Cours 4 - Thermodynamique

Version prof

Enthalpie de réaction chimique

	Plan du cours	
Ι	Système en transformation chimique I.A Définition du système thermodynamique	
II	Variation d'enthalpie lors d'une transformation chimique II.A État standard	. 5
III	Effets thermiques des transformations monobares III.A Cas d'une transformation isotherme : transfert thermique libéré	
	Au programme	

 $Extrait \ du \ programme \ officiel: partie \ 5 \ \ \ \ Transformations \ chimiques: aspects \ thermodynamiques \ \ \ \ , \ bloc \ 1 \ \ \ \ Premier principe \ de \ la \ thermodynamique \ appliqu\'e \ aux \ transformations \ physico-chimiques \ \ \ \ \ .$

Dans cette partie, l'étude des transferts thermiques, abordée en première année dans le cadre du cours de physique relatif aux transformations physiques du corps pur, est ici généralisée aux transformations physico-chimiques. Les enthalpies standard de réaction sont considérées comme indépendantes de la température. Les notions et contenus sont illustrés à travers des applications liées à la vie quotidienne (contenu calorique des aliments, pouvoir calorifique des carburants, etc.), à la recherche (apport des techniques calorimétriques modernes, etc.) ou au domaine industriel.

Notions et contenus	Capacités exigibles
État standard. Enthalpie standard de réaction. Loi de Hess.	Déterminer l'enthalpie standard de réaction à l'aide de tables de données thermodynamiques.
Enthalpie standard de formation, état standard de référence d'un élément.	Associer le signe de l'enthalpie standard de réaction au caractère endothermique ou exothermique de la réaction.
Effets thermiques pour une transformation monobare : > transfert thermique associé à la transformation chimique en réacteur monobare isotherme; > variation de température en réacteur adiabatique monobare.	Prévoir à partir de données thermodynamiques le sens et la valeur du transfert thermique entre un système siège d'une transformation physico-chimique et le milieu extérieur. Évaluer la température atteinte par un système siège d'une transformation chimique supposée monobare et réalisée dans un réacteur adiabatique. Capacité numérique: Simuler à l'aide d'un langage de programmation l'évolution temporelle de la température pour un système siège d'une transformation adiabatique modélisée par une seule réaction chimique dont les caractéristiques cinétiques et l'enthalpie standard de réaction sont données.
	Déterminer une enthalpie standard de réaction.

En gras, les points devant faire l'objet d'une approche expérimentale.

Ces cinq dernières années au concours _

▶ Écrit : tous les ans à l'épreuve de chimie.

▷ Oral : assez souvent.



L'énergie nécessaire au fonctionnement de nombre de machines thermiques au sens le plus large provient de la combustion de dérivés du pétrole ou du gaz naturel : elle est donc libérée par une transformation chimique sous forme de transfert thermique. L'objectif de ce chapitre est d'apprendre à le calculer.

L'approche est assez similaire à l'étude des changements d'états : nous apprendrons à calculer la variation d'enthalpie d'un système au cours d'une transformation chimique, puis à l'aide du premier principe nous la relierons aux grandeurs d'intérêt que sont le transfert thermique libéré ou la température en fin de réaction.

I - Système en transformation chimique

I.A - Définition du système thermodynamique



On appelle constituant physico-chimique une espèce chimique dans un état physique donné.

Exemples: $Fe_{(s)}$; $SO_{4(aq)}^{2-}$; $H_2O_{(l)}$ et $H_2O_{(g)}$ sont une même espèce chimique mais deux constituants physico-chimiques différents.



Le système thermodynamique étudié est constitué de l'ensemble des constituants physico-chimiques contenus dans un réacteur, que l'on suppose fermé.

Ainsi, ce système peut échanger de l'énergie avec l'extérieur, mais pas de matière. Cependant, sa composition est susceptible d'évoluer sous l'effet de transformations physiques (changements d'état) ou chimiques. Un tel système est qualifié de système physico-chimique.

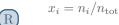
Certains constituants peuvent ne pas participer aux transformations : ils sont alors qualifiés d'**inertes** ou de **spectateurs**.

Remarque pour le futur : en combinant ce chapitre avec le cours de thermodynamique industrielle, il ne reste en fait qu'un pas pour considérer le cas des réacteurs ouverts.

• Description d'un système physico-chimique

Pour décrire complètement un système physico-chimique à un instant donné, il faut connaître :

- \triangleright les quantités de matière n_i des différents constituants physico-chimiques, ce qui peut se faire de manière indirecte, en particulier via la connaissance d'un avancement de réaction ξ et des quantités de matière initiales;
- \triangleright deux grandeurs d'état, la plupart du temps T et P ou parfois T et V.
- Rappel : paramètres intensifs décrivant la composition du système
- \triangleright Fraction molaire du constituant i:



 $\left(\mathbb{R}\right)$

Espace 1

$$\rightarrow$$
 puisque $\sum_{i} n_i = n_{\text{tot}}$, alors $\sum x_i = 1$.

▷ S'il s'agit d'un gaz, pression partielle :

$$p_i = x_i P$$
 avec P la pression totale

Espace 2

$$\rightsquigarrow$$
 puisque $\sum_i x_i = 1$, alors $\sum_i p_i = P$.

Physiquement, la pression partielle représente la pression qui règnerait dans le réacteur si le constituant i y était seul : même quantité de matière dans le même volume total à la même température ... mais sans les autres gaz. Pour un gaz parfait (hypothèse implicite),

$$p_i = x_i P = \frac{x_i n_{\text{tot}} RT}{V} = \frac{n_i RT}{V}$$

Remarque: Rappelons au passage que la pression P d'un mélange de gaz se calcule à partir de l'équation d'état impliquant la quantité de matière **totale** de gaz n_{tot} , et inversement.

⊳ S'il s'agit d'un soluté, concentration molaire :

$$c_i = n_i/V$$

Espace 3



I.B - Définition de la transformation thermodynamique



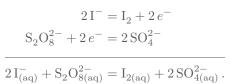
La transformation thermodynamique étudiée est un avancement des transformations physico-chimiques dans des conditions opératoires précisées (monobare, monotherme, adiabatique, etc.).

Cela signifie concrètement que l'avancement ξ de la réaction évolue de $\Delta \xi = \xi_F - \xi_I$... mais en pratique, on suppose toujours $\xi_I = 0$ et on note simplement ξ au lieu de $\Delta \xi$.

• Avancement de réaction et équation bilan

Exemple : transformation entre les ions iodure I^- et peroxodisulfate $S_2O_8^{2-}$ (couples redox : I_2/I^- et $S_2O_8^{2-}/SO_4^{2-}$).

Équation bilan, à partir des demi-équations :



Les nombres stoëchiométriques ν_i ne font que traduire un bilan de matière global, on peut librement les multiplier par une même constante. Par exemple, une autre équation décrivant la même réaction serait

$$6\,I_{(aq)}^- + 3\,S_2O_{8(aq)}^{2-} = 3\,I_{2(aq)} + 6\,SO_{4(aq)}^{2-}$$

Espace 4

Ils peuvent également être fractionnaires :

$$I_{(aq)}^- + \frac{1}{2} S_2 O_{8(aq)}^{2-} = \frac{1}{2} I_{2(aq)} + SO_{4(aq)}^{2-}$$

Espace 5

Enfin, ils peuvent être algébriques, avec la convention $\nu < 0$ pour les réactifs et $\nu > 0$ pour les produits :

$$0 = -2I_{(aq)}^{-} - S_2O_{8(aq)}^{2-} + I_{2(aq)} + 2SO_{4(aq)}^{2-}$$

Espace 6

À cause de la transformation, les quantités de matière varient, mais ce qu'indique l'équation bilan est que ces variations ne sont pas indépendantes les unes des autres.

→ ces liens sont explicités par un tableau d'avancement.

	$2~\mathrm{I}^-$	+	$\mathrm{S}_2\mathrm{O}_8^{2-}$	=	I_2	+	$2 \mathrm{SO}_4^{2-}$
État initial	n_1		n_2		n_3		n_4
Avancement quelconque	$n_1 - 2\xi$		$n_2 - \xi$		$n_3 + \xi$		$n_4 + 2\xi$

On peut en déduire une relation générale : entourer le nbre stoechio algébrique

$$n_i = n_i(0) + \nu_i \, \xi \,,$$

avec ν_i le nombre stoëchiométrique algébrique.

Raisonnons maintenant sur une équation bilan multipliée : $6\,\mathrm{I}^- + 3\,\mathrm{S}_2\mathrm{O}_8^{2-} = 3\,\mathrm{I}_2 + 6\,\mathrm{SO}_4^{2-}$.

$$n_{\text{S}_2\text{O}_2^{2-}} = n_2 - 3\xi' = n_2 - \xi$$

et comme il s'agit du même système, de la même réaction et du même instant t alors forcément $\xi = 3\xi'$.

Espace 7



L'avancement dépend des nombres stœchiométriques, et n'a donc de sens que pour une écriture de l'équation bilan.





• Taux d'avancement



On appelle taux d'avancement d'une transformation chimique le rapport

$$\tau = \frac{\xi}{\xi_{\text{max}}} \,.$$

Il est compris entre 0 et 1, et ne dépend pas de l'écriture de l'équation bilan.

II - Variation d'enthalpie lors d'une transformation chimique

Idée qualitative : lors d'un changement d'état, par exemple la vaporisation isotherme isobare d'une masse m, la variation d'enthalpie du système s'écrit

$$\Delta H = m \, \Delta_{\text{vap}} h$$

où l'enthalpie de changement d'état $\Delta_{\text{vap}}h$ est une grandeur tabulée. L'objectif de ce paragraphe est d'aboutir au même type de relation pour une transformation chimique : nous allons montrer que lorsqu'une transformation chimique avance de ξ de manière isotherme monobare, la variation d'enthalpie du système physico-chimique s'écrit

$$\Delta H = \xi \, \Delta_{\rm r} H^{\circ} \,,$$

où l'enthalpie standard de réaction $\Delta_{\rm r} H^{\circ}$ se détermine elle aussi à partir de tables thermodynamiques.

Cependant, la situation est ici plus compliquée : tabuler toutes les enthalpies de changement d'état de toutes les espèces chimiques n'est pas chose aisée ... et cela devient infaisable s'il faut considérer toutes les combinaisons d'espèces chimiques donnant lieu à toutes les réactions imaginables, sans même parler de prendre en compte l'influence de la température et de la pression. La construction et l'utilisation de tables de thermochimie est donc nécessairement plus complexe pour pouvoir contourner cette difficulté.

II.A - État standard

Les grandeurs thermodynamiques relatives à chaque espèce chimique ne sont tabulées que dans un état particulier appelé état standard.

Notation : toute grandeur thermodynamique relative à l'état standard est indicée d'un zéro en exposant, p.ex. $H_{\rm m}^{\circ}$ pour une enthalpie molaire standard.



On appelle **état standard** associé à un constituant physico-chimique pur ou dans un mélange un état où il est pur, dans une phase idéale, à la pression standard $P=p^\circ=1,0\cdot 10^5\,\mathrm{Pa},$ et à la même température T que le système réel.

→ les états standards sont par définition des états fictifs.

État physique	État standard associé
Constituant gazeux, pur ou en mélange.	Corps pur se comportant en gaz parfait
Constituant en phase condensée, pur ou en mélange.	Corps pur se comportant en phase condensée indilatable incompressible
Solvant	Corps pur se comportant en liquide indilatable incompressible
Soluté	Concentration $C = c^{\circ} = 1 \text{mol} \cdot \text{L}^{-1}$ se comportant en solution infiniment diluée.

Remarque: les tables thermodynamiques sont généralement données à 298 K, mais il ne s'agit que d'un cas particulier, il n'y a pas de température standard.



II.B - Enthalpie standard de réaction

On considère une réaction chimique, impliquant un ensemble de constituants physico-chimique A_i , d'équation bilan

$$0 = \sum_i \nu_i A_i \qquad \longleftrightarrow \qquad \sum_{\text{r\'eactifs}} \nu_r A_r = \sum_{\text{produits}} \nu_p A_p \,.$$

• Définition par rapport à l'avancement



On appelle enthalpie de réaction

$$\Delta_{\mathbf{r}} H = \left. \frac{\partial H}{\partial \xi} \right|_{T.P}$$

L'enthalpie de réaction dépend a priori de T, P et ξ . Elle s'exprime en kJ·mol⁻¹.

Interprétation physique :

 $dH|_{T,P} = \Delta_r H d\xi$: variation d'enthalpie du système lorsque la réaction avance de $d\xi$ de façon isotherme isobare.

Espace 8

• Lien aux enthalpies molaires des constituants

On admet ¹ que l'enthalpie de réaction est reliée aux enthalpies molaires des différents constituants par

$$\Delta_{\mathrm{r}} H = \sum_{i} \nu_{i} H_{\mathrm{m},i} = \sum_{\mathrm{produits}} \nu_{p} H_{\mathrm{m},p} - \sum_{\mathrm{r\acute{e}actifs}} \nu_{r} H_{\mathrm{m},r}$$

avec $H_{\mathrm{m},i}$ l'enthalpie molaire du constituant i et ν_i son nombre stoëchiométrique algébrique.

Par ailleurs, l'enthalpie d'un gaz parfait et celle d'une phase condensée idéale sont indépendantes de la pression, et les effets de mélange sont faibles en ce qui concerne l'enthalpie, ce qui rend l'enthalpie molaire du constituant i indépendante des autres constituants présents dans le système : on peut donc faire l'approximation

$$\forall i, \quad H_{\mathrm{m},i}(T,P,\xi) \simeq H_{\mathrm{m},i}(T,P^{\circ}) = H_{\mathrm{m},i}^{\circ}(T).$$

On note dans ce cas

$$\boxed{ \Delta_{\rm r} H(T,P,\xi) \simeq \Delta_{\rm r} H^{\circ}(T) = \sum_{\rm produits} \nu_p H_{{\rm m},p}^{\circ} - \sum_{\rm réactifs} \nu_r H_{{\rm m},r}^{\circ} \,,}$$

où $\Delta_{\mathbf{r}}H^{\circ}$ est appelée l'enthalpie standard de réaction.

Attention! Cette approximation n'est vraie *que* pour l'enthalpie. En particulier, la différence est non négligeable et lourde de conséquences concernant l'entropie : c'est parce que l'entropie de réaction n'est pas égale à l'entropie standard de réaction qu'il existe des transformations chimiques!

• Influence de la température

Les variations de l'enthalpie standard de réaction avec la température sont reliées aux différences de capacités thermiques entre les réactifs et les produits. Ces variations étant généralement assez faibles, on choisit (à notre niveau) de les négliger :



Approximation d'Ellingham:

Tant qu'aucun constituant ne change d'état, l'enthalpie standard de réaction est indépendante de la température. En revanche, elle est discontinue aux températures de changement d'état.



(R)

^{1.} La démonstration serait à notre portée, mais s'avère assez subtile et n'aide pas à comprendre la physique sous-jacente.



• Variation d'enthalpie d'un système en transformation chimique

Par définition de l'enthalpie de réaction,

$$dH|_T = \Delta_r H^\circ d\xi$$

et par intégration sur l'ensemble de la transformation supposée isotherme on obtient

$$\Delta H|_T = \int_{\widehat{IF}} dH|_T = \Delta_r H^\circ \int_0^\xi d\xi = \Delta_r H^\circ \xi.$$

Espace 9



La variation d'enthalpie du système physico-chimique au cours d'une transformation isotherme où la réaction chimique avance de ξ s'écrit

$$\Delta H = \xi \, \Delta_{\rm r} H^{\circ}$$
.

å å Attention! Cette relation n'est vraie que si la transformation est isotherme.

On retrouve comme promis l'analogue de l'enthalpie de changement d'état,



$$\begin{split} \Delta_{\mathrm{vap}}h &= h_{\mathrm{V}} - h_{\mathrm{L}} &\longleftrightarrow &\Delta_{\mathrm{r}}H^{\circ} = \sum_{\mathrm{produits}} \nu_{p}H_{\mathrm{m},p}^{\circ} - \sum_{\mathrm{r\acute{e}actifs}} \nu_{r}H_{\mathrm{m},r}^{\circ} \\ \Delta H &= m\,\Delta_{\mathrm{vap}}h &\longleftrightarrow &\Delta H = \xi\,\Delta_{\mathrm{r}}H^{\circ} \end{split}$$

Seule différence de taille, l'enthalpie de changement d'état est conventionnellement massique alors que l'enthalpie de réaction est molaire. De plus, un changement d'état est presque toujours isotherme mais ce n'est pas le cas d'une transformation chimique.

II.C - Calculer l'enthalpie standard de réaction : loi de Hess

La définition de l'enthalpie standard de réaction donnée au paragraphe précédent permet de comprendre sa signification physique, mais pas de la calculer en pratique. En effet, exactement comme une énergie potentielle, les enthalpies molaires des constituants ne sont connues qu'à une constante additive près, ou autrement dit l'état pour lequel elles sont nulles peut être choisi librement. Le but de ce paragraphe est d'expliquer comment contourner cette difficulté.

• Calcul par combinaison linéaire

Un exemple pour comprendre: On suppose connues les enthalpies standard des deux réactions ci-dessous:

$$\begin{array}{ll} {\rm CH_3COOH_{(aq)} + H_2O_{(liq)}} &= {\rm CH_3COO_{(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+} & \Delta_r H_1^o \\ {\rm NH_{3(aq)} + H_3O_{(aq)}^+} &= {\rm NH_{4(aq)}^+ + H_2O_{(liq)}} & \Delta_r H_2^o \\ \end{array}$$

On cherche à en déduire la valeur de l'enthalpie standard de la réaction

$$CH_3COOH_{(aq)} + NH_{3(aq)} = CH_3COO_{(aq)}^- + NH_{4(aq)}^+,$$

qui est formellement la somme des deux précédentes. Par définition,

$$\begin{split} \Delta_{\mathbf{r}} H^{\circ} &= H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{4}^{+}}) + H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{CH_{3}COO^{-}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{CH_{3}COOH}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{3}}) \\ &= \underbrace{H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{CH_{3}COO^{-}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{CH_{3}COOH}) + H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{H_{3}O^{+}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{H_{2}O})}_{+ \underbrace{H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{4}^{+}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{3}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{H_{3}O^{+}}) + H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{H_{2}O})}_{+ \underbrace{H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{4}^{+}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{3}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{H_{3}O^{+}}) + H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{H_{2}O})}_{+ \underbrace{H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{4}^{+}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{3}^{+}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{3}^{+}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{3}^{+}}) + H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{H_{2}O})}_{+ \underbrace{H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{3}^{+}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{3}^{+}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{3}^{+}}) + H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{NH_{3}^{+}}) - H_{\mathbf{m}}^{\circ}(\mathrm{$$

(R)

Généralisation:



Pour toute réaction (R) s'écrivant comme combinaison linéaire de deux autres réactions,

$$(R) = a(R_1) + b(R_2)$$

avec a et b éventuellement fractionnaires et/ou algébriques, alors

$$\Delta_{\mathbf{r}} H^{\circ} = a \, \Delta_{\mathbf{r}} H_1^{\circ} + b \, \Delta_{\mathbf{r}} H_2^{\circ} \,.$$

→ connaître toutes les enthalpies standard de réaction pour une « base » (au sens mathématique de famille libre et génératrice) de réactions bien choisies permettrait de déterminer toutes les autres par combinaisons linéaires.

Réaction de formation et enthalpie standard de formation d'un constituant

Rappel: une espèce chimique est appelée corps simple lorsqu'elle est formée d'entités chimiques ne contenant qu'un seul type d'atomes, par exemple $Cu_{(s)}$ ou $N_{2(g)}$.

å Attention! Ne pas confondre avec corps pur, qui n'a rien à voir : un corps pur est l'opposé d'un mélange.



On appelle réaction de formation d'un constituant physico-chimique la réaction chimique conduisant à la formation de ce constituant uniquement à partir de corps simples dans leur phase thermodynamiquement stable. L'espèce formée apparaît par convention avec un nombre stoëchiométrique égal à 1 dans l'équation bilan.

> On appelle enthalpie standard de formation d'un constituant l'enthalpie standard de sa réaction de formation.

→ ce sont ces enthalpies de formation qui sont tabulées à partir de mesures expérimentales.

Lorsque plusieurs corps simples sont possibles pour un même élément, par exemple O₂ et O₃, c'est celui de plus faible atomicité qu'il faut considérer.

 $\,\vartriangleright\,$ Réaction de formation standard du ${\rm CO}_{2(g)}$ à 25 °C :

$$C_{graphite} + \mathcal{O}_{2(g)} = \mathcal{CO}_{2(g)}$$

Espace 10

 \triangleright Réaction de formation standard de $HBr_{(g)}$ à 25 °C : $\tfrac{1}{2}H_{2(g)}+\tfrac{1}{2}Br_{2(l)}=HBr_{(g)}$

$$\frac{1}{2}H_{2(g)} + \frac{1}{2}Br_{2(l)} = HBr_{(g)}$$

Espace 11

Cas particulier très important: exemple du dioxygène gazeux à 298 K.

Réaction de formation $O_2 = O_2$ donc $\Delta_f H^{\circ}(O_2) = \Delta_r H^{\circ} = H_{m,O_2} - H_{m,O_3} = 0$

Espace 12



L'enthalpie de formation d'un corps simple dans sa phase thermodynamiquement stable est nulle.



🥉 🏅 Attention! Il y a une condition sur l'état physique du constituant physico-chimique.



• Loi de Hess

Une réaction quelconque peut toujours s'écrire comme combinaison linéaire des réactions de formation des différents constituants. Une réaction de formation faisant intervenir un nombre stoëchiométrique 1 pour l'espèce d'intérêt, les coefficients de la combinaison linéaire s'identifient aux nombres stoëchiométriques et les corps simples additionnels se simplifient.

Exemple: la réaction (R) d'équation bilan

$$C_{graphite} + CO_{2(g)} = 2CO_{(g)}$$

peut s'écrire sous la forme $(R) = 2(R_3) - (R_2) - (R_1)$ avec les réactions de formation

$$C_{\text{graphite}} = C_{\text{graphite}}$$
 (R₁)

$$C_{\text{graphite}} + O_{2(g)} = CO_{2(g)}$$
 (R₂)

$$C_{\text{graphite}} + \frac{1}{2}O_{2(g)} = CO_{(g)} \tag{R_3}$$

On constate que les \mathcal{O}_2 se simplifient dans la combinaison linéaire.

On peut alors calculer l'enthalpie standard de réaction par combinaison linéaire :

Loi de Hess:

L'enthalpie standard de la réaction

$$0 = \sum_i \nu_i A_i \qquad \longleftrightarrow \qquad \sum_{\text{réactifs}} \nu_r A_r = \sum_{\text{produits}} \nu_p A_p \,.$$

s'obtient à partir des enthalpies standard de formation de tous les constituants

$$\Delta_{\mathbf{r}} H^{\circ}(T) = \sum_{i} \nu_{i} \, \Delta_{\mathbf{f}} H^{\circ}_{i}(T) = \sum_{\mathbf{p} \text{roduits}} \nu_{p} \, \Delta_{\mathbf{f}} H^{\circ}_{p}(T) - \sum_{\mathbf{r} \text{\'eactifs}} \nu_{r} \, \Delta_{\mathbf{f}} H^{\circ}_{r}(T) \, .$$

Remarque : La loi de Hess se généralise en fait à toute fonction d'état additive, et pas seulement à l'enthalpie.

Mise en pratique : on rappelle que, par définition, la combustion d'un hydrocarbure est sa réaction avec le dioxygène formant de l'eau et du CO_2 .

Application 1 : Enthalpie d'une réaction de combustion

Écrire l'équation bilan de la combustion du méthane et calculer son enthalpie de réaction.

Données :

$$\begin{array}{|c|c|c|c|c|c|} \hline & CH_{4(g)} & CO_{2(g)} & H_2O_{(g)} \\ \hline \Delta_f H^\circ \text{ (kJ} \cdot \text{mol}^{-1}) & -74.8 & -393.5 & -241.8 \\ \hline \end{array}$$

Par définition, la combustion d'un hydrocarbure est sa réaction avec le dioxygène formant de l'eau et du CO_2 : $CH_{4(g)} + 2O_{2(g)} = CO_{2(g)} + 2H_2O_{(g)}$, ne pas oublier les états physiques dans l'écriture de l'équation bilan. $\Delta_r H^\circ = -393.5 - 2 \times 241.8 + 74.8 - 2 \times 0 = -802.3 \, \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$.

Espace 13



(M!)





• Complément hors-programme : prise en compte des changements d'état

Application 2 : Pile à combustible

La réaction qui a lieu dans une pile à combustible hydrogène-oxygène s'écrit $2\,H_{2(g)}+O_{2(g)}=2\,H_2O$. On se place sous une pression de $1\,\text{bar}$.

- 1 Calculer l'enthalpie standard de la réaction à 80 °C, où l'eau est formée à l'état liquide.
- ${f 2}$ Reprendre la question à 200 °C, où elle est formée à l'état gazeux. On raisonnera par combinaison linéaire de réactions physico-chimiques.

Données :

- ho Enthalpie standard de formation de l'eau liquide à 25 °C : $\Delta_{\rm f} H^{\circ}({\rm H_2O_{(1)}}) = -285\,{\rm kJ\cdot mol^{-1}}$;
- ightharpoonup Enthalpie molaire standard de vaporisation de l'eau sous 1 bar : $\Delta_{\text{vap}} \overset{\sim}{H^{\circ}} = 44 \, \text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$.

$$\boxed{\mathbf{1}} \ \mathbf{\hat{A}} \ \mathbf{80} \ ^{\circ}\mathbf{C} : \Delta_{\mathrm{r}} H^{\circ}(80) \underset{\text{Fillingham}}{=} \Delta_{\mathrm{r}} H^{\circ}(25) = 2\Delta_{\mathrm{f}} H^{\circ}(\mathrm{H_{2}O_{(l)}}) = -570 \ \mathrm{kJ \cdot mol^{-1}}$$

2 À 300 °C : raisonnons par combinaison linéaire de réactions,

$$\begin{array}{lll} 2\,H_{2(g)} + O_{2(g)} &=& 2\,H_2O_{(l)} & \Delta_r H^\circ(373) \\ & H_2O_{(l)} &=& H_2O_{(vap)} & \Delta_{vap} H^\circ(H_2O) \end{array}$$

d'où on obtient par combinaison linéaire $(R) = (R_1) + 2(R_2)$

$$\Delta_{\rm r} H^{\circ}(200) = \Delta_{\rm r} H^{\circ}(80) + 2\Delta_{\rm vap} H^{\circ} = -482\,{\rm kJ\cdot mol^{-1}}$$

Espace 1



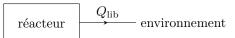
III - Effets thermiques des transformations monobares

Vous savez depuis bien longtemps qu'une transformation chimique, « ça chauffe ». Nous allons apprendre dans ce paragraphe à quantifier ces effets dans deux cas limites :

- ▷ transformation isotherme : la température du système est constante, toute l'énergie dégagée par la transformation chimique est instantanément transmise au milieu extérieur;
- ▷ transformation adiabatique : la transformation chimique est trop rapide pour que les transferts thermiques avec l'extérieur aient lieu, l'énergie chimique libérée est conservée par le système qui voit donc sa température augmenter;
- ⊳ le cas intermédiaire sera étudié numériquement en DM, en appliquant le schéma d'Euler.

III.A - Cas d'une transformation isotherme : transfert thermique libéré

Calculons le transfert thermique libéré par une transformation isotherme monobare.



$$\Delta H = -Q_{\rm lib} = \underset{\rm r\acute{e}ac}{\xi} \Delta_{\rm r} H^{\circ}.$$

Le transfert thermique libéré au cours d'une transformation physico-chimique monobare isotherme s'écrit

 $Q_{\text{lib\'er\'e}} = -\xi \, \Delta_{\text{r}} H^{\circ}$.





- ightharpoonup Si $Q_{
 m lib\'er\'e}>0$ c'est-à-dire $\Delta_{
 m r}H^{\circ}<0$ la transformation est dite **exothermique**.
- ightharpoonup Si $Q_{
 m lib\acute{e}r\acute{e}}=0$ c'est-à-dire $\Delta_{
 m r}H^{\circ}=0$ la transformation est dite **athermique**.
- \triangleright Si $Q_{\text{lib\'er\'e}} < 0$ c'est-à-dire $\Delta_{\text{r}} H^{\circ} > 0$ la transformation est dite **endothermique**.

Réaction exothermique :



transfert thermique effectivement cédé à l'extérieur.

Espace 15

Réaction endothermique :

il faut fournir un transfert thermique au système pour que la réaction ait lieu.

Espace 16

Remarque : le transfert thermique libéré est parfois appelé chaleur de réaction.

III.B - Cas d'une transformation adiabatique : température de fin de réaction

Il est fréquent que la durée sur laquelle la réaction chimique a lieu soit bien plus courte que le temps nécessaire aux transferts thermiques avec l'extérieur. L'énergie libérée chauffe alors le milieu réactionnel, c'est-à-dire les produits de réaction et les excès de réactifs, et peut ensuite être récupérée ou dissipée dans l'environnement.



On appelle température de flamme

la température du système à l'issue d'une transformation chimique monobare adiabatique.



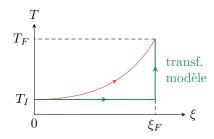
→ interprétation physique :

La température de flamme est la température maximale qui puisse être atteinte sous l'effet de la transformation.

Espace 17



Méthode de calcul : l'enthalpie étant une fonction d'état, on peut décomposer la transformation réelle comme la succession de deux transformations modèles :



- \bullet d'abord, transformation chimique isotherme à la température initiale T_I ;
- **2** ensuite, chauffage de **tout** le contenu du réacteur dans l'état final (produits + excès de réactifs + constituants inertes) de T_I à T_F .

$$\Delta H = 0 = \underset{\text{1er P transf}}{\xi} \Delta_{r} H^{\circ} + C_{P,F} (T_{F} - T_{I})$$

Espace 18



La capacité thermique totale dans l'état final $C_{P,F}$ se calcule par additivité :

$$C_{P,F} = \sum_{\text{produits}} n_{p,F} \, C_{P,p}^{\circ} + \sum_{\text{réactifs}} n_{r,F} \, C_{P,r}^{\circ} + \sum_{\text{inertes}} n_i \, C_{P,i}^{\circ}$$

où les quantités de matières se calculent dans l'état final F et les capacités thermiques C_P° sont molaires.

Attention! Les constituants inertes n'interviennent pas dans la réaction, mais il ne faut pas oublier de les prendre en compte dans l'échauffement.

→ erreur fréquente : ne pas oublier le diazote pour les transformations avec de l'air!

Mise en pratique:

Application 3 : Combustion isobare du monoxyde de carbone

On s'intéresse à la combustion isobare de n_0 mol de monoxyde de carbone initialement à $T_0=298\,\mathrm{K}$ décrite par la réaction totale

$$2 CO_{(g)} + O_{2(g)} = 2 CO_{2(g)}$$
.

Son enthalpie de réaction vaut $\Delta_{\rm r} H^\circ = -565\,{\rm kJ\cdot mol^{-1}}$.

Données : capacités thermiques molaires isobares, supposées indépendantes de la température.

	CO	02	N_2	CO ₂
$C_{P,m}^{\circ} \left(J \cdot mol^{-1} \cdot K^{-1}\right)$	29,5	30,0	29,2	40,0

- 1 La réaction est-elle exothermique ou endothermique ? Prévoir sans calcul si l'on observe une hausse ou une baisse de température du milieu réactionnel.
- 2 On réalise la transformation en utilisant du dioxygène pur apporté dans les conditions stoëchiométriques. Quelle est la quantité de matière de dioxygène utilisée? Calculer la température de flamme adiabatique.
- **3** On utilise maintenant un excès d'air tel que l'on a initialement $2n_0$ mol de dioxygène dans le réacteur. Calculer la nouvelle température de flamme et la comparer à la précédente. Expliquer.
- 1 Exothermique, donc hausse de température.

Faire un tableau d'avancement pour bien tout réexpliquer. La réaction consomme moitié moins de dioxygène que de CO, donc dans les proportions stoëchiométriques on a initialement $n_0/2$ mol de dioxygène. Par définition des proportions stoëchiométriques, il n'y a que du CO₂ dans l'état final, d'où

$$\Delta H = 0 = \frac{n_0}{1 \text{ er P transf}} \Delta_{\rm r} H^{\circ} + n_0 \, C_P^{\circ}(\mathrm{CO}_2) \, (T_F - T_0) \qquad \text{d'où} \qquad T_F = T_0 - \frac{\Delta_{\rm r} H^{\circ}}{2 C_P^{\circ}(\mathrm{CO}_2)} = 7.4 \cdot 10^3 \, \mathrm{K}$$

 $\fbox{3}$ Refaire un tableau d'avancement. Les $2n_0$ mol de dioxygène s'accompagnent de $8n_0$ mol de diazote. L'énergie libérée par la réaction doit donc chauffer non seulement le ${\rm CO}_2$ formé, mais aussi l'excès de dixoygène restant $(3n_0/2$ mol) et le diazote interte. Il vient alors

$$T'_F = T_0 - \frac{\Delta_{\rm r} H^{\circ}}{2C_P^{\circ}({\rm CO}_2) + 3C_P^{\circ}({\rm O}_2) + 16C_P^{\circ}({\rm N}_2)} = 1.2 \cdot 10^3 \,\mathrm{K}$$

