



بسم الله الرحمن الرحيم

جمهورية السودان
وزارة الدفاع
جامعة كرري

جامعة كرري
Karary University



General Physics الفيزياء العامة

المحاضرات: الفيزياء العامة لطلاب السنة الاولى

دكتور : عادل أحمد حسن الريح

8 Aug. 2021

ادارة العلوم العامة

المحاضرة الاولى : مقدمة عن الفيزياء

المقدمة

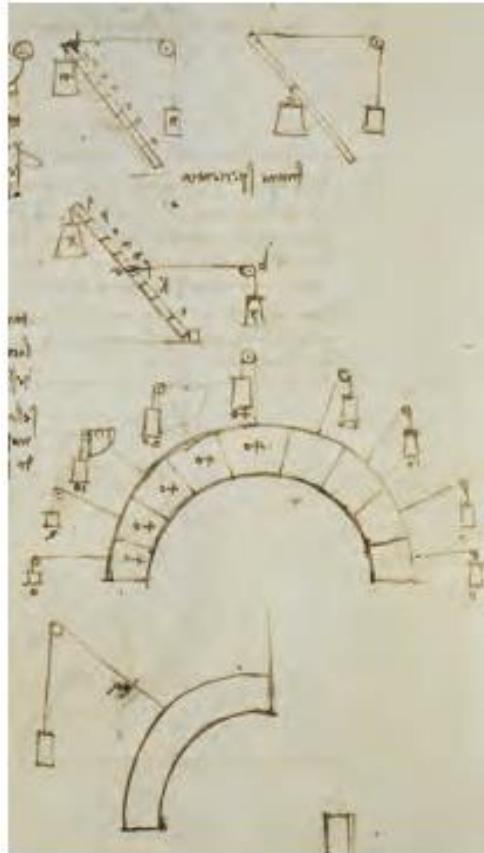


تعد الفيزياء العلم الأساسي بين العلوم جميعها، وهو علم يتناول سلوك المادة وتركيبها. ويقسم مجال الفيزياء عادة إلى الفيزياء الكلاسيكية التي تتضمن الحركة، والسوائل، والحرارة، والصوت، والضوء، والكهرباء، والغناطيسية.

أما القسم الآخر فهو الفيزياء الحديثة، وتتضمن موضوعات النسبية، والتركيب الذري، والمادة المكتفة، والفيزياء النووية والجسيمات الأولية، والالكترونيات وفيزياء الفلك. وقبل البدء بدراسة الفيزياء نفسها، دعونا ننظر بإيجاز كيف أن هذا النشاط الشامل الذي يسمى (علوماً) ومن ضمنه الفيزياء يمارس في الحقيقة.

الفيزياء وعلاقتها مع المجالات الأخرى

الفيزياء وعلاقتها مع المجالات الأخرى



- كان العلم لوقت طويل وحده متكاملة تقريباً ويعرف بالفلسفة الطبيعية. ولكن قبل قرن أو اثنين أصبحت الفروق بين الفيزياء والكيمياء وحتى علوم الحياة واضحة.
- ولا عجب في ذلك، إذ إن تطور الفيزياء أثر في الامجالات الأخرى وتأثر بها.
- دفاتر ليوناردو دافنشي - كانت تحتوي على أول مراجع للقوى التي تؤثر في البناء؛ وهو باحث ومهندس، وأعظم فنان في عصر النهضة.

الفيزياء وعلاقتها مع المجالات الأخرى



(ب)

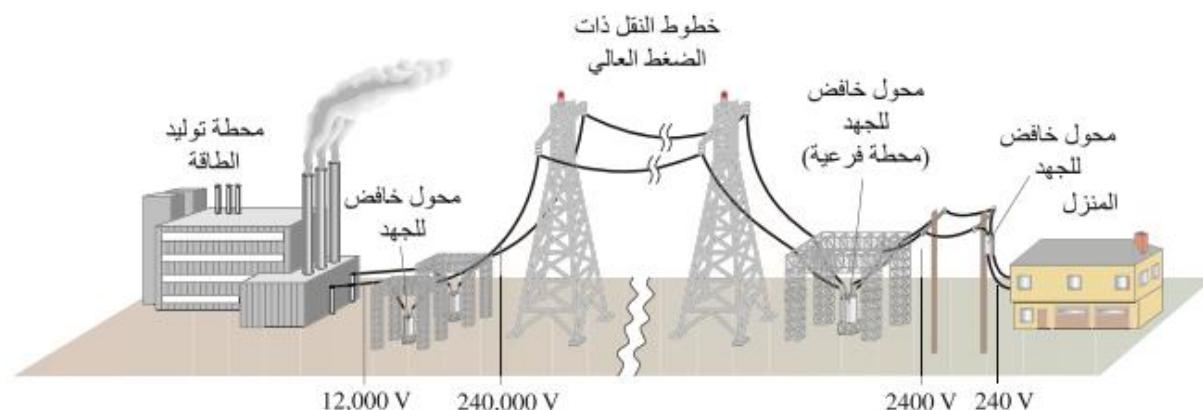
(إ)

الشكل 4-1 (إ) بنيت هذه القناة الرومانية قبل 2000 سنة، وما زالت باقية مكانها. (ب) انهيار مركز هارتفورد المدني في عام 1978 بعد ستين فقط على بنائه.

الفيزياء وعلاقتها مع المجالات الأخرى

□ كذلك البداية المبكرة للبحث في الكهرباء - التي أدت إلى اكتشاف البطارية الكهربائية والتيار الكهربائي - بدأ بها عالم بوظائف أعضاء الجسم يُدعى لوبيجي جلفاني في القرن الثامن عشر.

□ وقد سميت هذه الظاهرة في البداية كهرباء الحيوان، وبعد ذلك بقليل، أصبح واضحاً أن التيار الكهربائي يمكن أن ينشأ بغياب الحيوان.



الفيزياء وعلاقتها مع المجالات الأخرى



- العالج الطبيعي يؤدي عمله بفاعلية أكبر إذا كان على اطلع بيادئ تأثير القوى داخل الجسم البشري ومركز ثقله.
- كما أن معرفة مبادئ تشغيل المعدات البصرية واللكترونية مفيدة للغاية في مجالات عديدة.
- ويهم علماء الحياة ومصممو العمارة على حد سواء بطبيعة الحرارة التي تفقدها الكائنات أو تكسبها، حيث تتعكس سلباً أو إيجاباً على راحتها.
- كما وترتبط الفيزياء على نحو واسع مع مجالات أخرى.

طبيعة العلم

طبيعة العلم



- إن الهدف الرئيس للعلوم جميعها بما فيها الفيزياء هو البحث عن ترتيب ما لمشاهداتنا للعالم من حولنا.
- يعتقد كثير من الناس أن العلم عملية ميكانيكية لجمع الحقائق وابتكار النظريات، ولكنه في الحقيقة ليس بهذه السهولة؛
- فالعلم عمل مبدع يشبه من نواح عديدة الاعمال البداعية للعقل البشري.

المشاهدة والتجربة



- من أهم ميزات العلم **مشاهدة الاحاداث** و ملاحظتها، ويتضمن ذلك تصميم التجارب وإجراءها.
- و تتطلب المشاهدة خيالاً واسعاً؛ حيث لا يكمن للعلماء أبداً تضمين كل شيء في وصف مشاهداتهم.
- ولذلك يجب على العلماء وضع أحكام حول طبيعة الاشياء التي لها علاقة بمشاهداتهم وتجاربهم.

النظريات

- إن المشاهدة، والتجريب الدقيق، والقياس هي جانب من العملية العلمية، أما الجانب الآخر فهو الختراج أو إيجاد النظريات التي تفسر المشاهدات وترتبتها.
- فلا يمكن أن تُشتق النظريات مباشرة من المشاهدات، ولكن المشاهدات قد تؤدي بنظرية.
- ويتم قبول النظريات أو رفضها على أساس التجربة والمشاهدة.

النظريات

وتعد النظرية إلهاما من العقل البشري، فعلى سبيلثال، إن الفكرة التي تقول بأن المادة مكونة من ذرات (النظرية الذرية) لم يتم التوصل إليها من خلال المشاهدة المباشرة للذرات- فلم يمكن رؤية الذرات مباشرة، ولكنها نبعثت من عقول مبدعة.

وكذلك الحال، في النظرية النسبية والنظرية الكهرومغناطيسية للضوء وقانون نيوتن في الجذب العام كلها نتائج للخيال البشري.

اختبار النظرية

ولكن كيف يختلف العلم عن الاعمال البداعية الأخرى؟

إن أحد أهم هذه الاختلافات هو أن العلم يشترط اختبار الأفكار والنظريات بالتجربة للتأكد من تنبؤاتها. ولكن النظريات لا تثبت بالاختبار، والسبب في ذلك عدم وجود جهاز قياس مثالي؛ أي أنه لا يمكن التأكد من صحة النظرية بالضبط.

وعلاوة على ذلك لا يمكن اختبار النظرية لكل مجموعة من الظروف المحتملة. وعليه، فإنه لا يمكن إثبات أي نظرية على نحو مطلق. وفي الحقيقة فإن تاريخ العلم يخبرنا بأن هناك نظريات دامت أزمنة طويلة ثم حلت مكانها نظريات أخرى جديدة.

قبول النظرية

يقبل العلماء النظرية الجديدة في بعض الاحوالات؛ لأن تنبؤاتها تتفق كمياً مع التجربة على نحو أفضل من تلك التي للنظرية القديمة.

النماذج والنظريات والقوانين

النماذج والنظريات والقوانين

عندما يحاول العلماء فهم مجموعة معينة من الظواهر، فإنهم يستعملون نموذجاً ما.

ومن الناحية العلمية يمثل النموذج تنازلاً أو تخلياً عقلياً للظواهر بدلاًة شيء آخر مألف لدinya.

ومن الأمثلة على ذلك النموذج الموجي للضوء، فلا يمكن أن نرى أمواج الضوء كما نرى أمواج الماء؛ ومن ثم فإنه من الضروري اعتبار الضوء مكوناً من أمواج؛ لأن التجارب تدل على أن الضوء يسلك في جوانب عديدة سلوك أمواج الماء.

النماذج والنظريات والقوانين

الفرق بين القانون القاعدة:

عادة يقدم العلماء القانون على نحو مختصر ومفيد، ولكن عبارات عامة، تعبّر عن كيفية سلوك الظواهر الطبيعية (على سبيل المثال قانون حفظ الطاقة). ومن ثم يتم عرض العبارة من خلال معادلة أو علاقة رياضية تربط بي كميات (مثل قانون نيوتن الثاني $F = ma$) . واحياناً تسمى العبارة قانوناً، ويجب أن يتم إثباتها تجريبياً، وعلى مجال واسع من الظواهر التي شاهدتها.

أما العبارات غير العامة، فيستخدم مصطلح قاعدة لوصفها (مثل قاعدة أر خميدس).

النماذج والنظريات والقوانين

- تختلف القوانين العلمية التي تتصرف بالطابع الوصفي عن القوانين السياسية التي تتسم بالطابع التصويري.
- ونستخدم مصطلح (قانون) عندما تختبر صحته على مجال واسع من الاحالات، وكذلك عندما يتم فهم الاحالات المستثنائية وحدود تطبيقه على نحو واضح.
- ويفترض العلماء عادة صحة القوانين والنظريات كأساس لعملهم على أن يكونوا يقظين في حال اكتشاف معلومات جديدة قد تغير صحة أي قانون أو نظرية .

القياس وعدم اليقين

القياس و عدم اليقين

تمثل الاقيسة الصحيحة والدقيقة جزءاً مهماً من الفيزياء. ولعدم وجود قياس دقيق ومطلق، فهناك عدم يقين في كل قياس. ومن بين أهم مصادر عدم الدقة، عدا عن الخطاء الشخصية، محدودية الدقة في أجهزة القياس وعدم القدرة على قراءتها بعد جزء ما من أصغر تدرج عليه.

فإذا استخدمنا على سبيلثال مسطرة مدرجة بالسنتيمترات لقياس عرض لوحة خشبية فيمكننا القول بأن قراءتنا دقيقة لغاية 0.1cm (1 mm) وهو أصغر تدرج على السطرة، بالرغم من أن نصف هذه القيمة قد يكون صحيحاً.



القياس و عدم اليقين

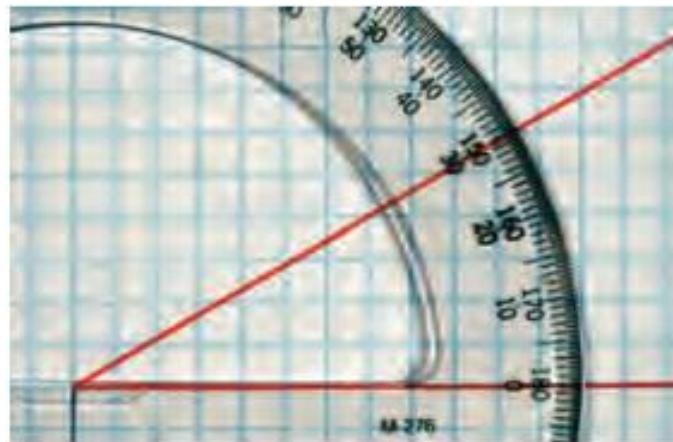
وبسبب ذلك هو أننا لا نستطيع تقدير قراءة المسطرة بين أصغر تدرجات عليها، إضافة إلى أن صناعة المسطرة نفسها قد لا تكون دقيقة.

الفرق بين دقة القياس وصحة القياس:



* هناك فرق تفني بين دقة القياس وصحة القياس؛ حيث يشير المعنى الحرفي للدقة إلى إمكانية تكرار القياس باستعمال جهاز معين. أما صحة القياس فتدل على مدى قرب القيمة المقاومة من القيمة الحقيقة.

عدم اليقين



□ عند عرض نتائج قياس ما، فإنه من الضروري بيان عدم اليقين في القياس. فعلى سبيل المثال، يمكن أن تكتب نتائج قياس عرض اللوح الخشبي كما يأتي: $8.8 \pm 0.1 \text{ cm}$ ؛ حيث يمثل عدم اليقين في القياس بـ($\pm 0.1 \text{ cm}$) . ومن ثم فإن القيمة الحقيقية لعرض اللوح تقع على الرجح بي 8.7 cm و 8.9 cm .

□ أما النسبة المئوية لعدم اليقين فتمثل النسبة بي عدم اليقين إلى القيمة المقابلة مضروبة في 100% . فإذا كان القياس 8.8 cm وعدم التحديد 0.1 cm فإن النسبة المئوية في عدم اليقين تساوي :

$$\frac{0.1}{8.8} \times 100\% \approx 1\%$$

الارقام المعنوية

- يسمى عدد الارقام الموثوق بها في عدد ما بعد عدد الارقام المعنوية؛ وعليه فهناك أربعة ارقام معنوية في العدد 23.21 cm
- أما عدد الارقام المعنوية في العدد 0.062 cm فهو اثنان فقط، الاصفار التي في العدد الاخير هي مجرد حاملة مكان تبين أين يجب أن توضع الفاصلة العشرية. وقد لا يكون دائماً عدد الارقام المعنوية واضحاً.

الارقام المعنوية

فإذا أخذنا على سبيلثال العدد ، 80 فهل هناك رقم معنوي واحد أو رقمان؟
فإذا قلنا إن المسافة بي مدينتي حوالي 80 km ، فإن هناك رقمًا معنويًا واحداً
وهو 8 لأن الصفر مجرد حامل مكان.

أما إذا كانت المسافة 80 km بالضبط وبدقة من 1 إلى 2 km ، فإن العدد 80
يحتوي على رقمي معنويي*. في حين إذا كانت المسافة 80 km بالضبط وعدم
التحديد $80.0 \pm 0.1 \text{ km}$ فإنها تكتب .

الارقام المعنوية

تمرين:

مستطيل أبعاده 4.5cm في 3.25 cm، فإن مساحته بالشكل
الصحيح تساوي:

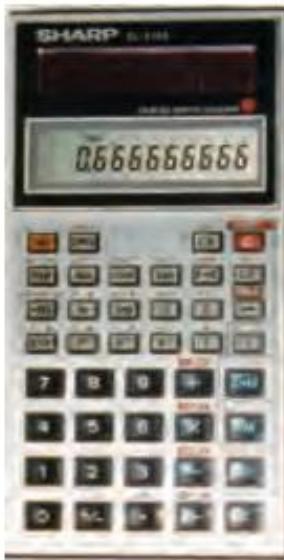
15 cm² 14.6 cm² 14.63 cm² 14.625 cm²

- عند جمع الاعداد أو طرحها يجب أن لا تكون النتيجة النهائية

أكثر دقة من العدد الأقل دقة.



(ب)



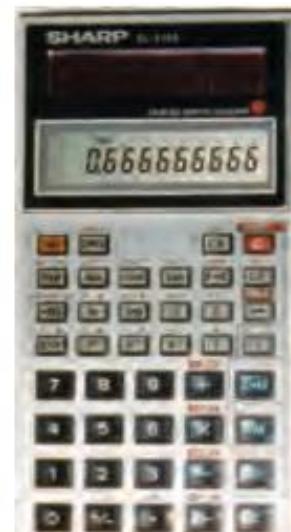
(ج)

الارقام المعنوية

تمرين:



(ب)



(ج)

- على سبيلثال: إن نتائج طرح $3.6 - 0.57$ هي 3.0 وليس 3.03.
- عند استعمال آلة حاسبة، تذكر أن الأرقام التي تحصل عليها قد لا تكون كلها معنوية. فعند قسمة 2.0 على 3.0 يكون الحل المناسب 0.67 وليس 0.6666666666666667.

التدوين العلمي

تكتب الأعداد عموما بدلالة القوى للعدد عشرة أو بالتدوين العلمي، فعلى سبيل المثال يكتب العدد:

$$36,900 \text{ هكذا } 3.69 \times 10^4 \text{ والعدد } 0.0021 \text{ هكذا } 2.1 \times 10^{-3}$$

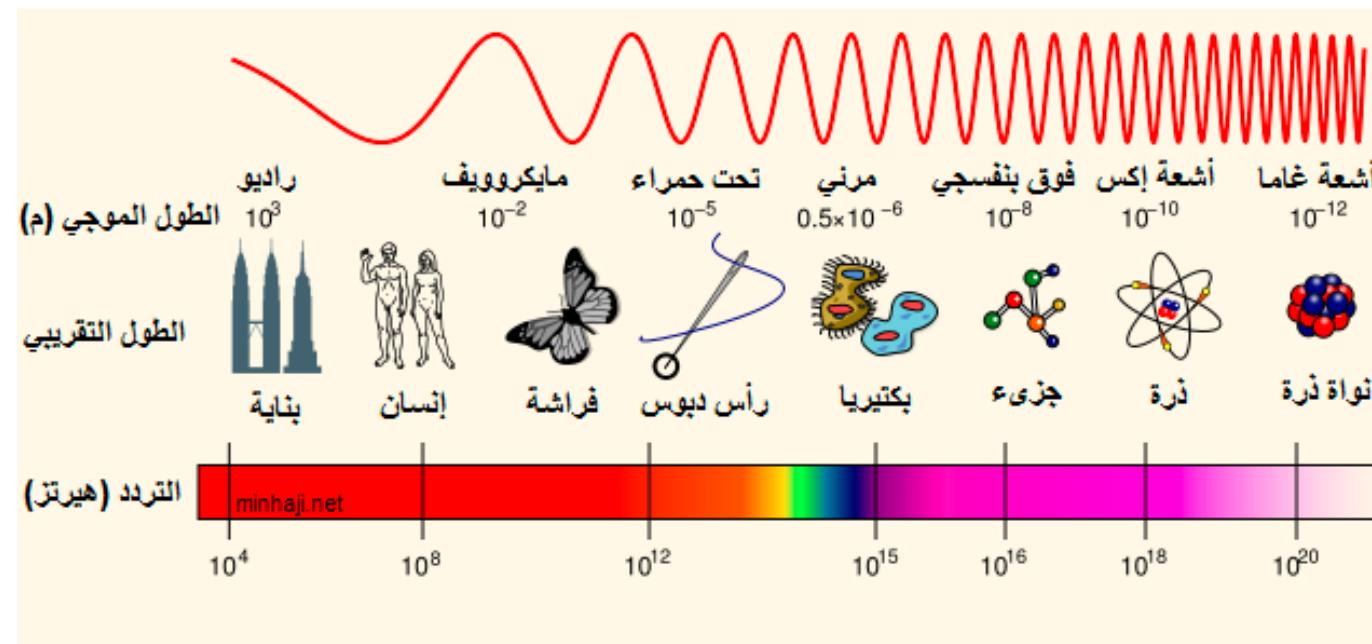
*الخطأ المئوي:

إن قاعدة الرقم العنوية هي للتقرير فقط، وفي بعض الحالات قد تقلل من تقدير دقة الحل للقسمة.
نجد أن قسمة 97 على ، 92

$$\frac{97}{92} = 1.05 \approx 1.1.$$

المحاضرة الثانية : وحدات القياس والابعاد

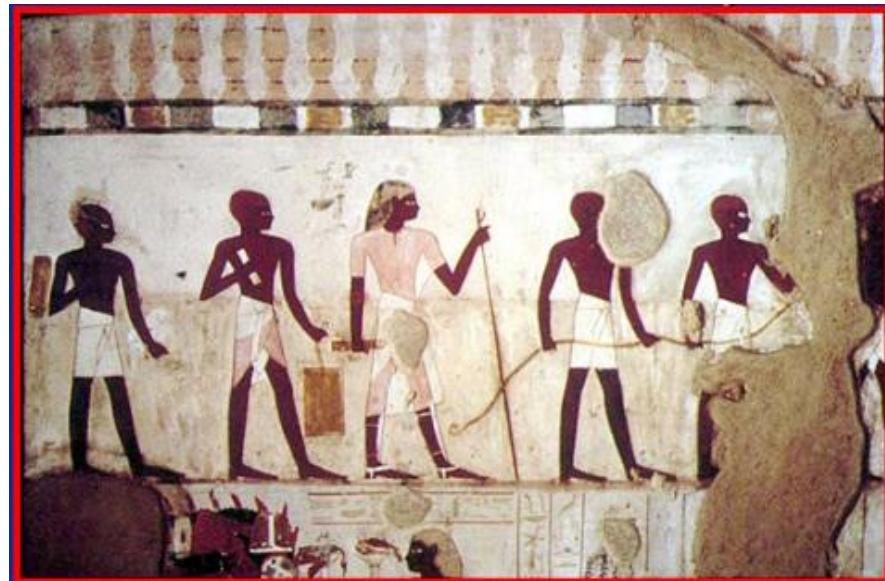
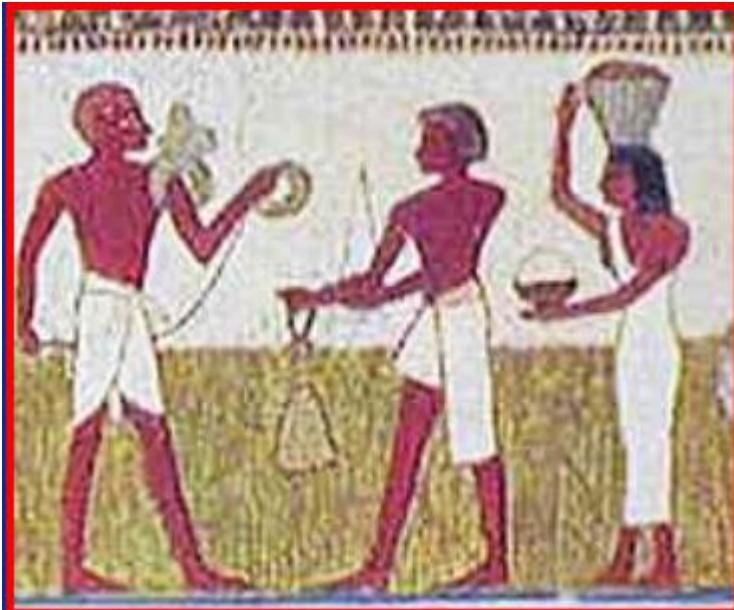
مقدمة



مقدمة عن القياس

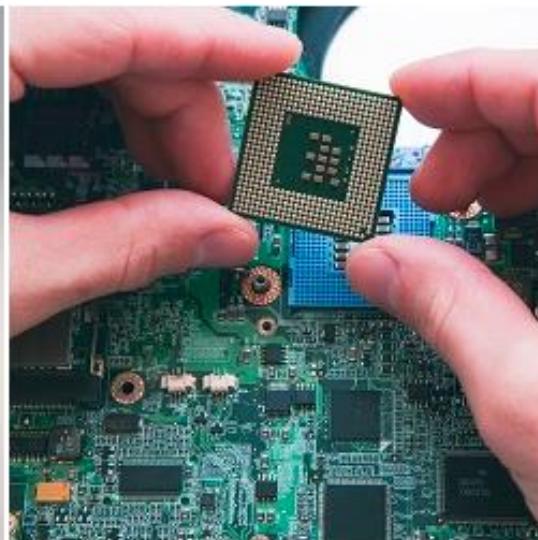
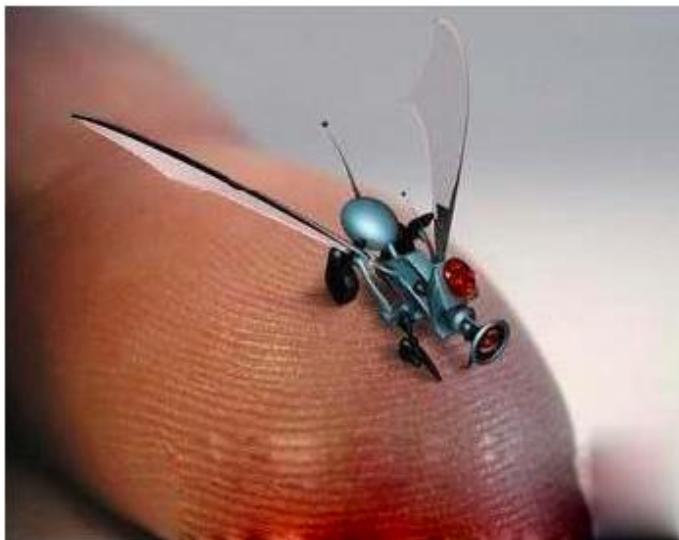
الحاجة إلى القياس:

يقول لورد كلفن "عندما تكون قادرًا على القياس والتعبير بالأرقام عن الشيء الذي تتحدث عنه تكون عندئذ ملماً بعض الشيء بالموضوع".

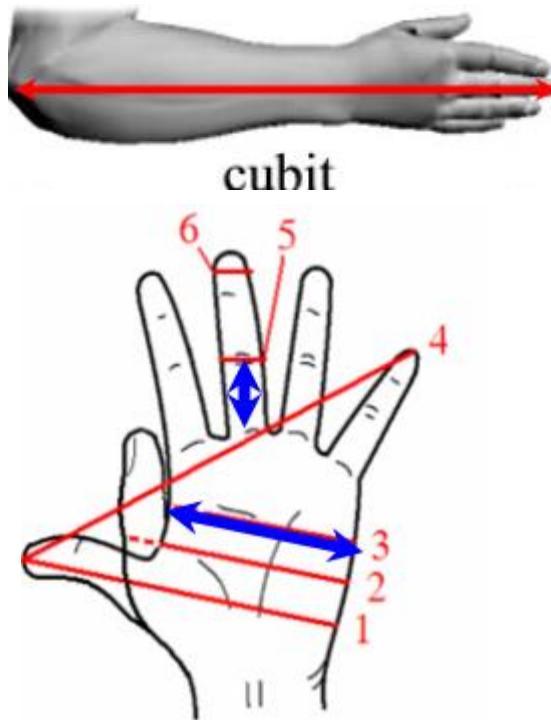


مقدمة عن القياس

لا الفصل بين التقدم العلمي والتقدم الصناعي كذلك لا نستطيع الفصل بين التقدم الصناعي وتقديم أجهزة القياس، لأن أي اكتشاف علمي يتبعه اكتشافات في مجال الصناعة والتكنولوجيا، كما يتبعه ويلازمه استحداث طرق ووسائل جديدة للقيام بعمليات القياس أو المراقبة أو التسجيل.



مقدمة عن القياس



المعروف أن قدرات الإنسان الذاتية محدودة ولكن يزيد الإنسان من قدراته ويوسع إمكانياته كان لابد له من أن يخترع كثيراً من الأجهزة العلمية التي تساعد على فهم ودراسة الأشياء والظواهر المحيطة به ومن أهم الأجهزة التي ساعدت الإنسان على التوصل إلى حقائق الأشياء هي أجهزة القياس التي تطورت تطوراً هائلاً في إطار التطور الصناعي الضخم الذي أعقب الحرب العالمية الثانية.

مقدمة عن القياس

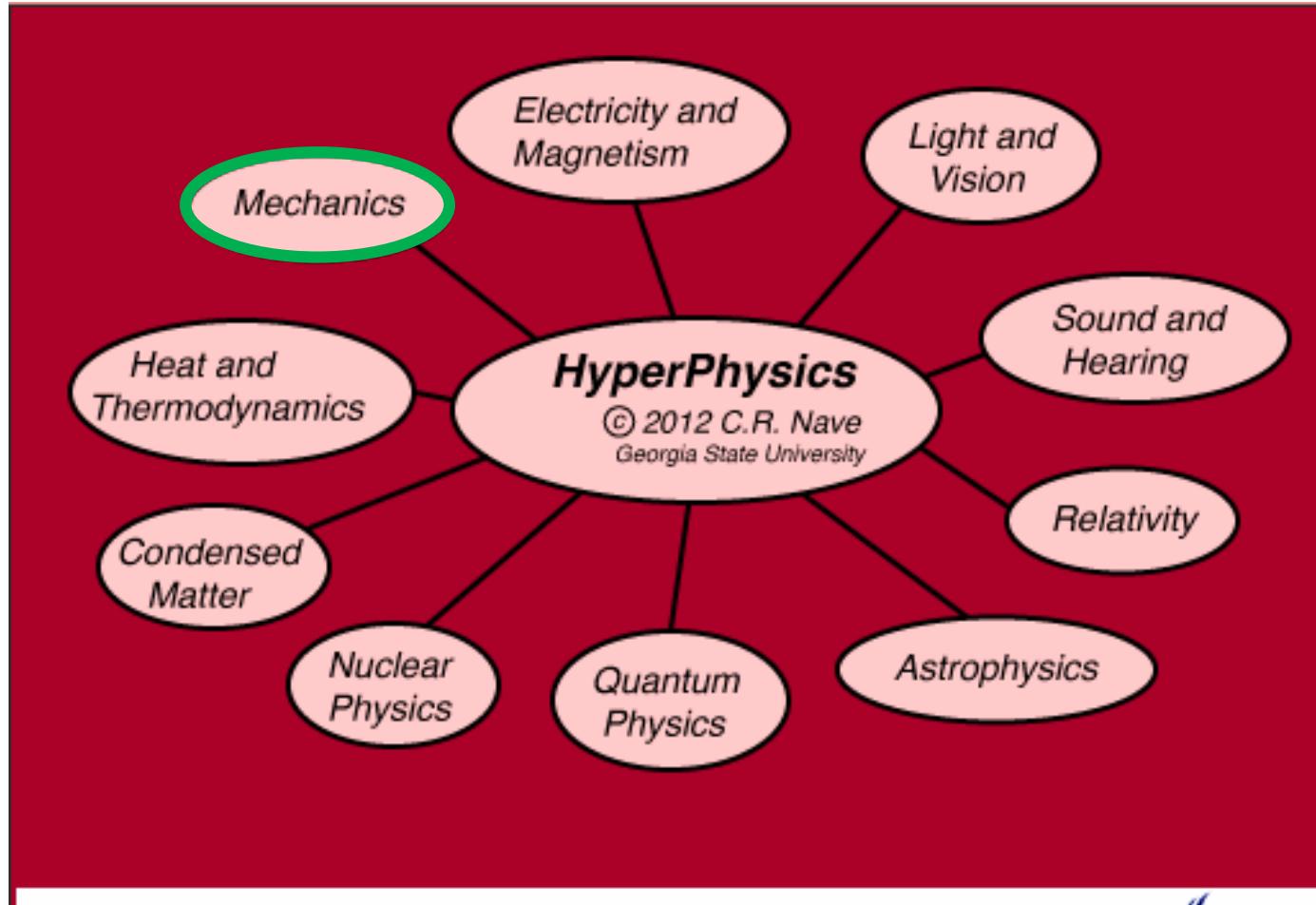


وهكذا ازدادت المتغيرات التي تحتاج إلى القياس الدقيقة، وزاد الاهتمام بتحسين طرق القياس وتطوير أجهزة القياس وحتى في حياة الإنسان الخاصة انتقل الاهتمام من النوع إلى اهتمام بالنوع والكم معاً والكم معناه القياس والقياس يتطلب استخداماً جهاز ومعرفة استخدامه استخداماً صحيحاً.

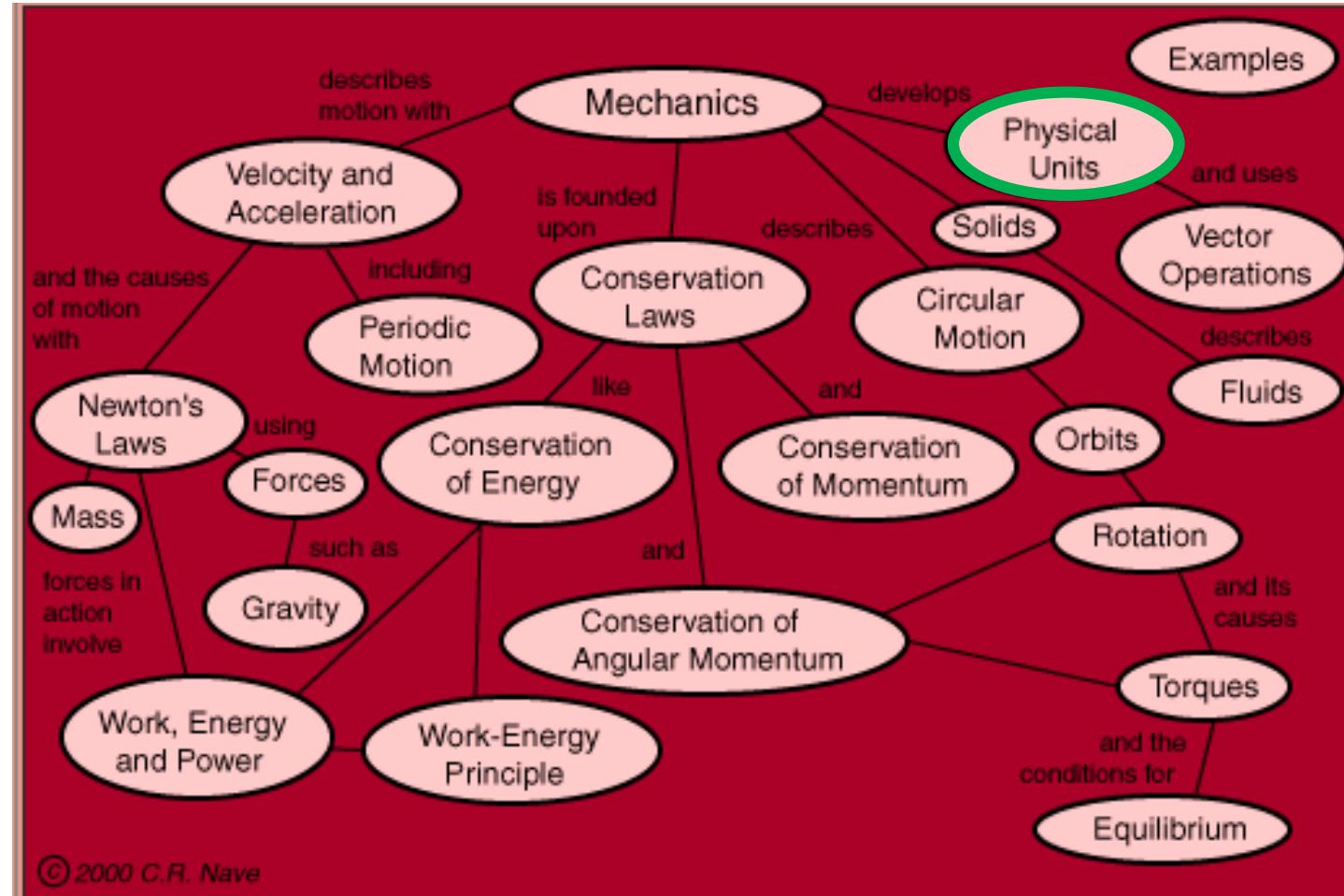
Physical quantities الكميات الفيزيائية



In Physics



Physical Units



الكميات الفيزيائية

- في أي عملية قياس نتوصل عادة إلى مقدار نعبر عنه بالأرقام لكن الأرقام وحدتها لا تكون لها معنى إلا إذا حددنا الوحدات التي تعبّر عنها فلا يكفي أن نقول أن عرض الغرفة خمسة بل يجب أن نقول خمسة أمتار.
- وهكذا يجب أن نذكر الأرقام والوحدات العالمية أو مشتقات الوحدات العالمية. ”فمثلاً لتحديد كتلة جسم نقول أن كتلته تساوي 10 كيلوجرام. ولكي نقول أن الكتلة تساوي 10000 جرام يجب أن يكون هناك علاقة بين الكيلوجرام والجرام وهي $1\text{ كجم} = 1000\text{ جرام}$ “.

الكميات الفизيائية

إيجاد مقدار كمية فизيائية أو متغير فизيائي أو تقدير حالة ما باستخدام جهاز مناسب أو أداة مناسبة وإذا كان الجهاز المستخدم جهازاً عيارياً متفق عليه عالمياً اعتبرت عملية القياس عملية معايرة، وتكون عندئذ الكمية المقاسة كمية عيارية أما إذا لم يكن الجهاز عيارياً ف تكون عملية القياس عبارة عن مقارنة بالكمية القياسية وقد يستخدم في ذلك جهاز تمت معايرته من قبل.

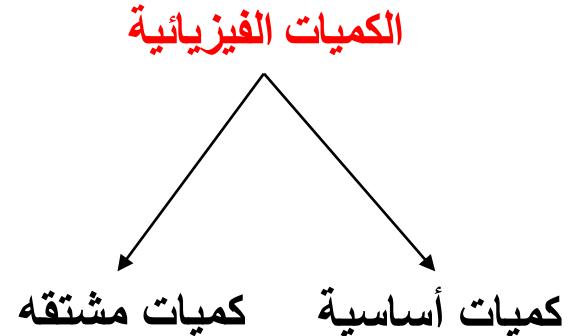
والمعايرة هي مقارنة الأجهزة المستخدمة بأجهزة عيارية متفق عليها عالمياً من حيث الدقة ومحفوظة تحت ظروف بيئية محددة.

ومعظم عمليات المعايرة التي تتم في المختبرات الطلابية هي عمليات مقارنة بأجهزة معلومة الدقة الهدف منها معرفة الدقة في القياس.

الكميات الفيزيائية

الكميات الفيزيائية: هي التي تبني هيكل الفيزياء و بها نكتب المعادلات و القوانين الفيزيائية ، من هذه الكمييات : القوة - الزمن - السرعة - الكثافة - درجة الحرارة - الشحنة و غير ذلك.

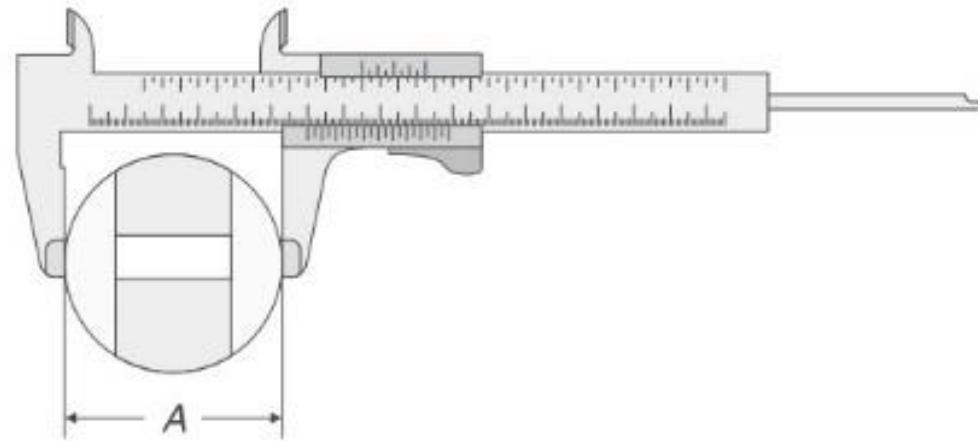
و تنقسم الكمييات الفيزيائية إلى:



- **كميات أساسية:** هي الكتلة و الطول و الزمن و يرمز لها (M , L , T) على الترتيب.
- **كميات مشتقه:** هي الكمييات التي تم إشتقاقها من الكمييات الأساسية مثل الحجم و السرعة و العجلة و غير ذلك من الكمييات.

الوحدات و الأبعاد

Units and Dimensions



الكميات الفيزيائية

أبعاد اي كمية:

✓ فكرة نظم قياس موحد:



- النظام الدولي ISU: متر - كيلوجرام - ثانية (M K S) أو أحياناً يسمى بالنظام الفرنسي المطلق (system CGS) سنتيمتر - جرام - ثانية .
- النظام البريطاني: قدم - باوند - ثانية (F B S).

الكميات الفيزيائية

وحدات الكميات الفيزيائية:

جدول يمثل وحدات القياس الأساسية

الوحدة بالنظام البريطاني (FBS)	الوحدة بالنظام الدولي (ISU)	الكمية
باوند	كيلوجرام (Kg)	الكتلة (Mass)
قدم	متر (M)	الطول أو المسافة (Length)
ثانية	ثانية (S)	الזמן (Time)

وحدات الكميات الفيزيائية

وحدات الكميات الفيزيائية:

جدول وحدات القياس المشتقة

الوحدة بالنظام البريطاني (FBS)	الوحدة بالنظام الدولي (SI)	الكمية
قدم ²	متر ² (m^2)	المساحة
قدم ³	متر ³ (m^3)	الحجم
باوند / قدم ³	Kg/m^3	الكثافة = الكتلة / الحجم
ثقل باوند (LB)	نيوتن (N)	قوة
ثقل باوند / قدم ²	N/m^3 (باسكال)	الضغط = قوة / مساحة

وحدات الكميات الفيزيائية

جدول بعض الفترات الزمنية المثلالية

الثواني (تقريباً)	المدة الزمنية
10^{-23} s	عمر جسيم أصغر من الذرة / غير مستقر
$10^{-22} \text{ s} - 10^{28} \text{ s}$	عمر عناصر مشعة
10^{-6} s	عمر الميون
$10^0 \text{ s} (= 1 \text{ s})$	الزمن بين نبضات قلب الإنسان
10^5 s	اليوم
$3 \times 10^7 \text{ s}$	السنة
$2 \times 10^9 \text{ s}$	مدة حياة الإنسان
10^{11} s	التاريخ المسجل
10^{14} s	الجنس البشري على الأرض
10^{17} s	الحياة على الأرض
10^{18} s	عمر الكون

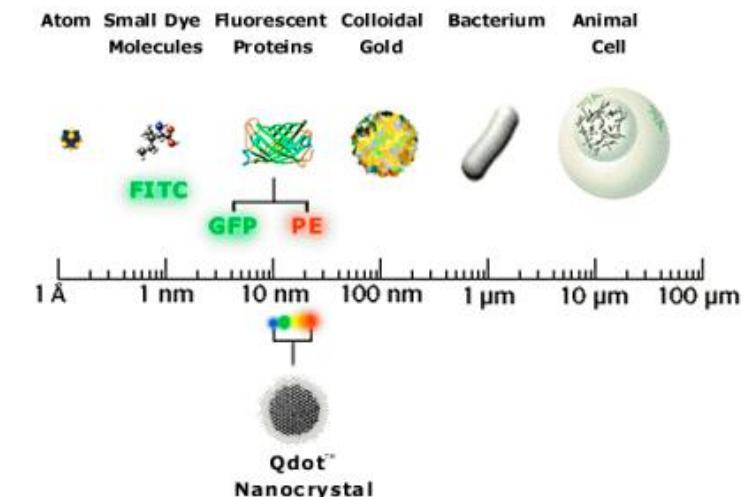
جدول بعض الكتل المثلالية

الجسم	كيلوغرام (تقريباً)
الإلكترون	10^{-30} kg
البروتون / النيوترون	10^{-27} kg
جزيء DNA	10^{-17} kg
البكتيريا	10^{-15} kg
البعوضة	10^{-5} kg
الخوخ	10^{-1} kg
الإنسان	10^2 kg
السفينة	10^8 kg
الأرض	$6 \times 10^{24} \text{ kg}$
الشمس	$2 \times 10^{30} \text{ kg}$
المجرة	10^{41} kg

وحدات الكميات الفيزيائية

جدول بعض الاطوال والمسافات المثلية

الأمتار (تقريباً)	الطول (أو المسافة)
10^{-15} m	النيوترون أو البروتون (نصف قطر الذرة)
10^{-10} m	الفيروس [انظر الشكل 1- 8 أ]
10^{-7} m	الورقة (سمك)
10^{-4} m	عرض أصبع اليد
10^{-2} m	طول ملعب كرة القدم
10^2 m	ارتفاع قمة إفرست [انظر الشكل 1- 8 ب]
10^4 m	قطر الأرض
10^7 m	الأرض إلى الشمس
10^{11} m	الأرض إلى أقرب نجم
10^{16} m	الأرض إلى أقرب مجرة
10^{22} m	الأرض إلى أبعد مجرة مرئية
10^{26} m	



الكميات الفيزيائية

وحدات الكميات الفيزيائية:

Basic Mechanical Units

	SI Units (MKS)	(CGS)	U.S. Common
Length (L)	meter (m)	centimeter (cm)	foot (ft)
Time (T)	second (s)	second (s)	second (s)
Mass (M)	kilogram (kg)	gram (gm)	slug
Velocity (L/T)	m/s	cm/s	ft/s
Acceleration (L/T^2)	m/s^2	cm/s^2	ft/s^2
Force (ML/T^2)	$kg\ m/s^2$ =Newton(N)	$gm\ cm/s^2$ = dyne	$slug\ ft/s^2$ =pound(lb)
Work (ML^2/T^2)	$N\ m$ = joule (j)	dyne cm = erg	$lb\ ft$ = ft lb
Energy (ML^2/T^2)	joule	erg	ft lb
Power (ML^2/T^3)	j/s = watt (W)	erg/s	ft lb/s

Unit
Conversions

وحدات الكميات الفيزيائية

وحدات الكميات الفيزيائية:

حدول يمثل وحدات ورموز بعض الكميات الفيزيائية

الرمز	الوحدة	الكمية	الرمز	الوحدة	الكمية
V	Volt فولت	13-الجهد الكهربى	m	Meter متر	1- الطول
F	Farad فاراد	14- السعة الكهربية	kg	Kilogram كيلوجرام	2- الكتلة
Ω	Ohm أوم	15-المقاومة الكهربية	s	Second الثانية	3- الزمن
Wb	Weber وبر	16- الفيصل المغناطيسى	A	Ampere أمبير	4- التيار الكهربى
T	Tesla تسلا	17-كثافة الفيصل المغناطيسى	K	Kelvin كلفن	5- درجة الحرارة المطلقة

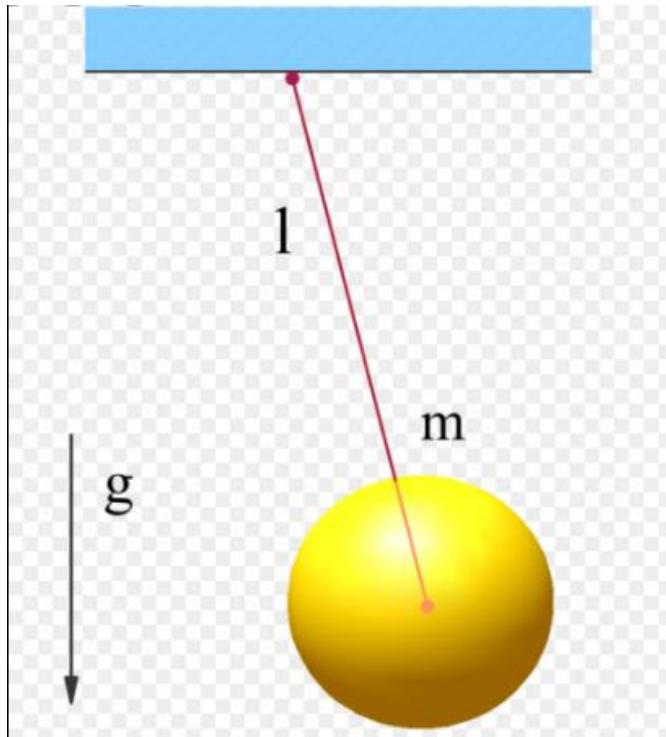
وحدات الكميات الفيزيائية

وحدات الكميات الفيزيائية:

دول يمثل وحدات ورموز بعض الكميات الفيزيائية

الرمز	الوحدة	الكمية	الرمز	الوحدة	الكمية
H	Henry	18- معامل الحث	cd	Candella	6- شدة النصوع
rad	Radian	19- زاوية مستوية	Hz	Hertz	7- التردد
Sr	Steradian	20- زاوية مجسمة	N	Newton	8- القوة
Lm	Lumen	21- الفيض الضوئي	pa	Pascal	9- الضغط (الاجهاد)
LX	Lux	22- الاستضوء	J	Joule	10- الطاقة (الشغل) كمية الحرارة
			W	Watt	11- القدرة
			C	Coulomb	12- كمية الكهرباء

أبعاد الكميات الفيزيائية



أبعاد الكميات الفيزيائية

✓ بعد الكمية الفيزيائية:

أبعاد أي كمية طبيعية هي الطريقة التي ترتبط بها هذه الكميات بالكميات الأساسية للتعبير عن هذه الكمية.

بواسطتها يحدِّد بُعد أي كمية فизيائية طبيعة فيما إذا كانت كتلة Mass أو طول Length أو زمن Time و تكتب أبعاد أي كمية طبيعية بدلالة الكتلة (M) والطول (L) والزمن (T).

أبعاد الكميات الفيزيائية

جدول يمثل حساب أبعاد بعض الكميات الفيزيائية

بعد الكمية الفيزيائية	الكمية الفيزيائية
$[\rho] = \frac{M}{L^3} = ML^{-3}$	الكتلة (ρ) = $\frac{\text{الكتلة}}{\text{الحجم}}$
$[v] = \frac{L}{T} = LT^{-1}$	السرعة الخطية (v) = $\frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}}$
$[\omega] = \frac{LT^{-1}}{L} = T^{-1}$	السرعة الزاوية (ω) = $\frac{\text{السرعة الخطية}}{\text{نصف قطر الدوران}}$
$[a] = \frac{LT^{-2}}{T} = LT^{-2}$	العجلة (a) = $\frac{\text{السرعة الخطية}}{\text{الزمن}}$
$[F] = M \times LT^{-2} = MLT^{-2}$	القوة (F) = الكتلة × العجلة
$[W] = MLT^{-2} \times L = ML^2T^{-2}$	الشغل (W) = القوة × المسافة

✓ بعد الكمية الفيزيائية:

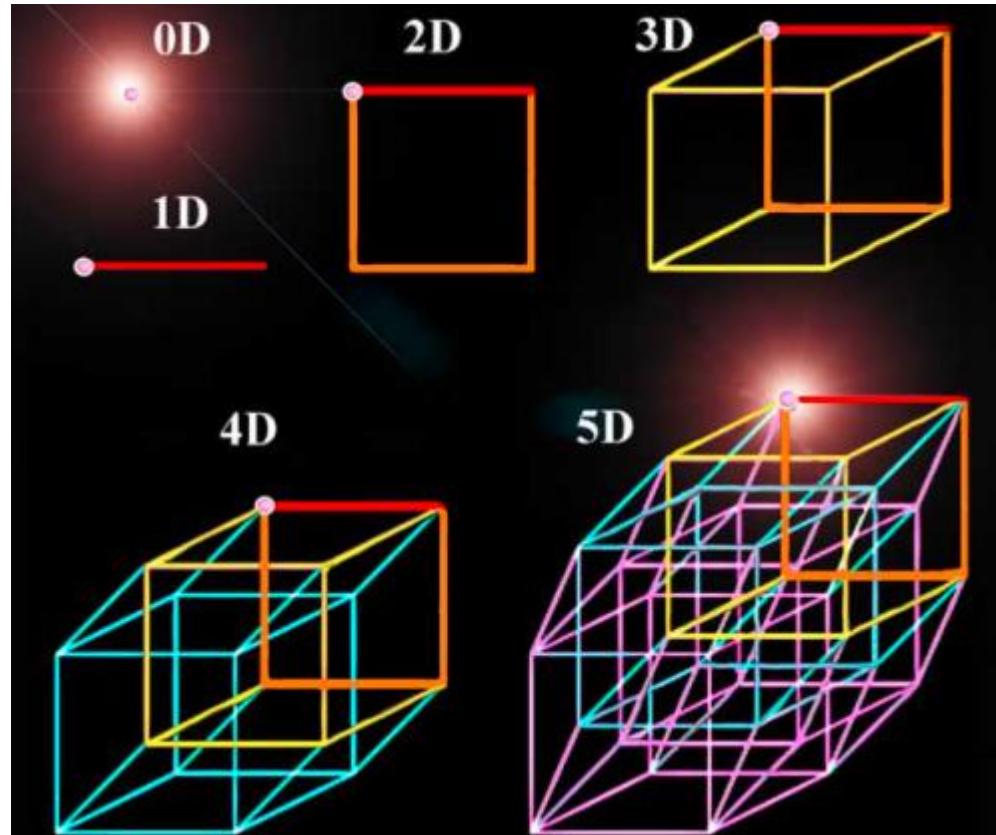
أبعاد الكميات الفيزيائية

✓ بعد الكمية الفيزيائية:

جدول يمثل معادلات الأبعاد بعض الكميات الفيزيائية

المعادلة البعدية	الكمية	المعادلة البعدية	الكمية
T^{-1}	11- السرعة الزاوية	L^2	1- المساحة
MLT^{-1}	12- كمية الحركة	L^3	2- الحجم
T^{-2}	13- العجلة الزاوية	ML^{-3}	3- الكثافة
$T^2 ML^{-2}$	14- الازدواج أو عزم القوة	LT^{-1}	4- السرعة الخطية
MT^{-2}	15- التوتر السطحي	$L T^{-2}$	5- العجلة الخطية
$T^{-1} ML^{-1}$	16- الزوجة	$T^{-1} ML^2$	6- القوة
$T^{-1} ML^{-2}$	17- الاجهاد	$T^{-1} ML^{-2}$	7- الضغط
$T^{-1} ML^{-2}$	18- معامل المرونة	$T^2 ML^{-2}$	8- الطاقة (الشغل)
$T^3 L^{-1} M^{-2}$	19- ثابت الجاذبية الأرضية	$T^2 M L^{-3}$	9- القدرة
		T^{-1}	10- التردد

نظريّة الأبعاد وتطبيقاتها



نظريّة الأبعاد وتطبيقاتها

✓ نظريّة الأبعاد:

تحتم نظريّة الأبعاد على أن يكون طرفاً المعادلات الرياضيّة متجانسين من حيث الأبعاد.
لذلك نجد أن من فوائدها ما يلي:

1 - يمكننا التحقق من صحة القوانين الفيزيائية والميكانيكية.

2- استنباط بعض القوانين بسهولة.

3- اشتقاق وحدات الثوابت التي تعتمد عليها العلاقات الرياضيّة.

4 - التحويل من وحدات نظام معين الى نظام آخر.

نظريّة الأبعاد وتطبيقاتها

■ إختبار صحة القوانين:

لإثبات صحة أي معادلة يجب أن تكون أبعاد الطرف الأيسر تساوي أبعاد الطرف الأيمن ، فمثلاً قانون البندول البسيط هو:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

فإذا كتبنا معادلة الأبعاد لهذا القانون فإننا نعتبر 2π عدد لا يعتمد على أي من الوحدات الأساسية و على ذلك فليس له وجود في معادلة الأبعاد.

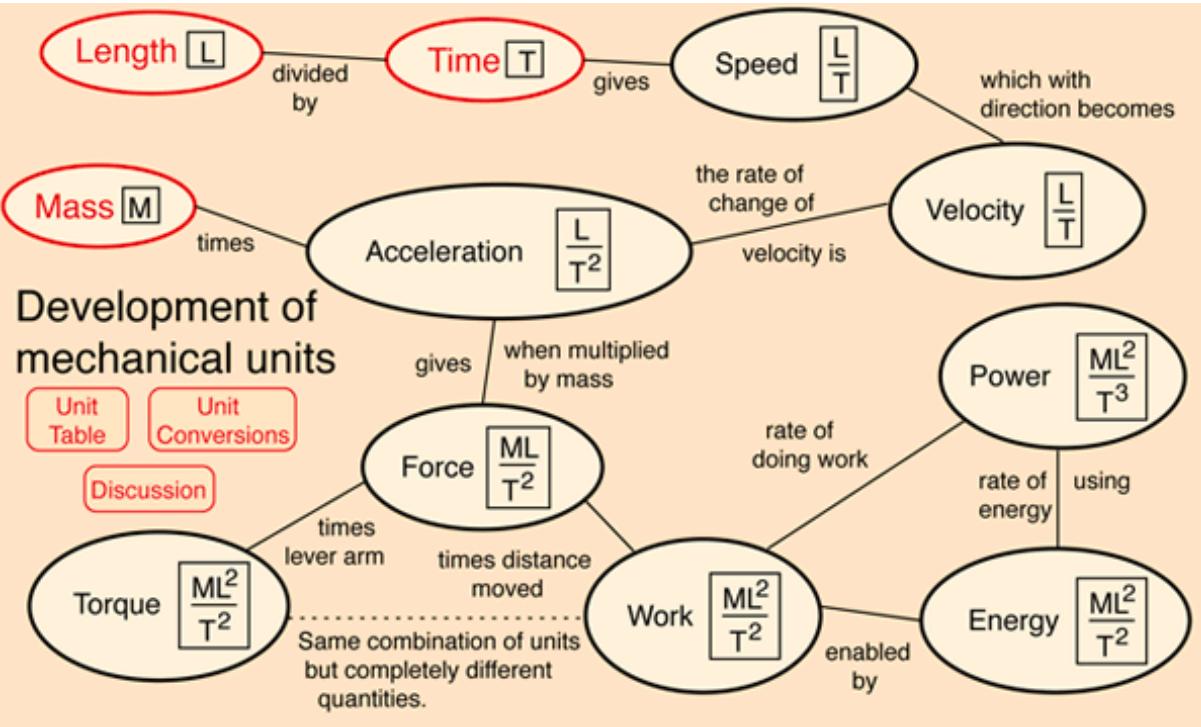
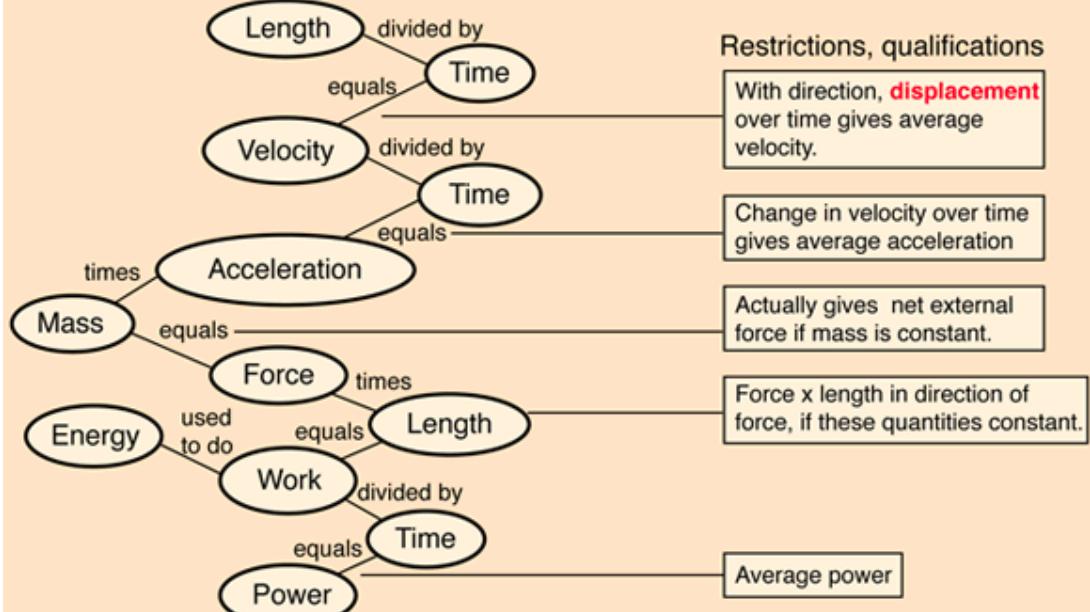
$$\sqrt{\frac{L}{LT^{-2}}} = \sqrt{T^2} = T$$

أبعاد الطرف الأيمن هي :

أي أن أبعاد الطرف الأيمن تساوي أبعاد الطرف الأيسر وعلى ذلك يكون القانون صحيحاً.

نظريّة الأبعاد وتطبيقاتها

The Chain of Mechanical Quantities



نظريّة الأبعاد وتطبيقاتها

▪ اختبار صحة القوانين:

مثال :

تحقق من أن تردد قطرة سائل كروية (v) تتذبذب حول شكل الاتزان يتوقف على التوتر السطحي (σ) والكثافة (ρ) ونصف قطر (r) وفقاً للمعادلة:-

$$v = k \sqrt{\sigma / \rho r^3}$$

حيث k ثابت

الحل :

توجد وحدات كل طرف في المعادلة لنرى ان
كانت المعادلة متجانسة بعديا

$$T^{-1} = \sqrt{MT^{-2} / ML^{-3}L^3} = T^{-1}$$

نظريّة الأبعاد وتطبيقاتها

H.W (1)

1. جد أبعاد كل من السرعة (v) و العجلة (a) و القوة (F) و الشغل (W) و الكثافة (ρ) و الضغط (P).

2. أثبت صحة العلاقة التالية من حيث الأبعاد.

حيث v ، a ، تمثل السرعة الخطية والعجلة والزمن على الترتيب.

1. حدد ما إذا كانت العلاقة التالية صحيحة من حيث الأبعاد أم لا.

$$v^2 = v_0^2 + 2a$$

المحاضرة الثالثة :المتجهات

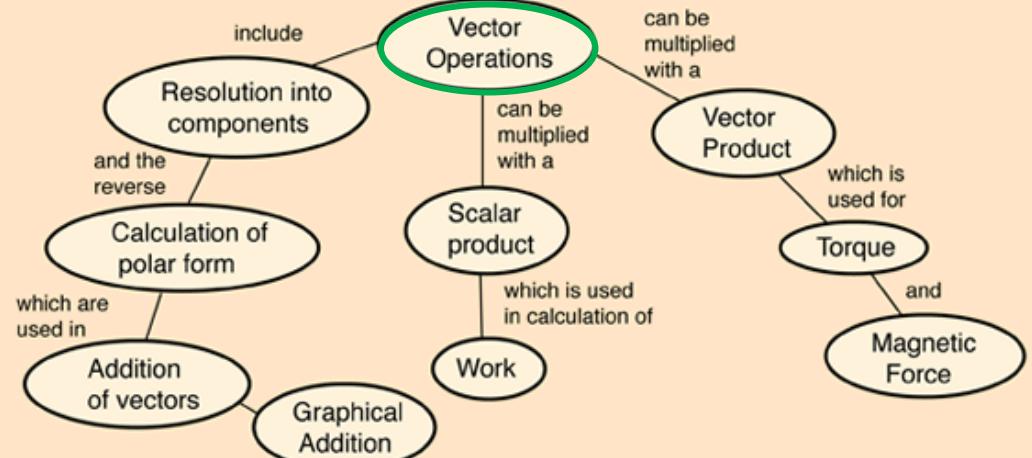
مقدمة



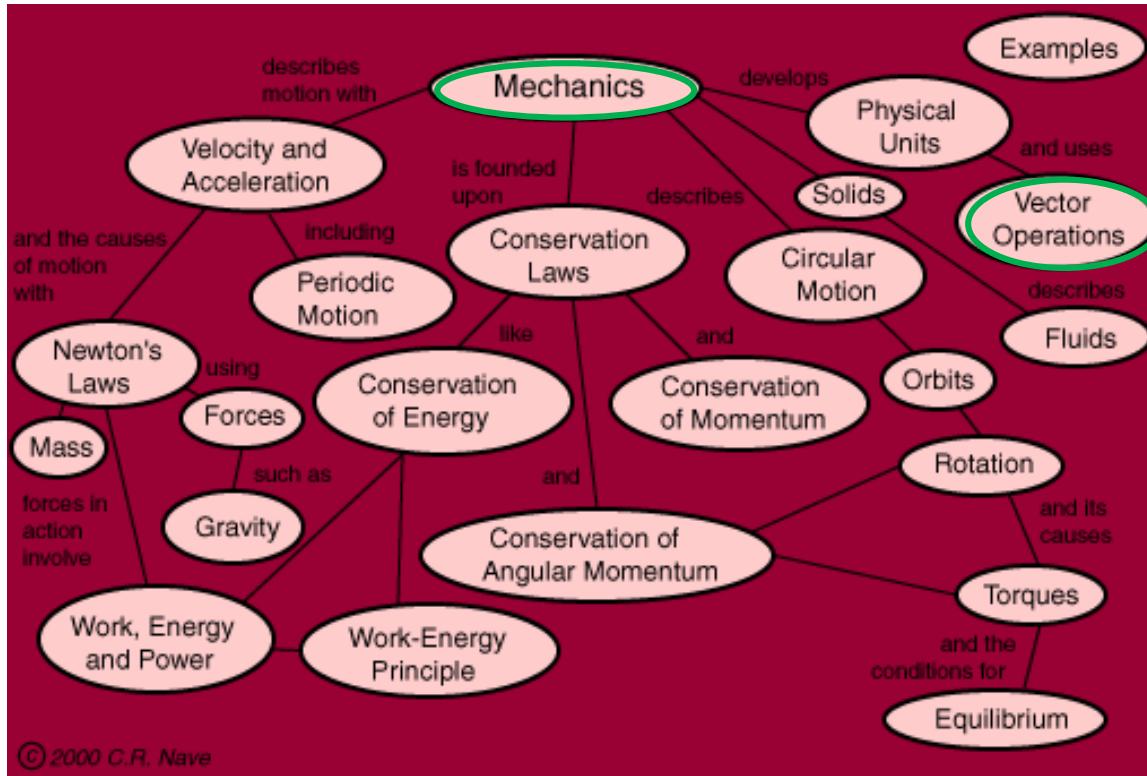
المتجهات : (Vectors)

Basic Vector Operations

Both a magnitude and a direction must be specified for a vector quantity, in contrast to a scalar quantity which can be quantified with just a number. Any number of vector quantities of the same type (i.e., same units) can be combined by basic vector operations.



Caution! This is a large HTML document. You need to wait for it to load completely in order for all the links above to operate.

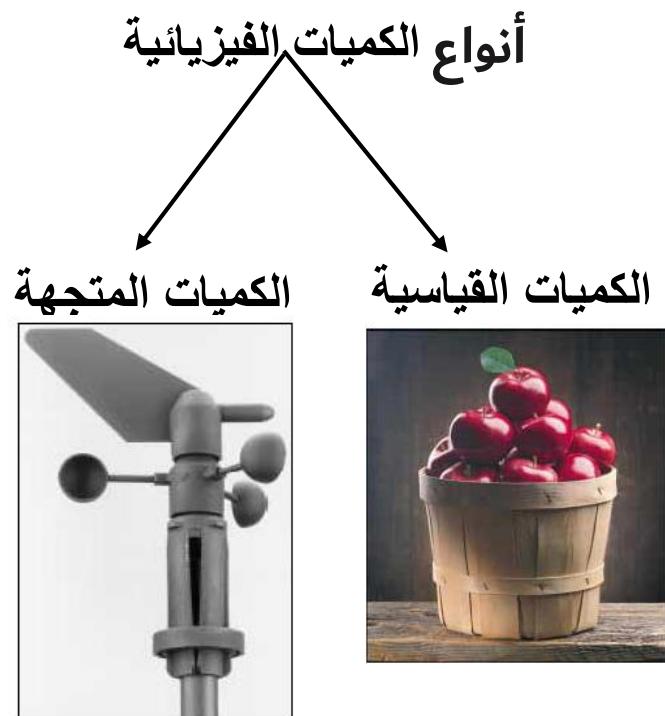


© 2000 C.R. Nave

الكميات الفيزيائية (القياسية والمتوجهة)

الكميات الفيزيائية (القياسية والمتوجهة)

جميع الكميات الفيزيائية يمكن تقسيمها إلى نوعين:



- **الكميات القياسية (Scalar)** : هي كميات فيزيائية غير متجهة لها مقدار فقط.

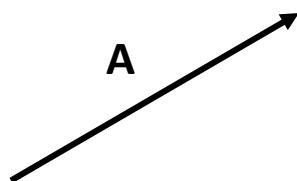
ومن أمثلة الكميات الغير متجهه الكتلة ، الزمن ، الطول ،
درجة الحرارة والطاقة وجميعها كميات قياسية.

- **الكميات المتجهة (Vector)** : هي كميات فيزيائية متجهة لها مقدارها واتجاهها.

الكميات القياسية والكميات المتجهة

الكميات المتجهة (Vector Quantities)

- أ- يمكن تمييز الكمية المتجهة عن الكمية القياسية وذلك بكتابة المتجه بخط عريض \mathbf{A} كما هو مستخدم في الكتب أو بوضع إشارة سهم أعلى الرمز \vec{A} كما هو الحال في الكتابة اليدوية .
- ب- أما الكمية القياسية أو ما يُعرف بقيمة المتجه A مثلاً فيعبر عنه بالرمز $|A|$ أو A



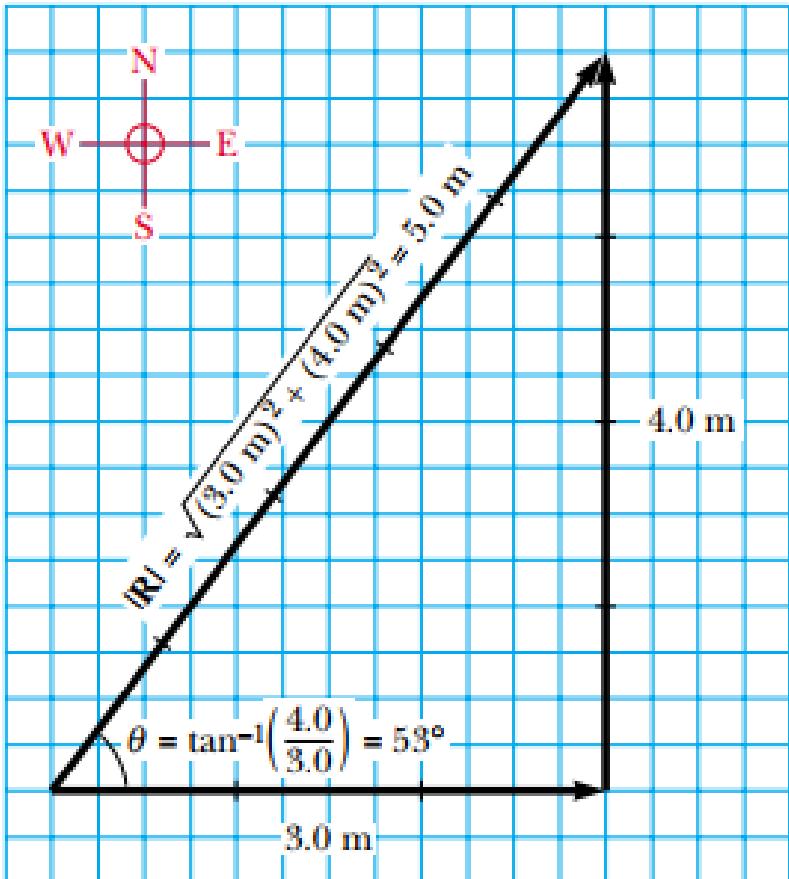
ومن أمثلة الكميات المتجهة :

الازاحة، السرعة ، العجلة ، (التسارع)
والقوة ... الخ

المتجهات : (Vectors)

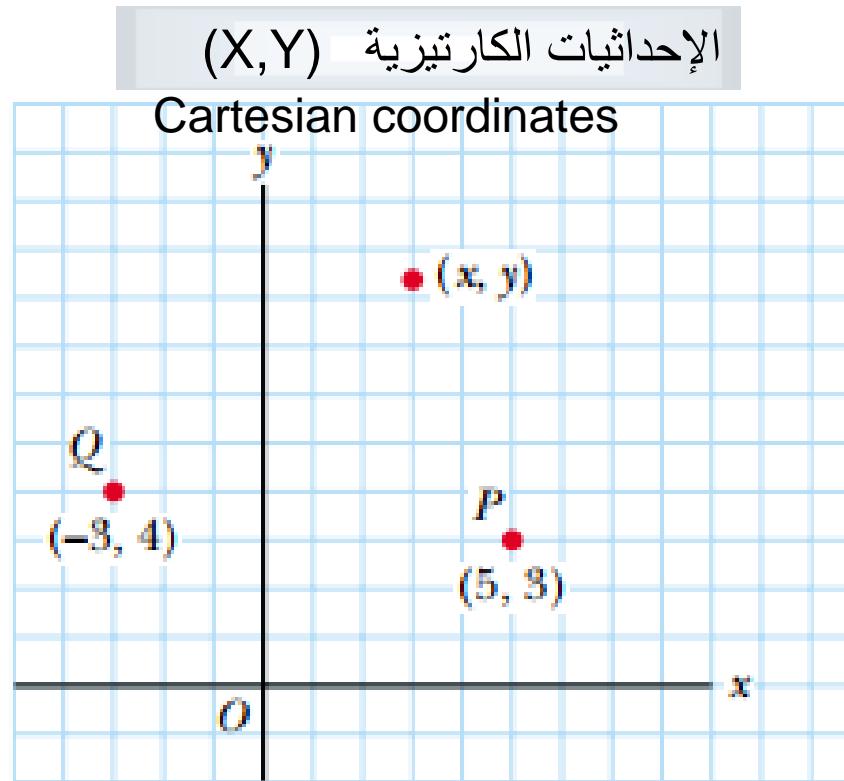
الكميات المتجهة (Vector Quantities)

يمكن تمثيل الكمية المتجهة بسهم مرسوم بمقاييس رسم طول السهم يتناسب مع مقدار الكمية المتجهة و اتجاه السهم يمثل اتجاه الكمية المتجهة .



Vector addition. Walking first 3.0 m due east and then 4.0 m due north leaves you 5.0 m from your starting point.

المتجهات : (Vectors)



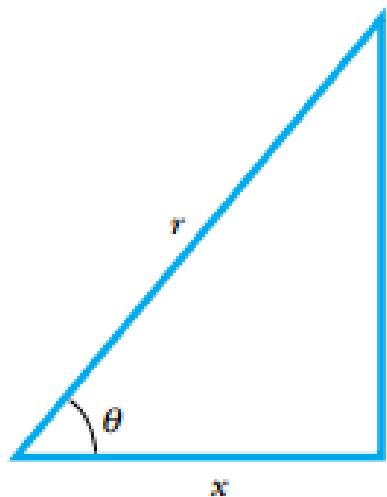
نظم الإحداثيات (X,Y) Coordinate Systems

□ يمكن إيجاد الكميات المتجهة ا ب بواسطة الإحداثيات الكارتيزية.

المتجهات : (Vectors)

نظم الإحداثيات (r , θ) Coordinate Systems

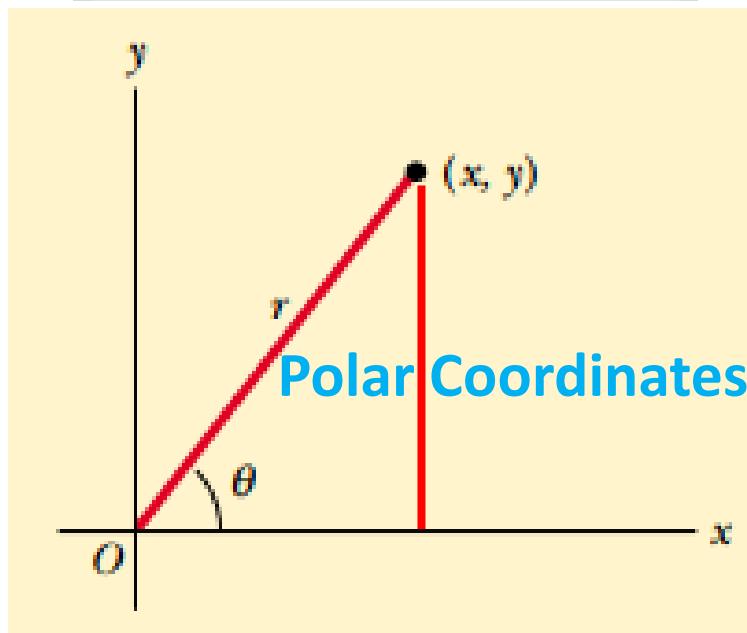
الإحداثيات القطبية (r,θ)



$$\sin \theta = \frac{y}{r}$$

$$\cos \theta = \frac{x}{r}$$

$$\tan \theta = \frac{y}{x}$$



□ كما يمكن أيضاً إيجاد الكميات المتجهة ا بواسطة الإحداثيات القطبية.

المتجهات : (Vectors)

وتحسب الزاوية كالتالي:

$$\tan \theta = \frac{A_y}{A_x}$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{R_y}{R_x}$$

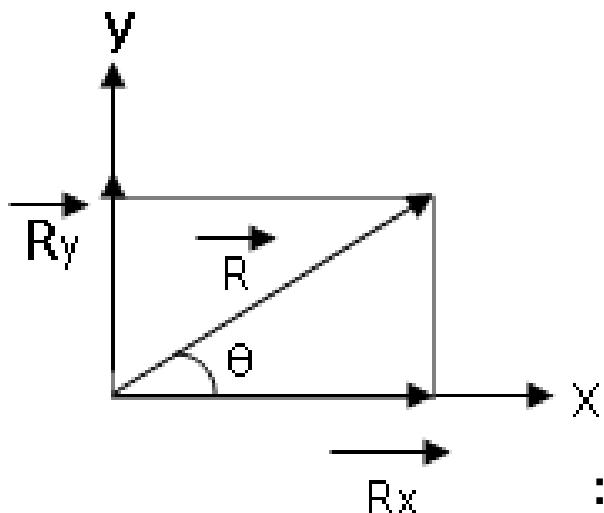
وتحسب المحصلة من (نظرية فيثاغورث)

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2}$$

□ كما يمكن تحليل أي متجه (R) إلى مركبة سينية (R_x) على

المحور السيني (x) ومركبة صادية (R_y) على المحور الصادي

.(y).



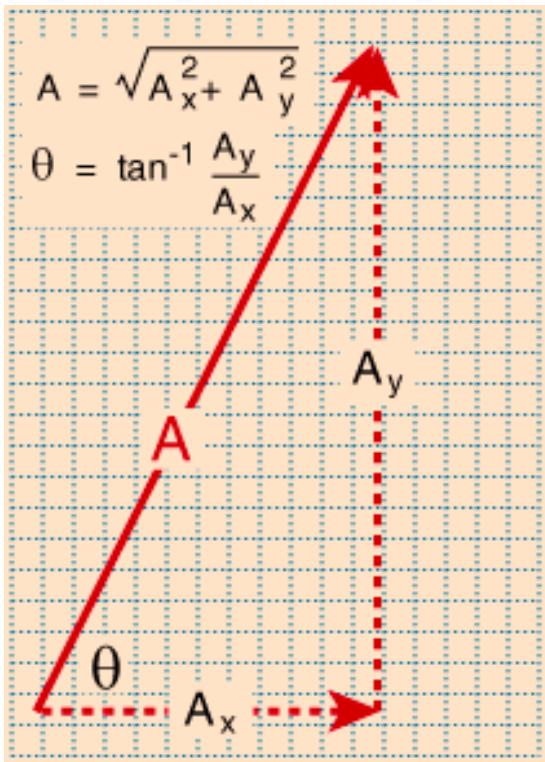
$$|\vec{R}_x| = |\vec{R}| \cos \theta$$

$$|\vec{R}_y| = |\vec{R}| \sin \theta$$

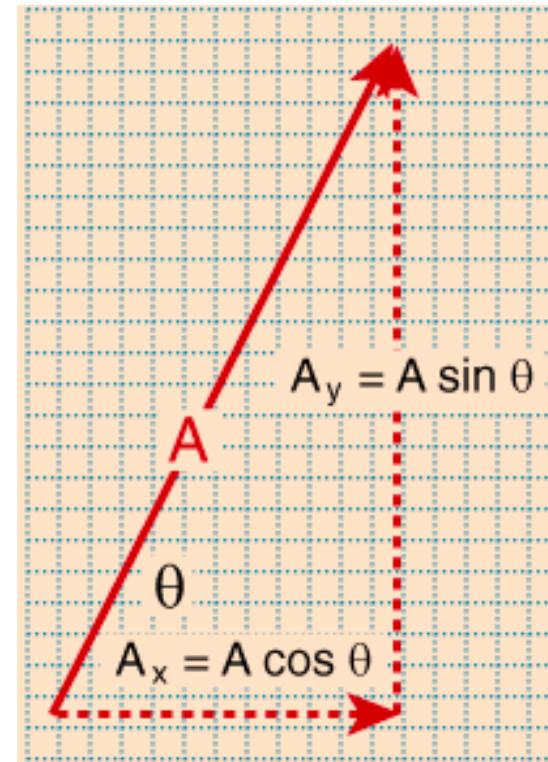
وتكتب ايضا على الصورة:

$$R_x = R \cos \theta \quad R_y = R \sin \theta$$

المتجهات : (Vectors)



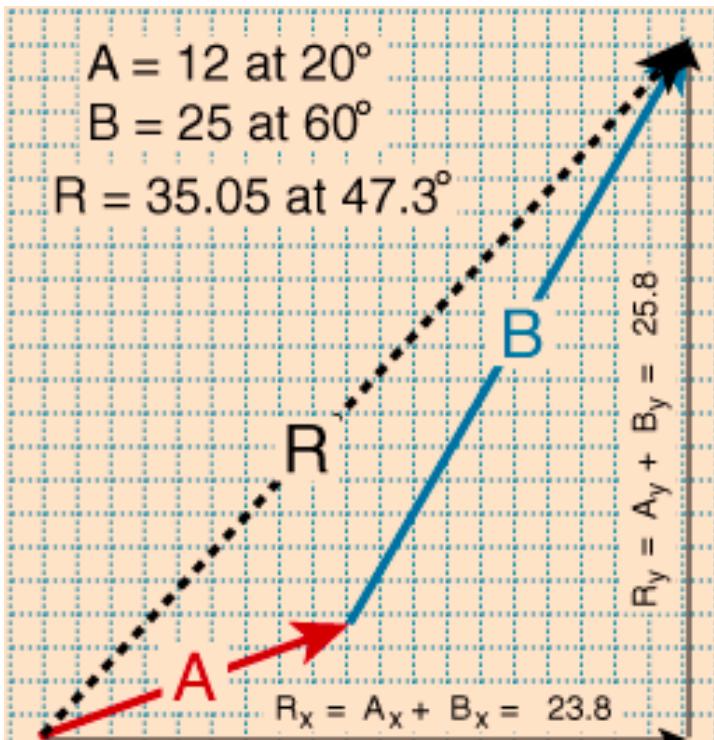
إيجاد (r , θ)



إيجاد (X,Y)

المتجهات : (Vectors)

Example ()



Solution:

$$R_x = A_x + B_x = 11.3 + 12.5 = 23.8$$

$$R_y = A_y + B_y = 4.1 + 21.7 = 25.8$$

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2}$$

$$R = \sqrt{23.8^2 + 25.8^2} = 35.05$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{R_y}{R_x} = \tan^{-1} 1.084$$

$$\theta = 47.3^\circ$$

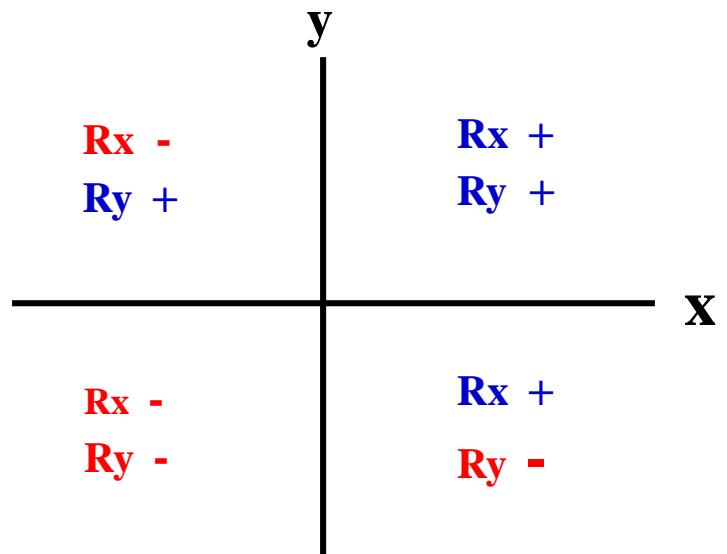
Polar form calculation

المتجهات : (Vectors)

تحليل المتجه إلى مركباته:

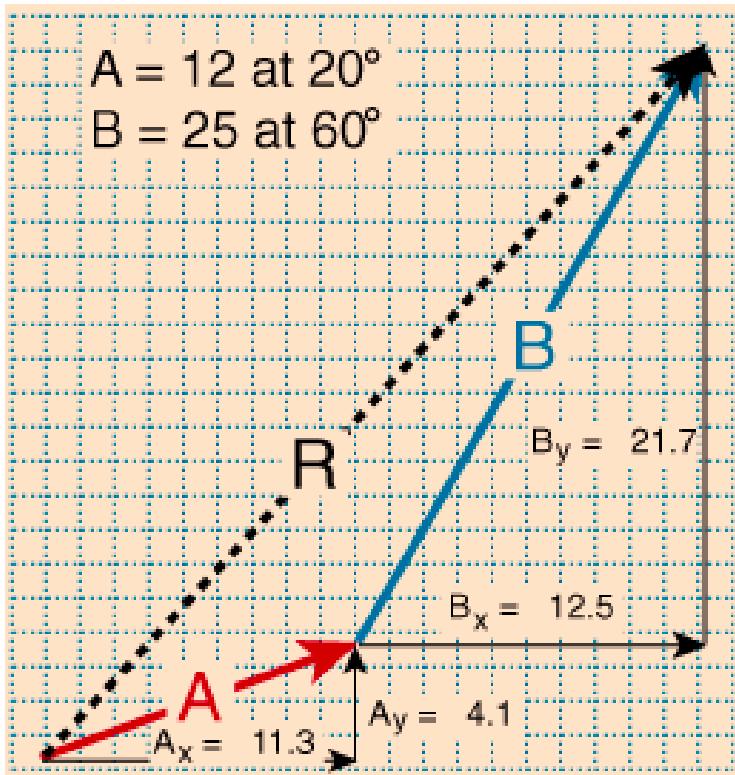
كلا من المركبتين R_x و R_y أرقام يمكن أن تكون موجبه أو سالبها (أو صفر) و تسمى عملية إيجادهما بتحليل المتجه إلى مركباته.

ويستخدم الشكل التالي لمعرفة اشارة المتجه.



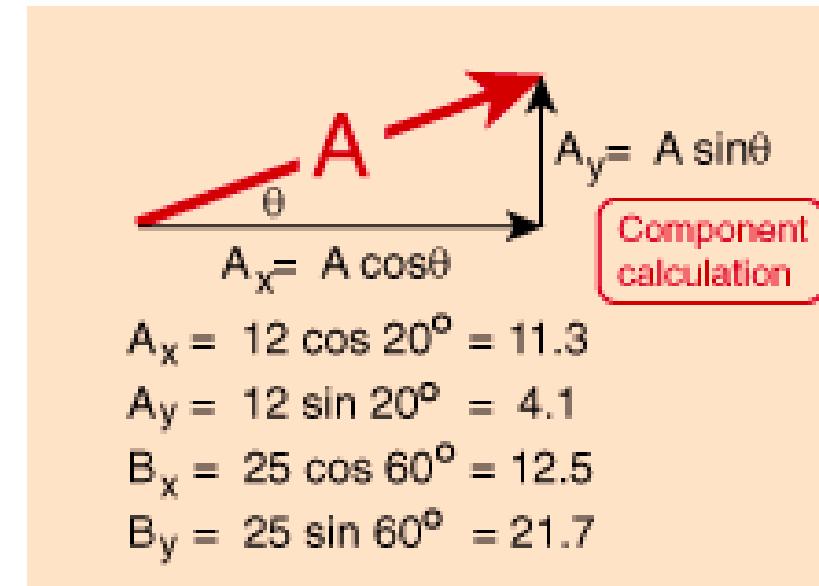
المتجهات : (Vectors)

Example:



تحليل المتجه إلى مركباته:

Solution:



المتجهات : (Vectors)

محصلة

تستخدم طريقة تحليل المتجهات لإيجاد محصلة مجموعه منها فإذا فرضنا مثلاً ثلاثة متجهات A و B و C في مستوى واحد و تصنع الزوايا $\theta_1, \theta_2, \theta_3$ مع الاتجاه السيني على الترتيب فإن مركبات هذه المتجهات في الاتجاه السيني هي:

وتكون محصله هذه المركبات في الاتجاه السيني هي :

$$A_x = A \cos \theta_1, \quad B_x = B \cos \theta_2, \quad C_x = C \cos \theta_3$$

$$R_x = A_x + B_x + C_x = A \cos \theta_1 + B \cos \theta_2 + C \cos \theta_3$$

المتجهات : (Vectors)

محصلة

المتجهات

بالمثل بالنسبة للمركبات العمودية في الاتجاه الصادي تكون محصلتها :

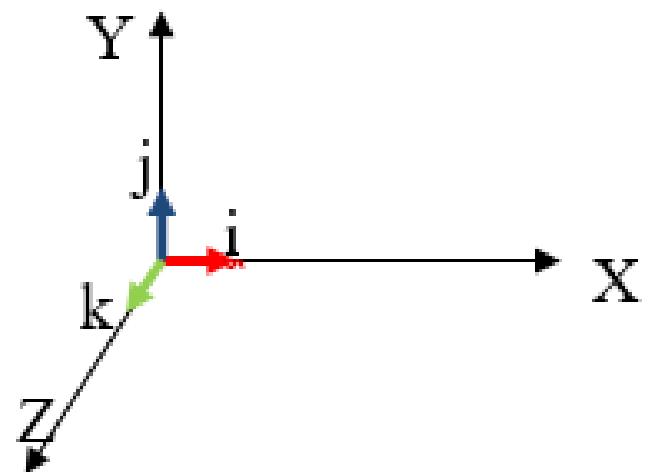
$$R_y = A_y + B_y + C_y = A \sin \theta_1 + B \sin \theta_2 + C \sin \theta \quad 3$$

قيمة محصلة مجموعة المتجهات تكون هي نفسها محصلة المركبات السينية و الصادية و تعطى بالمعادلة:

ويمكن كتابة محصلة مجموعة من المتجهات بصورتها الاتجاهية كما يلي:

$$\mathbf{R} = \mathbf{A} + \mathbf{B} + \mathbf{C} = (A_x + B_x + C_x) \mathbf{i} + (A_y + B_y + C_y) \mathbf{j} + (A_z + B_z + C_z) \mathbf{k}$$

متجهات الوحدة : Unit Vector :

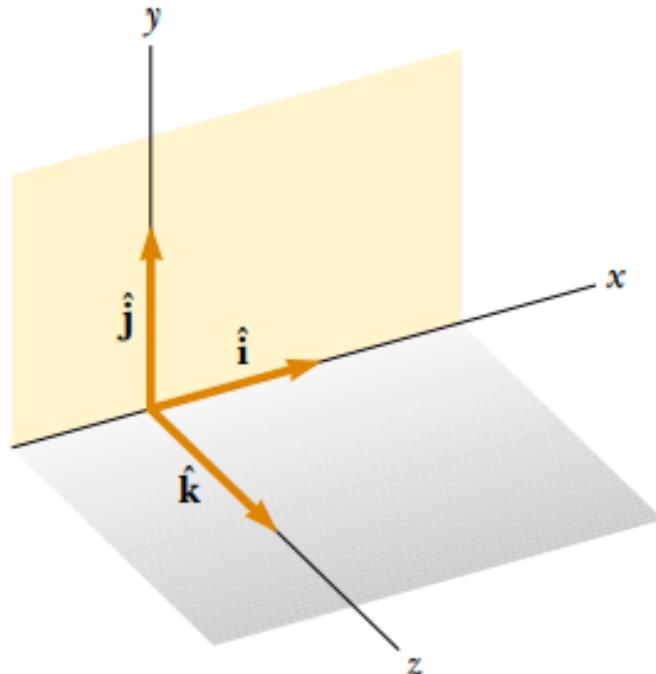


متجهات الوحدة : Unit Vector

متجهات الوحدة:

يعرف متجه الوحدة بمتجه طوله الوحدة وليس له وحدة قياس
ويستخدم للتعبير عن الاتجاه لإي كمية فизيائية متجهة.

متجه الوحدة i يعمل في الاتجاه الموجب للمحور السيني x
متجه الوحدة j يعمل في الاتجاه الموجب للمحور الصادى y
متجه الوحدة k يعمل في الاتجاه الموجب للمحور العينى z

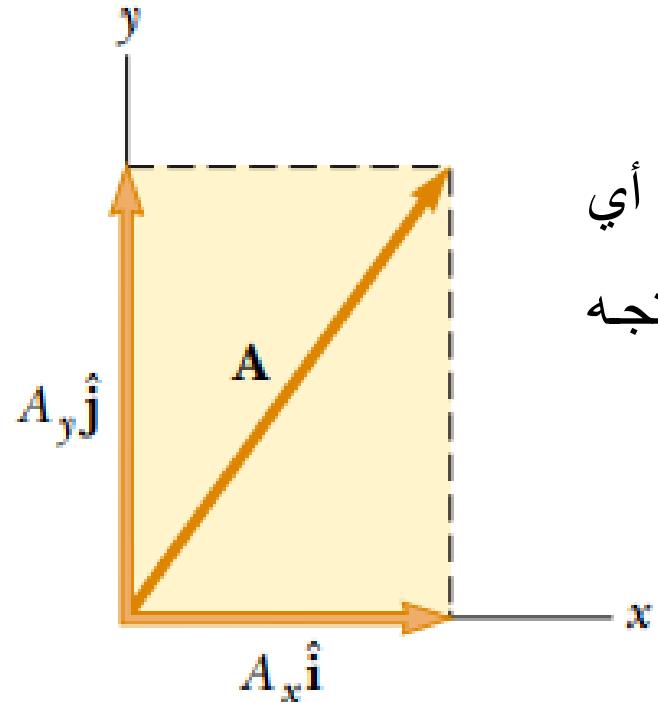


ملاحظة : وجود الإشارة السالبة أمام أي متجه وحدة يدل على الاتجاه
المعاكس فمثلا $-i$ - تشير إلى الاتجاه السالب لمحور x . وهكذا.

متجهات الوحدة : Unit Vector

متجهات الوحدة:

يعبر عن الاحداثيات الكارتيزية في الثلاث ابعاد وبذلك يمكن كتابة أي متجه بدلالة مركباته ومتجهات الوحدة، كما في المثال التالي نفرض متجه يقع في مستوى x, y A



متجهات الوحدة : Unit Vector

إذا كان المتجهين في بعدين يمكن التعبير عنه بالمعادلات الإتجاهية التالية:

$$\mathbf{A} = A_x \mathbf{i} + A_y \mathbf{j}$$

$$\mathbf{B} = B_x \mathbf{i} + B_y \mathbf{j}$$

وتكون محصلة جمع المتجهين على الشكل التالي:

$$\mathbf{R} = \mathbf{A} + \mathbf{B} = (A_x + B_x) \mathbf{i} + (A_y + B_y) \mathbf{j}$$

أما إذا كان المتجهين في الثلاث أبعاد

$$\mathbf{A} = A_x \mathbf{i} + A_y \mathbf{j} + A_z \mathbf{k}$$

$$\mathbf{B} = B_x \mathbf{i} + B_y \mathbf{j} + B_z \mathbf{k}$$

تكون المحصلة على الشكل التالي:

$$\mathbf{R} = \mathbf{A} + \mathbf{B} = (A_x + B_x) \mathbf{i} + (A_y + B_y) \mathbf{j} + (A_z + B_z) \mathbf{k}$$

خواص المتجهات

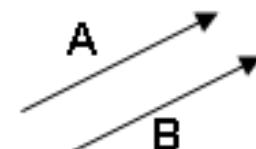
خواص المتجهات

خواص المتجهات:

- تساوي المتجهات.
- جمع المتجهات.
- طرح المتجهات.
- ضرب المتجهات.

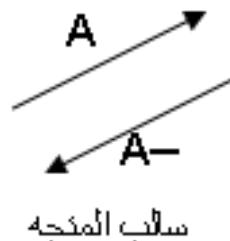
تساوي المتجهات

إن المتجهين A ، B متساويان إذا كان لهما نفس المقدار ونفس الاتجاه (ونفس الوحدة إن وجدت)، أي أن $A = B$ إذا كان مقدار A يساوي مقدار B وكان السهم الممثل للمتجه A يوازي السهم الممثل للمتجه.



تساوي المتجهات

في الشكل أدناه: إن المتجه A مساوٍ للمتجه $-A$ في المقدار ويعاكسه في الاتجاه.



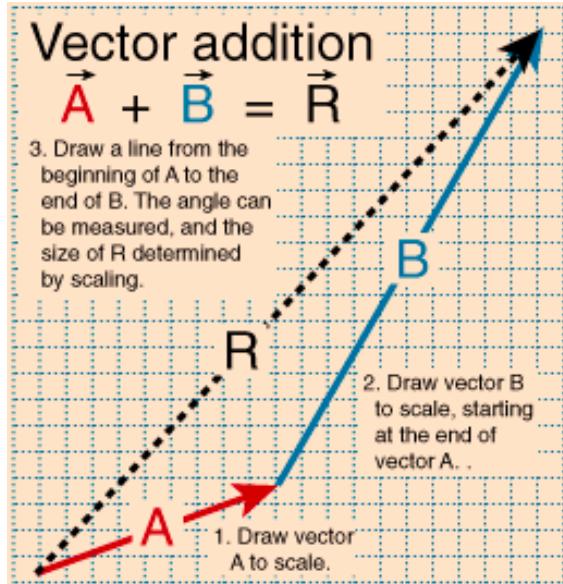
سلب المتجه

جمع المتجهات: Adding vectors

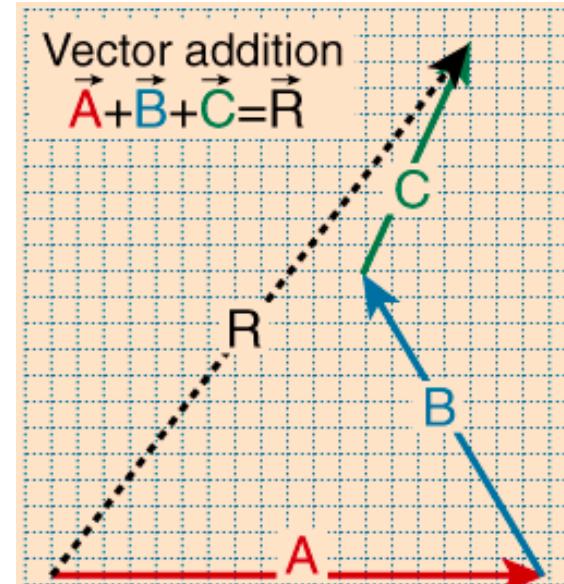
إيجاد محصلة مجموعه من المتجهات

عند جمع المتجهات يجب أن تكون هذه المتجهات من نفس النوع فلا يمكن مثلاً أن نجمع متجه قوة إلى متجه سرعة لاختلافهما في الأبعاد.
وذلك ينطبق أيضاً عند جمع الكميات القياسية.

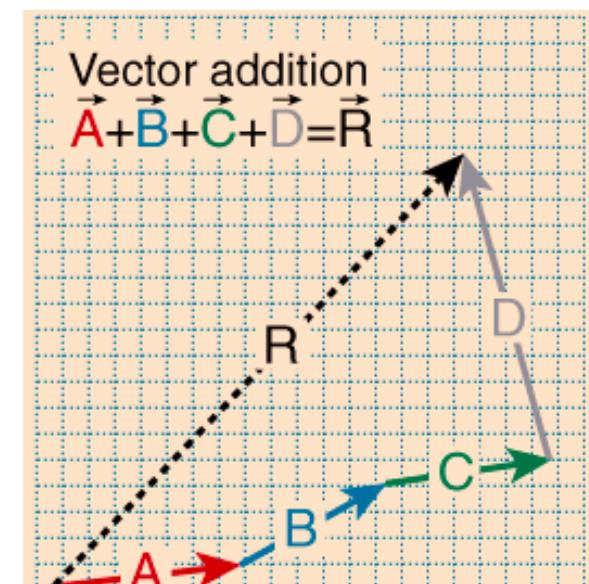
جمع المتجهات: Adding vectors



Vector Addition, Two Vectors



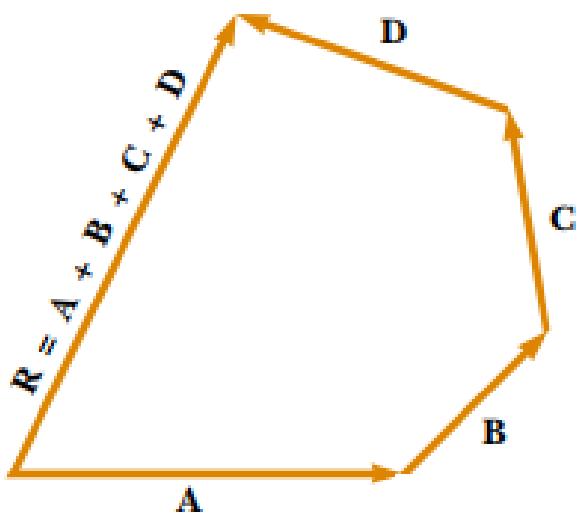
Vector Addition, Three Vectors



Vector Addition, Four Vectors

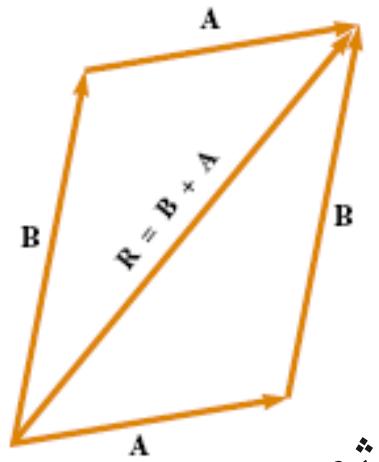
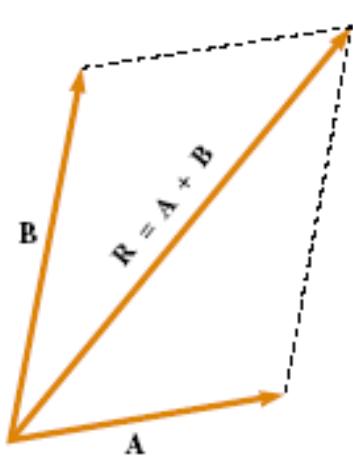
جمع المتجهات: Adding vectors

إيجاد محصلة مجموع من المتجهات



1. إذا كانت جميعها تعمل على خط واحد فإنها تجمع جبرياً بإشاراتها وذلك بعد اختيار اتجاهها معيناً يكون موجباً.
2. وإذا تساوى مقدار متجهين وتضادا اتجاههما كان محصلتهما تساوى صفر.
3. إذا لم يكن خط تأثير المتجهات واحداً فإننا نجد محصلتها بإحدى طرفيتين: المثلث أو متوازي الأضلاع.

جمع المتجهات: Adding vectors



طريقة متوازي الأضلاع:

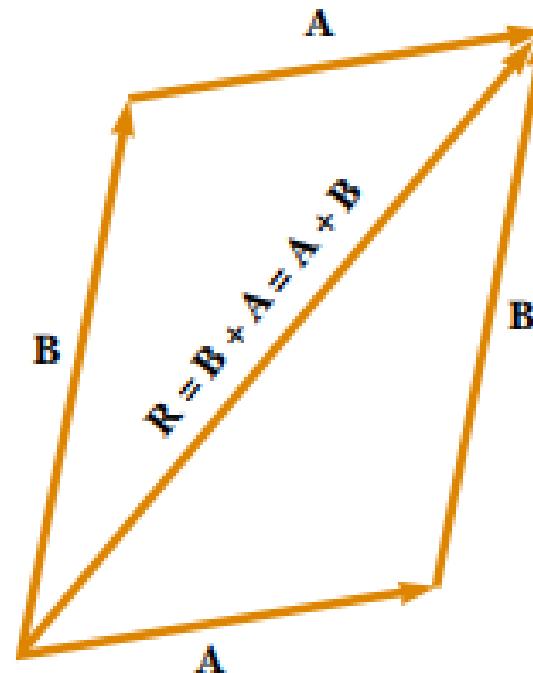
حاصل جمع المتجهين A و B هو متجه C ويسمى عادةً بالمحصلة (Resultant).

رسم أحد المتجهين أولاً ولتكن A بمقاييس رسم مناسب، ثم من بداية المتجه A نرسم المتجه B بنفس مقاييس الرسم ثم نكمل رسم متوازي الأضلاع فتكون المحصلة هي قطر متوازي الأضلاع الذي ضلعاه المتجاوران هما المتجهان A و B.

جمع المتجهات: Adding vectors

Commutative law of addition:

□ عملية الجمع يمكن ان تكون تبادلي
كما في الشكل :



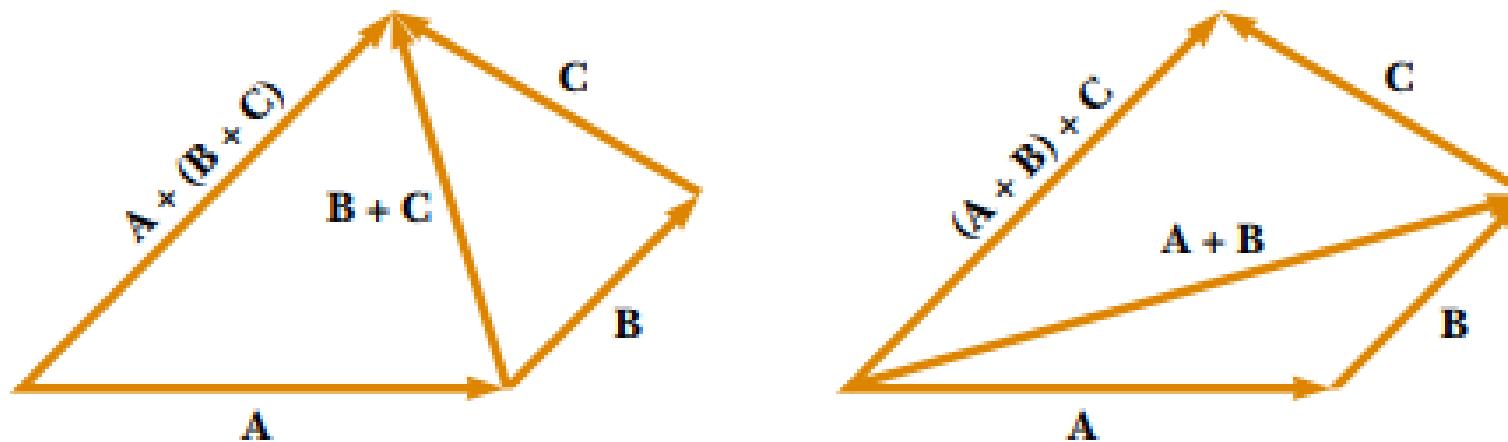
This construction shows that:

$$\mathbf{A} + \mathbf{B} = \mathbf{B} + \mathbf{A}$$

جمع المتجهات: Adding vectors

□ عملية الجمع يمكن ان تكون ترافقية
كما في الشكل :

Associative law of addition



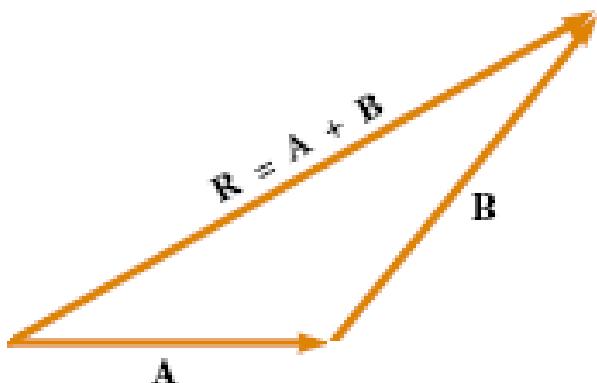
$$A + (B + C) = (A + B) + C$$

جمع المتجهات: Adding vectors

طريقة المثلث:

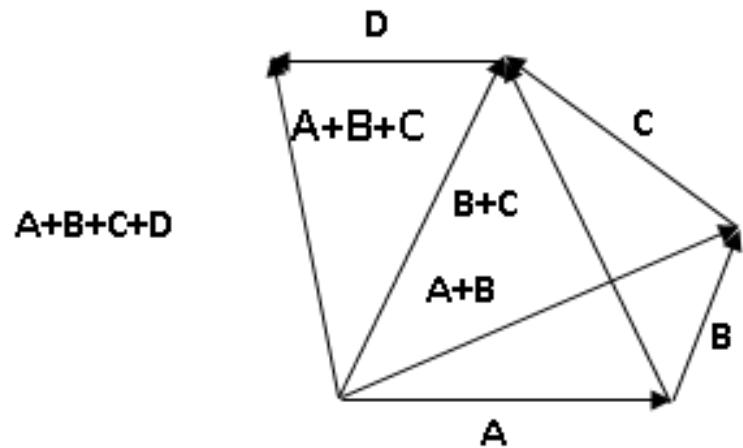
حاصل جمع المتجهين A و B هو متجه C ،
ويسمى عادةً بالمحصلة (Resultant).

رسم أحد المتجهين أولاً ولتكن A بمقاييس رسم
 المناسب ، ثم من رأس المتجه A نرسم المتجه B
 فتكون المحصلة C هي المتجه الذي يبدأ من بداية
 المتجه A وينتهي عند رأس المتجه B



جمع المتجهات: Adding vectors

طريقة المثلث:



كذلك يمكن تعميم طريقة المثلث للجمع لتشمل أكثر من ثلاث متجهات فإذا فرضنا أن هناك أربع متجهات A وB وC وD فإننا نرسم الواحد تلو الآخر كما يلي:

$$R = A + B + C + D$$

أي أن المحصلة هي الصلع الذي يقفل المضلع ولكن بالاتجاه المعاكس لدورة D وتنتهي عند رأس المتجه A و تبدأ من بداية المتجه المتجهات الأربع.

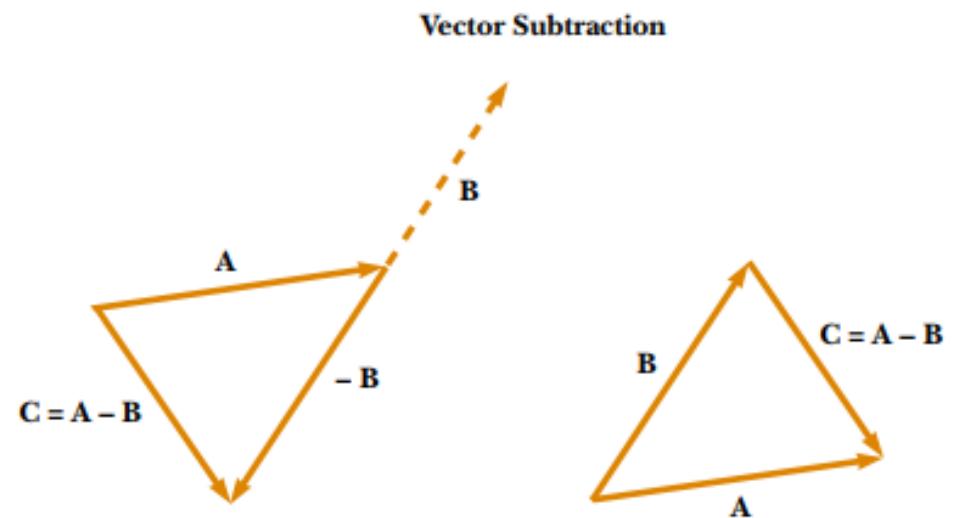
طرح المتجهات : Subtracting vectors

□ طرح المتجهات : Subtracting vectors

The operation of vector subtraction makes use of the definition of the negative of a vector.

We define the operation $\mathbf{A} - \mathbf{B}$ as vector $-\mathbf{B}$ added to vector \mathbf{A} :

$$\mathbf{A} + \mathbf{B} = \mathbf{A} + (-\mathbf{B})$$



ضرب المتجهات

من المعروف ان الكميه المتجهه تشمل عنصرين هما المقدار والاتجاه وتكون قواعد ضرب المتجهات هي:

- **ضرب المتجه في كمية قياسية:** اذا كان المتجه هو A وكانت a كمية قياسية فيكون حاصل الضرب هو كمية متجهة ومقداره ويساوي $a |A|$

من الأمثلة الفيزيائية على ضرب المتجه بكمية قياسية الزخم الخطى (كمية التحرك الخطى P) : وهو حاصل ضرب الكتلة m في متجه السرعة v ويعطى بالعلاقة:

$$P = mv$$

ضرب المتجهات

• ضرب متجه في متجه آخر: يوجد في هذه الحالة ثلاثة أنواع:

1. الضرب القياسي

2. الضرب الاتجاهي

3. الضرب التقاطعي

ضرب المتجهات

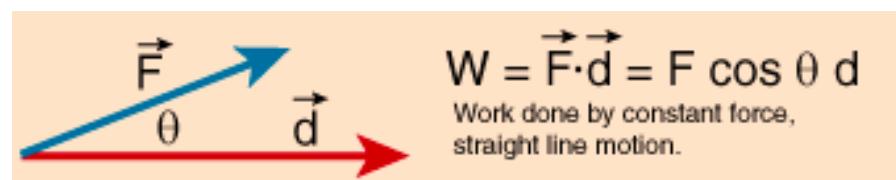
أولاً: الضرب القياسي :

يعرف الضرب القياسي لمتجهين بحاصل ضرب مقدار المتجه الأول في مقدار المتجه الثاني في جيب تمام الزاوية المحسورة بينهما ويكتب على الصورة $A \cdot B$

$$A \cdot B = |A| \cdot |B| \cdot \cos \theta$$

يمكن إيجاد قيمة الضرب القياسي لمتجهين باستخدام مركبات كل متجه كما يلي:

$$A \cdot B = (A_x \mathbf{i} + A_y \mathbf{j} + A_z \mathbf{k}) \cdot (B_x \mathbf{i} + B_y \mathbf{j} + B_z \mathbf{k})$$



ضرب المتجهات

أولاً: الضرب القياسي:

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = A_x B_x \mathbf{i} \cdot \mathbf{i} + A_x B_y \mathbf{i} \cdot \mathbf{j} + A_x B_z \mathbf{i} \cdot \mathbf{k} + A_y B_x \mathbf{j} \cdot \mathbf{i} + A_y B_y \mathbf{j} \cdot \mathbf{j} + A_y B_z \mathbf{j} \cdot \mathbf{k} + A_z B_x \mathbf{k} \cdot \mathbf{i} + A_z B_y \mathbf{k} \cdot \mathbf{j} + A_z B_z \mathbf{k} \cdot \mathbf{k}$$

$$\mathbf{i} \cdot \mathbf{i} = \mathbf{j} \cdot \mathbf{j} = \mathbf{k} \cdot \mathbf{k} = 1$$

$$\mathbf{i} \cdot \mathbf{j} = \mathbf{j} \cdot \mathbf{k} = \mathbf{k} \cdot \mathbf{i} = 0$$

وتبعاً للضرب القياسي:

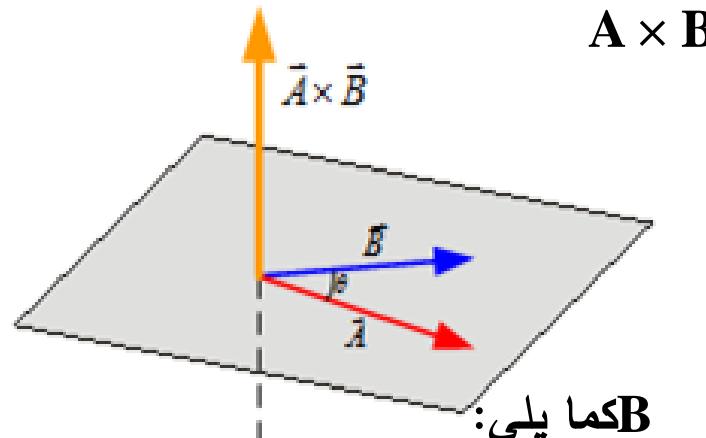
بالتعميض في معادلة الضرب ينتج ما يلي:

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$$

ضرب المتجهات

ثانياً: الضرب الاتجاهي :

نتيجة الضرب الاتجاهي لمتجهين A , B تكون كمية متجهة. ويكتب هذا النوع من الضرب كما يلي :



حيث ان n هي متجه الوحدة وهو عمودي على المتجهين B , A ,

والحصول على $A \times B$ بدلالة المركبات نعوض عن المتجهين A , B كما يلي:

$$A \times B = (A_x \mathbf{i} + A_y \mathbf{j} + A_z \mathbf{k}) \times (B_x \mathbf{i} + B_y \mathbf{j} + B_z \mathbf{k})$$

ضرب المتجهات

ثانياً: الضرب الاتجاهي :

$$\begin{aligned} \mathbf{A} \times \mathbf{B} = & A_x B_x \mathbf{i} \times \mathbf{i} + A_x B_y \mathbf{i} \times \mathbf{j} + A_x B_z \mathbf{i} \times \mathbf{k} + A_y B_x \mathbf{j} \times \mathbf{i} + A_y B_y \mathbf{j} \times \mathbf{j} + A_y B_z \mathbf{j} \times \mathbf{k} \\ & + A_z B_x \mathbf{k} \times \mathbf{i} + A_z B_y \mathbf{k} \times \mathbf{j} + A_z B_z \mathbf{k} \times \mathbf{k} \end{aligned}$$

وتبعاً للضرب الاتجاهي:

$$\mathbf{i} \times \mathbf{i} = \mathbf{j} \times \mathbf{j} = \mathbf{k} \times \mathbf{k} = \mathbf{0}$$

$$\mathbf{i} \times \mathbf{j} = \mathbf{k} \quad , \quad \mathbf{j} \times \mathbf{k} = \mathbf{i} \quad , \quad \mathbf{k} \times \mathbf{i} = \mathbf{j} \quad \text{وأيضاً:}$$

$$\mathbf{j} \times \mathbf{i} = -\mathbf{k} \quad , \quad \mathbf{k} \times \mathbf{j} = -\mathbf{i} \quad , \quad \mathbf{i} \times \mathbf{k} = -\mathbf{j}$$

بالت遇ويض في معادلة الضرب الاتجاهي ينتج ما يلي:

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = (A_y B_z - A_z B_y) \mathbf{i} + (A_z B_x - A_x B_z) \mathbf{j} + (A_x B_y - A_y B_x) \mathbf{k}$$

ضرب المتجهات

ثالثاً: الضرب التقاطعي: في هذا النوع نقوم بإستخدام المحددات.

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = (A_x \mathbf{i} + A_y \mathbf{j} + A_z \mathbf{k}) \times (B_x \mathbf{i} + B_y \mathbf{j} + B_z \mathbf{k})$$

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix}$$

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = (A_y B_z - A_z B_y) \mathbf{i} + (A_x B_z - A_z B_x) \mathbf{j} + (A_x B_y - A_y B_x) \mathbf{k}$$

ضرب المتجهات

Example: Solve this vectors by used determination method

$$\mathbf{A} = (3 \mathbf{i} + 5 \mathbf{j} - \mathbf{k})$$

$$\mathbf{B} = (7 \mathbf{i} - 4 \mathbf{j} + 2 \mathbf{k})$$

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ 3 & 5 & -1 \\ 7 & -4 & 2 \end{vmatrix}$$

Sol:

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = (5 \cdot 2 - (-1 \cdot -2)) \mathbf{i} + (3 \cdot 2 - (-1 \cdot 7)) \mathbf{j} + ((3 \cdot -4) - 5 \cdot 7) \mathbf{k}$$

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = (10 - 2) \mathbf{i} + (6 - 7) \mathbf{j} + (-12 - 35) \mathbf{k}$$

$$\underline{\mathbf{A} \times \mathbf{B} = 8 \mathbf{i} + 13 \mathbf{j} + -47 \mathbf{k}}$$

مسائل وتمارين

مسائل

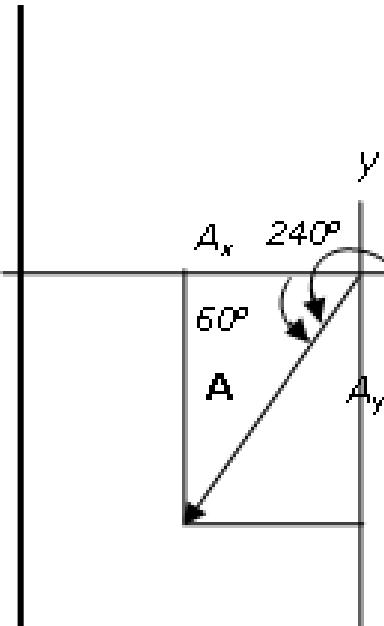
مثال ()

إذا كان المتجه A قيمته 6 وحدات
ويصنع زاوية مقدارها 240° مع الاتجاه
الموجب لمحور x

حل اخر

$$A_x = -A \cos 60^\circ = -6 \times (1/2) = -3$$

$$A_y = A \sin 60^\circ = -5.2$$



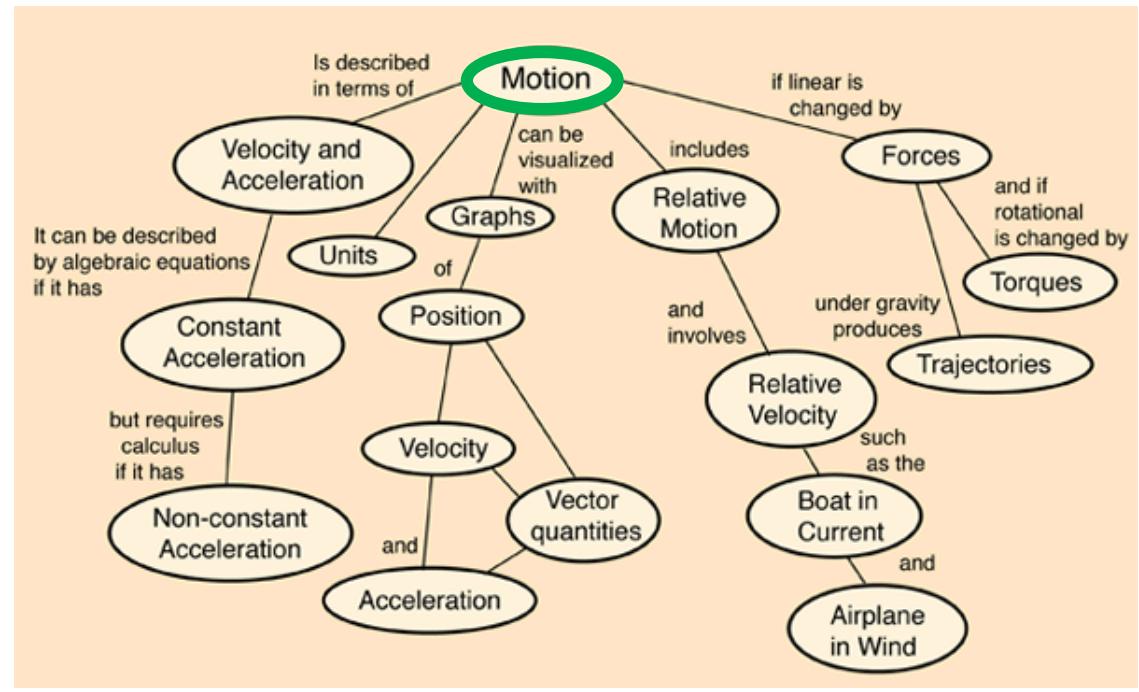
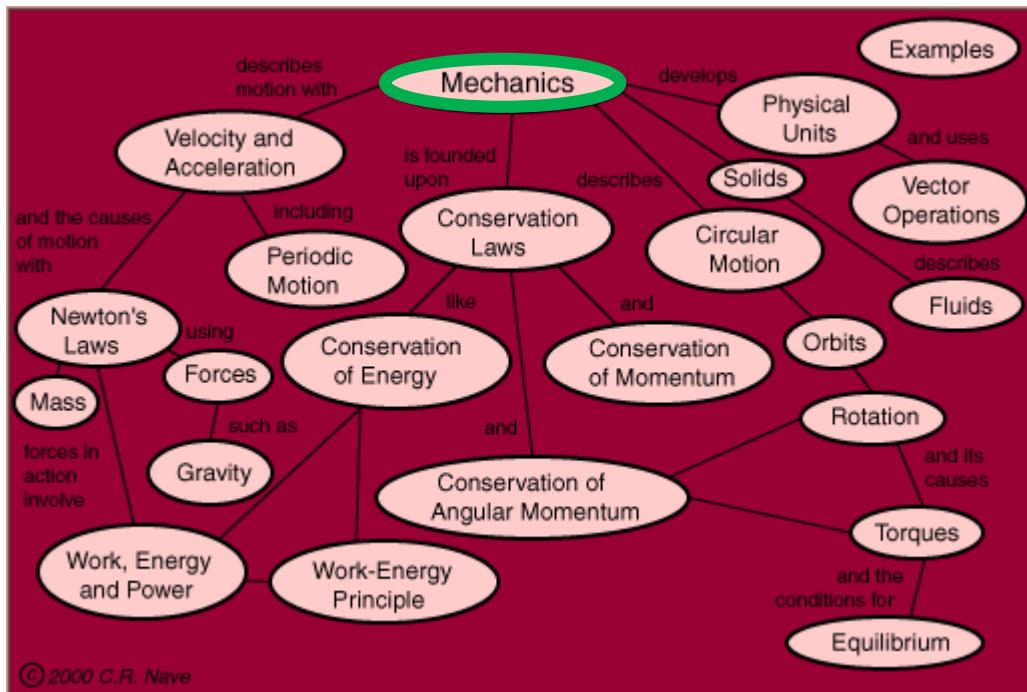
الحل

$$A_x = A \cos 240^\circ = 6 \times (-1/2) = -3$$

$$A_y = A \sin 240^\circ = -5.2$$

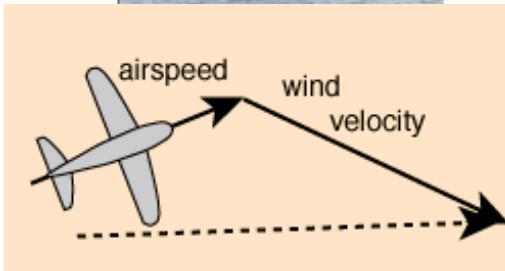
المحاضرة الرابعة : الحركة ذات العجلة وقوانين نيوتن

الحركة ذات العجلة



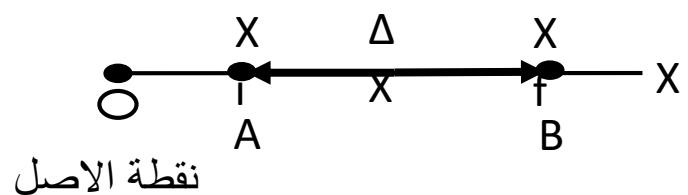
مقدمة

- ✓ تعتبر الحركة من المواقف الهامة التي يتحتم علينا دراستها ابتداءً من حركة الجسيمات الصغيرة إلى كرة القدم و السيارة وانتهاءً بحركة النجوم والكواكب.
- ✓ ويسمى العلم الذي يبحث في حركة الجسيمات بعلم الميكانيكا.
- ✓ سندرس حركة الجسيمات في خط مستقيم ومن خلاله أيضاً سنتعرف على مفاهيم الإزاحة والسرعة والتسارع وعلاقتها ببعضها البعض ومع الزمن أيضاً.



الحركة ذات العجلة: الإزاحة:

نعرف إزاحة الجسم بأنها التغير في موضعه بالنسبة إلى نقطه إسناد (مرجع) معينة وهي كمية متوجهة تعتمد على نقطة البداية ونقطة النهاية بغض النظر عن المسار الذي يتبعه الجسم في تحركه.



تمثل إزاحة الجسم على خط مستقيم من الموضع A إلى الموضع B

الحركة ذات العجلة:

الإزاحة:

عندما يتحرك جسم على خط مستقيم و ليكن محور x فإن اتجاه حركته يكون محدداً على هذا المحور.

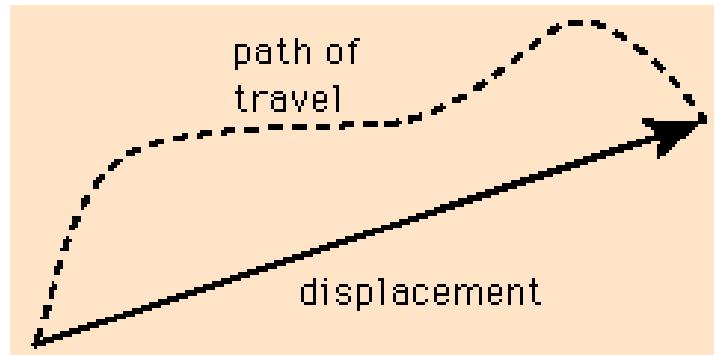
أي أن إزاحة الجسم هي Δx فإذا كانت موجبة فإن ذلك يعني أنها باتجاه محور x الموجب و إذا كانت سالبة فيعني أنها باتجاه محور x السالب.

$$\Delta x = x_f - x_i$$

الحركة ذات العجلة:

المسافة والإزاحة:

ملاحظة:



يجب التفريق بين المسافة distance والإزاحة displacement حيث أن المسافة تمثل الطول الفعلي للمسار الذي يقطعه الجسم وهي كمية قياسية .

أما الإزاحة فتمثل أقصر مسافة بين نقطة البداية ونقطة النهاية وهي كمية متجهة.

الحركة ذات العجلة:

السرعة (الاتجاهية) المتوسطة :

تعرّف السرعة المتوسطة بأنها نسبة الإزاحة إلى الزمن واتجاهها هو اتجاه الإزاحة وتعطى بالعلاقة:

$$\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_f - x_i}{t_f - t_i}$$

السرعة (الاتجاهية) اللحظية:

معدل تغير متجه الموضع بالنسبة للزمن وهي تعبر عن سرعة الجسم عند لحظة معين وتعطى حسب

العلاقة :

$$v = \frac{dx}{dt}$$

الحركة ذات العجلة:

السرعة القياسية المتوسطة:

نعرف متوسط السرعة القياسية لجسم ما بأنها نسبة المسافة الكلية التي يقطعها الجسم للزمن الكلي وتعطى ب :

$$s = \frac{d}{t}$$

حيث s تمثل السرعة d المسافة الكلية المقطوعة خلال زمن مقداره t .

الحركة ذات العجلة:

العجلة المتوسطة:

عرف متوسط التسارع (العجلة المتوسطة) a بأنه نسبة تغير السرعة الحالية للزمن.

$$\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v_f - v_i}{t_f - t_i}$$

العجلة الحالية:

يعرف على أنه معدل تغير السرعة الحالية بالنسبة للزمن وتعطى حسب العلاقة :

$$a = \frac{dv}{dt}$$

الحركة ذات العجلة:

الحركة في خط مستقيم بعجله منتظمه:

عندما يتحرك جسم ما بسرعة متزايدة أو متناقصة بمعدل ثابت فإن حركته تكون بعجله منتظمه اتعرف بأنها السرعة بالنسبة للزمن.

دعنا نفترض أن جسماً ما يسير بسرعة v_0 عند بداية الحركة $t_1 = 0$ وبعد زمن معين $t = t_2$ أصبحت سرعته $v_2 = v$ فإن التسارع (عجلة الجسم).

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v - v_0}{t - 0}$$

الحركة ذات العجلة:

وتلخص قوانين الحركة الخطية ذات العجلة المنتظمة فيما يأتي:

Average velocity: $\bar{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$

Average acceleration: $\bar{a} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$

Constant acceleration equations.

1. $x = \bar{v} t$ More Detail $\bar{v} = \frac{v_0 + v}{2}$

2. $v = v_0 + at$

3. $x = v_0 t + \frac{1}{2} at^2$ Show

4. $v^2 = v_0^2 + 2ax$ Show

الحركة ذات العجلة:

الحركة في خط مستقيم بعجله منتظمه:

في حالة السقوط الحر، اذا اعتبرنا ان الاتجاه عمودي نحو الاعلي هو الاتجاه الموجب فان:

$$a = -g$$

عندئذ تصبح معادلات حركة الجسم كالتالي:

الحركة ذات العجلة:

الحركة في خط مستقيم بعجله منتظمه:

$$v = -g + v_0$$

$$y = v_0 t + \frac{1}{2} g t^2 + y_o$$

$$v^2 - v_0^2 = 2(-g)(y - y_o) = -2gS$$

حيث: S تمثل الا زاحة

الحركة ذات العجلة:

مثال ()

يتحرك جسم من السكون بتسارع منتظم 5 m/s^2 .
جد سرعته بعد مضي ثلاثة ثوان على حركته.

الحل:

الحركة ذات العجلة:

مثال ()

تسارع طائرة بدءاً من السكون إلى أن تصل سرعتها إلى 360 Km/hr وهي السرعة اللازمة للإقلاع .

جد التسارع اللازم لذلك إذا كان طول المدرج 1200 m .

الحل:

قوانين نيوتن للحركة

قوانين نيوتن للحركة

الهدف:

الهدف: هو تكرار الالتبات أنه يمكن أن نستنبط كل التفاصيل من خلال قانون واحد أو قانونين ، وهو أن فهم الاسباب خلف كل شيء.

قوانين نيوتن للحركة

ميكانيكا نيوتن:

هي دراسة أو توقع المستقبل بمعرفة الحاضر لحركة جسم ما، متى، أين، وما هي السرعة الابتدائية، وإذا قذف الجسم نتوقع مكان سقوطه وهكذا.

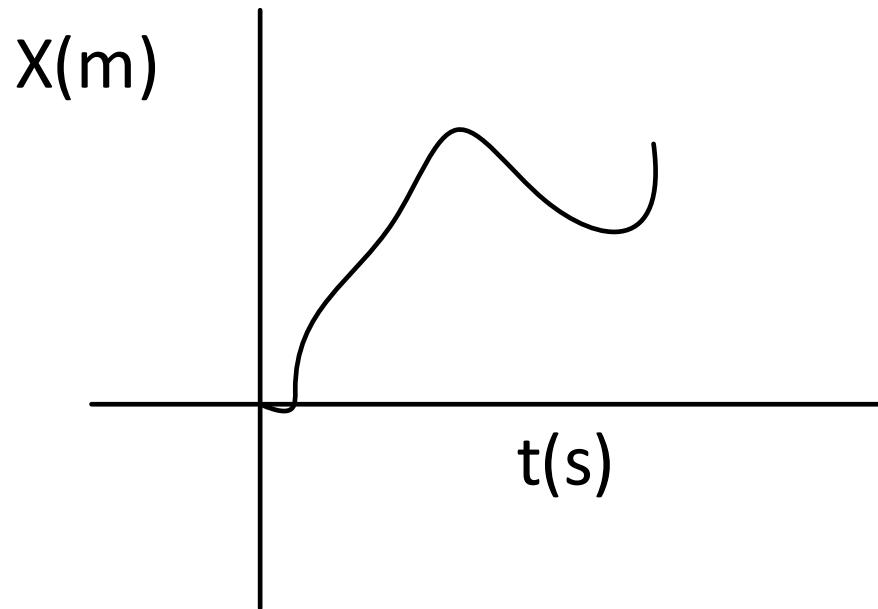
الفيزياء لا تسأل عن المزاج او لماذا قرر ان يسقط من المبني، المهم معرفة متى يرتطم بالأسمنت ، وما هي سرعته في اي لحظة.

قوانين نيوتن للحركة

تتقسم ميكانيكا نيوتن الى قسمين:

- **Kinematics**: يستخدم لدراسة أو وصف الحاضر للحدث دون معرفة المسببات. وكل ما يحتاجه هنا هو معرفة وحدات المسافة والزمن.
- **Dynamics**: يستخدم لدراسة أو وصف حركة الجسم الى أعلى أو الى أسفل ويفسر التغيير والمسببات.

قوانين نيوتن للحركة



كيف نقراء هذا الرسم؟
في هذا لا يعني ان الجسم يسقط ويهبط،
المنحنى يسقط ويهبط بينما الجسم يتحرك من
اليسار الى اليمين.

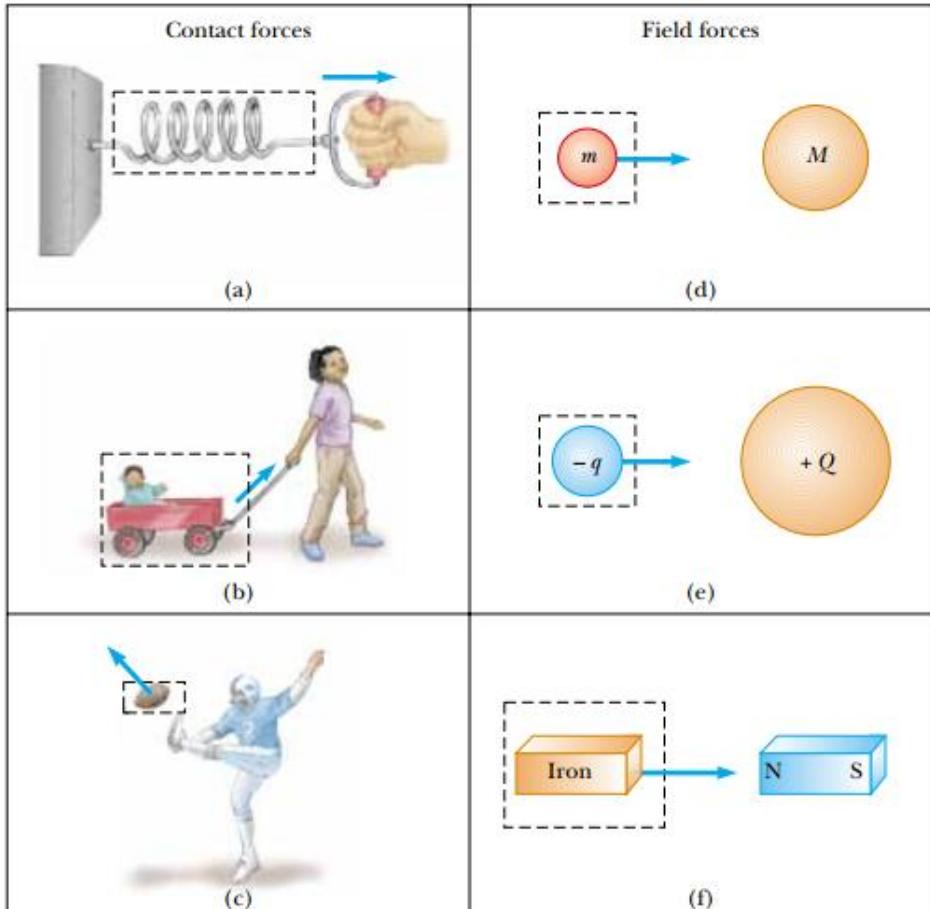
قوانين نيوتن للحركة

الكتلة:

كتلة جسم ما هي مقياس لقصوره الذاتي . القصور الذاتي هو ميل جسم ما ساكن ليظل على حالته من السكون ، وميل جسم ما متحرك ليواصل الحركة بسرعة ثابتة .

القوة:

هي وسيلة التغيير . وهى فى الميكانيكا الدفع أو الجذب الذى يغير سرعة جسم ما .



قوانين نيوتن للحركة

القوة:

القوة الخارجية الكلية أو المحصلة ، المؤثرة على جسم ما تجعل الجسم يتسارع بعجلة في اتجاه القوة .
و هذه العجلة تتناسب طرديا مع القوة و عكسيا مع كتلة الجسم .

و من انواع القوة: قوة الشد - قوة الاحتكاك - القوة العمودية.

تقاس القوة بالنيوتن: هو وحدة القوة في نظام الدولي وهو المحصلة التي تكسب كتلة واحد كيلوجرام من المادة عجلة مقدارها ب m/s^2 .

قوانين نيوتن للحركة

وضع نيوتن ثلاثة قوانين أساسية للحركة هي:

□ القانون الأول:

يظل الجسم الساكن في حالة سكون ما لم تؤثر عليه قوة تغير من حالته . و كذلك الجسم المتحرك بسرعة منتظمة في خط مستقيم يظل على حركته ما لم تؤثر عليه قوى تغير من حالته، و يوضح هذا القانون خاصية القصور للأجسام . مغيرة للحركة.

$$\sum F = 0 \quad \vec{a} = 0 \quad \text{وجود حالة إتزان}$$

يتبع ذلك:

$$X = vt$$

قوانين نيوتن للحركة

وضع نيوتن ثلاثة قوانين أساسية للحركة هي:

□ القانون الثاني:

إذا أثروا بقوة F على جسم ما فإنها تحدث أو تحاول أن تحدث تغييراً في حالة الجسم عن حالة سكونه أو حركته الخطية بسرعة منتظمة. وعندما تتغير حالة الجسم تحدث عجلة تسارع a يكون اتجاهها في نفس اتجاه القوة المؤثرة.

$$F = m \cdot a$$

$$\vec{a} = F/m$$

قوانين نيوتن للحركة

وضع نيوتن ثلاثة قوانين أساسية للحركة هي:

المعادلات الاتجاهية يمكن كتابتها كالتالي:

$$\sum F_x = ma_x \quad \sum F_y = ma_y \quad \sum F_z = ma_z$$

يتبع ذلك:

عدم عدم إتزان

$$v = v_0 + at$$

$$v^2 = v_{0x}^2 + 2ax$$

$$X = v_0 t + 1/2at^2$$

قوانين نيوتن للحركة

و قد وجد نيوتن أن النسبة بين القوة المؤثرة إلى العجلة الناتجة تكون دائماً ثابتة للجسم الواحد و تساوي كمية المادة بداخله أي كتلته.

إذا كان زمن تأثير القوة هو Δt و كان مقدار التغير في سرعة الجسم في تلك الفترة هو Δv فمن تعريف العجلة.

$$F = m \frac{\Delta v}{\Delta t} \quad \text{معادلة القوة:} \quad a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \quad \text{معادلة العجلة:}$$

$$F \cdot \Delta t = m \Delta v = m (v_2 - v_1) = mv_2 - mv_1$$

حيث v_1 ، v_2 هما سرعتا الجسم عند البدء و عند الانتهاء من تأثير القوة.

قوانين نيوتن للحركة

الكمية mv تعرف بكمية الحركة ويرمز لها بالرمز P وتقاس بوحدة $Kg \cdot m/sec$ وتعطى حسب العلاقة:

$$P = mv$$

ولما كان حاصل ضرب القوة \times الزمن يساوي دفع القوة (I)

$$I = F \cdot \Delta t$$

يمكن كتابتها

$$I = \Delta P = P_2 - P_1 = mv_2 - mv_1$$

بمعنى أن التغير في كمية حركة جسم يساوي دفع القوة المؤثرة والمسبقة لهدا التغير، ووحدة قياس الدفع هي نفس وحدة قياس كمية التحرك $Kg \cdot m/sec$

قوانين نيوتن للحركة

العلاقة بين الكتلة والوزن:

الكتلة: هي مقدار ما يحتويه الجسم من مادة.

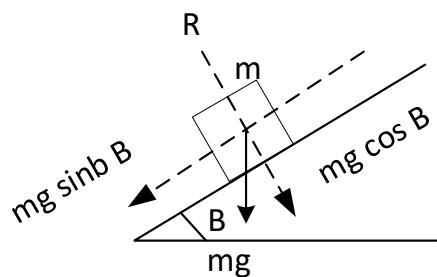
الوزن: هو قوة جذب الأرض للجسم.

فإذا كانت كتلة الجسم هي m وعجلة الجاذبية الأرضية هي g فإن وزن الجسم W يعطى حسب العلاقة التالية:

قوانين نيوتن للحركة

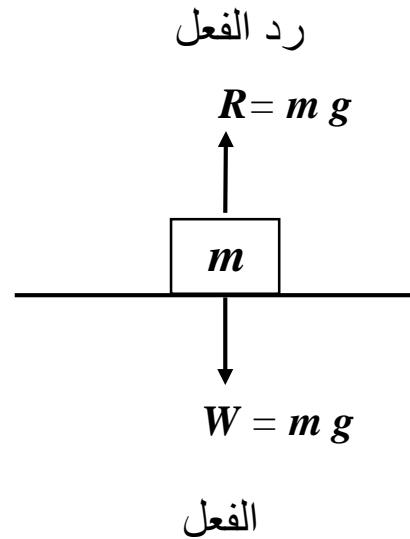
□ القانون الثالث:

أن لكل فعل رد فعل مساوٍ له في المقدار و مضاد له في الاتجاه.



$$Rx = mg \cos B$$

$$Ry = mg \sin B$$



قوة الاحتكاك: قوة مقاومة للحركة وتكون دائمًا عكس إتجاه الحركة.

H.W

يتحرك جسم من نقطة الأصل شرقاً مسافة 40m في ست ثواني ، ثم غرباً مسافة 20m في أربع ثواني ، و أخيراً شرقاً مسافة 60m في عشر ثواني .

أوجد:

- إزاحة الجسم -متوسط سرعته المتجهة.
- متوسط سرعته المتجهة خلال الفترة الزمنية الثانية.
- المسافة الكلية التي يقطعها- متوسط سرعته القياسية.

المحاضرة الخامسة: إتزان جسم تحت تأثير قوى متلاقيّة في نقطة

الإتزان والقوى المتلاقية

ما هي القوى المتلاقية في نقطة؟

هي القوى التي تمر خطوط عملها جميعاً ب نقطة مشتركة.

مثال على ذلك القوى المؤثرة على جسم نقطي تعتبر متلاقية في نقطة لأنها تمر جميعاً بنفس النقطة، وهي الجسم النقطي.

الإتزان والقوى المتلاقيّة

ما هو الإتزان؟

يكون جسم ما في حال إتزان تحت تأثير قوى متلاقيّة في نقطة بشرط:

أن لا يكون متحركاً بعجلة.

الإتزان والقوى المتلاقيّة

شرط الإتزان:

تحت تأثير قوى متلاقيّة في نقطة أن يكون: $\sum F = 0$

أو بصيغة المركبات تكون: $\sum F_z = \sum F_y = \sum F_x = 0$

أى أن محاصلة جميع القوى الخارجية المؤثرة على الجسم يجب أن تساوى صفراء.

الإتزان والقوى المتلاقيّة

طريقة حل المسائل (القوى المتلاقيّة):

1. أعزل الجسم قيد المناقشة.
2. بين القوى المؤثرة على الجسم المعنزال برسم تخطيطي (الجسم الحر).
3. عين المركبات المتعامدة لكل القوى.
4. أكتب الشرط الاول للإتزان في صورة معادلة.
5. حل المسألة لايجاد الكميات المطلوبة.

الإتزان والقوى المتلاقيّة

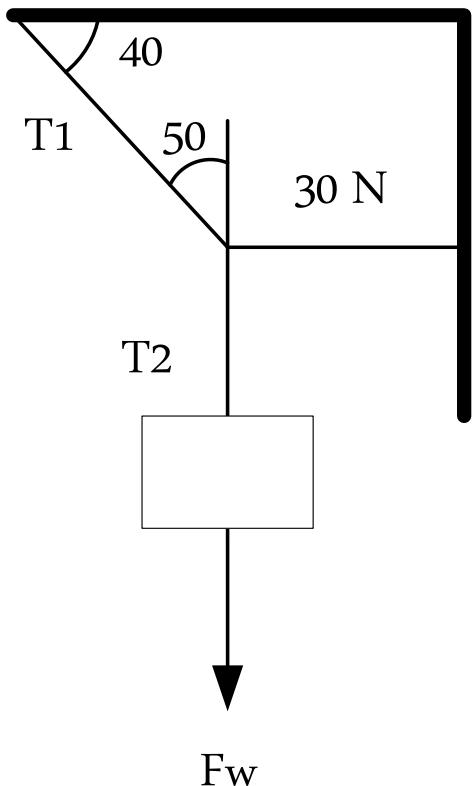
تؤثّر على الجسم عادة 4 قوى وهي:

1. قوّة الشد F_T : القوّة المطبقة لاحدّاد استطالة.
2. قوّة الجاذبيّة F_w : وزن الجسم.
3. قوّة الاحتكاك F_f : قوّة مماسية مؤثّرة على جسم ما وتعوق إنزلاقه على السطح.
4. القوّة العموديّة F_N : وهي مركبة القوّة الاسناديّة في الاتجاه العمودي للسطح الذي يستند عليه الجسم.

الإتزان والقوى المتلاقيّة

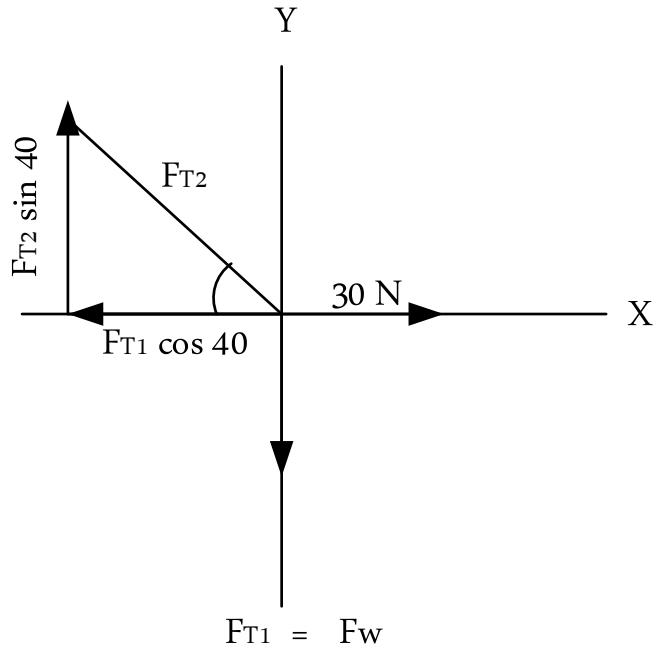
مثال ()

في الشكل الموضح، الشد في الحبل الأفقي يساوي 30N .
أحسب وزن الجسم.



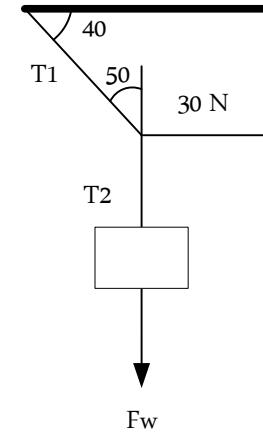
الإتزان والقوى المتلاقيّة

عزل الجسم

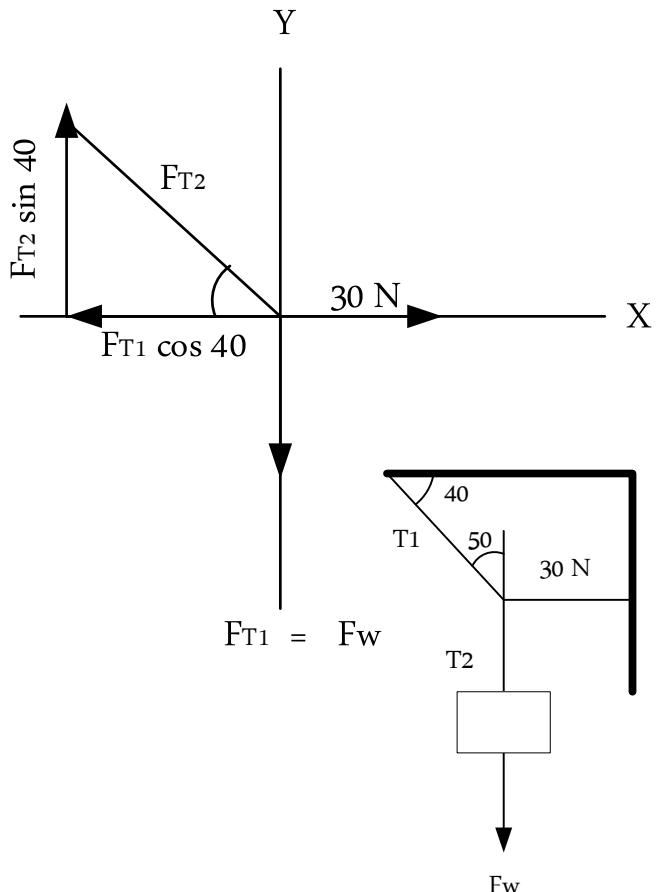


خطوات الحل:

1. لاحظ القوة الجهولة F_{T1} والقوة المعلومة 30 N كلتاها تؤثر على عقدة الجسم. لذلك يمكن عزل العقدة عند تلك النقطة ونحصل على الجسم الذي سوف نتعامل معه.



الإتزان والقوى المتلاقيّة



خطوات الحل:

.2. الشد في الحبل 1 يساوي وزن الجسم المعلق:

$$F_{T1} = F_w$$

.3. نكتب شرط الإتزان في صورة معادلة:

$$\sum F_x = 0 = 30 \text{ N} - F_{T2} \cos 40^\circ = 0$$

$$\sum F_y = 0 = F_{T2} \sin 40^\circ - F_w = 0$$

.4. بحل المعادلتين نجد أن:

$$F_{T2} = 39.2 \text{ N}$$

$$F_w = 25 \text{ N}$$

إتزان جسم مصمم تحت قوى أحادية المستوى

إتزان جسم مصمت تحت قوى أحادية المستوى

اللى (أو العزم) حول محور ، نتیجة قوة: هو مقياس مدى فعالية القوة لاحداث دوران حول ذلك المحور .

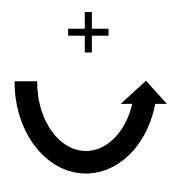
ويعرف كما يلى :

$$\tau = r F \sin \theta$$

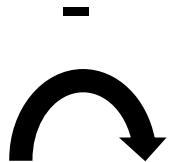
حيث r المسافة النصف قطرية من المحور الى نقطة تأثير القوة F و θ الزاوية بين خطى عمل r و F

إتزان جسم مصمت تحت قوى أحادية المستوى

وحدات عزم القوة هي نيوتن. متر $N.m$
ويمكن تمييز العزوم باشارات موجبة وسالبة بالاتي:



إذا كان العزم يميل الى إحداث حركة حول المحور فى عكس عقارب الساعة
يكون موجبا



بينما العزم الذى يحدث دورانا فى اتجاه عقارب الساعة يكون سالبا .

شرط الاتزان

شرط الاتزان لجسم مصمت تحت تأثير قوى فى مستوى واحد (احادية المستوى) هما:

□ الشرط الاول للاتزان وهو (شرط القوة) : المجموع المتجهي لجميع القوى المؤثرة على جسم يجب أن يساوى الصفر .

$$\sum F_y = 0 \quad \sum F_x = 0$$

حيث يؤخذ المستوى xy ليكون المستوى الذى تؤثر فيه القوى .

شرط الاتزان

□ الشرط الثاني للاتزان هو (شرط اللي):

اذا كان المجموع الجبرى للعزم مساويا للصفر حول محور واحد بالنسبة لجسم يخضع لشرط القوة ، فانه يساوى الصفر حول جميع المحاور الاخرى الموازية للاول .

$$\sum \tau = 0$$

عندئذ تكون الزاوية بين ω و F مساوية الصفر ، ومن ثم فان تلك القوة المجهولة على وجه الخصوص تبذل عزما مساويا للصفر ، ولذلك لا تظهر في معادلة العزم .

مركز الثقل Center of Gravity

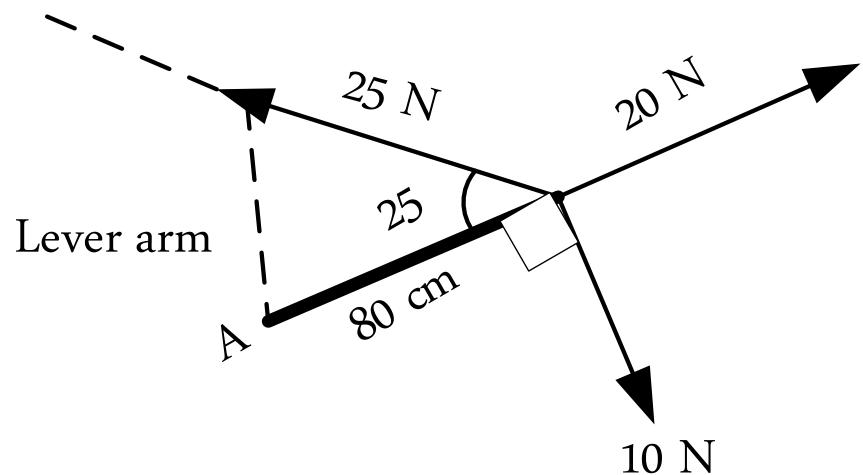
مركز الثقل لجسم ما:

هي النقطة التي فيها يمكن أن وزن الجسم بأكمله مركز عندها ، أي أن خط تأثير وزن الجسم يمر خلال مركز الثقل وإذا أثرت قوة مساوية لوزن الجسم في المقدار رأسيا الى أعلى مرورا بمركز ثقله فيظل الجسم في حالة اتزان .

مركز الثقل Center of Gravity

مثال ()

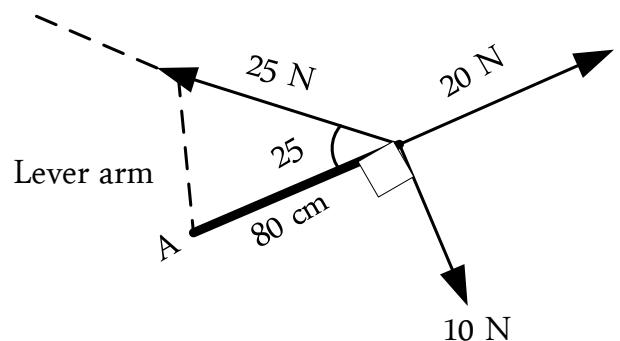
أحسب اللي حول المحور A بالنسبة لكل القويي الموضحة.



مركز الثقل Center of Gravity

الحل:

نستخدم المعادلة $\tau = r F \sin \theta$ ، والعكس صحيح.
أخذين في الاعتبار ان العزوم في اتجاه عقرب الساعة تكون سالبة



$$\text{For } 10 \text{ N} : \tau = -(0.80 \text{ m})(10 \text{ N})(\sin 90^\circ) = -8.0 \text{ N.m}$$

$$\text{For } 25 \text{ N} : \tau = -(0.80 \text{ m})(25 \text{ N})(\sin 90^\circ) = +8.5 \text{ N.m}$$

$$\text{For } 20 \text{ N} : \tau = -(0.80 \text{ m})(20 \text{ N})(\sin 0^\circ) = 0$$

المحاضرة الخامسة: الشغل ، الطاقة ، القدرة ، وكمية التحرك

مقدمة

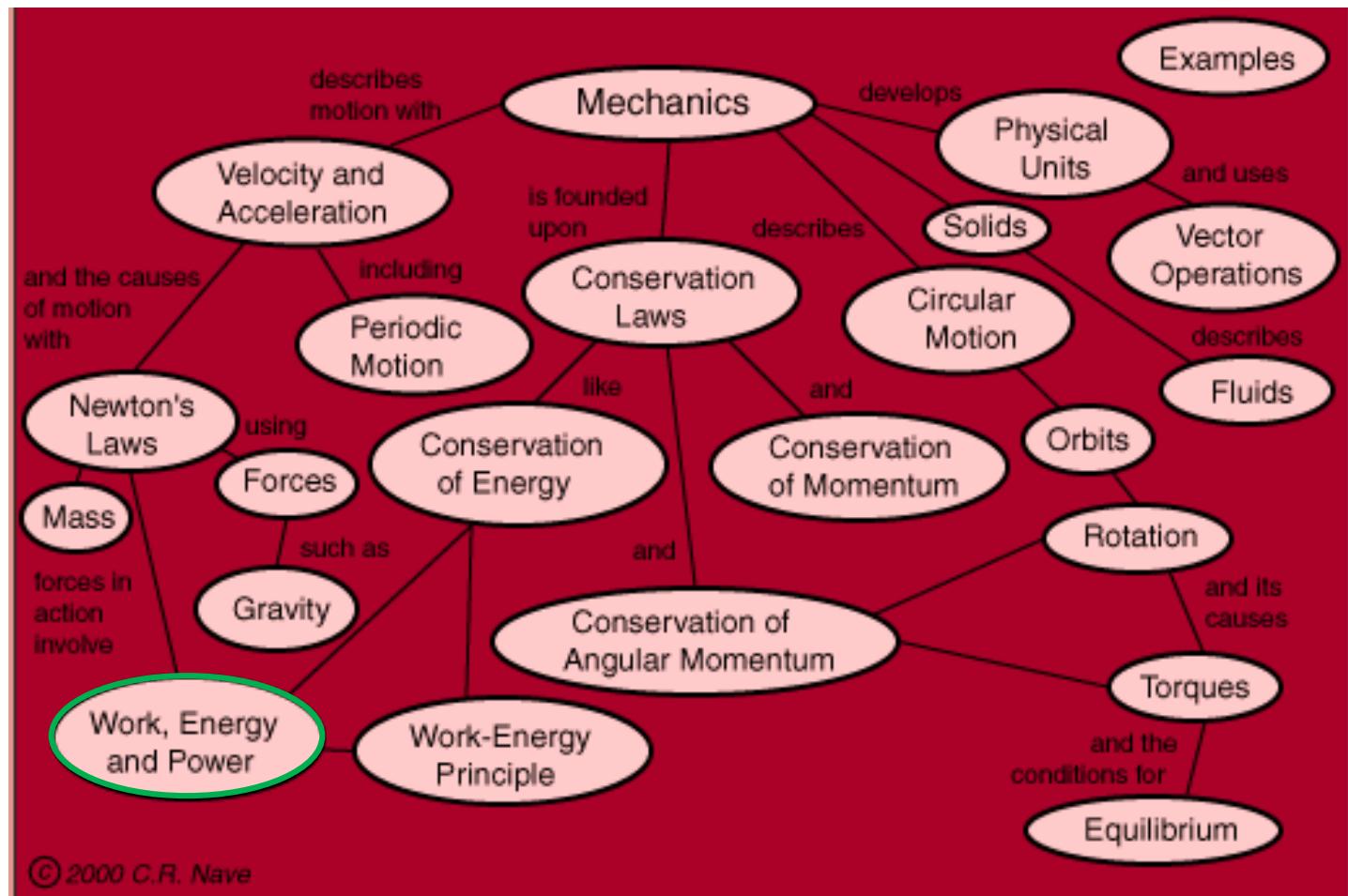
مقدمة

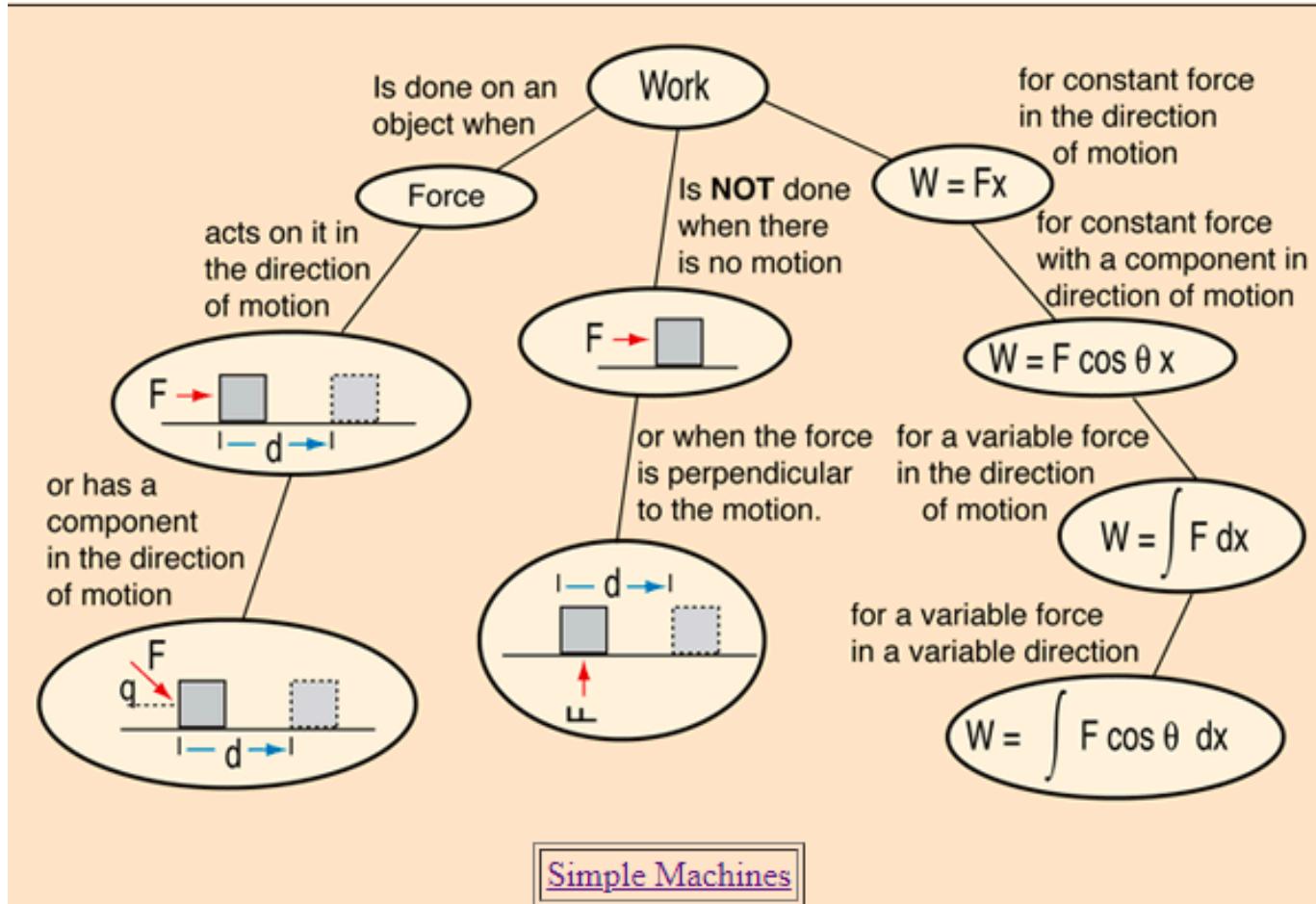
- ✓ Work الشغل
- ✓ Power القدرة
- ✓ Energy: Kinetic energy & Gravitational potential energy

الطاقة

- ✓ Impulse الدفع
- ✓ linear momentum كمية الحركة

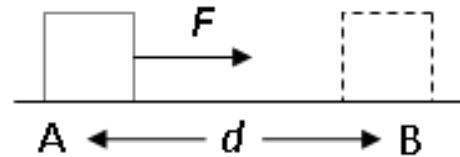
الشغل - الطاقة





الشغل

- يحدث الشغل عادة إذا أثرت قوة على جسم ما وغيّرت من موضعه.
- ويعرف الشغل : حاصل ضرب الإزاحة التي يتحركها الجسم في مركبة القوة باتجاه الإزاحة.



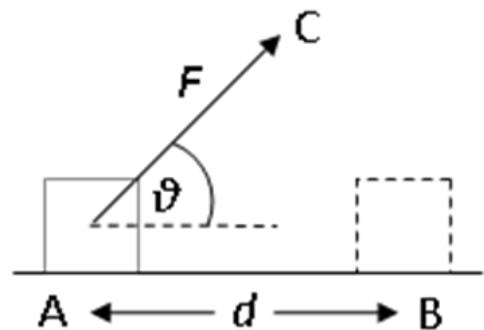
A diagram illustrating work. It shows a rectangular block at its initial position, labeled 'A', with a horizontal arrow pointing to the left. A horizontal force vector, labeled 'F' with an arrow pointing to the right, is applied to the block. The block is shown in a dashed outline at its final position, labeled 'B', with a horizontal arrow pointing to the right. The distance between the two positions is labeled 'd'.

$$W = F \cdot d$$

- يحدث الشغل إذا أثرت قوة F في الاتجاه من الموضع A إلى الموضع B ، ثم تحرك الجسم مسافة d في هذا الاتجاه.

الشغل

أما إذا كان اتجاه القوة F بالاتجاه من A إلى C فإن الشغل المبذول يكون:



$$W = (F \cos \theta) d$$

$$W = F d \cos \theta$$

حيث d هي مقدار الإزاحة التي تحركتها الكتلة .
و $(F \cos \theta)$ هي مركبة القوة F في اتجاه الإزاحة d .

يتضح أن الشغل يكون موجبا إذا كانت القوة باتجاه الإزاحة لأن $(\cos 0^\circ = 1)$.
ويكون سالبا إذا كانت القوة معاكسة لاتجاه الإزاحة لأن $(\cos 180^\circ = -1)$.

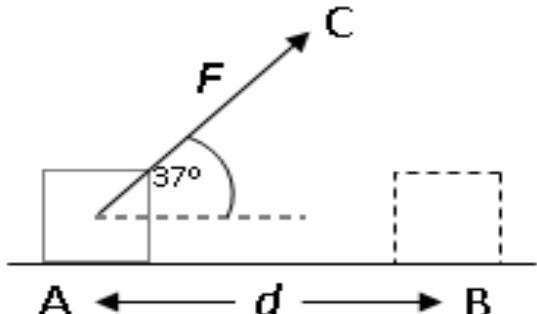
الشغل

مثال ()

جسم كتلته 2Kg يتحرك تحت تأثير قوة ($F=20N$) تصنع زاوية مقدارها 37° كما بالشكل (5-3). فإذا تحرك الجسم مسافة مقدارها ($d=4m$) على سطح أملس، احسب الشغل المبذول بواسطة القوة F .

الحل:

حيث أن القوة تصنع مع الإزاحة زاوية θ فسنستخدم العلاقة:



$$W = F d \cos \theta$$

$$W = (20) (4) (\cos 37^{\circ}) = 63.9 J$$

الشغل

مثال ()

قذفت كرة كتلتها $2Kg$ إلى أعلى مسافة مقدارها ($d=4m$). أحسب الشغل المبذول بواسطة قوة الجاذبية الأرضية.

الحل:

حيث أن الجسم قذف إلى أعلى فإن الإزاحة تكون إلى أعلى في حين أن القوة المؤثرة على الجسم وهي قوة الجاذبية الأرضية إلى أسفل، أي أن القوة تصنع مع الإزاحة زاوية زاوية مقدارها 180^0 .

الشغل

$$W = F d \cos \theta$$

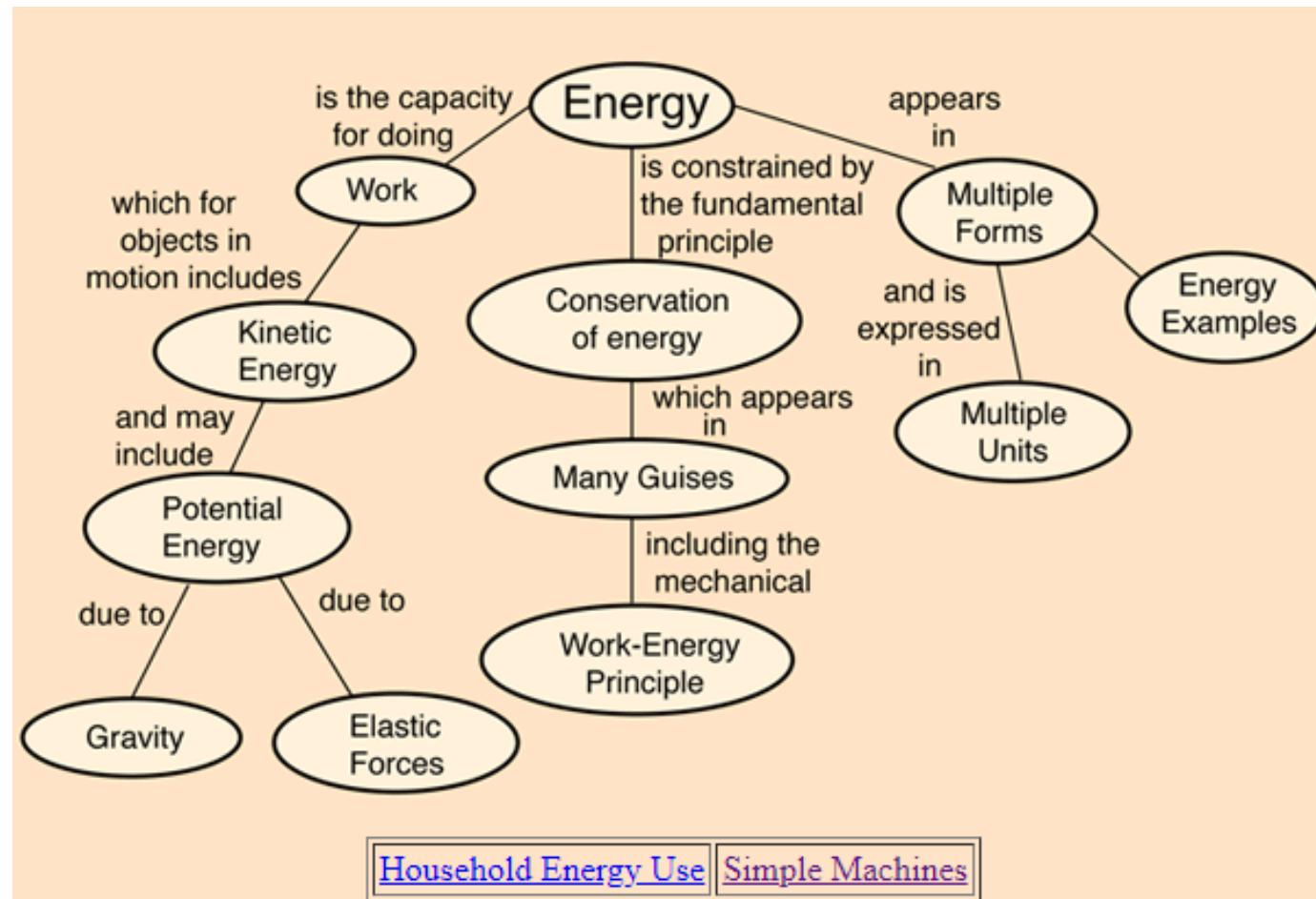
بالتعمييض نجد أن:

$$W = (20) (4) (\cos 180^\circ) = -80 J$$

الإشارة السالبة تعني أنه قد حصل فقد لطاقة حركة الكرة.

ملاحظة/ لو أن الجسم سقط من أعلى إلى أسفل بنفس المسافة d فإن الشغل المبذول بواسطة الجاذبية سيكون موجباً وقيمه $80J$ والإشارة الموجبة تعني أن هناك زيادة في طاقة الحركة.

طاقة الوضع وطاقة الحركة



طاقة الحركة و طاقة الوضع

الطاقة :

- الطاقة هي مقياس التغير الطارئ على نظام ما يكتسب الجسم طاقة ما، إذا بذلت قوة F شغلا على ذلك الجسم . وتكون كمية الطاقة للجسم تساوى الشغل المبذول .
- أيضا عندما يبذل جسم ما شغلا ما فإنه يفقد كمية طاقة مساوية للشغل الذي بذله .
- الطاقة والشغل لها نفس الوحدات الجول J. والطاقة مثل الشغل عبارة عن كمية قياسية .
- وبذلك يمكن أن نقول أن الجسم قادر على بذل شغل ما هو ذلك الجسم الذي يمتلك الطاقة .

طاقة الحركة و طاقة الوضع

أنواع طاقة الحركة

طاقة الحركة:

هي الطاقة التي يمتلكها الجسم في حالة الحركة . إذا تحرك جسم كتلته m بسرعة مقدارها v ، فانه يمتلك طاقة حركة انتقالية تعطى بالمعادلة:

$$KE = \frac{1}{2}mv^2$$

عندما تكون وحدات m بالكيلوجرام و v بالمتر في الثانية تكون وحدات طاقة الحركة بالجول .

طاقة الوضع الثاقيّة:

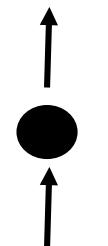
هي الطاقة التي يمتلكها جسم ما بسبب تأثير الجاذبية . في حالة السقوط مسافة راسية h تبذل الكتلة شغلا مقداره $.mgh$.

$$GPE = mgh$$

طاقة الوضع وطاقة الحركة

قانون الشغل - الطاقة:

"التغير في طاقة وضع جسم أو مجموعة أجسام معزولة يساوي تماماً مقدار الشغل المبذول عليها "



الشغل المبذول = التغير في طاقة وضع الجسم

$$W = -\Delta U$$

الإشارة السالبة للشغل تعني أنه حصل فقد لطاقة حركة الجسم، فمثلاً إذا قذف جسم لأعلى فإن طاقة حركته ستقل وتتحول إلى طاقة وضع.

طاقة الوضع وطاقة الحركة

عند قذف جسم كتلته m إلى أعلى فإن القوة المؤثرة عليه تساوي وزن الجسم أي أن:

$$F = -mg$$

وبحسب قانون الشغل والطاقة تكون الزيادة في طاقة الجسم $(-)$ عند رفعه مسافة رأسية (y) مساوية للشغل الذي تبذله القوة، أي أن:

$$\Delta U = -W = -(-Fy) = mgy \quad = \quad mgh$$

وإذا اعتبرنا أن الجسم بدأ بطاقة وضع ابتدائية $U_i = f$ وإن طاقة وضع نهائية $U_f = 0$ وإن انتهى عند طاقة وضع $U_f = 0$ ، فـ

$$U_f = mgy$$

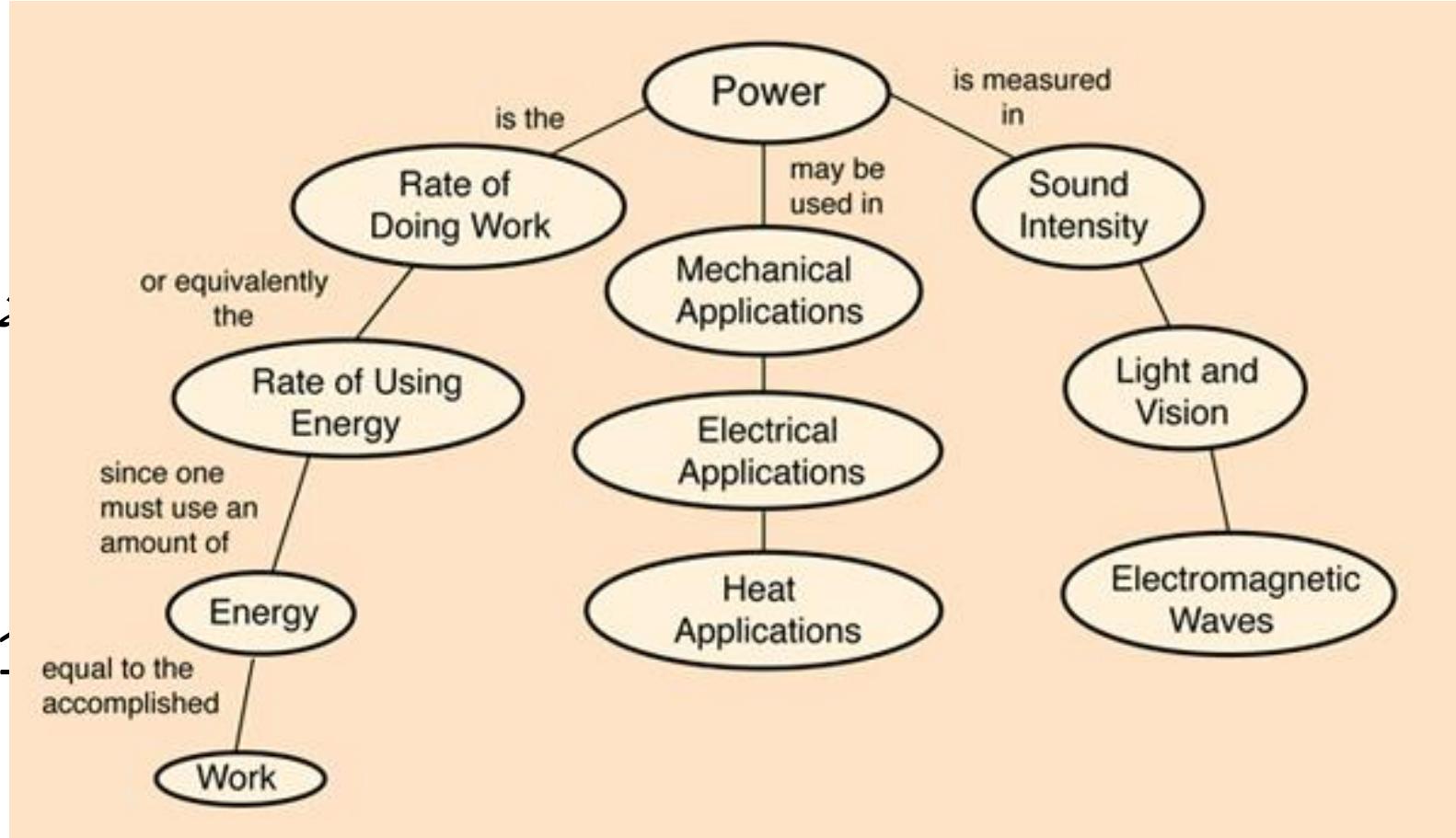
طاقة الحركة و طاقة الوضع

القدرة : r

القدرة هي
معا

- تفاص
- و تكون

$$1W =$$



طاقة الحركة و طاقة الوضع

نظيرية شغل - طاقة

عندما يبذل شغل على جسم نقطى أو جسم مصمت ولا يحدث تغير فى طاقة الوضع فان الطاقة الطارئة يمكن أن تظهر فقط كطاقة حركة .

لكن ، طالما كان الجسم غير مصمت (أو غير جامد) فان الطاقة يمكن أن تنتقل الى اجزاءه ولن يكون الشغل المبذول عليه مساويا تماما للتغير في طاقة الحركة.

طاقة الحركة و طاقة الوضع

بقاء الطاقة :

طاقة نظام ما مغلق لا تفني ولا تستحدث ، ولكن يمكن فقط أن تتحول من صورة إلى أخرى .

فمثلاً إذا سقط جسم من حالة السكون في مجال الجاذبية الأرضية فإنه يكتسب طاقة حركة تساوي تماماً ما يفقده من طاقة وضع.

طاقة الوضع وطاقة الحركة

وعليه فإنه يمكن أن نعرف:

الكمية W هي الشغل الذي بذلته القوة ويساوي طاقة حركة الجسم النهائية مطروحا منها طاقة حركته الابتدائية.

$$K_f - K_i = \Delta K = W$$

طاقة الحركة و طاقة الوضع

يمكن استنتاج قانون بقاء الطاقة من العلاقة السابقة حيث أن:

$$K_f - K_i = W = -\Delta U = -(U_f - U_i) = -U_f + U_i$$

أو أن

$$K_f + U_f = K_i + U_i$$

$$E_f = E_i$$

وبصورة أخرى

$$E = K + U$$

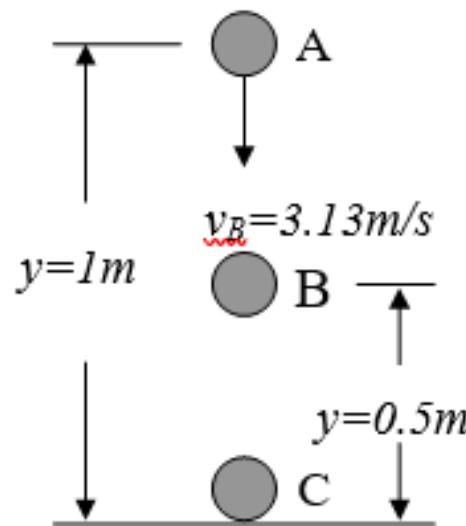
حيث أن الكمية

تسمى بالطاقة الميكانيكية وهي عبارة عن حاصل جمع طاقة الحركة وطاقة الوضع.

طاقة الوضع وطاقة الحركة

مثال 1:

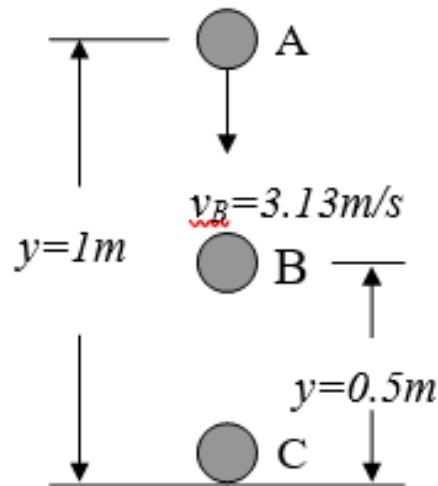
سقطت كرة كتلتها 1 Kg من السكون من ارتفاع 1 m عند النقطة A فوصلت النقطة B والتي تقع على ارتفاع 0.5 m من سطح الأرض - بسرعة مقدارها 3.13 m/s كما بالشكل:



طاقة الوضع وطاقة الحركة

احسب كل من:

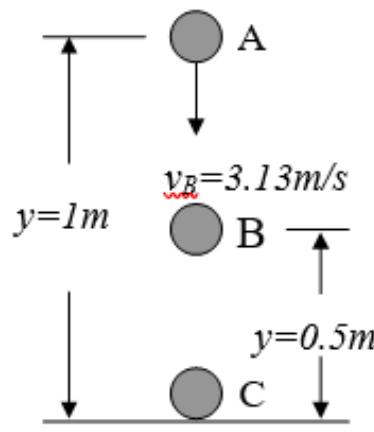
- طاقة الوضع وطاقة الحركة عند النقطة A.
- طاقة الوضع وطاقة الحركة عند النقطة B.
- طاقة الوضع وطاقة الحركة عند وصول الكرة إلى سطح الأرض.



طاقة الوضع وطاقة الحركة

الحل:

- عند النقطة A تكون الكرة على ارتفاع $y=1m$ لذاك فإن طاقة وضعها تساوي: $U_A = mgy = (1)(9.8)(1) = 9.8 J$. أما طاقة حركتها عند A فتساوي صفرًا ($K_A=0$) لأنها بدأت حركتها من السكون ($v_A=0$).



$$U_B = mgy = (1)(9.8)(0.5) = 4.9 J$$

طاقة الوضع عند النقطة B :

$$K_B = (1/2) m v^2$$

طاقة الحركة عند النقطة B تساوي

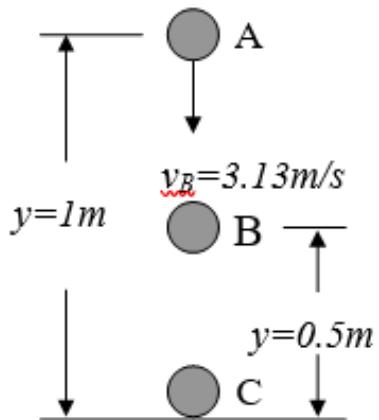
$$K_B = (1/2)(1)(3.13)^2 = 4.9 J$$

طاقة الوضع وطاقة الحركة

الحل:

طاقة الوضع عند سطح الأرض تساوي صفرًا ($U = 0$) لأن $y = 0$.

لحساب طاقة حركتها عند سطح الأرض يجب حساب سرعتها أولاً لحظة وصولها للأرض وذلك باستخدام معادلات الحركة في خط مستقيم.



$$v^2 = v_0^2 + 2ay$$

$$v^2 = (0)^2 + 2(9.8)(1) = 19.6 \text{ } m^2/s^2$$

$$K = (1/2) m v^2 = (1/2)(1)(19.6) = 9.8 \text{ } J$$

الدفع وكمية التحرك

الدفع وكمية التحرك: Impulse and Momentum

الدفع: Impulse

الدفع هو حاصل ضرب القوة (F) والفترة الزمنية (Δt) التي تؤثر خلالها القوة:

$$\text{الدفع} = (\text{القوة}) (\text{الزمن الذي تؤثر خلاله القوة})$$

الدفع كمية متجهة تأخذ اتجاه القوة . وحدات الدفع في النظام العالمي للوحدات هي . N.s

إذا أثرت قوة ثابتة (F) لفترة زمنية (Δt) على جسم كتلته (m) وغيّرت سرعته من قيمة ابتدائية (V_i) إلى قيمة نهائية (V_f) ، فان :

$$\text{الدفع} = \text{التغير في كمية التحرك}$$

$$F \cdot \Delta t = m (V_f - V_i)$$

الدفع وكمية التحرك: Impulse and Momentum

كمية التحرك الخطية: Linear Momentum

كمية التحرك الخطى (P) لجسم ما هى حاصل ضرب كتلته (m) وسرعته (v).

$$\vec{P} = \vec{m} \vec{V}$$

وحدات كمية التحرك فى النظام العالمى للوحدات هى : Kg.m/s

الدفع وكمية التحرك: Impulse and Momentum

حفظ كمية التحرك الخطية:

إذا كانت القوة الخارجية المحصلة المؤثرة على مجموعة أجسام تساوي صفرًا، فإن المجموع المتجهي لكميات تحرك الأجسام سوف يظل ثابتاً.

$$\vec{F} = \Delta \vec{P} / \Delta t$$

قانون نيوتن الثاني، كما وضعه، هو:

الدفع وكمية التحرك: Impulse and Momentum

حفظ كمية التحرك الخطية:

$$\vec{F} = \Delta \vec{P} / \Delta t$$

و منه ينتج أن :

$$\vec{F} \Delta t = \Delta \vec{P}$$

$$\vec{F} \Delta t = \Delta(m \vec{V})$$

و إذا كانت m ثابتة فإن :

$$\vec{F} \Delta t = m(\vec{V}_f - \vec{V}_i)$$

التصادمات و الانفجارات

Collisions and Explosions

التصادمات و الانفجارات

التصادمات و الانفجارات:

في حالة التصادمات و الانفجارات يكون المجموع المتجهي لكميات التحرك قبل الحدث مباشرة مساوياً للمجموع المتجهي لكميات التحرك بعد الحدث مباشرة . و على ذلك، فإذا تصادم جسمان كتلتاهما: m_1 و m_2

فإن :

كمية التحرك الكلية قبل التصادم = كمية التحرك الكلية بعد التصادم.

$$m_1 \vec{u}_1 + m_2 \vec{u}_2 = m_1 \vec{v}_1 + m_2 \vec{v}_2$$

حيث \vec{u}_1 و \vec{u}_2 هما سرعتنا الجسمين قبل التصادم، و \vec{v}_1 و \vec{v}_2 هما سرعتنا الجسمين بعد التصادم.
و في بعد واحد تكون المركبات في المعادلة على الصورة:

$$m_1 u_{1x} + m_2 u_{2x} = m_1 v_{1x} + m_2 v_{2x}$$

و بالمثل نحصل على المعادلة في حالة مركبات y ، z

التصادمات و الانفجارات

التصادمات و الانفجارات:

التصادم المرن تماما :Perfectly Elastic Collision

هو ذلك التصادم الذي لا يتغير خلاله مجموع طاقات الحركة الانتقالية للأجسام.

و في حالة جسمين يكون:

$$\frac{1}{2}m_1u_1^2 + \frac{1}{2}m_2u_2^2 = \frac{1}{2}m_1v_1^2 + \frac{1}{2}m_2v_2^2$$

التصادمات و الانفجارات

معامل الإرتداد :Coefficient of Restitution

يعرف معامل الإرتداد (e) في أي تصادم بين جسمين يتحركان فقط على طول خط مستقيم على سبيل المثال المحور x برقم يعطي من المعادلة:

$$e = \frac{v_{2x} - v_{1x}}{u_{1x} - u_{2x}}$$

حيث \vec{u}_1 و \vec{u}_2 هما قيمة السرعة قبل التصادم، و \vec{v}_1 و \vec{v}_2 هما قيمة السرعة بعد التصادم.

التصادمات و الانفجارات

معامل الإرتداد

لاحظ أن $|u_{1x} - u_{2x}|$ يعطي مقدار السرعة النسبية للاقتراب، و $|v_{1x} - v_{2x}|$ هو مقدار السرعة النسبية للتراجع.

في حالة التصادم المرن تماما يكون المعامل $e = 1$ ، و بالنسبة للتصادمات الغير مرنة يكون $e = 0$. و إذا التصق الجسمان معا بعد التصادم فإن

التصادمات و الانفجارات

Collisions and Explosions

مثال ()

رصاصة كتلتها 2 جرام وتسير بسرعة 2820 متر / ث تصدم كتلة خشبية معلقة بخيط خفيف،
أو جد السرعة التي تكتسبها كتلة الخشب ، علماً بأن كتلتها 280 جراماً، وأن الرصاصة أستقرت بداخلها.

التصادمات و الانفجارات

الحل:

كمية الحركة قبل التصادم = كمية الحركة بعد التصادم

السرعة الابتدائية لكتلة الخشب v_1 تساوي صفرأً، كما أن السرعة النهائية للرصاصة u_2 تصير نفس السرعة النهائية لكتلة الخشب حيث إنهم أصبحا جسمًا واحدًا.

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_1 u_1 + m_2 u_2 \quad \text{إذاً} \\ v_2 = 0, \\ u_1 = u_2$$

$$u_2 = \left(\frac{m_1 v_1}{m_1 + m_2} \right) \times v_1$$

$$u_2 = \frac{2kg}{2kg + 280g} \times 2820 = 20 \text{ m/s}$$

1. جسم كتلته 2Kg يتحرك تحت تأثير قوة $F = 20 \text{ N}$ تصنع زاوية مقدارها 370 كما بالشكل. فإذا
تحرك الجسم مسافة مقدارها $d = 4\text{m}$ على سطح أملس، احسب الشغل المبذول بواسطة القوة F .

شكراً جزيلاً
Thank You

Adil.karary@yahoo.com