

Table of Contents

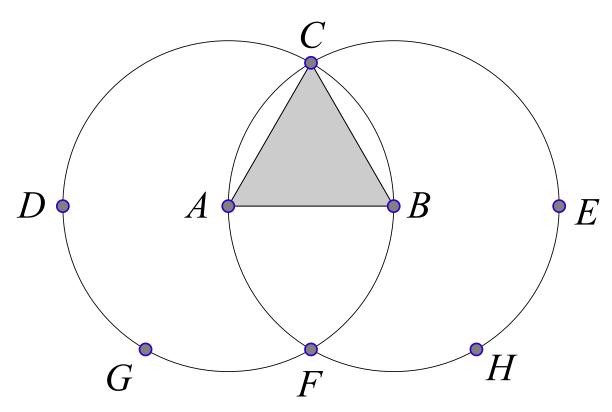
- 1. Capitulo 1 Ángulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos [Page 1]
- 2. Capitulo 1 Angulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos [Page 10]
 - 1. Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILATERO. [Page 10]
 - 1. Ejercicio 1 [Page 10]
 - 1. Solución [Page 10]

Contenido

- Proposición 1.1
- Proposición 1.2

Capitulo 1 Ángulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos

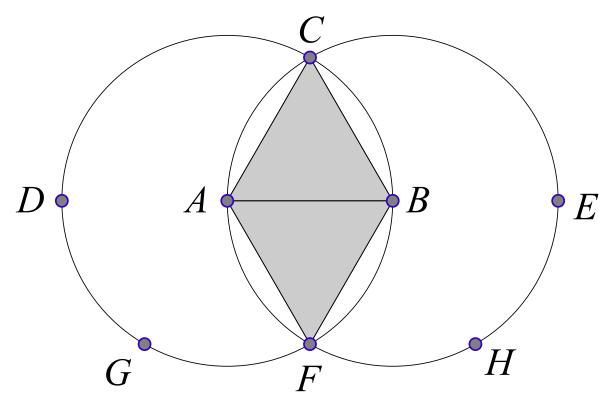
Proposición 1.1: CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILÁTERO.



Proposición 1

Ejercicio 1

Si los segmentos AF y BF son construidos, demuestra que la figura BF es un rombo.



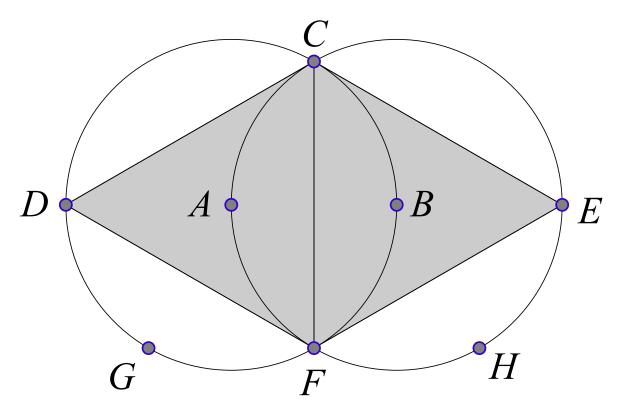
Proposition 1.1,#1

Puesto que A es el centro del círculo \$\bigcirc A\$, se deduce que \$\overline {AF}=\overline {AB}\$ \$[Def. 1.33]\$. Puesto que B es el centro del círculo \$\bigcirc B\$, \$\overline {BF}=\overline {AB}\$ \$[Def. 1.33]\$. Puesto que \$\overline (AF)=\overline (AF)=\overli

 $\label{eq:ab} $\operatorname{AF}=\operatorname{BF}=\operatorname{AB}=\operatorname{AC}=\operatorname{BC}\$, se deduce que \$\boxdot ACBF\$ es un rombo.

Ejercicio 2

Si \$\overline{CF}\$ es construido y \$\overline{AB}\$ es extendido a las circunferencias de los círculos (en los puntos \$D\$ y \$E\$), demuestra que los triángulos \$\triangle CDF\$ y \$\triangle CEF\$ son equiláteros.

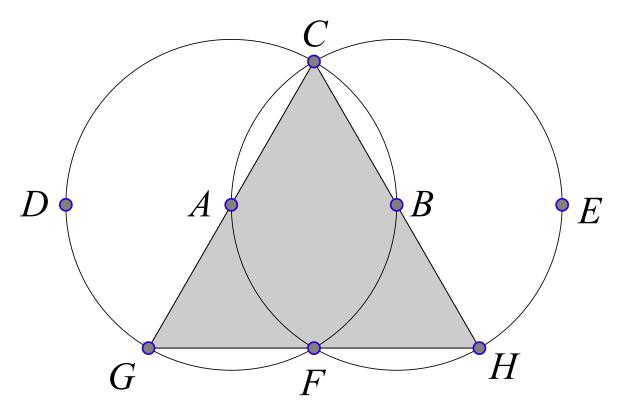


Proposition 1.1,#2

Considera $\triangle CAD$, $\triangle DAF$ y $\triangle FAC$. Debido a que \$A\$ es el centro del circulo $\triangle AC$ =\overline {AD}=\overline {AF}\$. Después, Considera $\triangle ABC$ \$ y $\triangle ABF$ \$. Por $\[1.32]$ \$ y $\[1.32$. Cor. 6]\$, $\triangle CAD=\triangle DAF=\triangle FAC$ \$. Puesto que $\triangle AC$ }=\overline {AD}=\overline {AF}\$ y $\triangle CAD=\triangle DAF=\triangle FAC$ \$, se deduce que $\triangle CAD\triangle DAF\triangle FAC$ \$, Soverline $\triangle CD$ }=\overline {DF}=\overline {FC}\$. De este modo, $\triangle CDF$ \$. Análogamente, esto se puede demostrar para $\triangle CEF$ \$.

Ejercicio 3

Si \$\overline{CA}\$ y \$\overline{CB}\$ son extendidos hasta intersecar \$G\$ y \$H\$, demuestra que los puntos \$G\$, \$F\$, \$H\$ son colineales y que el triángulo \$\bigtriangleup GCH\$ es equilátero.

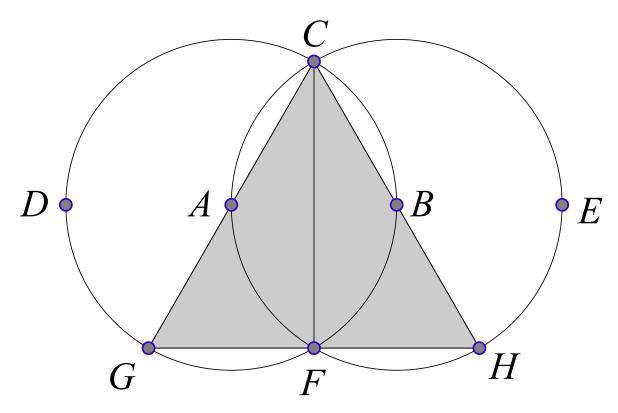


Proposition 1.1,#3

Por \$[1.1, 1]\$, \$\triangle ABF\$ es equilátero. Por \$[1.32. Cor 6]\$, \$\angle CAB=\angle $BAF=\frac{2}{3}R=\alpha CBA=\alpha BF$. Puesto que $\alpha CBA=\alpha CBH$, se deduce que \$\angle GAF=\frac{2}{3}R=\angle FBH\$. Considera \$\bigtriangleup GAF\$ and \$\bigtriangleup FBH\$. Debido a que \$A\$ es el centro del circulo \$\bigcirc A\$, \$\overline{AG}=\overline{AF}\$ \$[Def. 1.33]\$. Debido a que \$B\$ es el centro del circulo \$\bigcirc B\$, \$\overline{BF}=\overline{BH}\$\$ \$[Def. 1.33] \\$\text{ . Puesto que \$\overline}{AG}=\overline}{AF} \\$\ \y \\$\overline}{BF}=\overline}{BH} \\$\, se deduce que \$\bigtriangleup GAF\$ y \$\bigtriangleup FBH\$ son isosceles. Puesto que \$\angle $GAF=\frac{2}{3}R=\alpha FBH\$, se deduce que \begin{align*}\angle AGF=\angle AFG=\frac{2}{3}R=\angle BFH=\angle BHF.\end{align*}Por \$[1.5, Cor. 1]\$, \$\bigtriangleup GAF\$ y \$\bigtriangleup FBH\$ son equilateros. Puesto que \$\angle AFG+\angle AFB+\angle BFH=2R\$, Se deduce que \$G\$, \$F\$ and \$H\$ son colineales. Considera \$\bigtriangleup GCH\$. Puesto que \$\overline{CG}=\overline{GH}=\overline{HC}=2\overline{AB}\$, Se deduce que \$\bigtriangleup GCH\$ es equilátero.

Ejercicio 4

Construye CF y demuestra que $\operatorname{CF}^{2}=3\cdot\operatorname{Cdot}\operatorname{AB}^{2}$.

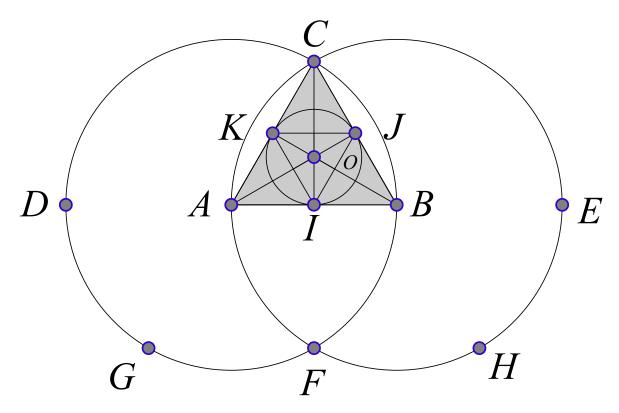


Proposition 1.1,#4

 $\label{lem:considera bigtriangleup CGF} y \bigtriangleup CFH\$. Puesto que \overline \CG\}=\overline \CH\}\$, se deduce que \bigtriangleup CGF\cong\bigtriangleup CFH\$. De tal modo, \ngle CFG=1R=\angle CFH\$ y \bigtriangleup CGF\cong\bigtriangleup CFH\$ son triángulos rectángulos. Por $[1.47]\$, \overline \CF\}^{2}=\overline \CH}^{2}-\overline \FH}^{2}\$. De este modo, \begin \align*} \overline \CF}^{2} \& =\overline \CH}^{2}-\overline \FH}^{2}\% \& =\end{AB}^{2}\% \& =\end{AB}^{2}\% \& =\end{AB}^{2}\% \& =\overline \AB}^{2}\% \& =\overline$

Ejercicio 5

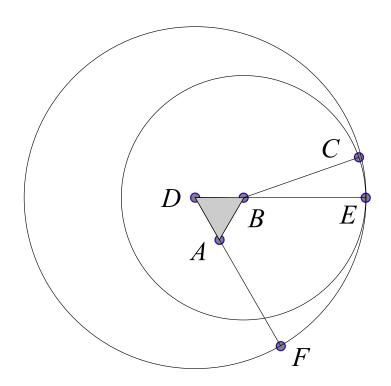
Construye un circulo en el espacio \$ACB\$ delimitado por el segmento \$\overline{AB}\$ y las circunferencias parciales de los dos círculos.



Proposition 1.1,#5

Considera los puntos medios \$I\$, \$J\$ y \$K\$ de \$\overline{AB}\$, \$\overline{BC}\$ y \$\overline{CA}\$\$ respectivamente. Construye \$\bigtriangleup IJK\$. Después, construye los bisectores \$\overline{CI}\$, \$\overline{AJ}\$ y \$\overline{BK}\$ de \$\bigtriangleup IJK\$, con los vertices \$I\$, \$J\$ y \$K\$ respectivamente. Considera el circuncentro \$O\$ de \$\bigtriangleup IJK\$. Por \$[1.11, \#5]\$, \$\overline{IO}=\overline{JO}=\overline{KO}\$. Construye \$\bigcirc O\$ con radio \$\overline{IO}=\overline{JO}=\overline{KO}\$. Considera \$\bigtriangleup AOI\$ y \$\bigtriangleup IOB\$. Puesto que \$\overline{AI}=\overline{IB}\$, \$\angle AIO=1R=\angle OIB\$ y \$\overline{IO}\$\$ es el lado en común, por \$[1.4]\$, \$\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup JOC\cong\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup AOI\cong\bigtriangleup AOI\$. Puesto que \$\angle AIO=1R\$, por \$[1.17, Cor. 1]\$, \$\angle IAO \lt 1R\$. Por \$[1.19]\$, \$\overline{IO}\lt\overline{AO}\$. Por un punto arbitrario \$P\$ en \$\overline{AI}\$, \$\overline{IO}\lt\overline{PO}\$. Análogamente, para \begin{align*}\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup COK\cong\bigtriangleup KOA\cong\bigtriangleup BOJ\cong\bigtriangleup IOB,\end{align*} esto se puede demostrar. Por lo tanto, \$\bigcirc O\$ Esta dentro de \$ACB\$.

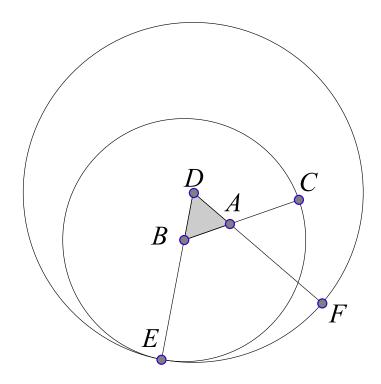
Proposición 1.2: CONSTRUCCIÓN DE UN SEGMENTO DE LÍNEA DE IGUAL LONGITUD A UN SEGMENTO DE LÍNEA ARBITRARIA.



Proposition 1.2

Ejercicio 1

Demuestra [1.2] cuando A es un punto en \overline{BC} .



Proposition 1.2,#1

Sea \$\overline{BC}\$ un segmento arbitrario en el plano, y sea \$A\$ un punto arbitrario en \$\overline{BC}\$ Sobre \$\overline{AB}\$ construye el triángulo equilátero \$\bigtriangleup ABD [1.1]\$. Con \$B\$ como el centro y \$\overline{BC}\$ el radio, construye \$\bigcirc B\$. Extiende \$\overline{BD}\$ hasta intersecar el círculo \$\bigcirc B\$ en \$E\$ \$[Postulado 2 de la Sección 1.2]\$ Con \$D\$ como el centro y \$\overline{DE}\$\$ el radio, construye \$\bigcirc D\$. Extiende \$\overline{AD}\$\$ hasta intersecar \$\bigcirc D\$ en \$F\$.

Template

Capitulo 1 Angulos, Lineas Paralelas, Paralelogramos

Proposición 1.1 CONSTRUYENDO UN TRIÁNGULO EQUILATERO.

Proposición 1 Proposición 1

Ejercicio 1

Si los segmentos AF y BF son construidos, demuestra que la figura ACBF es un rombo.

Solución

Puesto que A es el centro del círculo \Circle A, se deduce que \overline $\{AF\}=\operatorname{AB}\ [Def. 1.33]$. Puesto que B es el centro del círculo \Circle B, \overline $\{BF\}=\operatorname{AB}\ [Def. 1.33]$. Puesto que \overline $\{AF\}=\operatorname{AB}=\operatorname{$

Este es otro ejemplo de parrafo