

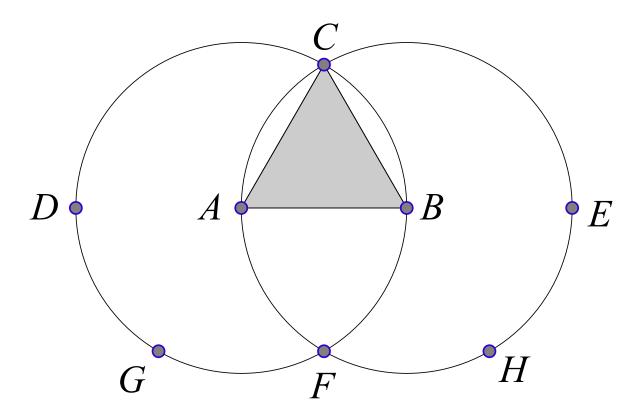
## **Table of Contents**

- 1. Capitulo 1 Ángulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos [Page 1]
  - 1. Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILÁTERO. [Page 1]
    - 1. Ejercicio 1 [Page 2]
      - 1. Solución [Page 2]
    - 2. Ejercicio 2 [Page 3]
      - 1. Solución [Page 3]
    - 3. Ejercicio 3 [Page 4]
      - 1. Solución [Page 4]
    - 4. Ejercicio 4 [Page 5]
      - 1. Solución [Page 5]
    - 5. Ejercicio 5 [Page 6]
      - 1. Solución [Page 6]
  - 2. Proposición 1.2 CONSTRUCCIÓN DE UN SEGMENTO DE LÍNEA DE IGUAL LONGITUD A UN SEGMENTO DE LÍNEA ARBITRARIA. [Page 7]
    - 1. Ejercicio 1 [Page 8]
      - 1. Solución [Page 8]
- 2. Capitulo 1 Angulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos [Page 10]
  - 1. Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILATERO. [Page 10]
    - 1. Ejercicio 1 [Page 10]
      - 1. Solución [Page 10]

# Capitulo 1 Ángulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos

# Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILÁTERO.

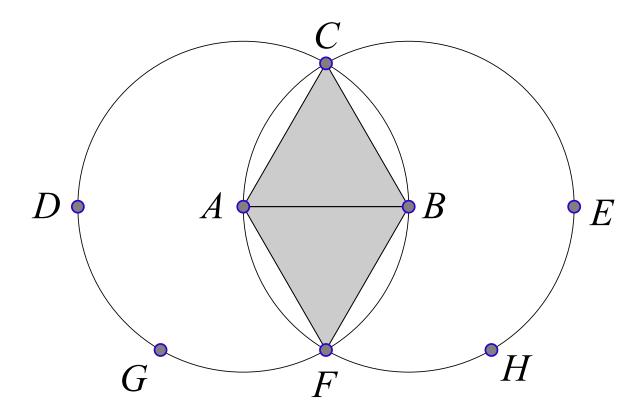
Proposición 1



# Ejercicio 1

Si los segmentos  $\operatorname{AF}$  y  $\operatorname{BF}$  son construidos, demuestra que la figura  $\operatorname{BF}$  es un rombo.

## Solución



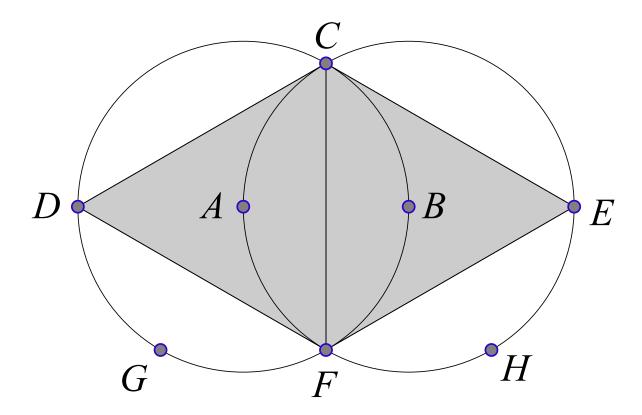
Puesto que A es el centro del círculo  $\bullet\$ , se deduce que  $\bullet\$  =\overline{AB}\$ \$[Def. 1.33]\$. Puesto que B es el centro del círculo  $\bullet\$  bigcirc B\$,  $\bullet\$  overline{BF}=\overline{AB}\$ \$[Def. 1.33]\$. Puesto que

 $\langle AF \rangle = \langle AF \rangle = \langle$ 

# Ejercicio 2

Si \$\overline{CF}\$ es construido y \$\overline{AB}\$ es extendido a las circunferencias de los círculos (en los puntos \$D\$ y \$E\$), demuestra que los triángulos \$\triangle CDF\$ y \$\triangle CEF\$ son equiláteros.

#### Solución

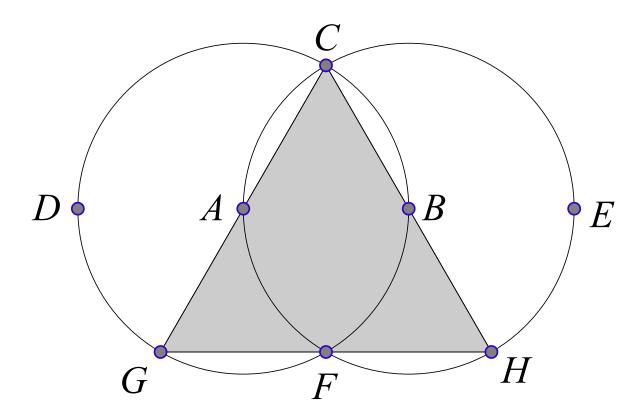


Considera  $\triangle CAD$ ,  $\triangle DAF$  y  $\triangle FAC$ . Debido a que \$A\$ es el centro del circulo  $\triangle AC$ =\overline {AD}=\overline {AF}\$. Después, Considera  $\triangle ABC$ \$ y  $\triangle ABF$ \$. Por  $\[1.32]$ \$ y  $\[1.32$ . Cor. 6]\$,  $\triangle CAD=\angle DAF=\angle FAC$ \$. Puesto que  $\triangle AC$ }=\overline {AD}=\overline {AF}\$\$ y  $\triangle CAD=\angle DAF=\angle FAC$ \$, se deduce que  $\triangle CAD\cong\triangle DAF\cong\triangle FAC$ \$ y  $\triangle CD$ }=\overline {DF}=\overline {FC}\$\$. De este modo,  $\triangle CDF$ \$. Análogamente, esto se puede demostrar para  $\triangle CEF$ \$.

## Ejercicio 3

Si  $\overline{CA}$  y  $\overline{CB}$  son extendidos hasta intersecar \$G\$ y \$H\$, demuestra que los puntos \$G\$, \$F\$, \$H\$ son colineales y que el triángulo  $\overline{CH}$  es equilátero.

#### Solución

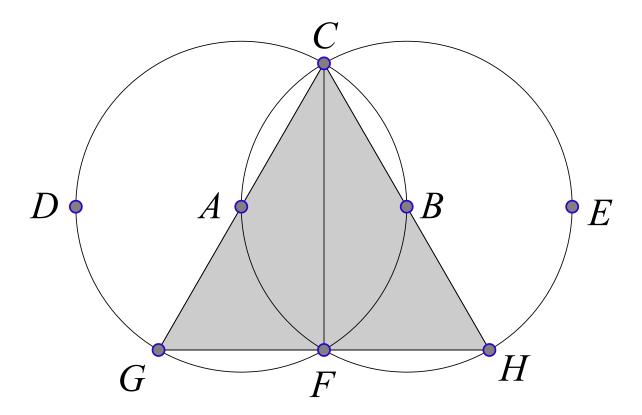


Por [1.1, 1],  $\frac{ABF}$  es equilátero. Por [1.32. Cor 6],  $\frac{AB}{angle CAB}$  angle ABF es equilátero. Por [1.32. Cor 6],  $\frac{AB}{angle CAB}$  angle ABF, se deduce ABF angle ABF. Puesto que ABF angle ABF, se deduce que ABF angle ABF angle ABF. Considera ABF and ABF and ABF and ABF and ABF and ABF and ABF angle ABF. Debido a que ABF es el centro del circulo ABF is given a que ABF and ABF angle ABF ang

## Ejercicio 4

 $Construye \overline \{CF\}\ y \ demuestra \ que \overline \{CF\}^{2}=3 \cdot (dot \cdot (AB)^{2}).$ 

#### Solución

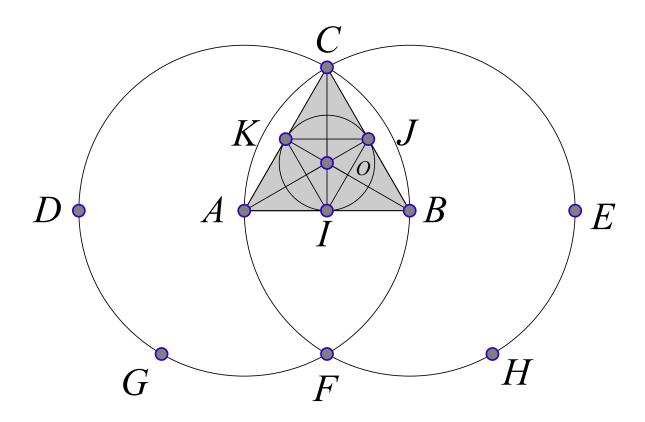


Considera  $\bullet \c GF\$  y  $\bullet GF\$  puesto que  $\c GF\$  puesto que  $\c GF\$  poverline  $\c GF\$  se deduce que  $\c GF\$  puesto que

# Ejercicio 5

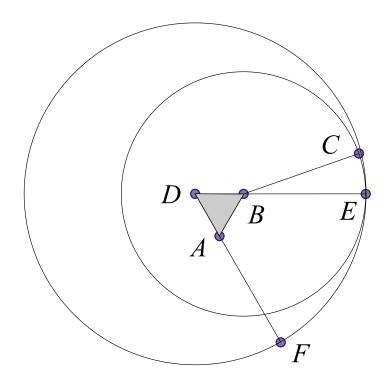
Construye un circulo en el espacio \$ACB\$ delimitado por el segmento \$\overline{AB}\$ y las circunferencias parciales de los dos círculos.

#### Solución



Considera los puntos medios \$I\$, \$J\$ y \$K\$ de \$\overline{AB}\$, \$\overline{BC}\$ y \$\overline{CA}\$ respectivamente. Construye \$\bigtriangleup IJK\$. Después, construye los bisectores \$\overline{CI}\$\$, \$\overline{AJ}\$ y \$\overline{BK}\$ de \$\bigtriangleup IJK\$, con los vertices \$I\$, \$J\$ y \$K\$ respectivamente. Considera el circuncentro \$O\$ de \$\bigtriangleup IJK\$. Por \$[1.11, \#5]\$, \$\overline{IO}=\overline{JO}=\overline{KO}\$. Construye \$\bigcirc O\$ con radio \$\overline{IO}=\overline{JO}=\overline{KO}\$\$. Considera \$\bigtriangleup AOI\$ y \$\bigtriangleup IOB\$. Puesto que \$\overline{AI}=\overline{IB}\$, \$\angle AIO=1R=\angle OIB\$ y \$\overline{IO}\$\$ es el lado en común, por \$[1.4]\$, \$\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup IOB\$. Considera \$\bigtriangleup IOB\$. Análogamente, \$\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup AOI\\$. Puesto que \$\angle AIO=1R\$, por \$[1.17, Cor. 1]\$, \$\angle IAO<1R\$. Por \$[1.19]\$, \$\overline{IO}<\overline{AO}\$. Por un punto arbitrario \$P\$ en \$\overline{AI}\$, \$\overline{IO}<\overline{IO}<\overline{PO}\$\$. Análogamente, para \begin{align\*}\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup IOB,\end{align\*} esto se puede demostrar. Por lo tanto, \$\bigcirc O\$ Esta dentro de \$ACB\$.

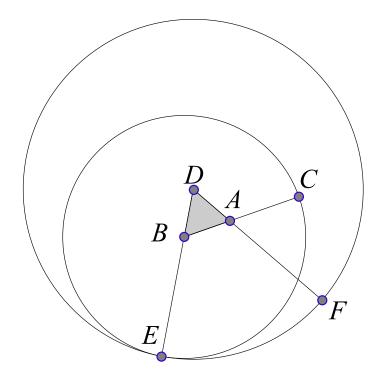
# Proposición 1.2 CONSTRUCCIÓN DE UN SEGMENTO DE LÍNEA DE IGUAL LONGITUD A UN SEGMENTO DE LÍNEA ARBITRARIA.



# Ejercicio 1

Demuestra [1.2] cuando A es un punto en  $\operatorname{Demuestra} \{BC\}$ .

# Solución

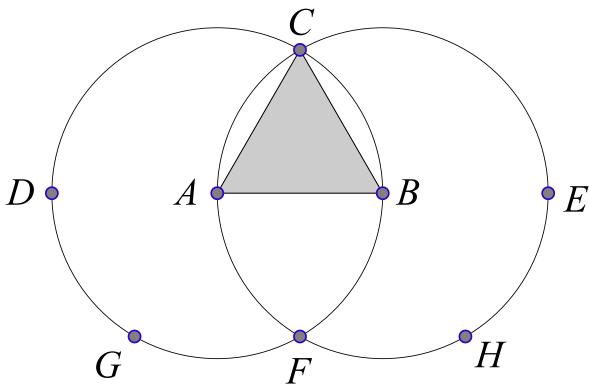


Por \$[1.1]\$, construye el triángulo equilátero \$\triangle BAD\$ en el segmento \$\overline{BA}\$. Construye el círculo \$\bigcirc B\$ con centro en \$B\$ y radio \$\overline{BC}\$\$. Extiende el segmento \$\overline{DB}\$\$ hasta intersecar con \$\bigcirc B\$ en \$E\$. Construye el círculo \$\bigcirc D\$ con centro en \$D\$ y radio \$\overline{DE}\$\$. Extiende el segmento \$\overline{DA}\$\$ hasta intersecar con \$\bigcirc D\$ en \$F\$. Puesto que \$D\$ es el centro del círculo \$\bigcirc D\$, \$\overline{DF}=\overline{DE}\$\$ \$[Def. 1.33]\$. Puesto que \$\triangle BAD\$ es equilátero, \$\overline{DA}=\overline{DB}\$\$. De este modo, \$\overline{AF}=\overline{BE}\$\$. Finalmente, puesto que \$B\$ es el centro del círculo \$\bigcirc B\$, \$\overline{BE}=\overline{BC}=\overline{AF}\$\$ \$[Def. 1.33]\$.

# Capitulo 1 Angulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos

# Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILATERO.

Proposición 1



# Ejercicio 1

Si los segmentos \$\overline{AF}\$ y \$\overline{BF}\$ son construidos, demuestra que la figura \$\boxdot ACBF\$ es un rombo.

#### Solución

Puesto que A es el centro del círculo  $\$  [Def. 1.33]. Puesto que B es el centro del círculo  $\$  [Def. 1.33]. Puesto que B es el centro del círculo  $\$  [Def. 1.33]. Puesto que  $\$  [Def. 1.34]. Puesto que  $\$  [Def. 1.34]. Puesto que  $\$  [Def. 1.35]. Puesto que  $\$  [Def. 1.35]. Puesto que  $\$  [Def. 1.36]. Pues

Este es otro ejemplo de parrafo