

## UNIVERSIDADE FEDERAL DO CEARÁ - CAMPUS DE CRATEÚS

CURSOS: CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO E SISTEMAS DE INFORMAÇÃO

DISCIPLINA: MATEMÁTICA DISCRETA

PROFESSORA: LÍLIAN DE OLIVEIRA CARNEIRO

ALUNO(A):\_

## LISTA DE EXERCÍCIOS

- 1. Determine se as seguintes afirmações são verdadeiras (V) ou falsas (F). Se a afirmação for verdadeira, demonstre; Se for falsa, apresente um contra-exemplo.
  - (a) Se  $x \equiv 3 \pmod{5}$ , então  $x \in \{\cdots, -7, -2, 3, 8, 13, \cdots\}$ . ( )
  - (b) Se  $5 \equiv -1 \pmod{6}$  e  $-1 \equiv -7 \pmod{6}$ , então  $5 \equiv -7 \pmod{6}$ .
  - (c) Se  $a^2 \equiv b^2 (mod m)$ , então  $a \equiv b (mod m)$ . ( )
  - (d) Se  $a^k \equiv b^k (mod m)$  e  $k \equiv j (mod m)$ , então  $a^j \equiv b^j (mod m)$ . (
  - (e) Se a é um inteiro ímpar, então  $a^2 \equiv 1 \pmod{8}$ . ( )
  - (f) O conjunto  $\{-2,-1,0,1\}$  é um sistema completo de restos módulo 4. (  $\ \ )$
- 2. Sabendo que  $1066 \equiv 1776 (mod m)$ , encontre todos os possíveis valores de m.
- 3. Sabendo-se que  $k \equiv 1 \pmod{.4}$ , mostrar que  $6k + 5 \equiv 3 \pmod{.4}$ .
- 4. Mostre que  $41/(2^{20}-1)$ .
- 5. Use o Princípio da Indução para mostrar que  $5|(7^n-2^n), \forall n \geq 0$ .
- 6. Mostre por indução matemática que  $3|(5^n+2\cdot 11^n), \forall n \in \mathbb{N}$ .
- 7. Mostre por indução matemática que  $2|(3^n-1), \forall n \in \mathbb{N}$ .
- 8. Mostre por indução matemática que  $\forall n \geq 1, 3^n 2$  é ímpar.
- 9. Dada a sequência  $a_1, a_2, \cdots$  definida por:

$$a_1 = 1$$

$$a_2 = 3$$

$$a_k = a_{k-2} + 2 \cdot a_{k-1} \forall k \ge 3.$$

Prove que  $a_n$  é impar para todos os inteiros  $\forall n \geq 1$ .

10. Dada a sequência  $b_1, b_2, \cdots$  definida por:

$$b_1 = 4$$

$$b_2 = 12$$

$$b_k = b_{k-2} + b_{k-1} \forall k \ge 3.$$

Prove que  $b_n$  é divisível por 4 para todos os inteiros  $\forall n \geq 1$ .