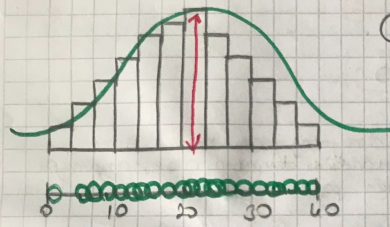
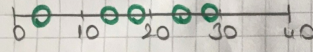


## - Statistics Fundamentals: The Mean, Variance and Standard Deviation

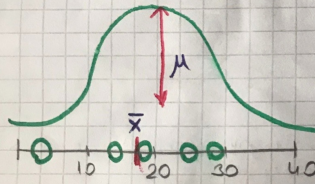


Calculated

$$\text{Population Mean} = \frac{1+3+5+\dots+26+27}{260,000,000} = 20$$

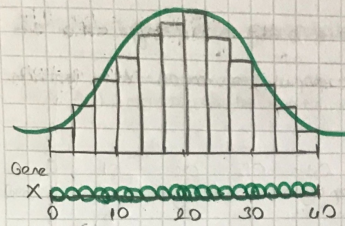


Estimated Mean =  $\frac{3+13+19+24+29}{5} = 17.6$



$\bar{x} \rightarrow$  Estimated mean

$\mu \rightarrow$  Population mean



$$\text{Population Variance} = \frac{\sum (x - \mu)^2}{n}$$

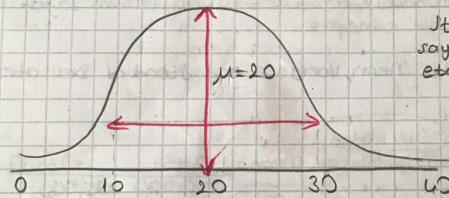
$$= \frac{(1-20)^2 + (3-20)^2 + \dots + (26-20)^2 + (27-20)^2}{260,000,000}$$

$$= 100 \text{ (mRNA sayısının karesi)}$$

•  $x$  eksenindeki her bir ünitenin karesi alınmadığı için bu varyans değeri asılamaz. Bu problemi önlemek için her bir ünitenin karesi alınır.

Population

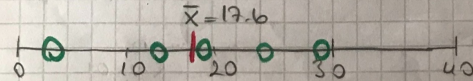
$$\text{Standard Deviation} = \sqrt{\frac{\sum (x - \mu)^2}{n}} = \sqrt{\text{Population Variance}} = \sqrt{100} = 10$$



Standard deviation 10 olması mRNA sayısının 20 olan ortalamadan  $\pm 10$  etrafında dağılımı demek.

✗ Elimizde hiçbir zaman bütün veriler olmayacağından hiçbir zaman population mean, population variance ve standard deviation'ı hesaplayamayız. Bunun yerine elimizdeki az sayıda ölçümden population variance ve population standard deviation'ı tahmin ederiz.

estimated mean,  $\bar{x} = 17.6$



$$\text{Estimated population variance} = \frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n-1}$$

$(n-1)$ 'e bölmeyerek population mean etrafındaki varyansı daha iyi tahmin etmiş oluruz. Çünkü datamız ve örnek datamız arasındaki farklılıktan dolayı sample mean, population mean'den daha az olma eğilimindedir.

$$\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n} < \frac{\sum (x - \mu)^2}{n}$$

$$\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n-1} \approx \frac{\sum (x - \mu)^2}{n}$$