

## UNIVERSIDADE FEDERAL DO CEARÁ - CAMPUS DE CRATEÚS

CURSOS: CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO E SISTEMAS DE INFORMAÇÃO

DISCIPLINA: MATEMÁTICA BÁSICA

PROFESSORA: LÍLIAN DE OLIVEIRA CARNEIRO

ALUNO(A):\_\_

## LISTA DE EXERCÍCIOS

- 1. Dado um conjunto A com n elementos indiquemos por a o número de subconjuntos de A. Seja B o conjunto que se obtém acrescentando um novo elemento a A e indiquemos por b o número de subconjuntos de B. Qual a relação que liga a e b?
  - (a) 2a = b
  - (b) a = 2b
  - (c) b = a + 1
  - (d) a = b
  - (e)  $n \cdot a = (n+1) \cdot b$
- 2. Dado o conjunto  $X = \{0, 1, 2, 3\}$ , qual o número de subconjuntos próprios de X?
- 3. Sabendo que  $A \cup B \cup C = \{n \in \mathbb{N} | 1 \le n \le 10\}, A \cap B = \{2,3,8\}, A \cap C = \{2,7\}, B \cap C = \{2,5,6\} \text{ e } A \cup B = \{n \in \mathbb{N} | 1 \le n \le 8\}.$  Determine o conjunto C.
- 4. Sejam  $A = (-\infty, 2]$  e  $B = [0, +\infty)$  intervalos de números reais. Determine  $A \cap B$ .
- 5. Qual é a intersecção dos conjuntos:  $\mathbb{R} \cap \mathbb{C}$ ,  $(\mathbb{N} \cap \mathbb{Z}) \cup \mathbb{Q}$  e  $\mathbb{N} \cup (\mathbb{Z} \cap \mathbb{Q})$ ?
- 6. Assinale a afirmação falsa:
  - (a) A soma de dois números irracionais pode ser racional.
  - (b) A soma de um racional com um irracional é sempre irracional.
  - (c) O inverso de um irracional é sempre irracional.
  - (d) O produto de dois irracionais é sempre irracional.
  - (e) A raiz quadrada positiva de um número irracional positivo é sempre irracional.

- 7. Qual é a soma de todos os múltiplos de 6 com dois algarismos?
- 8. Determine  $x \in \mathbb{R}$  e  $y \in \mathbb{R}$  para que se tenha:

(a) 
$$2 + 3yi = x + 9i$$

(b) 
$$(x+yi)(3+4i) = 7+26i$$

(c) 
$$(x+yi)^2 = 4i$$

- 9. Qual é a condição para que o produto de dois números complexos a + bi e c + di dê um número real?
- 10. Sabendo que A e B são dois conjuntos tais que:

1°) 
$$(1,7),(5,3)$$
 são elementos de  $A \times B$ ;

$$2^{\circ}$$
)  $A \cap B = \{1,3\}$ 

podemos afirmar com certeza que:

- (a)  $A \times B$  tem 8 elementos
- (b)  $A \times B$  tem menos de 8 elementos
- (c)  $A \times B$  tem mais de 8 elementos
- (d) Nada pode-se afirmar sobre o número de elementos de  $A \times B$

11. Qual é o domínio da relação 
$$\{(x,y) \in \mathbb{R} \times \mathbb{R} | y = \frac{2}{4-x^2} \}$$
?

12. Em uma universidade são oferecidos dois cursos extracurriculares para seus alunos: artes cênicas e música. Exatamente 80% dos alunos fazem artes cênicas e 60% música. Sabendo que todo aluno faz pelo menos um dos cursos, qual o percentual de alunos que fazem ambos os cursos?