

## UNIVERSIDADE FEDERAL DO CEARÁ - CAMPUS DE CRATEÚS

CURSO: CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO

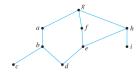
DISCIPLINA: MATEMÁTICA DISCRETA

PROFESSORA: LÍLIAN DE OLIVEIRA CARNEIRO

ALUNO(A): DATA: 28/11/2019

## **AVALIAÇÃO**

- 1. Determine se as seguintes afirmações são verdadeiras (V) ou falsas (F). Se a afirmação for verdadeira, demonstre-a; Se for falsa, apresente um contra-exemplo. (2,5)
  - (a) Se R e S são relações sobre um conjunto A, ambas reflexivas, então  $R \cap S$  também é reflexiva. ( )
  - (b) A relação  $D = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 | xy \ge 0\}$  é uma relação de equivalência. ( )
  - (c)  $T = \{(x,y) \in \mathbb{Z}^2 | x + y \text{ \'e par} \}$  é uma relação de ordem parcial. ( )
  - (d) O conjunto  $A = \{a, b, c, d, e, f, g, h, i\}$  que tem uma ordem parcial  $\leq$  definida pelo diagrama de Hasse abaixo possui três elementos minimais. ( )



- 2. Seja  $R = \{(1,2), (1,3), (2,3), (2,4), (3,1)\}$  e seja  $S = \{(2,1), (3,1), (3,2), (4,2)\}$ . Determine: (1,0)
  - (a)  $R \cup S$
  - (b)  $R \cap S$
  - (c) R-S
  - (d)  $S \circ R$
  - (e)  $S^2$
- 3. Para cada uma das relações definidas no conjunto  $A = \{0, 1, 2, 3\}$  abaixo, faça: (4,8)
  - Desenhe o grafo direcionado; (0,1)

- Exiba a matriz que representa a relação; (0,1)
- Determine se a relação é reflexiva, simétrica, antissimétrica e/ou transitiva. Dê um contra-exemplo nos casos em que a relação não satisfaz a propriedade em questão. (0,4)
- Apresente o fecho reflexivo, simétrico e transitivo. (0,6)

(a) 
$$R = \{(0,0), (0,1), (0,3), (1,1), (1,0), (2,3), (3,3)\}$$

(b) 
$$S = \{(2,3), (3,2)\}$$

(c) 
$$T = \{(0,1), (0,2)\}$$

(d) 
$$U = \{(0,0), (0,2), (0,3), (2,3)\}$$

4. Mostre por indução matemática que  $3^n-2$  é ímpar,  $\forall n\geq 1$ . (0,7)