Informatica – Prova Scritta, 21 settembre 2020

ESERCIZIO 1

Lo sviluppo di Maclaurin della funzione sin(x) è definito come

$$\sin(x) = x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!} + \frac{x^9}{9!} - \dots = \sum_{i \ge 0} (-1)^i \frac{x^{2i+1}}{(2i+1)!}.$$
 (1)

Tale sviluppo può essere utilizzato per calcolare approssimazioni di $\sin(x)$. In particolare, l'approssimazione di $\sin(x)$ calcolata all'n-esimo termine si ottiene sommando algebricamente i primi n termini della serie alla destra dell'uguale della formula (1). Ad esempio, l'approssimazione di $\sin(x)$ calcolata al quarto termine si ottiene sommando $x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!} - \frac{x^7}{7!}$.

Scrivete la funzione float seno (float x, int n) che restituisce l'approssimazione di $\sin(x)$ calcolata all'n-esimo termine.

Suggerimento: realizzate a parte una funzione che restituisca il fattoriale di un intero positivo passato per argomento.

ESERCIZIO 2

Sfruttando la funzione seno scritta al punto precedente, scrivete un frammento di codice che:

- chieda all'utente un numero reale x e un intero n e stampi l'approssimazione di $\sin(x)$ calcolata all'n-esimo termine. Tale processo di acquisizione di x e n e stampa dell'approssimazione di $\sin(x)$ continua finché l'utente inserisce il numero 0 sia per x che per n;
- all'uscita del ciclo al punto precedente, il programma deve stampare il numero x inserito che massimizza il valore assoluto $|x \sin(x)|$, dove con $\sin(x)$ si intende l'approssimazione di $\sin(x)$ scelta dall'utente all'atto dell'immissione di x.

[Altri esercizi alla prossima pagina]

ESERCIZIO 3

Scrivete la funzione

void sort_odd(int *A, int d)

che ordina in senso crescente gli interi dispari contenuti in A e lascia al loro posto gli interi pari di A. Potete assumere che l'array passato a sort_odd contenga esclusivamente interi positivi. La scrittura di tale funzione non deve prevedere alcun array d'appoggio.

ESERCIZIO 4

Sfruttando la funzione scritta al punto precedente, scrivete un frammento di codice che:

- chieda all'utente 100 interi positivi e li memorizzi in un array X nell'ordine in cui sono stati inseriti (in caso di inserimento di un intero non positivo, il programma deve richiedere l'intero all'utente),
- stampi in ordine crescente i soli interi dispari in X,
- se X non contiene interi dispari, il programma deve stampare il messaggio

"Non esistono interi dispari!"