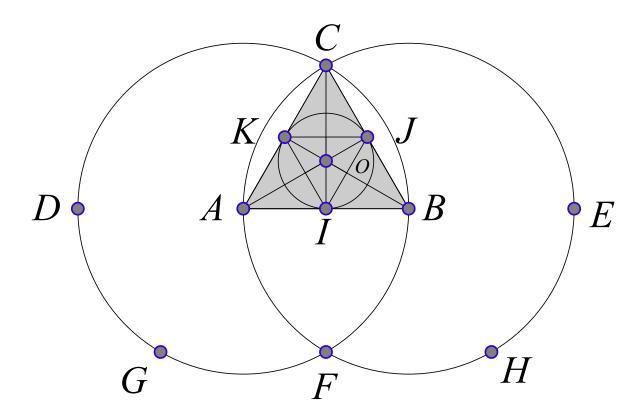


Considera $\bullet \c GF\$ y $\bullet GF\$ puesto que $\c GF\$ puesto que $\c GF\$ poverline $\c GF\$ se deduce que $\c GF\$ puesto que

Ejercicio 5

Construye un circulo en el espacio \$ACB\$ delimitado por el segmento \$\overline{AB}\$ y las circunferencias parciales de los dos círculos.

Solución

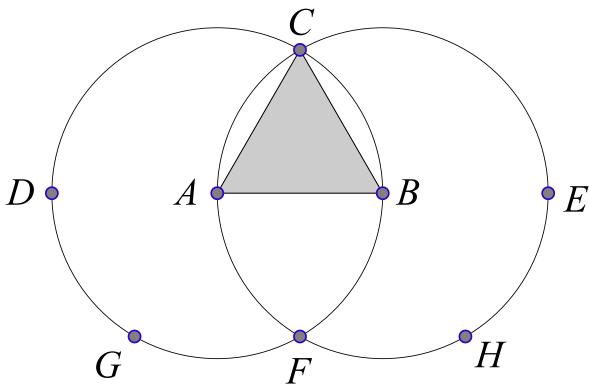


Considera los puntos medios \$I\$, \$J\$ y \$K\$ de \$\overline{AB}\$, \$\overline{BC}\$ y \$\overline{CA}\$\$ respectivamente. Construye \$\bigtriangleup IJK\$. Después, construye los bisectores \$\overline{CI}\$\$, \$\overline{AJ}\$ y \$\overline{BK}\$\$ de \$\bigtriangleup IJK\$, con los vertices \$I\$, \$J\$ y \$K\$ respectivamente. Considera el circuncentro \$O\$ de \$\bigtriangleup IJK\$. Por \$[1.11, \#5]\$, \$\overline{IO}=\overline{JO}=\overline{KO}\$. Construye \$\bigcirc O\$ con radio \$\overline{IO}=\overline{JO}=\overline{KO}\$\$. Considera \$\bigtriangleup AOI\$ y \$\bigtriangleup IOB\$. Puesto que \$\overline{AI}=\overline{IB}\$, \$\angle AIO=1R=\angle OIB\$ y \$\overline{IO}\$\$ es el lado en común, por \$[1.4]\$, \$\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup IOB\$. Considera \$\bigtriangleup IOB\$. Análogamente, \$\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup IOB\$. Considera \$\bigtriangleup AOI\$. Puesto que \$\angle AIO=1R\$, por \$[1.17, Cor. 1]\$, \$\angle IAO<1R\$. Por \$[1.19]\$, \$\overline{IO}<\overline{AO}\$. Por un punto arbitrario \$P\$ en \$\overline{AI}\$, \$\overline{IO}<\overline{IO}<\overline{PO}\$\$. Análogamente, para \begin{align*}\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup IOB,\end{align*} esto se puede demostrar. Por lo tanto, \$\bigcirc O\$ Esta dentro de \$ACB\$.

Capitulo 1 Angulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos

Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILATERO.

Proposición 1



Ejercicio 1

Si los segmentos \$\overline{AF}\$ y \$\overline{BF}\$ son construidos, demuestra que la figura \$\boxdot ACBF\$ es un rombo.

Solución

Puesto que A es el centro del círculo $\$ [Def. 1.33]. Puesto que B es el centro del círculo $\$ [Def. 1.33]. Puesto que B es el centro del círculo $\$ [Def. 1.33]. Puesto que $\$ [Def. 1.34]. Puesto que $\$ [Def. 1.34]. Puesto que $\$ [Def. 1.35]. Puesto que $\$ [Def. 1.35]. Puesto que $\$ [Def. 1.34]. Puesto que $\$ [Def. 1.35]. Pues

Este es otro ejemplo de parrafo