

# Progetto di Algoritmi

## A.A. 2016-2017

Mattia Nocerino 818089

Angelo Savarino 814991

Elisa Solinas 811737

Updated on 22 giugno 2017

## Indice

<b>1</b>	<b>Esercizio 1: Algoritmi di ordinamento</b>	<b>1</b>
<b>2</b>	<b>Esercizio 2: Albero <math>n</math>-ario</b>	<b>1</b>
<b>3</b>	<b>Esercizio 3: Verifica MaxHeap</b>	<b>2</b>
<b>4</b>	<b>Esercizio 4: Struttura UnionFind</b>	<b>2</b>
<b>5</b>	<b>Esercizio 5: Grafo</b>	<b>2</b>
5.1	Implementazione della struttura grafo diretto . . . . .	2
5.2	Implementazione della struttura grafo non diretto . . . . .	2
5.3	Implementazione dell'algoritmo di Kruskal . . . . .	2

## 1 Esercizio 1: Algoritmi di ordinamento

Gli algoritmi di ordinamento SelectionSort e InsertionSort hanno complessità quadratica, per cui i risultati ottenuti sul file `records.csv` (composto da 20.000.000 di record) non sono stati soddisfacenti (nessuna delle nostre macchine è riuscita a completare l'ordinamento in meno di 10 minuti).

Attraverso l'algoritmo QuickSort, con scelta random del pivot, i risultati ottenuti sono stati i seguenti:

- Ordinamento sul primo campo: 65390 ms
- Ordinamento sul secondo campo: 25794 ms
- Ordinamento sul terzo campo: 38633ms

La complessità del QuickSort nel caso peggiore è  $n^2$ , mentre è  $n \log n$  nel caso medio. È importante notare, però, che è molto poco probabile che si verifichi il caso peggiore, in particolare sfruttando la **randomizzazione**, cioè scegliendo il pivot in maniera casuale.

## 2 Esercizio 2: Albero $n$ -ario

L'albero  $n$ -ario è stato implementato attraverso la classe `Tree`, che ha come attributo un elemento `root`, di tipo `Node`.

Il tipo `Node` contiene l'etichetta del nodo (il suo valore), un puntatore al padre e un puntatore al fratello

destro. Contiene, inoltre, il grado (grade) del nodo, ossia il numero di figli del nodo.

Il metodo `getBinaryTree()`, che ci permette di costruire un albero binario a partire dall'albero  $n$ -ario, trasforma l'albero in una lista, la ordina utilizzando l'algoritmo `quickSort` implementato nell'esercizio precedente, in modo da inserire i nodi nell'ordine corretto, utilizzando il metodo `binaryAdder()`.

### 3 Esercizio 3: Verifica MaxHeap

La classe `MaxHeap` è una classe statica, che contiene due metodi equivalenti, uno iterativo e uno ricorsivo, per verificare se l'array passato come parametro rappresenta o meno un `MaxHeap`.

### 4 Esercizio 4: Struttura UnionFind

La struttura `UnionFind` è stata implementata attraverso una struttura `HashMap`, avente come **chiavi** gli elementi dell'insieme e come **valori** strutture `UFNode`, contenenti il rango della chiave e il rappresentante dell'insieme cui la chiave appartiene.

### 5 Esercizio 5: Grafo

#### 5.1 Implementazione della struttura grafo diretto

Per la rappresentazione di un grafo diretto utilizziamo la lista di adiacenza, implementata attraverso una `HashMap`, in cui le chiavi rappresentano i vertici del grafo, mentre i valori rappresentano attraverso dei nodi gli archi connessi a ciascun vertice-chiave.

#### 5.2 Implementazione della struttura grafo non diretto

I grafi non diretti vengono rappresentati attraverso la classe `UndirectedGraph`, che è una sottoclasse di `DirectedGraph`, descritto nel paragrafo precedente.

I metodi implementati nella classe `UndirectedGraph` sostituiscono i metodi della classe `DirectedGraph` sono i seguenti:

- Il metodo `addEdge`, che per ogni arco  $u \rightarrow v$ , aggiunge sia  $(u, v)$  che  $(v, u)$ , in modo da rappresentare un grafo non orientato.
- Il metodo `weight()`, che divide a metà il peso del grafo, in quanto ciascun arco non orientato viene rappresentato mediante un doppio arco.

#### 5.3 Implementazione dell'algoritmo di Kruskal

Il costruttore della classe `MSTKruskal` prende in input un grafo non diretto  $G$  e produce una lista degli archi che compongono l'albero minimo di copertura di  $G$ .

L'algoritmo è stato implementato utilizzando una `UnionFind`, in cui ciascun insieme rappresenta una componente connessa del grafo.

Inoltre, l'algoritmo sfrutta il metodo `getEdges()` della classe `DirectedGraph`, che restituisce un `ArrayList` ordinato contenente tutti gli archi di  $G$ .