Predire la Sopravvivenza sul Titanic con gli Alberi Decisionali

Elia Mercatanti

Università degli Studi di Firenze Scuola di Scienze Matematiche, Fisiche e Naturali Corso di Laurea Magistrale in Informatica - Data Science

Contest MASL, Dicembre 2020

L'Affondamento del Titanic



- Il 15 aprile 1912, durante il suo viaggio inaugurale, considerato "inaffondabile", affondò dopo essersi scontrato con un iceberg.
- Scarse scialuppe di salvataggio, provocando la morte di 1502 su 2224 passeggeri e membri dell'equipaggio.
- Sembra che alcuni gruppi di persone fossero più propensi a sopravvivere rispetto ad altri.

Scopo del Progetto

Scopo del Progetto

- Rispondere alla domanda: "Che tipo di persone avevano maggiori probabilità di sopravvivere?".
- Predire quali passeggeri del Titanic sono sopravvissuti o meno.
- Uso degli alberi di decisione in R. Utilizzando diversi pacchetti e confrontando i risultati ottenuti.

Presentazione del Dataset del Titanic

Dataset

I dati sono stati suddivisi in due gruppi:

- Set di training (titanic-train.csv). Contiene la variabile "Survived", variabile di risposta. Per addestrare e valutare i modelli, diviso appositamente.
- Set di test (titanic-test.csv). Mancante della variabile "Survived". Per analisi del dataset.
- Osservazioni: 891 (train set) + 418 (test set).
- Variabili: 12 in totale che descrivono alcune caratteristiche dei passeggeri del Titanic.

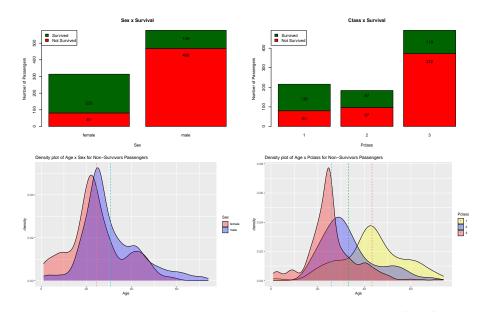
PassengerId	Survived	Pclass	Name	Sex	Age	SibSp	Parch	Ticket	Fare	Cabin	Embarked
1	0	3	Braund, Mr. Owen Harris	male	22	1	0	A/5 21171	7.25		5
2	1	1	Cumings, Mrs. John Bradley (Florence Briggs Thayer)	female	38	1	0	PC 17599	71.2833	C85	C
3	1	3	Heikkinen, Miss. Laina	female	26	0	0	STON/O2. 3101282	7.925		S
4	1	1	Futrelle, Mrs. Jacques Heath (Lily May Peel)	female	35	1	0	113803	53.1	C123	S
5	0	3	Allen, Mr. William Henry	male	35	0	0	373450	8.05		S

Presentazione del Dataset del Titanic

- **Survival**: indica se il passeggero è sopravvissuto o meno (0 = No, 1 = Si). Rappresenta la nostra variabile di risposta.
- PassengerId: id assegnato al passeggero.
- Name: nome, cognome e titolo del passeggero.
- Pclass: classe del biglietto (1 = 1st, 2 = 2nd, 3 = 3rd).
- **Sex**: sesso del passeggero.
- Age: età in anni del passeggero.
- Sibsp: numero di fratelli/coniugi a bordo del Titanic.
- Parch: numero di genitori/figli a bordo del Titanic.
- Ticket: numero del biglietto.
- Fare: tariffa del passeggero.
- Cabin: numero della cabina.
- ullet Embarked: porto di imbarcazione (C = Cherbourg, Q = Queenstown, S = Southampton).

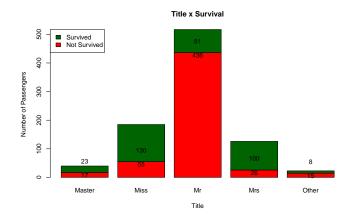


Esplorazione e Visualizzazione dei Dati



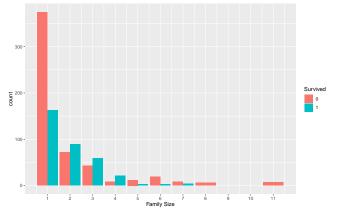
Feature Extraction - Titolo

- Title: Utilizzato per capire il grado nella società, utile nella classificazione. Trasmette gli effetti interattivi tra Age e Sex.
 - Possiamo raggruppare i titoli in "MR", "MISS", "MRS", "MASTER" e "Other" per i più rari.



Feature Extraction - Family Size e IsAlone

• FamilySize: la dimensione della famiglia imbarcata potrebbe essere un fattore interessante (SibSp + Parch + 1).



• **IsAlone**: possiamo vedere che le persone single hanno un più alto tasso di "morte" rispetto alle altre persone.

Feature Extraction - Fare e Dataset Finale

- Fare: per rendere le tariffe più facili da analizzare, ed essendo continua, le raccogliamo in 4 gruppi di dimensioni omogenee (1 [0,7.9], 2 (7.9,14.5], 3 (14.5,31.3], 4 (31.3,512]).
- Infine eliminiamo le variabili che non ci servono più e non contengono più informazioni rilevanti (*Passengerld*, *Name*, *SibSp*, *Parch*, *Ticket*).

Di seguito viene mostrato il dataset finale che utilizzeremo.

Survived	Pclass	Sex	Age	Fare	Embarked	Title	FamilySize	IsAlone
0	3	male	22	1	S	Mr	2	0
1	1	female	38	4	C	Mrs	2	0
1	3	female	26	2	S	Miss	1	1
1	1	female	35	4	S	Mrs	2	0
0	3	male	35	2	S	Mr	1	1

Alberi Decisionali

- Utilizzano un albero per passare dalle osservazioni su un elemento (rami) alle conclusioni sulla variabile obiettivo dell'elemento (foglie).
- Classificazione: le foglie rappresentano etichette di classe, i rami le congiunzioni di caratteristiche che portano a classi.

In questo progetto utilizzeremo quattro tipologie di alberi di decisione:

- Classification And Regression Tree (CART): partizionamento ricorsivo dello spazio dei predittori, nel quale ad ogni elemento viene assegnata una classe di predizione.
- Conditional Inference Trees: approccio statistico che utilizza test non parametrici come criteri di split.
- Evolutionary Learning of Globally Optimal Trees (evtree).
- Bootstrap Aggregated (Bagged): costruiscono più alberi decisionali ricampionando ripetutamente i dati di training con reimmissione e le previsioni sono effettuate con voto di maggioranza o con media dei risultati su tutti gli alberi.

Alberi Decisionali - Vantaggi e Limitazioni

Vantaggi:

- Semplici da capire e interpretare.
- Sono in grado di gestire dati sia numerici che categorici.
- Richiedono poca preparazione dei dati.
- Funzionano bene con set di dati di grandi dimensioni.
- Rispecchiano il processo decisionale umano più da vicino.
- Robusti contro la collinearità.
- La gerarchia degli attributi riflette l'importanza di essi.

Limitazioni:

- Gli alberi possono essere poco robusti.
- L'apprendimento di un albero ottimale è NP-completo.
- Gli albero decisionali possono andare in *Overfitting*.

Alberi Decisionali - CART per Classificazione

Obiettivo

Ottenere una segmentazione gerarchica di un insieme di unità statistiche mediante l'individuazione di "regole" che sfruttano la relazione esistente tra classi e predittori.

- Le regole basate sui valori delle variabili vengono selezionate per ottenere il migliore split per differenziare le osservazioni in base alla variabile dipendente.
- Una regola divide un nodo in due nodi figli, lo stesso processo viene applicato a ciascun nodo "figlio" (ricorsivamente).
- Lo splitting si interrompe quando non è possibile ottenere più un guadagno (Gain) o viene soddisfatto un criterio di arresto.

Ogni osservazione rientra in un unico **nodo terminale** definito in modo univoco da un insieme di regole.



Alberi Decisionali - CART per Classificazione

Valutazione degli Split

- Favorire l'omogeneità interna dei nodi ed eterogeneità esterna dei nodi figli.
- Lo scopo è minimizzare l'impurezza dei nodi figli calcolata attraverso:
 - Indice di **Entropia**: $-\sum_{i=1}^{C} p_i * log_2(p_i)$
 - Indice di **Gini**: $\sum_{i=1}^{C} p_i * (1-p_i)$
- Impurezza = 0, il valore della variabile di risposta è lo stesso per tutte le osservazioni all'interno del nodo.

Assegnazione delle Classi ai Nodi

- Ci sono varie regole che possono essere utilizzate per farlo.
- Il nodo è etichettato con una modalità della variabile risposta.
- Al nodo viene assegnata la classe più frequente in esso.



Alberi Decisionali - CART per Classificazione

Criteri di Arresto

- Numero di osservazioni minimo per ogni nodo.
- Purezza dei nodi maggiore di un valore fissato.
- Profondità dell'albero limitata.
- In ogni nodo abbiamo valori appartenenti ad una sola classe.

Potatura

- Facciamo crescere totalmente l'albero per poi potarlo successivamente.
- Utilizziamo metodi per individuare il numero di rami che ci garantiscano il minore classification error rate e la minima complessità dell'albero.
- Ad esempio con una K-fold cross validation.

Alberi Decisionali - Bootstrap Aggregating (Bagging)

Obiettivo

Migliorare la stabilità e l'accuratezza, riduce la varianza ed aiuta ad evitare l'overfitting.

- Dato un training set D di dimensione n, il bagging genera m nuovi training set D_i , ciascuno di dimensione n', campionando da D in modo uniforme e con reimmissione.
- Alcune osservazioni possono essere ripetute in ogni D_i .
- Questo tipo di campionamento è noto come bootstrap.
- Successivamente, *m* modelli vengono addestrati utilizzando gli *m* campioni di bootstrap e combinati calcolando la media degli output (Regressione) oppure per votazione (Classificazione).

Predire la Sopravvivenza sul Titanic

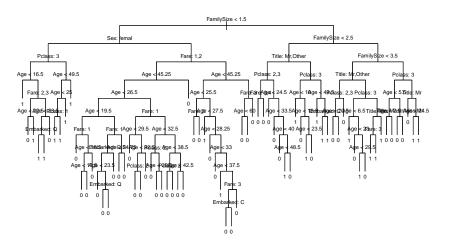
- Andiamo a predire la sopravvivenza sul Titanic utilizzando:
 - Classification trees: usando i pacchetti rpart e tree (con Gini e Entropia).
 - Conditional inference trees: usando il pacchetto party.
 - Evolutionary learning of globally optimal trees: usando il pacchetto evtree.
 - Bootstrap aggregating: usando il pacchetto randomForest.
- Confrontando i risultati ottenuti.
- Siamo interessati a predire i valori della variabile Survived.
- Dividiamo in maniera casuale le osservazioni in due insiemi, uno di training (80%) e uno di testing (20%).

Caratteristiche Principali

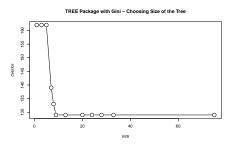
- Partizionamento ricorsivo binario.
- Viene scelto lo split che massimizza la riduzione dell'impurità.
- Profondità limitata a 31, le variabili fattore limitate a 32 livelli.
- Split di default con Entropia. In alternativa Gini.
- Regola di stop dell'albero (default):
 - Numero minimo di osservazioni da inserire in un nodo figlio: 5.
 - La dimensione minima di ogni nodo devi essere pari a 10.
 - ullet Entropia all'interno del nodo $\leq 1\%$ di quella del nodo radice.
- Pruning scegliendo la dimensione finale dell'albero, minimizzando il cross validation error.

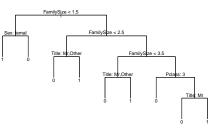
Pacchetto tree con Gini - Costruzione dell'Albero

```
# Decision tree with Gini Index
tree_model <- tree(formula, data = train, split = "gini")
plot(tree_model, type = "uniform", main="TREE Package with Gini")
text(tree_model, pretty=5, cex=0.6)</pre>
```



Pacchetto tree con Gini - Pruning





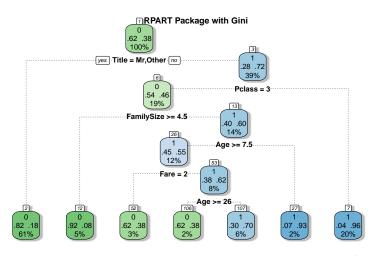
Pacchetto rpart

Caratteristiche Principali

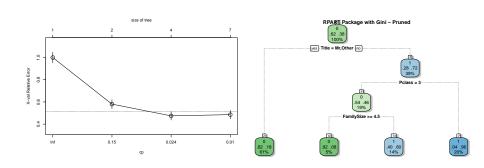
- Reimplementazione moderna del pacchetto tree.
- Più efficiente, molte più parti vengono eseguite in codice C.
- Maggior controllo per gestire eventuali valori mancanti.
- Offre maggiore flessibilità durante la crescita degli alberi.
- Vengono offerti circa 9 parametri per la modellazione.
- Split di default con Gini. In alternativa Entropia.
- La dimensione minima di ogni nodo deve essere 20 (default).
- La profondità massima dell'albero è pari a 30 (default).
- Algoritmo greedy, come il precedente.

Pacchetto rpart con Gini - Costruzione dell'Albero

```
# RPART tree with Gini
rtree_model <- rpart(formula, data = train, method = "class", parms = list(split='gini'))
fancyRpartPlot(rtree_model, main="RPART Package with Gini", sub = "")</pre>
```



Pacchetto rpart con Gini - Pruning



Pacchetto party

Algoritmo

- Viene effettuato un test di ipotesi nulla di indipendenza tra ogni variabile di input e la variabile risposta.
 - Stop se l'ipotesi non può essere rifiutata, altrimenti seleziona la variabile con più forte associazione alla variabile di risposta.
 - Misurata da un *p-value* per test di ipotesi nulla parziale.
- 2 Split binario nella variabile di input selezionata.
- 3 Ripete in modo ricorsivo i passaggi 1) e 2).

Caratteristiche Principali

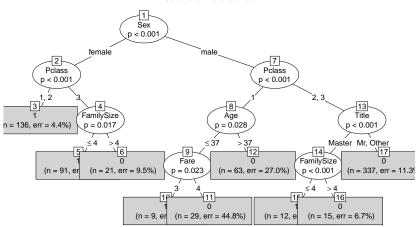
- Split effettuato quando il criterio (1 p-value) supera il valore minimo fornito (default mincriterion = 0.95, dunque α = 0.05)
- Garantisce la crescita nella giusta dimensione, niente pruning.
- Dimensione minima di ogni nodo 20. Profondità massima ∞ .



Pacchetto party - Costruzione dell'Albero

```
# Conditional Inference Tree - Party
party_tree_model <- ctree(as.formula(formula), data = train)
plot(party_tree_model, type = "simple", main="Conditional Inference Tree")</pre>
```

Conditional Inference Tree



Pacchetto evtree

Caratteristiche Principali

- Algoritmo evolutivo per l'apprendimento ottimale a livello globale di alberi di classificazione e regressione in R.
- Compiti intensivi completamente eseguiti in C++.

Algorithm 1: Algoritmo evtree

- 1. Inizializzazione degli alberi.
- 2. Valutazione di ogni albero.

while La condizione di terminazione non è soddisfatta do

- a. Seleziona gli alberi genitori.
- b. Modifica gli alberi selezionati tramite operatori di variazione.
- c. Valuta le nuove soluzioni.
- d. Seleziona i sopravvissuti per la prossima generazione.

Pacchetto evtree - Dettagli dell'Algoritmo

Inizializzazione:

• Regola di split generata casualmente in un insieme di alberi, nel root node.

Selezione del Genitore:

Ogni albero viene selezionato una sola volta per essere modificato.

Operatori di Variazione:

- Quattro operatori di mutazione e un operatore di crossover.
- In ogni fase di modifica, uno casualmente per ogni albero.

Funzione di Valutazione:

- Rappresenta i requisiti a cui la popolazione dovrebbe adattarsi.
- Massimizzare la precisione e minimizzare la complessità.

Selezione dei Sopravvissuti:

• Solo la soluzione prima della modifica o quella dopo viene mantenuta.

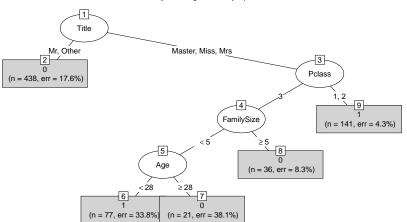
Terminazione:

- La qualità del 5% dei migliori alberi si stabilizza per 100 iterazioni, ma non prima di 1000.
- Se non converge termina dopo un numero di iterazioni dato in input.
- Output: albero con la massima qualità in base alla funzione di valutazione.

Pacchetto evtree - Costruzione dell'Albero

```
# Evolutionary Learning of Globally Optimal Trees
ev_tree_model <- evtree(formula, data = train)
plot(ev_tree_model, type = "simple", main="Evolutionary Learning of Globally Optimal Tree")</pre>
```

Evolutionary Learning of Globally Optimal Tree



Pacchetto randomForest

- Il bagging riduce l'overfitting, ma non risolve completamente il problema.
- Un piccolo numero di predittori tende a dominare sugli altri.
- Selezionati nei primi split, influenzano le forme degli alberi nella foresta.
- Aumentano correlazioni tra gli alberi, ostacolano riduzione della varianza.

Caratteristiche Principali

- Aggira il problema usando un sottoinsieme casuale di variabili in ogni split.
- Evita sovrarappresentazione variabili dominanti. Foresta più diversificata.
- Out-of-bag (OOB), errore di previsione medio su ciascun campione di addestramento X_i, utilizzando solo alberi che non hanno X_i nel loro campione di bootstrap.
- Valuta le previsioni su quelle osservazioni che non sono state utilizzate nella costruzione del modello. Test set non necessario.

Default:

• N. di alberi (ntree) = 500, n. di variabili per lo split (mtry) = $\sqrt{n. \ predittori}$ per classificazione o $mtry = \frac{(n. \ predittori)}{3}$ per regressione.



Pacchetto randomForest - Tuning dei Parametri

- Troppi alberi possono essere eccessivi per la qualità del modello, necessità di calibrare anche il n. di variabili campionate casualmente per lo split.
- Cerchiamo quali sono i valori ottimali per i due parametri principali eseguendo una *grid search* (*ntree* tra 500 e 2000 in incrementi di 500).

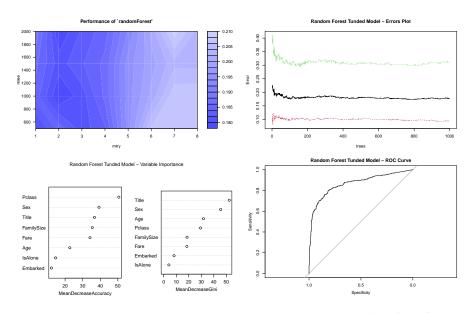
```
# Random Forest with tuned parameters
tuned_random_forest <- tune(randomForest, train.x = as.formula(formula), data = train,
    validation.x = test, ranges = list(mtry = 1:(ncol(train)-1), ntree = seq(500, 2000, 500)),
    importance=TRUE)
plot(tuned_random_forest)

# Search best model
best_model_random_forest <- tuned_random_forest$best.model
tuned_random_forest$best.parameters
print(best_model_random_forest)

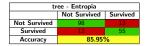
# Plot errors
plot(best_model_random_forest, main = "Random Forest Tunded Model - Errors Plot")

# Variable importance
importance(best_model_random_forest)
varImpPlot(best_model_random_forest, main = "Random Forest Tunded Model - Variable Importance",
    cex=1.2)</pre>
```

Pacchetto randomForest - Risultati



Confronto tra Pacchetti - Matrici di Confusione



tree - Gini				
	Not Survived	Survived		
Not Survived	99	19		
Survived	11	49		
Accuracy	83.15%			

rpart - Gini				
	Not Survived	Survived		
Not Survived	98	13		
Survived	12	55		
Accuracy	85.95%			

party				
	Not Survived	Survived		
Not Survived	95	13		
Survived	15	55		
Accuracy	84.27%			

evtree					
	Not Survived	Survived			
Not Survived	100	13			
Survived	10	55			
Accuracy	87.08%				

randomForest					
	Not Survived	Survived			
Not Survived	98	14			
Survived	12	54			
Accuracy	85.39%				

Grazie dell'Attenzione

Link Progetto GitHub:

https://github.com/elia-mercatanti/titanic-decision-trees

