## Insper

# Camada Física da Computação

Fourier - DTMF

2018 - Engenharia da computação

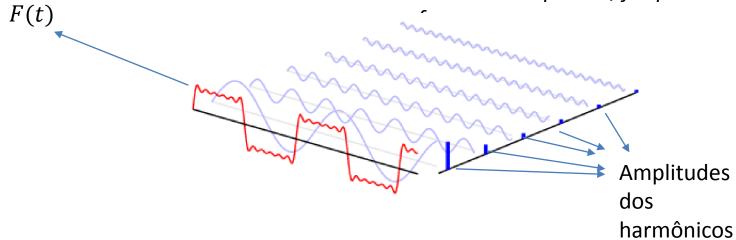
Rodrigo Carareto

## A transformada de Fourier

F(t) — domínio do tempo: Para cada instante, um valor real associado.

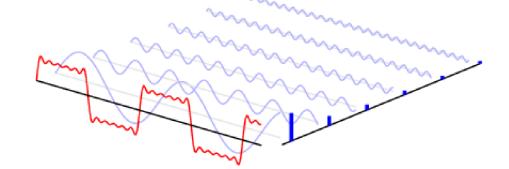


Jean Baptiste Joseph Fourier:
Uma função no domínio do
tempo pode ser representada
como um somatória de infinitas
senoides (harmônicos). Cada uma
com uma amplitude, frequência e



### A transformada de Fourier

Jean Baptiste Joseph Fourier:
Uma função no domínio do
tempo pode ser representada
como um somatória de infinitas
senoides. Cada uma com uma
amplitude, frequência e fase...



Mas quais são as amplitudes e fase de cada frequência?

$$F(w) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(t)e^{-jwt} dt$$

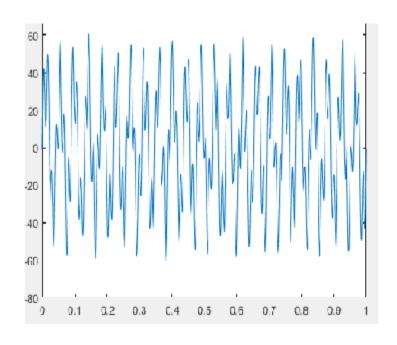
Para cada frequência escolhida, essa transformada nos da um complexo, cujo módulo é a amplitude e o ângulo é a fase da senoide (constituinte da função) com a frequência escolhida.

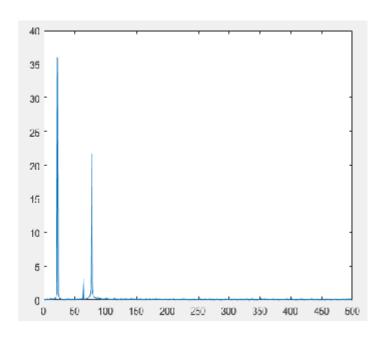


# A transformada de Fourier discreta (caso digital)

$$X[k] = \sum_{n=0}^{N-1} x[n]e^{-i2\pi kn/N}$$

[ a ] = plotaFourier([23 65 78],[36 3 22], [1], 1000,1)





### **DTMF**

#### **DTMF**

O dual tone multi frequency (DTMF) é um sinal de áudio utilizado pelas empresas de telefonia para detectar o sinal apertado pelo usuário, muito utilizada em menus de telemarketing para guiar o usuário pelas opções. A partir da definição de 8 frequências bases, obtém-se 16 diferentes símbolos, conforme a tabela a seguir :

	1209 Hz	1336 Hz	$1477~\mathrm{Hz}$	1633 Hz
697 Hz	1	2	3	A
$770~\mathrm{Hz}$	4	5	6	$\mathbf{B}$
$852~\mathrm{Hz}$	7	8	9	$\mathbf{C}$
941 Hz	X	0	#	D

Nessa de codificação, define-se uma maneira de codificar os sinais 0,1,2,..9,\*,#,A,B,C,D em símbolos 16 (2^4), onde cada símbolo é composto por duas frequências dominantes, o sinal resultante dessa composição é chamado de tom.

## FFT - número 3

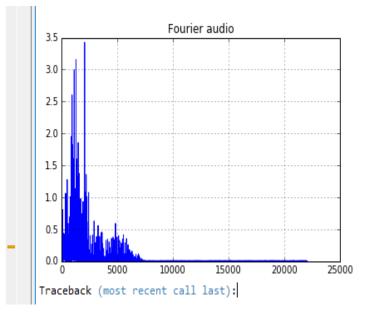
Inicializando encoder Gerando Tons base Enter a number: 3 Gerando Tom referente ao símbolo : 3 Frequências : 1209 + 852 Plotando 0.6 0.4 0.2 0.0 -0.2-0.4-0.6100 200

300

400

500

freq de pico sao 852.0257604160367 freq de pico sao 932.6948660579307 freq de pico sao 990.0299328777892 freq de pico sao 1046.6983128741608 freq de pico sao 1128.0341053395416 freq de pico sao 1208.7032109814354



## **Packages**

#### **Encodes**

from signalTeste import \*
import numpy as np
import sounddevice as sd
import matplotlib.pyplot as plt
import sys

bb

#### Decode

from signalTeste import \*
import numpy as np
import sounddevice as sd
import matplotlib.pyplot as plt
import time
import pickle
import peakutils



## Insper

www.insper.edu.br