

REPUBLIQUE DU BENIN

---

MINISTÈRE DES ENSEIGNEMENTS SECONDAIRE, TECHNIQUE ET DE LA FORMATION  
PROFESSIONNELLE  
(MESTFP)

---

INSTITUT NATIONAL D'INGENIERIE DE FORMATION ET DE RENFORCEMENT DES  
CAPACITES DES FORMATEURS  
(INIFRCF)

# **GUIDE DU PROGRAMME D'ÉTUDES**

## **MATHÉMATIQUES**

### **Classe de 3<sup>e</sup>**

Version relue  
Septembre 2020











# **SOMMAIRE**

I	AVANT-PROPOS	8
1	Introduction	8
2	Clarification de quelques concepts	8
3	Mode d'emploi	9
4	Stratégie d'enseignement / apprentissage / évaluation	10
5	Démarche d'enseignement / apprentissage / évaluation	10
II	SITUATIONS D'APPRENTISSAGE	12
1	Canevas général de déroulement d'une situation d'apprentissage	13
2	Structuration des situations d'apprentissage	14
3	Exemples de fiches pédagogiques	43
4	Répartition hebdomadaire des situations d'apprentissage	54
III	EVALUATION DES APPRENTISSAGES	56
1	Les types d'évaluation	56
2	Les outils d'évaluation	57
3	Les objets d'évaluation	57
4	Les critères d'évaluation	58
5	Format de l'épreuve de mathématiques	58
	ANNEXE	62
	TABLE DES MATIERES	68

## I - AVANT PROPOS

### 1- Introduction

Le présent guide de l'enseignant (e) est produit pour accompagner le programme d'études de mathématiques de la classe de troisième qui a été relu.

Il s'est nourri principalement des options prises dans le cadre de la relecture du programme d'études pour son évolution qualitative. Il s'est inspiré surtout des orientations pédagogiques et didactiques retenues dans le cadre de la relecture et de l'amélioration de la qualité du document programme d'études.

Ce guide pédagogique comporte trois parties essentielles. Après l'avant-propos qui décline entre autres, la clarification de quelques concepts, le mode d'emploi du document et les démarches d'enseignement / apprentissage / évaluation, la seconde partie a trait aux situations d'apprentissage et la troisième concerne l'évaluation des apprentissages.

La partie concernant les situations d'apprentissage présente d'une part le canevas général de déroulement d'une situation d'apprentissage, d'autre part la structuration des situations d'apprentissage assortie d'indications pédagogiques ; elle comprend par ailleurs, quelques exemples de fiches pédagogiques et se termine par la répartition hebdomadaire des situations d'apprentissage. En outre, à titre indicatif, le guide propose quatre documents d'exploitation des situations de départ des situations d'apprentissage, pouvant servir d'appui à la confection de fiches de séquence de classe.

Quant à la partie relative à l'évaluation des apprentissages, elle présente les différents contours de l'évaluation des apprentissages, à savoir : les types d'évaluation en apprentissage, les outils d'évaluation, les objets d'évaluation et les critères d'évaluation. Cette partie est une nouveauté afin de satisfaire aux doléances des enseignants et répondre à leurs besoins en la matière.

### 2-Clarification de quelques concepts

Il est nécessaire, pour une bonne utilisation des situations d'apprentissage, de procéder à la clarification de certains concepts.

**Séquence de contenus notionnels d'une SA** : C'est un regroupement cohérent d'un certain nombre de contenus notionnels d'une situation d'apprentissage.

**Recontextualisation** : utilisation dans un contexte donné de ce qui avait été appris ou expérimenté dans des contextes différents.

**La fiche pédagogique** : La fiche pédagogique est un document pédagogique de premier plan personnellement élaboré par l'enseignant en vue de couvrir les deux champs pédagogique et didactique de l'enseignement/apprentissage/évaluation. C'est le gouvernail pédagogique et didactique de l'enseignant avant, pendant et après la classe. Elle décrit la planification détaillée des différentes étapes de déroulement d'une activité pédagogique à mener avec un groupe précis d'apprenants dans un contexte donné.

**Objectifs d'une fiche pédagogique** : en mathématiques, les objectifs pédagogiques se situent au niveau du contenu de formation (1.1- Compétences ; 1.2- Connaissances et techniques). Il s'agit pour l'enseignant, d'amener les apprenants à mobiliser les connaissances et techniques

nécessaires pour la résolution des problèmes ou des situation-problèmes. Ce faisant, ils développent des compétences.

**Enseignement/apprentissage/évaluation :** Du point de vue de l'enseignant, c'est un processus qui vise à transmettre des connaissances théoriques ou pratiques, à développer ou à faire acquérir des capacités ou habiletés, ou à développer des aptitudes. Du point de vue de l'apprenant, c'est l'ensemble des activités qui permettent d'acquérir ou d'approfondir des connaissances, ou de développer des aptitudes.

**Activité (d'apprentissage) :** encore appelée activité éducative ou activité pédagogique c'est un ensemble de tâches permettant à l'apprenant d'atteindre un objectif d'apprentissage tel que le développement d'une compétence. L'activité d'apprentissage, qui comporte une ou plusieurs tâches à accomplir, peut prendre diverses formes : travaux pratiques de laboratoire, travail en atelier, préparation d'un exposé magistral, une mise en situation, un exercice, un devoir, une expérimentation, un stage, etc.

### **Situation d'apprentissage :**

Une situation d'apprentissage est un document dans lequel figure un ensemble de tâches et de consignes avec leurs indications pédagogiques respectives, tâches et consignes auxquelles l'enseignant soumet l'apprenant par des stratégies d'enseignement appropriées afin de le rendre compétent en lui faisant construire, transférer et réinvestir le savoir.

Ce document fournit aussi des renseignements sur le contenu de la formation, la durée, le matériel et les stratégies d'enseignement /apprentissage.

**NB :** Une situation d'apprentissage n'est pas une fiche pédagogique.

## **3- Mode d'emploi du document**

Le guide pédagogique est élaboré pour compléter le programme d'études et décliner son exécution. Ses différentes parties permettent à l'enseignant(e) d'exécuter correctement le programme d'études. La partie portant sur l'évaluation des apprentissages vient éclairer l'enseignant(e) sur ses pratiques de classe. La partie situations d'apprentissage a pour objet d'aider l'enseignant(e) dans la préparation et le déroulement de ses séquences de classe.

D'une manière générale, l'exploitation efficiente du guide aidera l'enseignant(e) et l'éclairera sur les situations d'apprentissage proposées dans le programme d'études. L'enseignant(e) y trouvera la répartition des connaissances et techniques des situations d'apprentissage en séquences suivie des détails de leurs contenus notionnels, ainsi que les indications pédagogiques. L'exploitation de ces indications pédagogiques permettra à l'enseignant(e) de concevoir les activités à soumettre aux apprenants. Les exemples de consignes pour le recueil des préconceptions des apprenants (Activité 0) sur les situations d'apprentissage sont des types dont l'enseignant pourra s'inspirer. La durée de cette activité 0 est de quinze (15) minutes.

L'enseignant(e) doit faire un va et vient incessant entre le programme d'études et le guide dans le cadre de la préparation de ses fiches pédagogiques.

Le guide pédagogique étant élaboré pour compléter le programme d'études et décliner son exécution, il contient, au niveau des détails des contenus notionnels, des injonctions qui indiquent ce que l'enseignant(e) devra faire faire à l'apprenant. Des explications en italique, à ce même niveau aident sur la manière de présenter, au niveau de cette classe, les connaissances et techniques.

Il est à noter que ce guide comporte trois grandes catégories de propriétés :

- propriétés à faire démontrer ;
- propriétés qu'on pourrait faire démontrer ( ce sont des propriétés à faire démontrer si les conditions didactiques le permettent) ;
- propriétés à faire admettre

**L'enseignant devra finir totalement une situation d'apprentissage avant de passer à une autre.**

Afin d'aider l'enseignant à exécuter convenablement le programme d'études, quelques innovations ont été apportées dans le guide pédagogique. Il s'agit :

- de deux exemples de fiches pédagogiques ;
- des exemples de consignes de l'activité 0 ;
- de la répartition des situations d'apprentissage en séquences d'apprentissage ;
- d'un planning hebdomadaire du programme d'études ;
- d'un éclairage sur l'évaluation des apprentissages ;
- des cas pratiques d'utilisation du numérique (TIC) pour appuyer le processus d'enseignement/apprentissage /évaluation.

Il est à signaler que le numérique sert de tremplin pour l'installation des ressources. Il ne fera pas l'objet d'une évaluation systématique mais il pourra être utilisé comme outils de résolution de problèmes.

Il ressort de tout ce qui précède que l'enseignant(e) doit s'approprier à la fois le document programme et le guide pédagogique pour une bonne préparation de ses fiches pédagogiques.

## **4-Stratégies d'enseignement/apprentissage/évaluation**

Les programmes d'études en général et notamment ceux de mathématiques ont préconisé des stratégies d'enseignement/apprentissage/évaluation. La mise en œuvre des différentes démarches y afférentes permet à l'apprenant de s'instruire, de se former et de s'éduquer. Au nombre de ces stratégies, on peut citer :

- le travail individuel ;
- le travail en petits groupes ;
- le travail collectif.

### **a) Phase du travail individuel**

Au cours de cette phase, les apprenants sont invités à travailler vraiment individuellement, même s'ils sont déjà disposés en petits groupes.

L'importance de cette phase n'est plus à démontrer puisque si chaque apprenant ne s'efforce pas de circonscrire la question en jeu, l'échange dans le groupe en pâtitira.

Pour cela, l'enseignant (e) se doit de veiller à ce que chaque apprenant comprenne ce qu'on attend de lui, afin de trouver quelque chose à proposer aux autres membres du groupe.

### **b) Phase du travail en petits groupes**

Les apprenants, après la phase précédente, discutent et échangent en petits groupes autour de leurs travaux respectifs. Ils retiennent après l'harmonisation des différents points de vue quelques résultats relativement à l'objet d'étude. L'un des éléments du groupe se charge de présenter à la classe au cours de la phase ultérieure ce que le groupe a retenu.

### **c) Phase du travail collectif**

C'est au cours de cette phase que la classe entière prend connaissance des travaux réalisés au sein des différents petits groupes. L'enseignant (e) anime la classe de façon à faire dégager par les apprenants la ou les réponse(s) à donner à la question posée.

## **5-Démarche d'enseignement/apprentissage/évaluation**

La démarche d'enseignement/apprentissage/évaluation adoptée en mathématiques est structurée autour de la compétence disciplinaire n°1 dont le libellé est le suivant :

" Résoudre un problème ou une situation-problème en utilisant les concepts et procédures du langage et du raisonnement mathématique".

Faire les mathématiques consiste avant tout à résoudre des problèmes ou des situations-problèmes. Au-delà des algorithmes, des règles de calculs, des techniques, et des formules, faire les mathématiques, c'est développer des capacités de résolution de problèmes.

Deux autres compétences viennent prendre en compte les deux dimensions essentielles des mathématiques à savoir : les activités géométriques et les activités numériques dans le but de donner un contenu disciplinaire à la compétence n°1.

Elles sont libellées comme suit :

" Appréhender la mathématique dans ses aspects géométriques par l'appropriation d'outils et de démarches propres à la géométrie".

"Appréhender la mathématique dans ses aspects numériques par l'appropriation d'outils, de techniques et de procédés conventionnels ainsi que par le traitement des données".

Tout en étant dépendant de la première du point de vue de la démarche de résolution de problèmes, ces deux dernières compétences se distinguent l'une de l'autre par les outils à acquérir et les procédures de raisonnement propres à chacune d'elles.

Néanmoins, elles sont parfois simultanément exigibles pour résoudre certains problèmes; en cela, elles sont aussi complémentaires.

L'évaluation occupe une place primordiale dans le processus d'enseignement / apprentissage/évaluation. Elle permet de réguler les apprentissages et de les certifier.

La régulation des apprentissages se fait tout au long du processus d'enseignement /apprentissage/évaluation à travers les évaluations diagnostique et formative.

Dans la mise en œuvre du processus d'évaluation sommative/certificative, l'enseignant doit :

- cibler l'objet de l'évaluation ;
- concevoir les outils d'évaluation (l'épreuve, les éléments de réponse et la grille d'appréciation) ;
- apprécier la pertinence, la validité et la fiabilité des outils d'évaluation afin de procéder à leur ajustement ;
- administrer l'épreuve pour recueillir des informations ;
- analyser et interpréter les informations recueillies ;
- faire le compte rendu ;
- prendre la décision qui convient et la mettre en œuvre (remédiation, orientation, certification...).

## **II- Situations d'apprentissage**

## 1-Canevas général de déroulement d'une situation d'apprentissage

Le déroulement de toute situation d'apprentissage se fera suivant le cheminement ci-après:

Activités	Indications pédagogiques
<b>A - INTRODUCTION</b>  <b>Activité 0 :</b> cf. situation de départ proposée pour la situation d'apprentissage	<p>Cette phase est à conduire selon les indications du document « Situations d'apprentissage ». Une situation de départ n'est pas la seule pouvant servir à contextualiser les connaissances et techniques visées.</p> <p>L'enseignant ou l'enseignante pourra s'en inspirer pour élaborer une autre prenant appui sur les réalités concrètes de son milieu.</p> <p>A ce stade, on n'exigera pas de réponses aux tâches et consignes qui accompagnent la situation de départ. Les tâches et consignes seront démultipliées tout au long du déroulement des activités.</p>
<b>B - RÉALISATION</b>  <b>Activité N°1</b> (découverte d'une ou de plusieurs notions)  <b>Activité N°2</b> <b>N° 3</b> <b>·</b> <b>·</b> <b>N°n</b>  <b>Activité N°n +1</b> <b>N°n +2</b> <b>·</b> <b>·</b> <b>N°n +p</b>  <b>Activité N°n + p +1</b> (découverte d'autres notions nouvelles)  <b>Activités de décontextualisation</b> <b>Activités d'approfondissement</b>  ainsi de suite jusqu'à épuisement des notions visées par la situation d'apprentissage	<p>Cette phase est à conduire selon les indications du document « Situations d'apprentissage » relatives aux différentes stratégies d'enseignement/apprentissage et aux trois étapes. L'activité n°1 est une activité qui s'appuie sur la situation de départ.</p> <p>Ces activités visent à dépouiller le concept de son habillage concret pour la mettre à l'état pur (<i>définition, propriété, règle, procédure</i>)</p> <p>Elles ont pour but de travailler le ou les nouveau(x) concept(s) dégagé(s) suite à des activités de décontextualisation.</p> <p>Activité en contexte à l'instar de l'activité N°1.</p>

## C -RETOUR ET PROJECTION

### . Activité d'objectivation

Exemples de questions que l'enseignant ou l'enseignante peut poser aux élèves à la fin de l'apprentissage :

- qu'as-tu découvert sur... ?
- qu'as-tu appris de nouveau sur... ?
- qu'as-tu trouvé difficile ? facile ?

.qu'est-ce que tu as réussi ?

.qu'est-ce que tu n'as pas réussi ?

.qu'est-ce que tu vas faire pour améliorer ta production ?

Il s'agit de proposer des activités pour une utilisation ultérieure des acquis dans la résolution des problèmes de vie.

## 2-Structuration des situations d'apprentissage

Les situations d'apprentissage seront déroulées à partir :

- d'activités judicieusement conçues en s'appuyant sur les connaissances et techniques, les compétences disciplinaires, les compétences transdisciplinaires et les compétences transversales.
- de stratégies d'enseignement/apprentissage/évaluation appropriées.
- d'une mobilisation par l'apprenant des capacités relatives à :
  - l'expression de sa perception d'un problème ou d'une situation- problème;
  - l'analyse d'un problème ou d'une situation- problème;
  - la mathématisation d'un problème ou d'une situation- problème ;
  - l'opération sur les objets mathématiques identifiés au cours de la résolution d'un problème ou d'une situation-problème.

A cet effet, le développement des situations d'apprentissage se présente comme suit :

## 2.1 Développement des situations d'apprentissage

### 2.1.1 SITUATION D'APPRENTISSAGE n° 1 : Triangles

- I. **ÉLÉMENTS DE PLANIFICATION** (Confer programme d'études de la classe de 3<sup>e</sup>)
- II. **DÉROULEMENT** (Confer programme d'études de la classe de 3<sup>e</sup>)
- III. **DETAL DES CONTENUS NOTIONNELS DE LA SITUATION D'APPRENTISSAGE N°1**

Durée : 54 heures

Contenus notionnels	Indications pédagogiques
<b>Séquence 1 : Nombres réels</b>	
Découverte Notation	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>découvrir</b>, par l'utilisation de la propriété de Pythagore, l'existence de nombres dont le carré est par exemple 2, 3, 4, 5, 6...</li> </ul> <p>A titre d'exemples</p> <p>Figure 1</p> <p>D'après la figure 1, <math>AB^2 = 2</math>; le nombre qui exprime la longueur de <math>[AB]</math> est noté <math>\sqrt{2}</math> et est lu : « racine carrée de 2 » ; <math>AC^2 = 3</math> ; le nombre qui exprime la longueur de <math>[AC]</math> est noté <math>\sqrt{3}</math> et est lu : « racine carrée de 3 » ;</p> <p>De même on a : <math>AD = \sqrt{4} = 2</math> ; <math>AE = \sqrt{5}</math> ; <math>AF = \sqrt{6}</math>.</p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>admettre</b> que les nombres comme <math>\sqrt{2}</math>, <math>\sqrt{3}</math>, <math>\sqrt{5}</math>, <math>\sqrt{6}</math>, par exemple, ne sont pas des nombres rationnels. Ces nombres et tous ceux étudiés jusqu'ici (nombres rationnels) appartiennent à un ensemble appelé : « <b>ensemble des nombres réels</b> » et noté <math>\mathbb{R}</math>. Ainsi on a : <math>\mathbb{N} \subset \mathbb{D} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R}</math>.</li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>Utiliser</b> les notations appropriées telles que : <math>\mathbb{R}_-</math> ; <math>\mathbb{R}_*</math> ; <math>\mathbb{R}_+</math> ; <math>\mathbb{R}_*^*</math> ; <math>\mathbb{R}</math>.</li> </ul>
racine carrée d'un nombre réel positif	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>définir</b> la racine carrée d'un nombre réel positif</li> </ul> <p><u>Définition</u> : On appelle « <b>racine carrée d'un nombre réel positif x</b> », le <b>nombre réel positif noté <math>\sqrt{x}</math> et dont le carré est égal à x</b>.</p>
Puissance à exposant entier relatif	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>définir</b> la puissance à exposant entier relatif d'un nombre réel non nul.</li> </ul> <p><u>Définition</u> : Si x est un nombre réel non nul et n un entier naturel plus grand que 1</p> $x^n = \underbrace{x \times x \times x \times x \times x \times \dots \times x \times x \times x}_{n \text{ facteurs}}$ <p>Si x est un nombre réel non nul et n un entier naturel non nul,</p>

	<p><b>on note</b> <math>x^{-n} = \frac{1}{x^n}</math></p> <p>En conséquence <math>x^n \times x^{-n} = 1</math> et <math>x^n = \frac{1}{x^{-n}}</math></p> <p>Par suite pour tout nombre réel non nul <math>x</math> et pour tout entier relatif <math>m</math>, on a</p> $x^m = \frac{1}{x^{-m}}$ <p><b>Convention :</b> On convient de noter pour tout nombre réel non nul <math>x</math>, <math>x^0 = 1</math> ;</p> <p><b>Attention !</b> La puissance d'exposant 0 du nombre réel nul n'est pas définie.</p>
Règles de calcul sur les racines carrées	<p><b>Remarque :</b> On définit l'addition, la multiplication, la soustraction et la division dans <math>\mathbb{R}</math> comme dans <math>\mathbb{Q}</math>. On admet que ces opérations gardent dans <math>\mathbb{R}</math> les mêmes propriétés que dans <math>\mathbb{Q}</math>.</p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- démontrer les règles de calcul suivantes :</li> </ul> <p><b>(on pourrait se servir de la calculatrice pour faire des conjectures sur ces règles.)</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Si <math>x</math> et <math>y</math> sont deux nombres réels positifs alors on a : <math>\sqrt{x} \times \sqrt{y} = \sqrt{xy}</math> .</li> <li>• Si <math>x</math> et <math>y</math> sont des nombres réels positifs et si <math>y</math> est non nul alors on a : <math>\sqrt{\frac{x}{y}} = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}}</math> .</li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- utiliser ces règles</li> <li>- effectuer des calculs comportant des radicaux ;</li> <li>- comparer des nombres réels ;</li> <li>- utiliser les symboles <math>\leq</math> et <math>\geq</math> ;</li> <li>- développer, réduire et factoriser les expressions comportant des radicaux ;</li> <li>- écrire un quotient sans radical au dénominateur ;</li> </ul>
Règles de calcul sur les puissances	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- calculer une puissance à exposant entier relatif d'un nombre réel non nul ;</li> <li>- utiliser les règles suivantes de calcul sur les puissances :</li> </ul> <p>a) si <math>x</math> et <math>y</math> sont deux nombres réels non nuls, et <math>n</math> un entier relatif alors on a : <math>x^n \times y^n = (xy)^n</math>.</p> <p>b) <math>x</math> est un nombre réel non nul, <math>n</math> et <math>m</math> sont des entiers relatifs on a :</p> <p><b>Se servir de la calculatrice pour faire des conjectures sur ces règles, en donnant à <math>n</math> et <math>m</math> des valeurs relativement grandes.</b></p> <p><b>Remarque :</b> toutes les propriétés sur les puissances étudiées en quatrième sont aussi valables pour les nombres réels.</p>
Propriétés sur les inégalités et l'ordre	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- admettre les propriétés suivantes :</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Lorsqu'on ajoute membre à membre des inégalités de même sens, on obtient une nouvelle inégalité de même sens.</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Lorsqu'on multiplie membre à membre des inégalités de même sens, entre nombres positifs, on obtient une nouvelle inégalité de même sens.</li> <li>- <b>utiliser</b> ces propriétés.</li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>admettre</b> la propriété suivante : Deux nombres positifs sont rangés dans le même ordre que leurs racines carrées.</li> <li>- <b>démontrer</b> les propriétés suivantes : <ul style="list-style-type: none"> <li>• Deux nombres négatifs sont rangés dans l'ordre contraire de celui de leurs carrés.</li> <li>• Deux nombres positifs sont rangés dans le même ordre que celui de leurs carrés.</li> <li>• Deux nombres de même signe et différents de zéro sont rangés dans l'ordre contraire de celui de leurs inverses.</li> </ul> </li> <li>- <b>utiliser</b> ces propriétés.</li> </ul> <p><b>Se servir de la calculatrice pour conjecturer sur ces propriétés.</b></p>
--	---

Encadrement de la racine carrée d'un nombre réel positif	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>encadrer</b> la racine carrée d'un nombre réel positif par deux nombres décimaux consécutifs d'ordre 1 ou 2</li> <li>- <b>encadrer</b> une somme, une différence, un produit, un quotient.</li> </ul>
--	---

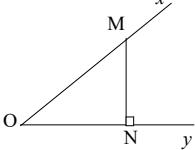
## Séquence 2 : Valeur absolue

Définitions Propriétés	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>définir</b> la valeur absolue d'un nombre réel ;</li> </ul> <p><u>Définition</u> : On appelle valeur absolue d'un nombre réel <math>a</math> et on note <math> a </math> la distance de <math>a</math> à zéro.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>définir</b> la distance de deux nombres réels ;</li> </ul> <p><u>Définition</u> : <math>a</math> et <math>b</math> sont des nombres réels. <math>A</math> et <math>B</math> sont les points d'abscisses respectives <math>a</math> et <math>b</math> dans un repère <math>(O, I)</math> d'une droite <math>(D)</math> ;</p>  <p>On appelle distance des nombres réels <math>a</math> et <math>b</math>, et on note <math>d(a, b)</math> la distance des points <math>A</math> et <math>B</math>.</p> <p>Remarque : On a <math>d(a, b) =  a - b </math>.</p>
------------------------	--

Intervalles Vocabulaire	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>reconnaître</b> les types suivants d'intervalles de <math>\mathbb{R}</math> :</li> </ul> <p><math>]a; b[</math> ; <math>[a; b]</math> ; <math>]a; b]</math> ; <math>[a; b[</math> <math>a</math> et <math>b</math> étant des nombres réels avec <math>a &lt; b</math> ;  <math>\leftarrow; a\right] \leftarrow; a\right] a; \rightarrow\left[ [a; \rightarrow\left[</math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>utiliser</b> le vocabulaire relatif aux intervalles de IR (borne, amplitude)</li> <li>- <b>définir</b> l'amplitude d'un intervalle à deux bornes.</li> </ul> <p><u>Définition</u> : Si <math>a</math> et <math>b</math> sont deux nombres réels distincts, l'amplitude de tout intervalle ayant pour bornes <math>a</math> et <math>b</math> est la distance des nombres <math>a</math> et <math>b</math> c'est-à-dire le nombre <math> a - b </math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>représenter</b> des intervalles de <math>\mathbb{R}</math> sur une droite munie d'un repère ;</li> </ul>
-------------------------	---

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>déterminer</b> l'intersection d'intervalles, déterminer la réunion d'intervalles.</li> </ul> <p><b>N.B :</b> Pour ces deux derniers cas, on se limitera aux situations où l'intersection ou la réunion est un intervalle.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>admettre</b> la propriété suivante :</li> <li>• La racine carrée du carré d'un nombre réel est égale à la valeur absolue de ce nombre.</li> </ul> <p>Autrement dit : pour tout <math>x \in \mathbb{R}</math>, <math>\sqrt{x^2} =  x </math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>utiliser</b> cette propriété.</li> </ul>
--	--

### Séquence : 3 Trigonométrie

Définitions	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>définir</b> le cosinus, le sinus, la tangente et la cotangente d'un angle aigu.</li> </ul> <p>Soit un angle aigu <math>\widehat{xOy}</math>, <math>M</math> un point de <math>[Ox)</math> distinct de <math>O</math>, <math>N</math> le projeté orthogonal de <math>M</math> sur le support de la demi-droite <math>[Oy)</math>, les rapports <math>\frac{ON}{OM}</math> et <math>\frac{MN}{ON}</math> ne dépendent pas de la position du point <math>M</math> sur <math>[Ox)</math>.</p> <p>Ces rapports sont aussi les mêmes si on prend <math>M</math> distinct de <math>O</math> sur <math>[Oy)</math>, <math>N</math> étant le projeté orthogonal de <math>M</math> sur le support de <math>[Ox)</math>. Ils ne dépendent que de l'angle <math>\widehat{xOy}</math> choisi.</p>  <p><b>Par définition :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>▪ le rapport <math>\frac{ON}{OM}</math> est appelé "le <b>cosinus</b> de l'angle <math>\widehat{xOy}</math>" et noté <math>\cos\widehat{xOy}</math> ;</li> <li>▪ le rapport <math>\frac{MN}{OM}</math> est appelé "le <b>sinus</b> de l'angle <math>\widehat{xOy}</math>" et noté <math>\sin\widehat{xOy}</math> ;</li> <li>▪ Si l'angle <math>\widehat{xOy}</math> n'est pas droit le rapport <math>\frac{MN}{ON}</math> est appelé <b>tangente</b> de l'angle <math>\widehat{xOy}</math> et noté <math>\tan\widehat{xOy}</math> ;</li> <li>▪ Si l'angle <math>\widehat{xOy}</math> n'est pas nul le rapport <math>\frac{ON}{MN}</math> est appelé <b>cotangente</b> de l'angle <math>\widehat{xOy}</math> et noté <math>\cotan\widehat{xOy}</math> ;</li> <li>▪ Les rapports <math>\frac{ON}{OM}</math>   <math>\frac{MN}{OM}</math>   <math>\frac{MN}{ON}</math>   <math>\frac{ON}{MN}</math> sont appelés "<b>rapports trigonométriques</b> de l'angle <math>\widehat{xOy}</math>".</li> </ul> <p><b>Notation :</b> Si <math>\alpha</math> est la mesure en degré d'un angle <math>\widehat{xOy}</math> les valeurs <math>\cos\widehat{xOy}</math>, <math>\sin\widehat{xOy}</math>, <math>\tan\widehat{xOy}</math>, <math>\cotan\widehat{xOy}</math> pourront être notées respectivement <math>\cos \alpha</math>, <math>\sin \alpha</math>, <math>\tan \alpha</math>, <math>\cotan \alpha</math>.</p>
-------------	--

Propriétés et calculs	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>calculer</b> les rapports trigonométriques d'un angle aigu dans un triangle rectangle connaissant les longueurs des côtés du triangle.</li> <li>- <b>déterminer</b> les rapports trigonométriques des angles ayant pour mesures <math>0^\circ</math>, <math>30^\circ</math>, <math>45^\circ</math>, <math>60^\circ</math> et <math>90^\circ</math> ;</li> <li>- <b>utiliser</b> les valeurs des rapports trigonométriques des angles ayant pour mesures <math>0^\circ</math>, <math>30^\circ</math>, <math>45^\circ</math>, <math>60^\circ</math> et <math>90^\circ</math> ;</li> </ul>
-----------------------	---

## Se servir de sa calculatrice pour la détermination de ces valeurs.

- **déterminer** les valeurs des rapports trigonométriques des angles de  $30^\circ$  et de  $60^\circ$  à partir d'un triangle équilatéral  $ABC$ , étant entendu qu'on a :  $2 HC = AC$  (Fig. a) ;
- **déterminer** les valeurs des rapports trigonométriques de l'angle de  $45^\circ$  à partir d'un triangle rectangle isocèle étant entendu qu'on a :  $AB = AC$  et donc  $BC = AC\sqrt{2}$  (Fig.b) ;
- **déterminer** les valeurs des rapports trigonométriques de l'angle de  $0^\circ$  à partir de deux demi-droites  $[Ox)$  et  $[Oy)$  confondues ; ici par exemple on a :  $MN = 0$  et  $OM = ON$  (Fig.c) ;
- **déterminer** les valeurs des rapports trigonométriques de l'angle de  $90^\circ$  à partir de deux demi-droites  $[Ox)$  et  $[Oy)$  dont les supports sont perpendiculaires. (Fig.d)

Ici par exemple les points  $O$  et  $N$  sont confondus et  $OM = MN$ .

**Remarque :**

- la tangente d'un angle droit et la cotangente d'un angle nul ne sont pas définies.

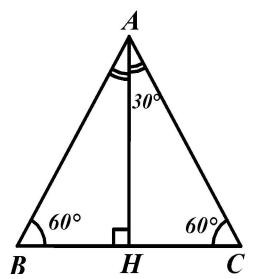


Fig a

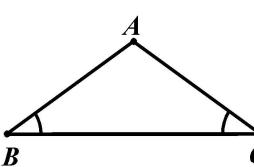


Fig b

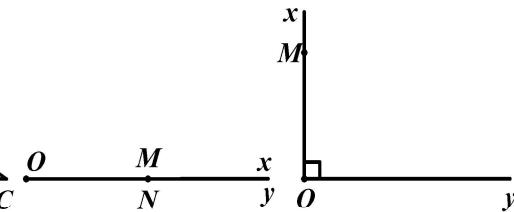


Fig c

Fig d

**Faire :**

- **admettre** les relations suivantes :

Pour tout angle  $a$  de mesure inférieure à  $90^\circ$  on a :

- $\cos^2 a + \sin^2 a = 1$
- $\cotan a = \frac{\cos a}{\sin a}$  si  $\sin a \neq 0$
- $\tan a = \frac{\sin a}{\cos a}$  si  $\cos a \neq 0$

Pour deux angles aigus  $a$  et  $b$  complémentaires on a :

- $\sin a = \cos b$  et  $\cos a = \sin b$  ;
- $\tan a = \cotan b$  et  $\cotan a = \tan b$ .
- **utiliser** ces relations.
- **admettre** la propriété :
- Lorsque deux angles aigus ont un même rapport trigonométrique, ils ont la même mesure.

**Déterminer à l'aide d'instruments appropriés (calculatrice, table trigonométrique) : les rapports trigonométriques d'un angle dont on connaît la mesure ; la mesure d'un angle dont on connaît l'un des rapports trigonométriques.**

## Séquence 4 : Propriété de Thalès et sa réciproque

**Faire :**

- **admettre** les deux propriétés suivantes dont la première pourra être démontrée :

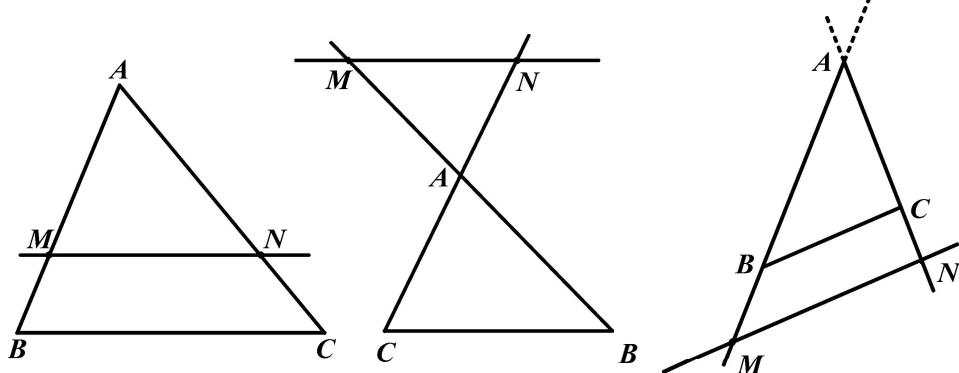
Propriété de Thalès relative au triangle

- *ABC est un triangle. Si un point M de la droite (AB) et un point N de la droite (AC) sont tels que les droites (MN) et (BC) sont parallèles, alors on a :  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$ .*

#### Réciproque de la propriété précédente

- *ABC est un triangle, M un point de la droite (AB) et N un point de la droite (AC) tels que la position qu'occupe M par rapport à A et B est la même que celle qu'occupe N par rapport à A et C.*

*Si l'on a  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$  alors la droite (MN) si elle existe est parallèle à la droite (BC).*



- Utiliser ces propriétés

#### **Faire :**

- **démontrer** la propriété suivante ;
- Dans un triangle, si une droite parallèle au support d'un côté détermine deux triangles, alors les longueurs des côtés de l'un sont proportionnelles à celles des côtés de l'autre.
- **utiliser** cette propriété

#### **Piste possible de démonstration :**

*Construisons successivement :*

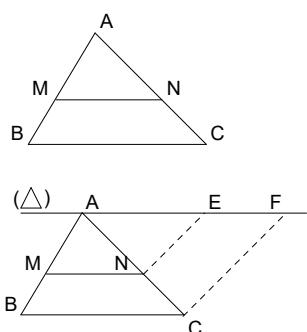
- la droite  $\Delta$  parallèle à (BC) et passant par A.
- les points E et F de  $\Delta$  tels que  $(NE) \parallel (CF) \parallel (AB)$ .

*D'après la propriété de Thalès relative au triangle on a à la fois :*

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} \text{ et } \frac{AN}{AC} = \frac{AE}{AF}.$$

*Or les quadrilatères AMNE et ABCF sont des parallélogrammes donc on a :  $AE = MN$  et  $AF = BC$ .*

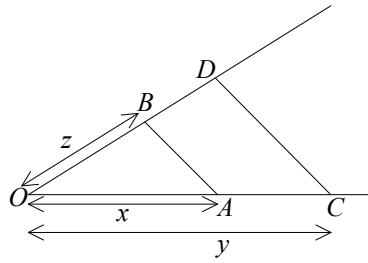
$$\text{En conséquence on a } \frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}.$$



- **construire** une quatrième proportionnelle à partir de trois longueurs x, y et z.

#### **Programme de construction :**

Pour la quatrième proportionnelle t des nombres x, y et z tels que  $\frac{x}{y} = \frac{z}{t}$ .



On trace deux demi-droites de même origine  $O$ . Sur l'une, on marque les points  $A$  et  $C$  tels que  $OA = x$  et  $OC = y$ . Sur l'autre, on marque le point  $B$  tel que  $OB = z$ . On construit la parallèle à  $(AB)$  passant par  $C$  : elle coupe  $(OB)$  en  $D$ . La longueur  $OD$  est la quatrième proportionnelle des longueurs  $x$ ,  $y$  et  $z$  ; c'est le nombre  $t$  cherché.

### Séquence : 5 Triangles semblables

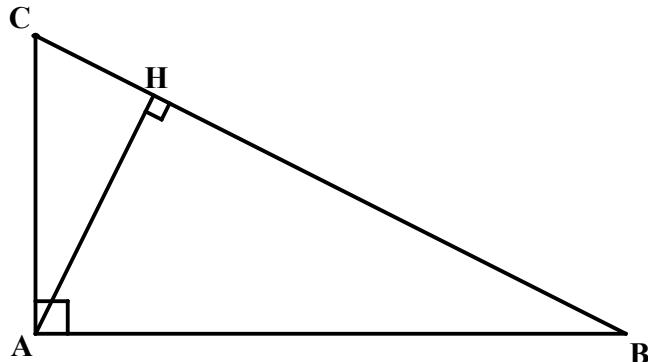
<b>Définitions Vocabulaire</b>	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>définir</b> deux triangles semblables.</li> </ul> <p><u>Définition</u> : On dit que deux triangles sont semblables lorsque les longueurs des côtés de l'un sont proportionnelles aux longueurs des côtés de l'autre.</p>
	<p>Les triangles <math>ABC</math> et <math>IJK</math> sont semblables et on a : <math>\frac{AB}{IJ} = \frac{BC}{JK} = \frac{AC}{IK}</math>.</p> <p>Les côtés <math>[AB]</math> et <math>[IJ]</math> sont dits <b>homologues</b>. Il en est de même des côtés <math>[BC]</math> et <math>[JK]</math>, comme des côtés <math>[AC]</math> et <math>[IK]</math>. Dans ces conditions les sommets <math>A</math> et <math>I</math> sont dits homologues et les angles <math>\widehat{BAC}</math> et <math>\widehat{IJK}</math> sont aussi dits homologues.</p> <p>A propos de <b>rapport de similitude</b> de deux triangles semblables, voici comment il se définit ici :</p> <p><i>T<sub>1</sub> et T<sub>2</sub> sont deux triangles semblables ; on appelle « rapport de similitude de T<sub>1</sub> à T<sub>2</sub> », le rapport de la longueur d'un côté quelconque de T<sub>2</sub> à la longueur de son homologue de T<sub>1</sub>.</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>utiliser</b> le vocabulaire relatif aux triangles semblables : éléments homologues, rapports de similitude.</li> </ul>
<b>Propriétés</b>	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>démontrer</b> les propriétés suivantes :</li> <li>• Si deux triangles sont semblables, alors tout angle de l'un a même mesure qu'un angle de l'autre.</li> <li>• Si deux triangles sont tels que deux des angles de l'un ont les mêmes mesures que deux angles de l'autre alors ces triangles sont semblables.</li> <li>• Si deux triangles sont tels que deux côtés de l'un ont des longueurs proportionnelles à celles de deux côtés de l'autre et que les angles formés par ces côtés ont la même mesure, alors ces triangles sont semblables.</li> <li>- <b>utiliser</b> ces propriétés.</li> </ul> <p><b>Visualiser des exemples de triangles semblables.</b></p>

## Séquence : 6 Triangle rectangle

### Faire :

- **démontrer** les propriétés suivantes.
- Dans un triangle rectangle, le produit des longueurs des côtés de l'angle droit est égal au produit des longueurs de l'hypoténuse et de la hauteur relative à l'hypoténuse.

Autrement dit, en considérant le triangle  $ABC$  rectangle en  $A$  et  $H$  le pied de la hauteur relative à l'hypoténuse, on a:  $AB \cdot AC = AH \cdot BC$



- Dans un triangle rectangle, la longueur de la hauteur relative à l'hypoténuse est moyenne proportionnelle entre les longueurs des segments qu'elle détermine sur l'hypoténuse.

Autrement dit, en considérant le triangle  $ABC$  rectangle en  $A$  et  $H$  le pied de la hauteur relative à l'hypoténuse, on a:  $AH^2 = BH \cdot HC$

- Dans un triangle rectangle, le carré de la longueur d'un côté de l'angle droit est égal au produit des longueurs de l'hypoténuse et du projeté orthogonal dudit côté sur l'hypoténuse.

Autrement dit, en considérant le triangle  $ABC$  rectangle en  $A$  et  $H$  le pied de la hauteur relative à l'hypoténuse, on a:  $AC^2 = CH \cdot BC$  ;

$$AB^2 = BH \cdot BC$$

- **utiliser** ces propriétés.

**N. B.** : L'utilisation des propriétés précédentes couvrira aussi bien le calcul des longueurs que la résolution des problèmes de construction géométrique.

**Par exemple** : Etant donnés deux segments  $[AB]$  et  $[CD]$ , construire :

- un segment  $[MN]$  tel qu'on ait  $MN = \sqrt{AB \cdot CD}$
- des segments  $[EF]$  et  $[GH]$  tels que :

$$\text{a) } AB \cdot CD = EF \cdot GH$$

$$\text{b) } AB \cdot EF = CD \cdot GH$$

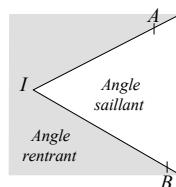
## Séquence n°7 : Angles et cercles

### Reconnaissance

### Faire :

- **reconnaitre** :
- un angle saillant ;
- un angle rentrant

Rappelons que, ici comme dans tout le premier cycle, un angle est présenté comme étant la configuration du plan formée par deux demi-droites de même origine. Ce choix ne permet pas de parler « d'égalité d'angles » mais plutôt « d'égalité de mesures d'angles »



$\widehat{AIB}$  se lit "angle rentrant  $AIB$ " ;  $\widehat{AIB}$  se lit "angle  $AIB$ " (le mot saillant est sous-entendu).

- reconnaître :

- un quadrilatère inscrit dans un cercle
- un angle inscrit dans un cercle
- l'arc intercepté par un angle inscrit dans un cercle
- l'angle au centre associé à un angle inscrit

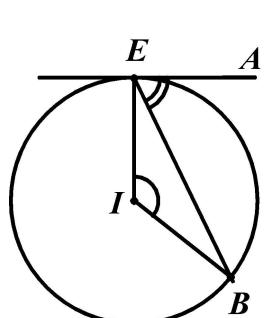


Fig1

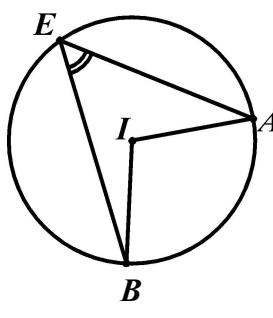


Fig2

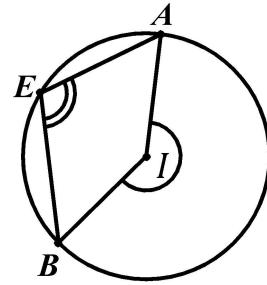


Fig3

Pour chaque figure, l'angle  $\widehat{AEB}$  est un angle inscrit dans le cercle considéré ; Pour la figure n°1, la droite  $(EA)$  est tangente en  $E$  au cercle  $c(I ; r)$  et l'angle inscrit  $\widehat{AEB}$  intercepte l'arc  $\widehat{EB}$ . Cet angle inscrit a pour angle au centre associé l'angle  $\widehat{EIB}$ .

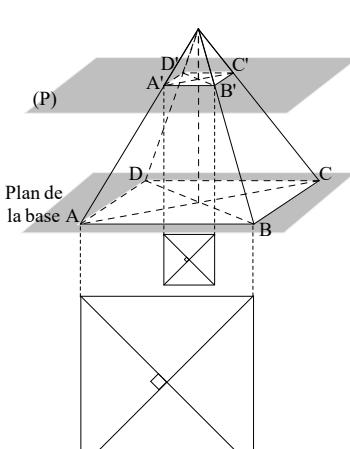
Pour la figure n°2, l'angle inscrit  $\widehat{AEB}$  intercepte l'arc  $\widehat{AB}$  et son angle au centre associé est l'angle  $\widehat{AIB}$ . Pour la figure n°3, l'angle inscrit est obtus et intercepte l'arc  $\widehat{AB}$  (lire grand arc  $AB$ ). Son angle au centre associé est l'angle rentrant  $\widehat{AIB}$ .

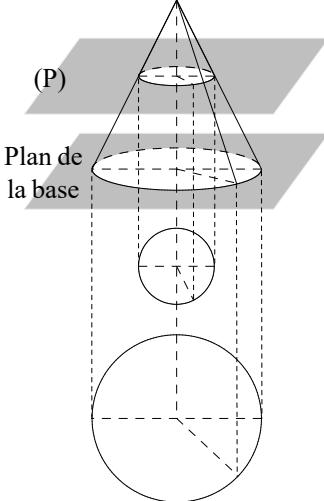
<p><b>Propriétés</b></p>	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>démontrer</b> les propriétés suivantes</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Un angle inscrit dans un cercle a pour mesure la moitié de la mesure de l'angle au centre qui lui est associé.</li> <li>• Dans un cercle, deux angles inscrits qui interceptent le même arc ont la même mesure.</li> <li>• Dans un cercle, deux angles inscrits qui interceptent deux arcs de même longueur ont la même mesure.</li> <li>• Si un quadrilatère est inscrit dans un cercle, alors ses angles opposés sont supplémentaires.</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>admettre</b> la propriété suivante :</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Si un quadrilatère est tel que deux de ses angles opposés sont supplémentaires alors il est inscriptible dans un cercle.</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>déterminer</b> la mesure d'un angle d'un polygone régulier de <math>n</math> côtés. Cette mesure est égale à : <math>180^\circ - \frac{360^\circ}{n}</math>.</li> </ul> <p><b>Démonstration possible :</b> Soit <math>A, B</math> et <math>C</math> trois sommets consécutifs d'un polygone régulier de <math>n</math> côtés et soit <math>I</math> le centre du cercle dans lequel ledit polygone régulier est inscriptible.</p> <p>On a : <math>\text{mes } \widehat{AIB} = \text{mes } \widehat{BIC} = \frac{360^\circ}{n}</math>.</p> <p>Chacun des angles <math>\widehat{IAB}</math> et <math>\widehat{IBC}</math> a donc pour mesure <math>(180^\circ - \frac{360^\circ}{n}) \div 2</math> car les triangles <math>AIB</math> et <math>BIC</math> sont à la fois isocèles et superposables. Comme l'un des angles du polygone régulier considéré est l'angle <math>\widehat{ABC}</math> alors sa mesure est <math>180^\circ - \frac{360^\circ}{n}</math>, somme des mesures des angles <math>\widehat{ABI}</math> et <math>\widehat{IBC}</math>.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>utiliser</b> ces propriétés.</li> </ul>
--------------------------	--

## 2.1.2 SITUATION D'APPRENTISSAGE n° 2 : Configurations de l'espace.

- I. ÉLÉMENTS DE PLANIFICATION (Confer programme d'études de la classe de 3<sup>e</sup>)
- II. DEROULEMENT (Confer programme d'études de la classe de 3<sup>e</sup>)
- III. DETAIL DES CONTENUS NOTIONNELS DE LA SITUATION D'APPRENTISSAGE N°2

Durée : 18 heures

Contenus notionnels	Indications pédagogiques
<b>Séquence 1 : Cône</b>	
Utilisation des nombres réels pour résoudre des problèmes relatifs au cône.	Un cône de révolution est un solide de l'espace. Sa représentation, sa description, sa fabrication ainsi que le calcul de son aire et de son volume, ont fait l'objet d'une étude particulière dans les classes antérieures en tenant compte du fait que dans ces classes les apprenants ne connaissent que les nombres rationnels. En classe de troisième, il s'agit de faire développer les mêmes habiletés chez les apprenants en utilisant surtout des nombres irrationnels.
<b>Séquence 2 : Sections planes</b>	
Section d'une pyramide régulière par un plan parallèle à celui de la base	<p><b>Remarques :</b></p> <p><i>Toutes les propriétés de cette partie seront admises sauf celle qui donne le volume du tronc de cône ou du tronc de la pyramide régulière qui pourra être démontrée.</i></p> <p><i>- On mettra ici, l'accent sur l'utilisation de la propriété de Thalès, dès que possible.</i></p> <p><b>Visualiser des exemples de section d'une pyramide régulière, d'un cône de révolution par un plan parallèle à celui de la base.</b></p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>représenter</b> la section d'une pyramide régulière par un plan parallèle à celui de la base.</li> </ul>  <p>Représentation en perspective d'une pyramide régulière coupée par un plan (P) parallèle au plan de sa base Les côtés <math>[AB]</math> et <math>[A'B']</math>, par exemple, sont dits correspondants. Vues en vraies grandeurs de la section et de la base.</p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>admettre</b> la propriété :</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>La section d'une pyramide régulière par un plan parallèle à la base est un polygone de même nature que cette base ; les supports des côtés correspondants de ces polygones sont parallèles.</li> <li><b>utiliser</b> cette propriété dans des exercices simples.</li> </ul>
<i>Section d'un cône de révolution par un plan parallèle à celui de la base</i>	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li><b>représenter</b> la section d'un cône de révolution coupé par un plan parallèle à celui de la base.</li> </ul>  <p>Représentation en perspective d'un cône de révolution coupé par un plan (P) parallèle au plan de sa base.</p> <p>Vues en vraies grandeurs de la section et de la base.</p>
Tronc de pyramide Tronc de cône	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li><b>admettre</b> la propriété :</li> <li>La section d'un cône de révolution par un plan parallèle à celui de la base est un cercle.</li> <li><b>Utiliser</b> cette propriété.</li> </ul> <p><b>Remarques :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>la section d'une pyramide régulière par un plan parallèle à celui de la base permet d'obtenir d'un côté une petite pyramide régulière (pyramide réduite) et de l'autre un tronc de pyramide.</li> <li>la section d'un cône de révolution par un plan parallèle à celui de la base permet d'avoir d'un côté un petit cône de révolution (cône réduit) et de l'autre un tronc de cône.</li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li><b>calculer</b> l'échelle de réduction dans une section d'une pyramide régulière ou d'un cône de révolution par un plan parallèle à celui de la base ;</li> <li><b>calculer</b> l'une des trois grandeurs : aire de la base du solide réduit, aire de la base du solide initial, échelle de réduction, connaissant les deux autres.</li> </ul> <p><b>Remarque :</b> L'échelle <math>k</math> de réduction est le rapport d'une longueur du solide réduit à la longueur correspondante du solide initial.</p> <p>Par exemple, si <math>h</math> désigne la hauteur du solide, <math>h'</math> celle du solide réduit, alors <math>k = \frac{h'}{h}</math> (Même rapport pour les apothèmes)</p> <p>Le rapport <math>\frac{\text{Aire de base du solide réduit}}{\text{Aire de base du solide initial}}</math> est égal à <math>k^2</math>.</p>

Le rapport  $\frac{\text{Volume du solide réduit}}{\text{Volume du solide initial}}$  est égal à  $k^3$ .

**Faire :**

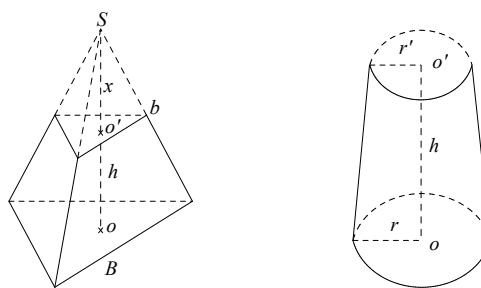
- **calculer** le volume d'un tronc de pyramide régulière à bases contenues dans des plans parallèles
- **calculer** le volume d'un tronc de cône de révolution à bases contenues dans des plans parallèles.

**Remarque :** Le calcul du volume  $V$  d'un tronc de pyramide régulière connaissant les aires  $B$  et  $b$  des bases parallèles et la hauteur  $OO'$  du tronc pourrait être conduit comme suit.

En posant  $SO' = x$ , on a :  $SO = x + OO' = x + h$

$$\text{On a : } V = \frac{1}{3}B(x+h) - \frac{1}{3}b x \text{ ou encore}$$

$$V = \frac{1}{3}Bh + \frac{1}{3}(B-b)x$$



**Faire:**

- **admettre** les propriétés suivantes :
  - le volume  $V$  d'un tronc de cône de révolution ou d'un tronc de pyramide régulière de hauteur  $h$  est donné par :  $V = \frac{h}{3}(B + \sqrt{Bb} + b)$ , où  $B$  et  $b$  sont les aires des bases
  - Dans le cas d'un tronc de cône de révolution de hauteur  $h$ , ce volume est :  $V = \frac{\pi h}{3}(r^2 + rr' + r'^2)$ , où  $r$  et  $r'$  sont les rayons des deux bases.

**Remarque :** Ces propriétés pourront être démontrées

**Faire manipuler la calculatrice pour le calcul du volume d'un tronc de pyramide régulière et d'un tronc de cône de révolution à bases contenues dans des plans parallèles.**

- **utiliser** ces propriétés

## 2.1.3 SITUATION D'APPRENTISSAGE n° 3 : Calcul littéral.

- I. ÉLÉMENTS DE PLANIFICATION (Confer programme d'études de la classe de 3<sup>e</sup>)
- II. DEROULEMENT (Confer programme d'études de la classe de 3<sup>e</sup>)
- III. DETAIL DES CONTENUS NOTIONNELS DE LA SITUATION D'APPRENTISSAGE N°3

Durée : 42 heures

Contenus notionnels	Indications pédagogiques
<b>Séquence n°1 : Polynômes</b>	
Notion de polynôme Découverte- Vocabulaire Reconnaissance	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>découvrir</b> la notion de polynôme,</li> <li>- <b>découvrir</b> la notion de monôme,</li> <li>- <b>utiliser</b> le vocabulaire approprié (degré, coefficient, variable),</li> <li>- <b>reconnaitre</b> un monôme, un polynôme.</li> </ul>
Calcul sur les polynômes	<p><b>Faire effectuer :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- des additions de polynômes,</li> <li>- des multiplications de polynômes,</li> <li>- des réductions de sommes algébriques de monômes,</li> <li>- des ordonnances de sommes algébriques réduites de monômes,</li> <li>- des factorisations de polynômes. (A ce propos, le professeur, amènera les apprenants à utiliser des transformations simples pour faire apparaître des facteurs communs.)</li> <li>- des calculs de la valeur numérique d'un polynôme pour une valeur donnée de la variable.</li> </ul> <p><u>N. B. :</u> L'utilisation de la forme canonique est hors programme.</p>
<b>Séquence n°2 : Equations de droite</b>	
Equations du premier degré dans $\mathbb{R}$	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>résoudre</b> des équations du premier degré à une inconnue dans <math>\mathbb{R}</math> ;</li> <li>- <b>admettre</b> la propriété : <ul style="list-style-type: none"> <li>• Le produit de deux nombres réels est nul signifie que l'un au moins de ces deux nombres est nul.</li> </ul> </li> <li>- <b>utiliser</b> cette propriété :</li> </ul> <p><b>Remarque :</b> A ce propos, le professeur fera résoudre des équations du type :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <math>(ax + b)(cx + d) = 0</math> avec <math>a \neq 0</math> et <math>c \neq 0</math></li> </ul>

	<p><b>NB :</b> Cette équation n'est pas du premier degré en <math>x</math>.</p>
Equations du premier degré dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$  Découverte Reconnaissance Définition	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>découvrir</b> ce qu'est une équation du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>,</li> <li><b>reconnaître</b> une équation du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>,</li> <li><b>définir</b> une équation du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>.</li> </ul> <p><b>Définition :</b> On appelle <b>équation du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math></b>, toute équation de la forme <math>ax + by + c = 0</math> où <math>a, b</math> et <math>c</math> sont des constantes réelles avec <math>a</math> et <math>b</math> non tous nuls. Le couple <math>(x, y)</math> est l'inconnue de l'équation.</p> <p><b>Remarques :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>o <b><math>a</math> et <math>b</math> non tous nuls signifie</b> <math>(a, b) \neq (0, 0)</math>.  <math>(a, b) \neq (0, 0)</math> <b>signifie</b> : <ul style="list-style-type: none"> <li>◊ <math>a \neq 0</math> et <math>b = 0</math></li> <li>◊ ou <math>a \neq 0</math> et <math>b \neq 0</math></li> <li>◊ ou <math>a = 0</math> et <math>b \neq 0</math>.</li> </ul> </li> <li>o <b>L'enseignant profitera de cette occasion pour faire la nuance entre les expressions « tous non nuls » et « non tous nuls ».</b></li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>vérifier</b> qu'un couple de nombres réels est solution d'une équation du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>;</li> <li>- <b>déterminer</b> <math>x</math> connaissant <math>y</math> ou bien <math>y</math> connaissant <math>x</math> pour une équation de la <b>forme</b>  <math>ax + by + c = 0</math> avec <math>a \neq 0</math> et <math>b \neq 0</math> ;</li> <li>- <b>transformer</b> une équation du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>.</li> </ul>
Équations cartésiennes de droite  Représentation	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>représenter</b> dans le plan muni d'un repère, les solutions d'une équation du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math> ;</li> </ul> <p><b>Remarque :</b> les représentations des solutions de l'équation sont des points alignés ;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>admettre</b> les propriétés :</li> <li>• Toutes les solutions d'une équation du 1<sup>er</sup> degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>, sont représentées sur une même droite ;</li> <li>• Tout point d'une droite représente l'une des solutions d'une équation du 1<sup>er</sup> degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>.</li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>déterminer</b> une équation d'une droite connaissant les coordonnées de deux de ses points ;</li> <li>- <b>construire</b> une droite connaissant une de ses équations</li> </ul>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>Construire</b> une droite connaissant les coordonnées de deux de ses points ;</li> <li>- <b>Construire</b> une droite parallèle à l'un des axes de coordonnées connaissant l'un de ses points.</li> </ul>
Coefficient directeur d'une droite	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>découvrir</b> ce que c'est que le coefficient directeur d'une droite non parallèle à l'axe des ordonnées;</li> <li>- <b>déterminer</b> le coefficient directeur d'une droite non parallèle à l'axe des ordonnées;</li> <li>- <b>construire</b> une droite non parallèle à l'axe des ordonnées connaissant l'un de ses points et son coefficient directeur (Cette construction se fera sans utiliser une équation de la droite) .</li> </ul> <p><b>Exemple :</b> Le plan est muni d'un repère orthonormé <math>(O, I, J)</math>. Soit <math>(D)</math> la droite passant par le point <math>A(1 ; 5)</math> et de coefficient directeur <math>a = -2</math>.</p> <p>Construis la droite <math>(D)</math>, sans déterminer un second point ni une équation de <math>(D)</math>. (Tu présenteras clairement le programme de construction)</p> <p><b>Programme de construction :</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Je place le point <math>A(1 ; 5)</math> dans le repère</li> <li>Je considère la droite <math>(\Delta)</math> d'équation <math>y = -2x</math></li> <li>Je trouve le point <math>B(1 ; -2)</math> appartenant à <math>(\Delta)</math></li> <li>Je trace la droite <math>(\Delta)</math> passant par l'origine et le point <math>B</math>.</li> <li>Je trace la droite <math>(D)</math> parallèle à la droite <math>(\Delta)</math> et passant par le point <math>A</math>.</li> </ol> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>déterminer</b> une équation cartésienne d'une droite connaissant l'un de ses points et son coefficient directeur.</li> <li>- <b>admettre</b> les propriétés : <ul style="list-style-type: none"> <li>• Si deux droites, non parallèles à l'axe des ordonnées, sont parallèles, alors elles ont même coefficient directeur.</li> <li>• Si deux droites, non parallèles à l'axe des ordonnées, ont même coefficient directeur alors elles sont parallèles.</li> </ul> </li> </ul> <p><b>Remarque :</b> Ces propriétés pourront être démontrées</p>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>utiliser</b> ces propriétés</li> <li>- <b>déterminer</b> une équation cartésienne d'une droite connaissant les coordonnées d'un de ses points et une équation cartésienne d'une droite qui lui est parallèle.</li> <li>- <b>admettre</b> les propriétés : <ul style="list-style-type: none"> <li>Le plan est muni d'un repère orthonormé.</li> <li>• Si deux droites non parallèles à l'axe des ordonnées sont perpendiculaires alors le produit de leurs coefficients directeurs est égal à <b>-1</b>.</li> <li>• Si le produit des coefficients directeurs de deux droites non parallèles à l'axe des ordonnées est égal à <b>-1</b>, alors elles sont perpendiculaires.</li> </ul> </li> </ul> <p><i>Remarque : ces propriétés pourront être démontrées.</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>utiliser</b> ces propriétés.</li> </ul>
--	---

### Séquence n°3 : Equations et inéquations

Inéquations du premier degré dans $\mathbb{R}$	<p><b>Faire résoudre :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- une inéquation du premier degré à une inconnue dans <math>\mathbb{R}</math>,</li> <li>- un système d'inéquations du premier degré à une inconnue dans <math>\mathbb{R}</math>;</li> <li>- des problèmes se ramenant à des inéquations et système d'inéquations du premier degré dans <math>\mathbb{R}</math>,</li> </ul> <p><i>L'ensemble des solutions sera représenté par un intervalle d'une droite graduée.</i></p>
Systèmes de deux équations du premier degré dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>résoudre</b> un système de deux équations du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>;</li> </ul> <p><i>Remarque : Cette résolution pourra se faire d'abord sous forme graphique sur des exemples judicieusement choisis. Ensuite, la résolution se fera par les méthodes classiques de substitution de comparaison et de combinaison.</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>résoudre</b> des problèmes se ramenant à des systèmes de deux équations du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>.</li> </ul>
Inéquations du premier degré dans $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>reconnaître</b> une inéquation du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>;</li> <li>- <b>admettre</b> la propriété suivante : Le plan est muni d'un repère, une droite d'équation <math>ax + by + c = 0</math>, partage le plan en trois parties :</li> </ul> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. L'ensemble des points de coordonnées <math>(x ; y)</math> tels que <math>ax + by + c = 0</math></li> </ol>

<p>Systèmes d'inéquations dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math></p>	<p>2. L'ensemble des points de coordonnées <math>(x ; y)</math> tels que <math>ax + by + c &lt; 0</math></p> <p>3. L'ensemble des points de coordonnées <math>(x ; y)</math> tels que <math>ax + by + c &gt; 0</math>.</p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- résoudre graphiquement une inéquation du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>,</li> <li>- résoudre un système d'inéquations de premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>;</li> <li>- résoudre des problèmes se ramenant à des systèmes d'équations et/ou des inéquations du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>.</li> </ul> <p><b>Visualiser la résolution graphique d'un système de deux inéquations du premier degré dans <math>\mathbb{R} \times \mathbb{R}</math>.</b></p>
--	--

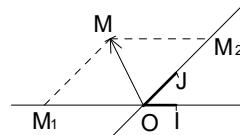
#### Séquence n°4 :

#### Somme de deux vecteurs – Produit d'un vecteur par un nombre réel

<p>Somme de deux vecteurs et produit d'un vecteur par un nombre réel.</p>	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- construire la somme de deux vecteurs ;</li> <li>- admettre la propriété suivante : <math>A, B</math> et <math>C</math> étant trois points quelconques du plan on a : <math>\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}</math> (Cette égalité est appelée "Relation de Chasles")</li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- définir le produit d'un vecteur par un nombre réel:</li> </ul> <p><b>Définition :</b> On appelle produit du vecteur non nul <math>\vec{AB}</math> par un nombre réel non nul <math>k</math>, le vecteur <math>\vec{MN}</math>, noté <math>k\vec{AB}</math> tel que :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>\vec{MN}</math> et <math>\vec{AB}</math> ont la même direction ;</li> <li>• <math>\vec{MN}</math> et <math>\vec{AB}</math> sont de même sens lorsque <math>k</math> est positif et de sens contraires lorsque <math>k</math> est négatif ;</li> <li>• <math>MN =  k  \times AB</math></li> </ul> <p><b>Conventions :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>❖ le produit du vecteur nul par un nombre réel est le vecteur nul noté <math>\vec{0}</math>;</li> <li>❖ le produit d'un vecteur quelconque par <math>0</math> est le vecteur nul.</li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- admettre les propriétés suivantes :</li> </ul> <p><math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> sont deux vecteurs, <math>k</math> et <math>k'</math> sont deux nombres réels.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>❖ <math>k(k'\vec{AB}) = (kk') \vec{AB}</math></li> <li>❖ <math>k\vec{AB} + k'\vec{AB} = (k + k')\vec{AB}</math></li> <li>❖ <math>k\vec{AB} + k\vec{CD} = k(\vec{AB} + \vec{CD})</math></li> </ul>
---	--

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- utiliser ces propriétés.</li> </ul>
Vecteurs colinéaires	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- définir la colinéarité de deux vecteurs.</li> </ul> <p><u>Définition :</u> On dit que deux vecteurs sont colinéaires lorsqu'ils ont même direction ou lorsque l'un d'eux est le vecteur nul.</p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- reconnaître deux vecteurs colinéaires ;</li> <li>- caractériser la colinéarité de deux vecteurs par une égalité vectorielle ;</li> <li>- démontrer les propriétés suivantes :</li> </ul> <p><math>\overrightarrow{AB}</math> et <math>\overrightarrow{CD}</math> sont deux vecteurs du plan. <math>\overrightarrow{AB}</math> n'est pas le vecteur nul.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Si les vecteurs <math>\overrightarrow{AB}</math> et <math>\overrightarrow{CD}</math> sont colinéaires alors il existe un nombre réel <math>k</math> tel que <math>\overrightarrow{CD} = k\overrightarrow{AB}</math>.</li> <li>• S'il existe un nombre réel <math>k</math> tel que : <math>\overrightarrow{CD} = k\overrightarrow{AB}</math> alors les vecteurs <math>\overrightarrow{AB}</math> et <math>\overrightarrow{CD}</math> sont colinéaires.</li> <li>- utiliser ces propriétés.</li> </ul>
Vecteurs directeurs d'une droite	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- définir un vecteur directeur d'une droite</li> </ul> <p><u>Définition :</u> On dit qu'un vecteur non nul <math>\overrightarrow{AB}</math> est un vecteur directeur d'une droite (<math>D</math>) lorsque les droites (<math>AB</math>) et (<math>D</math>) ont la même direction.</p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- caractériser l'alignement de trois points par une égalité vectorielle.</li> <li>- démontrer les propriétés suivantes :</li> </ul> <p>Soit <math>A</math> et <math>B</math> deux points distincts du plan.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Si les points <math>A, B</math> et <math>M</math> sont alignés alors il existe un nombre réel <math>k</math> tel que <math>\overrightarrow{AM} = k\overrightarrow{AB}</math>.</li> <li>• S'il existe un nombre réel <math>k</math> tel que <math>\overrightarrow{AM} = k\overrightarrow{AB}</math> alors les points <math>A, B</math> et <math>M</math> sont alignés.</li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- utiliser ces propriétés ;</li> <li>- caractériser le parallélisme de deux droites par une égalité vectorielle.</li> <li>- admettre les propriétés suivantes :</li> </ul> <p>(<math>AB</math>) et (<math>CD</math>) sont deux droites du plan.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Si les droites (<math>AB</math>) et (<math>CD</math>) sont parallèles, alors il existe un nombre réel <math>k</math> tel que <math>\overrightarrow{CD} = k\overrightarrow{AB}</math>.</li> <li>• S'il existe un nombre réel <math>k</math> tel que <math>\overrightarrow{CD} = k\overrightarrow{AB}</math> alors les droites (<math>AB</math>) et (<math>CD</math>) sont parallèles.</li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- utiliser ces propriétés.</li> </ul>

<p><b>Vecteurs orthogonaux</b></p>	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>définir</b> l'orthogonalité de deux vecteurs.</li> </ul> <p><b>Définition :</b> On dit que deux vecteurs non nuls sont <b>orthogonaux</b>, lorsqu'ils sont des vecteurs directeurs de deux droites perpendiculaires.</p> <p><b>Convention :</b> le vecteur nul est <b>orthogonal</b> à tout vecteur du plan.</p> <p><b>Notation :</b> Si <math>\overrightarrow{AB}</math> et <math>\overrightarrow{DC}</math> sont deux vecteurs orthogonaux, On note : <math>\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{DC}</math>.</p>
<p><b>Séquence n°5 :</b></p> <p><b>Calcul sur les coordonnées de vecteurs</b></p>	
<p><b>Coordonnées d'un vecteur</b></p>	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>définir</b> l'abscisse d'un point sur une droite munie d'un repère :</li> </ul> <p><b>Définition :</b> La droite (<math>D</math>) est munie du repère (<math>O, I</math>). On appelle abscisse du point <math>M</math> dans le repère (<math>O, I</math>), le nombre réel <math>x</math> tel que : <math>\overrightarrow{OM} = x \overrightarrow{OI}</math>.</p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>définir</b> les coordonnées d'un point dans le plan muni d'un repère :</li> </ul> <p><b>Définition :</b> Le plan est muni du repère (<math>O, I, J</math>), <math>M</math> est un point du plan. On appelle coordonnées du point <math>M</math> dans le repère (<math>O, I, J</math>), le couple <math>(x ; y)</math> de nombres réels vérifiant l'égalité : <math>\overrightarrow{OM} = x \overrightarrow{OI} + y \overrightarrow{OJ}</math>. Le réel <math>x</math> est appelé l'abscisse de <math>M</math> et <math>y</math> l'ordonnée de <math>M</math> dans le repère (<math>O, I, J</math>). On note <math>M\left(\begin{smallmatrix} x \\ y \end{smallmatrix}\right)</math> ou <math>M(x ; y)</math></p> <p><b>Remarque :</b> l'enseignant fera justifier par les apprenants l'existence du couple <math>(x, y)</math></p> <p><b>Exemple :</b> Justification de l'existence du couple <math>(x ; y)</math> de nombres réels tel que : <math>\overrightarrow{OM} = x \overrightarrow{OI} + y \overrightarrow{OJ}</math></p> <p><i>M<sub>1</sub> est le projeté de M sur (OI) parallèlement à (OJ) et M<sub>2</sub> est le projeté de M sur (OJ) parallèlement à (OI). x est l'abscisse de M<sub>1</sub> dans le repère (O, I) de la droite (OI) et y est l'abscisse de M<sub>2</sub> dans le repère (O, J) de la droite (OJ).</i></p> <p>On a : <math>\overrightarrow{OM_1} = x \overrightarrow{OI}</math> et <math>\overrightarrow{OM_2} = y \overrightarrow{OJ}</math></p> <p>D'après la relation de Chasles, on a : <math>\overrightarrow{OM} = \overrightarrow{OM_1} + \overrightarrow{M_1M}</math>.</p> <p>Or <math>\overrightarrow{M_1M} = \overrightarrow{OM_2}</math>, donc <math>\overrightarrow{OM} = \overrightarrow{OM_1} + \overrightarrow{OM_2}</math>. Alors</p> <p><math>\overrightarrow{OM} = x \overrightarrow{OI} + y \overrightarrow{OJ}</math>.</p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>placer</b> un point connaissant ses coordonnées dans un plan rapporté à un repère.</li> <li>- <b>définir</b> les coordonnées d'un vecteur dans le plan muni d'un repère.</li> </ul>



**Définition :** Le plan est muni du repère  $(O, I, J)$ ,  $A$  et  $B$  sont des points du plan.

On appelle coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{AB}$  ou composantes scalaires de  $\overrightarrow{AB}$  dans le repère  $(O, I, J)$  le couple  $(x ; y)$  de nombres réels vérifiant l'égalité :

$$\overrightarrow{AB} = x\overrightarrow{OI} + y\overrightarrow{OJ}.$$

**Notation :** On note  $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$  ou  $\overrightarrow{AB} (x ; y)$  pour exprimer que les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{AB}$  sont les nombres réels  $x$  et  $y$  pris dans cet ordre.

**N.B.** Contrairement à un point du plan, on ne parlera ni d'abscisse ni d'ordonnée pour un vecteur. On préfèrera les expressions "première coordonnée" et "deuxième coordonnée".

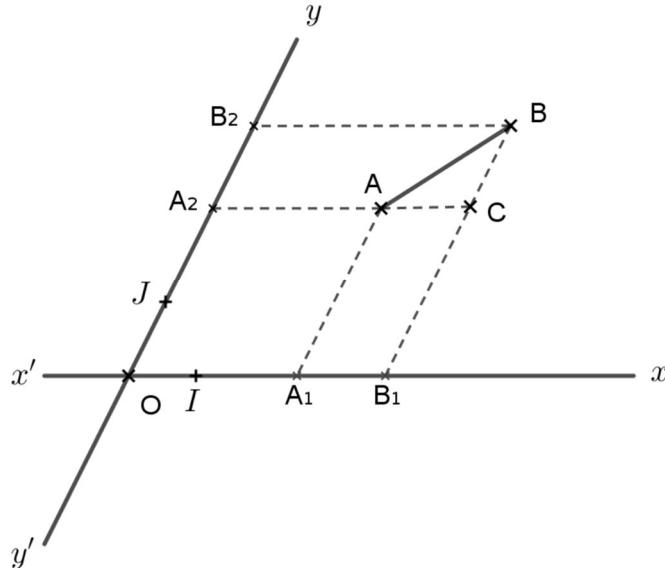
**Remarque :** l'enseignant fera justifier par les apprenants l'existence du couple  $(x, y)$ .

**Exemple :** Justification de l'existence du couple  $(x ; y)$  de nombres réels tel que :  $\overrightarrow{AB} = x\overrightarrow{OI} + y\overrightarrow{OJ}$

$A_1$  et  $B_1$  sont les projets respectifs des points  $A$  et  $B$  sur  $(OI)$  parallèlement à  $(OJ)$ .

$A_2$  et  $B_2$  sont les projets respectifs des points  $A$  et  $B$  sur  $(OJ)$  parallèlement à  $(OI)$ .

La parallèle à  $(OI)$  passant par  $A$  et la parallèle à  $(OJ)$  passant par  $B$  se coupent en  $C$ .



On a :  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CB}$ ,  $\overrightarrow{A_1B_1} = \overrightarrow{AC}$  et  $\overrightarrow{A_2B_2} = \overrightarrow{CB}$ .

Par suite, on a :  $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{A_1B_1} + \overrightarrow{A_2B_2}$

$A_1$  et  $B_1$  appartiennent à la droite  $(OI)$ , donc il existe un nombre réel  $x$  tel que  $\overrightarrow{A_1B_1} = x\overrightarrow{OI}$ .

$A_2$  et  $B_2$  appartiennent à la droite  $(OJ)$ , donc il existe un nombre réel  $y$  tel que  $\overrightarrow{A_2B_2} = y\overrightarrow{OJ}$ .

Par suite, on a :  $\overrightarrow{AB} = x\overrightarrow{OI} + y\overrightarrow{OJ}$ .

**Remarque :** On pourra faire étudier les cas particuliers où les points  $A$  et  $B$  sont situés sur l'un des axes.

#### Faire :

- **représenter** un vecteur  $\overrightarrow{AB}$  dans le plan muni d'un repère connaissant par exemple :
- les coordonnées de chacun des points  $A$  et  $B$  ;
- *les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{AB}$  et de l'origine de l'un de ses représentants.*

#### Faire :

- **caractériser** l'égalité de deux vecteurs connaissant leurs coordonnées ;
- **utiliser** cette caractérisation.
- **démontrer** les propriétés suivantes :
  - *A et B sont des points du plan muni d'un repère.*

	<p><i>Si <math>A(a ; b)</math> et <math>B(c ; d)</math> alors <math>\overrightarrow{AB} (c - a ; d - b)</math>.</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li><i>A, B, C et D sont des points du plan muni d'un repère.</i></li> </ul> <p><i>Si <math>\overrightarrow{AB} (x ; y)</math> et <math>\overrightarrow{CD} (x' ; y')</math> alors <math>(\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{CD})(x + x' ; y + y')</math>.</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li><i>A et B sont deux points du plan muni d'un repère et k un nombre réel.</i></li> </ul> <p><i>Si <math>\overrightarrow{AB} (x ; y)</math> alors <math>k \overrightarrow{AB} (kx ; ky)</math>.</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li><i>A et B sont deux points du plan muni d'un repère et L le milieu du segment <math>[AB]</math>.</i></li> </ul> <p><i>Si <math>A(x ; y)</math> et <math>B(x' ; y')</math> alors <math>L \left( \frac{x+x'}{2}; \frac{y+y'}{2} \right)</math>.</i></p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>calculer</b> les coordonnées d'un vecteur <math>\overrightarrow{AB}</math> à partir de celles de A et de B ;</li> <li>- <b>calculer</b> les coordonnées de la somme de deux vecteurs ;</li> <li>- <b>calculer</b> les coordonnées du produit d'un vecteur par un nombre réel ;</li> <li>- <b>calculer</b> les coordonnées du milieu d'un segment.</li> </ul>
Conditions de colinéarité de deux vecteurs	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>caractériser</b> la colinéarité de deux vecteurs ;</li> <li>- <b>démontrer</b> la propriété suivante :</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li><i>A, B, C et D sont des points du plan muni d'un repère. Les vecteurs <math>\overrightarrow{AB}</math> et <math>\overrightarrow{CD}</math> ont respectivement pour coordonnées <math>(x ; y)</math> et <math>(x' ; y')</math>. Si les vecteurs <math>\overrightarrow{AB}</math> et <math>\overrightarrow{CD}</math> sont colinéaires alors <math>xy' - x'y = 0</math>.</i></li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>- admettre la propriété suivante :</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li><i>A, B, C et D sont des points du plan muni d'un repère. Les vecteurs <math>\overrightarrow{AB}</math> et <math>\overrightarrow{CD}</math> ont respectivement pour coordonnées <math>(x ; y)</math> et <math>(x' ; y')</math>. Si <math>xy' - x'y = 0</math> alors les vecteurs <math>\overrightarrow{AB}</math> et <math>\overrightarrow{CD}</math> sont colinéaires.</i></li> </ul> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>utiliser</b> ces propriétés</li> </ul>
Calcul dans un repère orthonormé	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>découvrir</b> la distance de deux points dans un plan muni d'un repère orthonormé ;</li> <li>- <b>calculer</b> la distance de deux points dans un plan muni d'un repère orthonormé ;</li> <li>- <b>caractériser</b> l'orthogonalité de deux vecteurs dont on connaît les coordonnées dans un repère orthonormé du plan ;</li> <li>- <b>démontrer</b> les propriétés suivantes :</li> </ul> <p><i>A et B sont deux points du plan muni d'un repère orthonormé.</i></p>

- Si  $A(x ; y)$  et  $B(x' ; y')$  alors  $AB = \sqrt{(x - x')^2 + (y - y')^2}$ .
- Si  $\vec{AB}(a ; b)$  alors  $AB = \sqrt{a^2 + b^2}$ .

**Faire manipuler la calculatrice pour le calcul de la distance de deux points dans le plan.**

**Faire :**

- **démontrer** la propriété suivante :
- $A, B, C$ , et  $D$  sont des points du plan muni d'un repère orthonormé. Les vecteurs  $\vec{AB}$  et  $\vec{CD}$  ont respectivement pour coordonnées  $(x ; y)$  et  $(x' ; y')$ . Si les vecteurs  $\vec{AB}$  et  $\vec{CD}$  sont orthogonaux alors  $xx' + yy' = 0$ .
- **admettre** la propriété suivante :
- $A, B, C$ , et  $D$  sont des points du plan muni d'un repère orthonormé.

Les vecteurs  $\vec{AB}$  et  $\vec{CD}$  ont respectivement pour coordonnées  $(x ; y)$  et  $(x' ; y')$ . Si  $xx' + yy' = 0$  alors les vecteurs  $\vec{AB}$  et  $\vec{CD}$  sont orthogonaux.

**Faire :**

- **utiliser** ces propriétés
- **déterminer** les coordonnées de l'image d'un point  $M$  par la translation qui à un point  $A$  donné associe un point  $B$  ( $A \neq B$ ).
- **déterminer** les coordonnées de l'image d'un point par une symétrie centrale.

## 2.1.4 SITUATION D'APPRENTISSAGE n° 4 : Organisation des données.

- I. ÉLÉMENTS DE PLANIFICATION (Confer programme d'études de la classe de 3<sup>e</sup>)
- II. DEROULEMENT (Confer programme d'études de la classe de 3<sup>e</sup>)
- III. DETAIL DES CONTENUS NOTIONNELS DE LA SITUATION D'APPRENTISSAGE N°4

Durée : 18 heures

Contenus notionnels	Indications pédagogiques
<b>Séquence n°1 : Application affine</b>	
Découverte Définition Reconnaissance	<p><i>NB : La théorie sur les relations entre les ensembles est hors programme.</i></p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>découvrir</b> ce qu'est une application affine ;</li> <li>- <b>définir</b> une application affine</li> </ul> <p><i><u>Définition</u> : <math>a</math> et <math>b</math> étant deux nombres réels ; on appelle <b>application affine</b> <math>f</math> de coefficient <math>a</math> et de terme constant <math>b</math>, l'<b>application qui à chaque réel <math>x</math> associe le nombre <math>ax + b</math></b>.</i>  <i>On dit que l'<b>application affine <math>f</math></b> est définie sur <math>\mathbb{R}</math> par <math>f(x) = ax + b</math>.</i></p> <p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>reconnaitre</b> une application affine</li> </ul>
Détermination	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>déterminer</b> une application affine par le calcul de son coefficient et de son terme constant.</li> </ul>
Sens de variation	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>définir</b> le sens de variation d'une application affine.</li> </ul> <p><i><u>Définition</u> : <math>f</math> étant une application affine définie sur <math>\mathbb{R}</math> par <math>f(x) = ax + b</math>.</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <i>pour <math>a</math> strictement positif, quand <math>x</math> augmente, <math>f(x)</math> augmente.</i>  <i>On dit que l'<b>application <math>f</math></b> est strictement croissante sur <math>\mathbb{R}</math>.</i></li> <li>- <i>pour <math>a</math> strictement négatif, quand <math>x</math> augmente, <math>f(x)</math> diminue.</i>  <i>On dit que l'<b>application <math>f</math></b> est strictement décroissante sur <math>\mathbb{R}</math></i></li> <li>- <i>pour <math>a</math> nul, quand <math>x</math> augmente, la valeur de <math>f(x)</math> ne change pas.</i>  <i>On dit que l'<b>application <math>f</math></b> est constante sur <math>\mathbb{R}</math></i></li> </ul>
<b>Séquence n°2 : Application linéaire</b>	
Découverte Définition	<p><b>Faire</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- <b>découvrir</b> à partir d'un tableau de proportionnalité l'<b>expression analytique</b> d'une application linéaire.</li> <li>- <b>définir</b> une application linéaire.</li> </ul> <p><i><u>Définition</u> : On appelle <b>application linéaire</b> une application affine dont le terme constant est nul ;</i></p> <p><i><u>Traduction</u> : <math>a</math> étant un nombre réel, l'<b>application linéaire <math>g</math></b> de coefficient <math>a</math> est l'<b>application qui, à chaque réel <math>x</math> associe le nombre <math>ax</math></b>.</i></p> <p><i><u>Notation</u> : On note <math>g(x) = ax</math>.</i></p> <p><b>Faire :</b></p>

	<ul style="list-style-type: none"> <li>- reconnaître une application linéaire.</li> </ul>
Détermination	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- déterminer une application linéaire par le calcul de son coefficient.</li> </ul> <p><b>Remarques :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>o un tableau de valeurs d'une application linéaire est un tableau de proportionnalité.</li> <li>o un tableau de proportionnalité est un tableau de valeurs d'une application linéaire.</li> </ul>
Propriétés	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- démontrer les propriétés suivantes : g étant une application linéaire, <math>u</math>, <math>v</math> et <math>k</math> étant des nombres réels quelconques, on a :</li> </ul> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>g(u + v) = g(u) + g(v)</math></li> <li>• <math>g(kv) = k g(v)</math></li> </ul> <p><b>Remarque :</b> la représentation graphique d'une application linéaire est une droite qui passe par l'origine du repère.</p>
<b>Séquence n°3 : Statistique</b>	
Regroupement de modalités en classes de même amplitude Classe modale	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- regrouper des modalités en classes d'amplitudes égales ;</li> <li>- définir la classe modale ;</li> </ul> <p><b>Définition :</b> Une classe modale d'une série statistique est une classe correspondant à l'effectif le plus élevé.</p> <p><b>Faire manipuler la calculatrice pour dresser le tableau des fréquences d'une série statistique donnée.</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- déterminer une classe modale.</li> </ul>
Diagrammes circulaires, Diagrammes semi-circulaires	<p><b>Faire :</b></p> <p><b>Déterminer, à l'aide d'une calculatrice, les mesures des angles correspondants aux modalités d'une série statistique donnée.</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- construire un diagramme circulaire et un diagramme semi-circulaire ;</li> <li>- interpréter un diagramme circulaire et un diagramme semi-circulaire ;</li> <li>- définir un diagramme circulaire et un diagramme semi-circulaire.</li> </ul> <p><b>Définitions :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Un diagramme circulaire d'une série statistique est un disque partagé en secteurs circulaires de mesures proportionnelles aux effectifs ou aux fréquences des modalités ou des classes.</li> <li>- Un diagramme semi-circulaire d'une série statistique est un demi-disque partagé en secteurs circulaires de mesures proportionnelles aux effectifs ou aux fréquences des modalités ou des classes.</li> </ul>
Histogramme	<p><b>Faire :</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- construire un histogramme ;</li> <li>- interpréter un histogramme ;</li> </ul>

- **définir** un histogramme.

**Définition :** Un histogramme est un graphique constitué de bandes juxtaposées dont les aires sont proportionnelles aux effectifs (ou fréquences) des classes.

**Remarque :** Dans ce programme, les classes sont d'égales amplitudes. Les hauteurs des bandes sont proportionnelles aux effectifs des classes (ou fréquences).

**Visualiser des diagrammes circulaires, semi-circulaires et des histogrammes de séries statistiques données.**

## **2.2 EXEMPLES DE CONSIGNES POUR LE RECUEIL DES PRECONCEPTIONS PAR SITUATION D'APPRENTISSAGE**

### **2.2.1 Exemple de consignes pour le recueil des préconceptions des apprenants sur la situation d'apprentissage N°1**

- **Lis la situation de départ ;**
- **Cite quelques problèmes posés par le texte ;**
- **Exprime tes idées par rapport aux problèmes posés ;**
- **Donne quelques connaissances mathématiques que te rappelle le texte.**

### **2.2.2 Exemple de consignes pour le recueil des préconceptions des apprenants sur la situation d'apprentissage N°2**

- **Lis la situation de départ ;**
- **Décris les configurations de l'espace citées dans le texte ;**
- **Cite quelques problèmes que semble poser le texte ;**
- **Exprime tes idées par rapport aux problèmes posés ;**
- **Donne quelques connaissances mathématiques que te rappelle le texte.**

### **2.2.3 Exemple de consignes pour le recueil des préconceptions des apprenants sur la situation d'apprentissage N°3**

- **Lis la situation de départ.**
- **Cite quelques problèmes que semble poser le texte.**
- **Exprime tes idées par rapport à ces problèmes.**
- **Donne quelques connaissances mathématiques que te rappelle le texte.**

### **2.2.4 Exemple de consignes pour le recueil des préconceptions des apprenants sur la situation d'apprentissage N°4**

- **Lis la situation de départ.**
- **Raconte, en tes propres termes, la préparation de cette activité récréative.**
- **Cite quelques problèmes que semble poser le texte.**
- **Exprime tes idées par rapport à ces problèmes.**

## **2.3 Document d'exploitation des situations de départ**

### **2.3.1 Situation de départ de la SA n° 1**

- A partir de la recherche de la longueur du côté de la parcelle attribuée au père de Baké après le lotissement, on peut introduire les **nombres réels**.
  - Par le calcul de la hauteur de l'obélisque, on peut introduire la **propriété de Thalès**.

- En exploitant de même l'obélisque, on pourrait aborder le **triangle rectangle**, les **triangles semblables** et la **trigonométrie**.
- L'exploitation du jardin circulaire peut permettre d'aborder les **angles et cercle**.

#### 2.3.2 Situation de départ de la SA n° 2

- L'exploitation de la forme du grenier de Sossa peut permettre d'aborder le **cône de révolution** (Réalisation d'un patron, calcul d'aire, de volume...).
- Les sections planes pourront être abordées en prenant en compte la position du cerceau sur le grenier de Sossa.

#### 2.3.3 Situation de départ de la SA n° 3

- Les notions de **monôme** et de **polynôme** pourront être introduites à partir de la recherche du coût des produits A ou B.
- En aidant le comptable à faire le bon choix, on pourra introduire les **équations** et les **inéquations**.
- L'épandage des herbicides peut permettre d'aborder les **vecteurs**.

#### 2.3.4 Situation de départ de la SA n° 4

- A partir du tableau de la situation de départ et des positions successives de la première ride formée, on pourra aborder la **proportionnalité**, les **applications linéaires** et les **applications affines**.
- L'exploitation des résultats de l'enquête sur les tailles des 115 élèves pourra permettre d'aborder la **statistique**.

### 3- Exemples de fiches pédagogiques

#### 3.1 Fiche pédagogique N°1

##### I. ÉLÉMENTS D'IDENTIFICATION

Établissement:

Discipline: Mathématiques

Classe: 3ème

Nom du professeur:

SA N° 1: Triangles

Année scolaire:

Date:

Effectif:

Nombre de groupes:

Durée: 54 heures

Séquence N° : Propriété de Thalès relative au triangle

Séance N° ...

##### II. ÉLÉMENTS DE PLANIFICATION

#### 1- Contenu de formation

##### 1.1 Compétences:

- **Compétences disciplinaires:**

- Résoudre un problème ou une situation-problème en utilisant les concepts et procédure du langage et du raisonnement mathématique relatifs à la réciproque de la propriété de Thalès.
- Appréhender les mathématiques dans leurs aspects géométriques par l'appropriation de la réciproque de la propriété de Thalès.
- Appréhender les mathématiques dans leurs aspects numériques par le traitement de données relatives à la réciproque de la propriété de Thalès.

➤ **Compétence transdisciplinaire:**

Agir individuellement et collectivement dans le respect mutuel et l'ouverture d'esprit

➤ **Compétences transversales:**

- Exploiter l'information disponible
- Exercer sa pensée critique
- Communiquer de façon précise et appropriée

## **1.2 Connaissances et techniques :**

### **PROPRIETE**

*ABC est un triangle, M un point de la droite (AB) et N un point de la droite (AC) tels que la position qu'occupe M par rapport à A et B est la même que celle qu'occupe N par rapport à A et C.*

*Si on a  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$  alors la droite (MN), si elle existe, est parallèle à la droite (BC).*

**1.3. Stratégie objet d'apprentissage:** Résolution de problèmes

**2. Stratégies d'enseignement / apprentissage:** Travail individuel, Travail en petits groupes, Travail collectif

**3. Durée: 1 h 50 min**

**4. Matériel:**

**Pour l'enseignant :** Programme d'études et guide de la classe de 3ème et tout autre manuel de mathématiques autorisé, craies, chiffon, instruments de géométrie, fiche pédagogique du jour et supports des activités.

**Pour l'apprenant :** instruments de géométrie, livre au programme ...

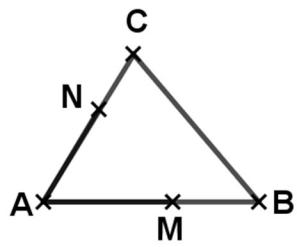
### **ACTIVITE**

Dans sa préoccupation de connaître la hauteur de l'obélisque, Baké a pris connaissance de la propriété de Thalès relative au triangle, dans laquelle le parallélisme de deux droites suffit pour avoir l'égalité de deux rapports. Il eut alors l'intuition que l'égalité des rapports suffirait également pour obtenir le parallélisme des deux droites.

Tu vas aider Baké à confirmer ou infirmer son intuition.

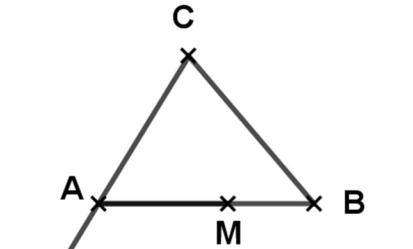
#### **Consigne 1**

Sur les figures ci-dessous, ABC est un triangle tel que  $AB = 5$  cm,  $AC = 4$  cm et  $BC = 4,5$  cm. M est un point de la droite (AB) et N un point de la droite (AC).



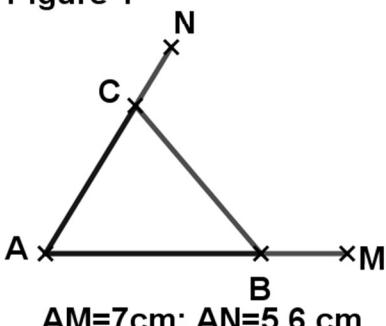
$AM=3 \text{ cm}; AN=2,4 \text{ cm}$

Figure 1



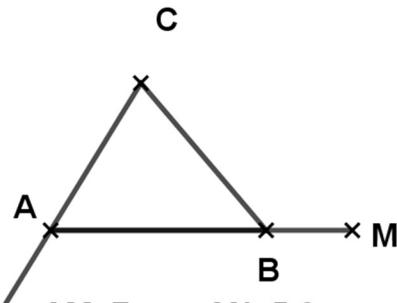
$AM=3 \text{ cm}; AN=2,4 \text{ cm}$

Figure 2



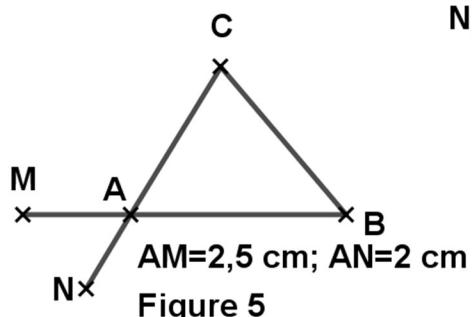
$AM=7 \text{ cm}; AN=5,6 \text{ cm}$

Figure 3



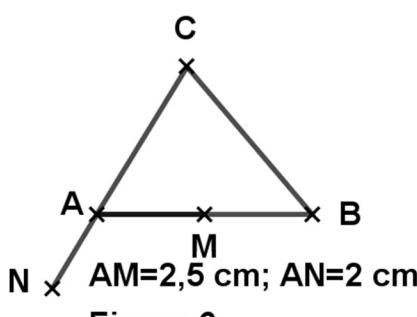
$AM=7 \text{ cm}; AN=5,6 \text{ cm}$

Figure 4



$AM=2,5 \text{ cm}; AN=2 \text{ cm}$

Figure 5



$AM=2,5 \text{ cm}; AN=2 \text{ cm}$

Figure 6

- 1) Dans chaque cas, calcule les rapports  $\frac{AM}{AB}$  et  $\frac{AN}{AC}$  sous forme de fractions irréductibles puis compare-les.
- 2) Fais une conjecture sur la position relative des droites  $(BC)$  et  $(MN)$  dans chaque cas.
- 3) Dis si l'égalité des rapports suffit pour conclure que les droites  $(BC)$  et  $(MN)$  sont parallèles.
- 4) Si ce n'est pas le cas, émet une hypothèse sur la position du point  $M$  par rapport à  $A$  et  $B$  et du point  $N$  par rapport à  $A$  et  $C$ , qu'il faut rajouter à l'égalité des rapports pour espérer avoir  $(MN)$  parallèle à  $(BC)$ .
- 5) Donne ton avis sur l'intuition de Baké.
- 6) Complète la phrase suivante pour obtenir une propriété qui semble se dégager de l'étude précédente :

*ABC* est un triangle,  $M$  un point de la droite  $(AB)$  et  $N$  un point de la droite  $(AC)$  tels que la .....qu'occupe  $M$  par rapport à  $A$  et  $B$  est la.....que celle qu'occupe  $N$  par rapport par à  $A$  et  $C$ .

Si on a  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$  alors la droite  $(MN)$  si elle existe est .....à  $(BC)$ .

Stratégie : TI : 20 min TG : 10 min TC : 25 min

### Résultats attendus

- 1) Je calcule et je compare les rapports  $\frac{AM}{AB}$  et  $\frac{AN}{AC}$

Figure 1 :  $\frac{AM}{AB} = \frac{3}{5}$ ;  $\frac{AN}{AC} = \frac{2,4}{4} = \frac{24}{40} = \frac{3}{5}$  donc  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$

Figure 2 :  $\frac{AM}{AB} = \frac{3}{5}$ ;  $\frac{AN}{AC} = \frac{2,4}{4} = \frac{24}{40} = \frac{3}{5}$  donc  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$

Figure 3 :  $\frac{AM}{AB} = \frac{7}{5}$ ;  $\frac{AN}{AC} = \frac{5,6}{4} = \frac{56}{40} = \frac{7}{5}$  donc  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$

Figure 4 :  $\frac{AM}{AB} = \frac{7}{5}$ ;  $\frac{AN}{AC} = \frac{5,6}{4} = \frac{56}{40} = \frac{7}{5}$  donc  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$

Figure 5 :  $\frac{AM}{AB} = \frac{2,5}{5} = \frac{1}{2}$ ;  $\frac{AN}{AC} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$  donc  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$

Figure 6 :  $\frac{AM}{AB} = \frac{2,5}{5} = \frac{1}{2}$ ;  $\frac{AN}{AC} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$  donc  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$

Je constate que dans tous les cas de figure on a l'égalité  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$ .

- 2) Je fais une conjecture sur la position relative des droites (MN) et (BC) dans chaque cas de figure.

Dans le cas des figures 1, 3 et 5, il semble que (MN) et (BC) sont parallèles.

Dans le cas des figures 2, 4 et 6, (MN) et (BC) ne sont pas parallèles.

- 3) Je dis si l'égalité des rapports est suffisante pour avoir le parallélisme de (BC) et (MN) ;

Dans le cas des figures 2, 4 et 6, on a l'égalité des rapports  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$  mais on n'a pas le parallélisme des droites (MN) et (BC). Donc l'égalité de ces rapports n'est pas suffisante pour conclure que les droites (MN) et (BC) sont parallèles.

- 4) J'émets une hypothèse sur les positions des points M et N à rajouter à l'égalité des rapports pour espérer que (MN) soit parallèle à (BC).

Je constate que dans les cas des figures 1, 3 et 5, (MN) et (BC) sont parallèles et également dans chacun de ces cas la position de M par rapport à A et B sur la droite (AB) est la même que celle de N par rapport à A et C sur la droite (AC) ; ce qui n'est pas vérifié dans le cas des figures 2, 4 et 6 où les droites (MN) et (BC) ne sont pas parallèles. On peut donc penser rajouter à l'égalité des rapports l'hypothèse supplémentaire :

« *La position de M par rapport à A et B sur la droite (AB) est la même que celle de N par rapport à A et C sur la droite (AC)* »

- 5) Je complète la phrase suivante pour avoir une propriété qui semble se dégager de l'étude précédente.

ABC est un triangle, M un point de la droite (AB) et N un point de la droite (AC) tels que la **position** qu'occupe M par rapport à A et B est la **même** que celle qu'occupe N par rapport à A et C.

Si on a  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$  alors la droite (MN), si elle existe, est **parallèle** à (BC).

On démontre cette propriété mais nous l'admettons ici :

## PROPRIETE

ABC est un triangle, M un point de la droite (AB) et N un point de la droite (AC) tels que la position qu'occupe M par rapport à A et B est la même que celle qu'occupe N par rapport à A et C.

Si on a  $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}$  alors la droite (MN), si elle existe, est parallèle à la droite (BC).

Prise de notes : 15 min

## Consigne 2 :

PQR est un triangle tel que  $PQ = 8,4$  cm,  $PR=7$  cm,  $QR = 14$  cm.

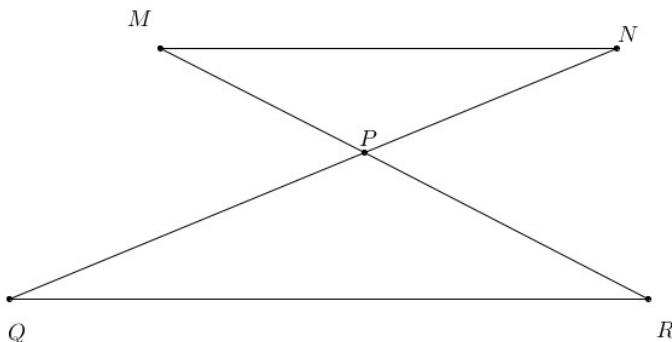
*M* est un point de la droite (*PR*) n'appartenant pas au segment [*PR*] et *N* un point de la droite (*PQ*) extérieur au segment [*PQ*] tels que  $PM = 5$  cm et  $PN = 6$  cm.

Démontre que (*QR*) est parallèle à (*MN*).

**Stratégie :** TI 10 min    TC : 10 min

### **Résultats attendus**

Démontrons que (*QR*) est parallèle à (*MN*).



- $\frac{PM}{PR} = \frac{5}{7}$  et  $\frac{PN}{PQ} = \frac{6}{8,4} = \frac{60}{84} = \frac{5}{7}$ , donc  $\frac{PM}{PR} = \frac{PN}{PQ}$  (1)
- *M* est sur la droite (*PR*), *M* n'est pas sur le segment [*PR*] et  $PM < PR$  donc *M* appartient à la demi-droite [*RP*) et *M* n'appartient pas au segment [*PR*]. De même *N* est sur la droite (*PQ*), *N* n'est pas sur le segment [*PQ*] et  $PN < PQ$  donc *N* appartient à la demi-droite [*QP*) et *N* n'appartient pas au segment [*PQ*]. Alors la position qu'occupe *M* sur la droite (*PR*) par rapport au point *P* et *R* est la même que celle qu'occupe *N* sur la droite (*PQ*) par rapport aux points *P* et *Q*. (2) De (1) et (2) on déduit que (*QR*) est parallèle à (*MN*).

**Prise de notes** : 8 min

**Retour et projection :**

**Consignes :**

- 1) Dis ce que tu as appris.
- 2) Fais part de tes réussites, puis de tes difficultés et la façon dont tu les as surmontées.

**Stratégie** : TC : 7 min

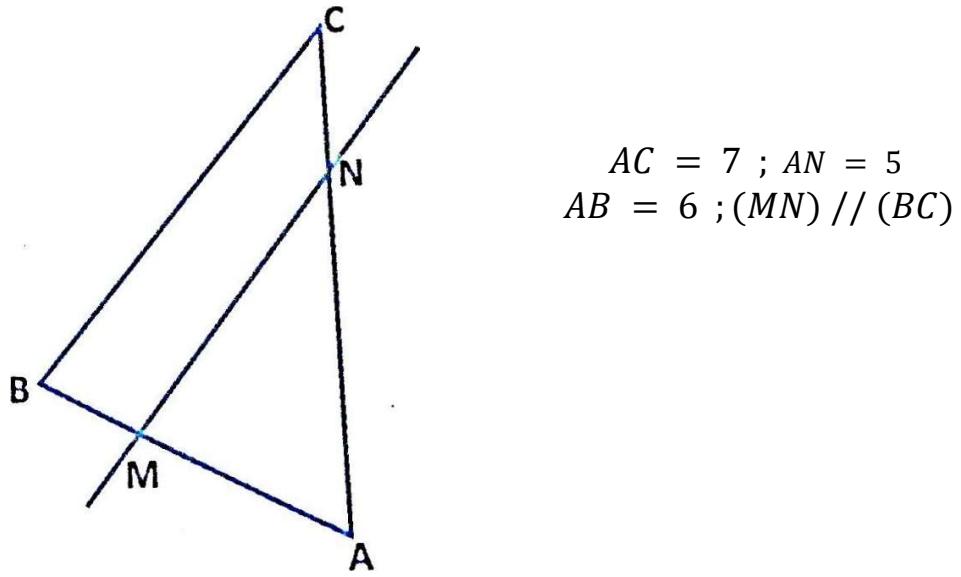
### **Exercice de Maison**

L'unité de longueur est le mètre.

Dans un jardin public, une pelouse triangulaire *ABC* a été scindée en deux par un tuyau rectiligne assimilable à une droite (*MN*) comme l'indique la figure ci-dessous :

A côté de la pelouse se trouve une plaque d'orientation triangulaire *IJK* tel que :

$IJ = 7$ ;  $IK = 10,5$ . *IJK* est séparé en deux par un segment [*LT*] tel que  $L \in [IJ]$  et  $T \in [IK]$ .



- 1) Calcule  $AM$ .
- 2) Sachant que  $BC = 6,5$ , calcule la longueur  $MN$  du tuyau ayant traversé la pelouse.
- 3) On donne  $IL = 3$  et  $IT = 4,5$ . Démontre que  $(LT) \parallel (JK)$ .

**Prise de notes : 5 min**

**Documents utilisés :**

- Programme d'études et guide pédagogique de la classe de 3<sup>ème</sup> ;
- Réussir en Mathématiques, classe 3<sup>e</sup> ;
- Mathématiques 3<sup>e</sup>, CIAM.

### **3.2 Fiche pédagogique N°2**

Cette fiche pédagogique est une fiche de séance d'exercices. Ces exercices devront être traités par le professeur pour s'assurer qu'ils répondent à ses objectifs. Ils devront être mis à la disposition des apprenants bien avant cette séance afin de leur permettre une recherche approfondie.

#### **I. ÉLÉMENTS D'IDENTIFICATION**

**Établissement:**

**Discipline:** Mathématiques

**Classe:** 3ème

**Nom du professeur:**

**SA N° 3 :**

**Séquence N° :**

**Séance N° ...**

**Année scolaire:**

**Date:**

**Nombre de groupes:**

**Effectif:**

**Durée:** 42 heures

#### **II. ÉLÉMENTS DE PLANIFICATION**

##### **1- Contenu de formation**

###### **1.1 Compétences:**

➤ **Compétences disciplinaires:**

- Résoudre un problème ou une situation-problème en utilisant les concepts et procédure du langage et du raisonnement mathématique relatifs au calcul sur les vecteurs.
- Appréhender les mathématiques dans leurs aspects géométriques par l'appropriation de propriétés relatives au calcul sur les vecteurs.
- Appréhender les mathématiques dans leurs aspects numériques par le traitement de données relatives au calcul sur les vecteurs.

➤ **Compétence transdisciplinaire:**

Agir individuellement et collectivement dans le respect mutuel et l'ouverture d'esprit

➤ **Compétences transversales:**

- Exploiter l'information disponible
- Communiquer de façon précise et appropriée
- Travailler en coopération

**1.2 Connaissances et techniques: Vecteurs ; équations de droites.**

**1.3. Stratégie objet d'apprentissage:** Résolution de problèmes

**2. Stratégies d'enseignement / apprentissage:** Travail individuel, Travail en groupe, Travail collectif

**3. Durée: 55 min**

**4. Matériel:**

**Pour l'enseignant :** Programme d'études et guide pédagogique de la classe de 3ème et tout autre manuel de mathématiques autorisé, craies, chiffon, instruments de géométrie, fiche pédagogique du jour et support des exercices.

**Pour l'apprenant :** instruments de géométrie, support des exercices, cahier d'exercices, cahier de cours, cahier de recherches...

## Exercice

Le plan est muni d'un repère orthonormé ( $O, I, J$ ). L'unité de longueur est le décamètre. On considère les points  $A(-5; 4)$ ,  $B(1; -4)$  et  $C$  tels que  $\overrightarrow{BC} = 4\overrightarrow{OI} + 3\overrightarrow{OJ}$ . On désigne par  $H$  le projeté orthogonal de  $B$  sur  $(AC)$  et  $D$ , le symétrique de  $B$  par rapport à  $H$ .

1. (a) Justifie que le couple de coordonnées du point  $C$  est  $(5; -1)$ .  
(b) Place les points  $A, B, C, D$  et  $H$ .
2. Justifie que le triangle  $ABC$  est rectangle en  $B$ .
3. Justifie que le point  $H$  a pour coordonnées  $(3; 0)$ .
4. On désigne par  $L$  le symétrique du point  $D$  par rapport à  $C$ . Démontre que les droites  $(BL)$  et  $(AC)$  sont parallèles.
5. Détermine la nature du quadrilatère  $ACLB$ .
6. (a) Détermine les coordonnées du point  $C'$  symétrique du point  $C$  par rapport à la droite  $(BD)$ .  
(b) Donne la nature précise du quadrilatère  $BCDC'$  puis calcule son aire.
7. Détermine les coordonnées du point  $E$  tel que le quadrilatère  $ACBE$  soit un parallélogramme.

**Stratégie :** TC : 40 min

**Notes personnelles :**

**Tout au long de la séance, faire préciser les ressources mobilisées (définitions, propriétés, techniques, ...)**

### Eléments de réponse

1. (a) Justifions que le couple de coordonnées du point  $C$  est  $(5; -1)$ .

De la relation  $\overrightarrow{BC} = 4\overrightarrow{OI} + 3\overrightarrow{OJ}$  on a successivement :

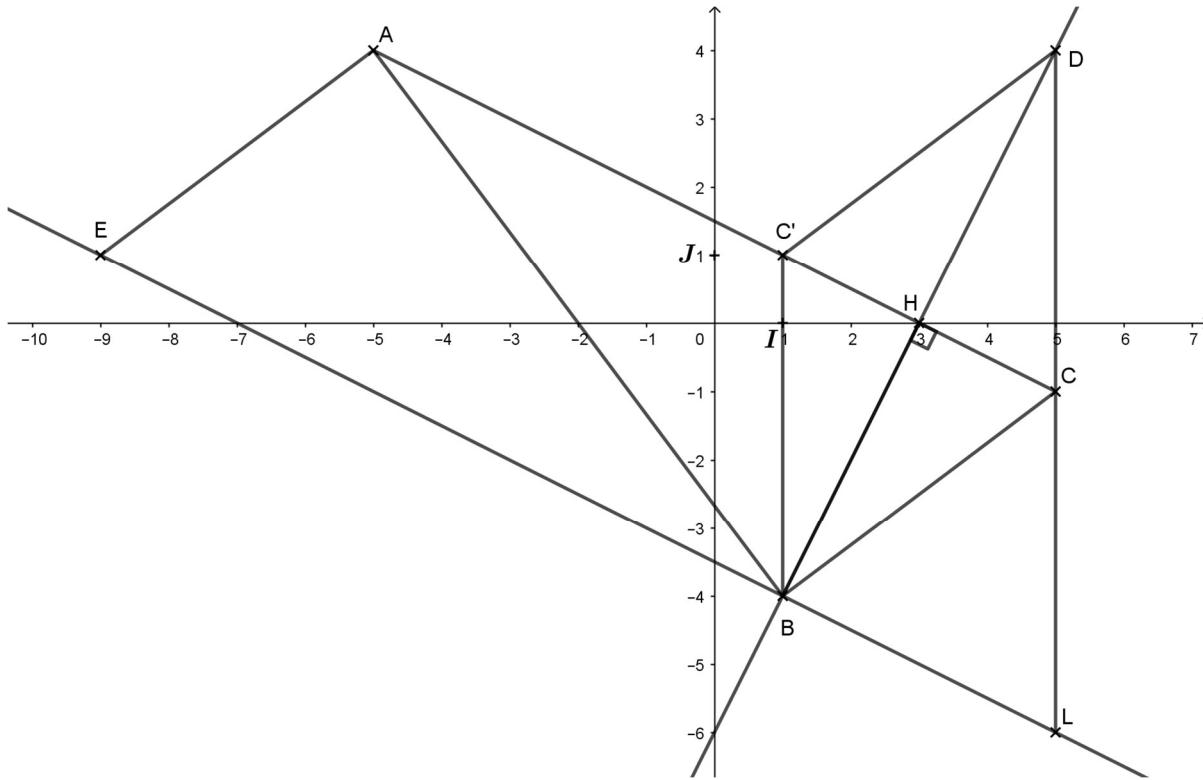
$$\begin{cases} x_C - x_B = 4 \\ y_C - y_B = 3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_C = x_B + 4 \\ y_C = y_B + 3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_C = 1 + 4 = 5 \\ y_C = -4 + 3 = -1 \end{cases}$$

Ainsi on a bien :  $C(5; -1)$ .

- (b) Plaçons les points



2. Justifions que le triangle  $ABC$  est rectangle en  $B$ .

### Méthode 1

Calculons les longueurs  $AB$ ,  $AC$  et  $BC$ .

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2} = \sqrt{(-5 - 1)^2 + (4 - (-4))^2} = 10 \\ AC &= \sqrt{(x_A - x_C)^2 + (y_A - y_C)^2} = \sqrt{(-5 - 5)^2 + (4 - (-1))^2} = 5\sqrt{5} \\ BC &= \sqrt{(x_C - x_B)^2 + (y_C - y_B)^2} = \sqrt{(5 - 1)^2 + (-1 - (-4))^2} = 5 \end{aligned}$$

On constate que  $AC^2 = 125$ ;  $AB^2 = 100$  et  $BC^2 = 25$ ; on a donc  $AC^2 = AB^2 + BC^2$ .

D'après la réciproque de la propriété de Pythagore, le triangle  $ABC$  est rectangle en  $B$ .

### Méthode 2

On a :  $y_B - y_A = -8$ ;  $x_B - x_A = 6$ ;  $x_C - x_B = -4$ ;  $y_C - y_B = -3$  et  
 $\overrightarrow{x_{AB}} \times \overrightarrow{x_{BC}} + \overrightarrow{y_{AB}} \times \overrightarrow{y_{BC}} = 6 \times (-4) + (-8) \times (-3) = 0$ .

Ce qui donne :  $\overrightarrow{x_{AB}} \times \overrightarrow{x_{BC}} + \overrightarrow{y_{AB}} \times \overrightarrow{y_{BC}} = 0$ . Les vecteurs  $\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{BC}$  sont donc orthogonaux. Par suite les droites  $(BC)$  et  $(AB)$  sont perpendiculaires, le triangle  $ABC$  est alors rectangle en  $B$ .

3. Justifions que le point  $H$  a pour coordonnées  $(3; 0)$ .

Déterminons une équation cartésienne de chacune des droites  $(AC)$  et  $(BH)$ .

La droite  $(AC)$  n'est pas parallèle à l'axe des ordonnées car  $x_C \neq x_A$ .

Donc son équation est de la forme  $y = ax + b$  avec  $a = \frac{y_C - y_A}{x_C - x_A}$ .

$$a = \frac{y_C - y_A}{x_C - x_A} = \frac{-1 - 4}{5 - (-5)} = -\frac{1}{2}$$

$$A \in (AC) \text{ donc } y_A = -\frac{1}{2}x_A + b ; \text{ par suite } b = 4 + \frac{1}{2}(-5) = \frac{3}{2}$$

$$\text{Ainsi } (AC): y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}$$

La droite  $(BH)$  n'est pas parallèle à l'axe des ordonnées car  $x_B \neq x_H$ .

Donc une équation de la droite  $(BH)$  est de la forme  $y = a'x + b'$ . Comme  $(BH) \perp (AC)$ , on a :  $a \times a' = -1$ . Ainsi,  $a' = 2$ . Par suite, on a :  $(BH): y = 2x + b'$ .

$$B \in (BH), \text{ donc } y_B = 2x_B + b' \text{ et } b' = y_B - 2x_B = -4 - (2 \times 1) = -4 - 2 = -6$$

$$\text{D'où } (BH): y = 2x - 6$$

$H$  est le point d'intersection des droites  $(BH)$  et  $(AC)$ , donc  $\begin{cases} y_H = 2x_H - 6 \\ y_H = -\frac{1}{2}x_H + \frac{3}{2} \end{cases}$ .  
 $2x_H - 6 = -\frac{1}{2}x_H + \frac{3}{2}$  équivaut successivement à :  $2x_H + \frac{1}{2}x_H = 6 - \frac{3}{2}$ ;  $\frac{5}{2}x_H = \frac{15}{2}$  et  $x_H = 3$ .

Par suite,  $y_H = 2 \times 3 - 6 = 6 - 6 = 0$ . D'où  $H$  a pour coordonnées  $(3; 0)$ .

4. Démontrons que les droites  $(BL)$  et  $(AC)$  sont parallèles.

Considérons le triangle  $BDL$ .

D'une part,  $L$  est le symétrique du point  $D$  par rapport à  $C$ ; donc  $C$  milieu de  $[DL]$ . (1)

D'autre part,  $D$  est le symétrique de  $B$  par rapport à  $H$ ; donc  $H$  est le milieu de  $[BD]$ . (2)

De (1) et (2) et d'après la propriété de la droite des milieux, les droites  $(BL)$  et  $(HC)$  sont parallèles. Or  $A \in (HC)$ . D'où les droites  $(BL)$  et  $(AC)$  sont parallèles.

5. Déterminons la nature du quadrilatère  $ACLB$ .

Les droites  $(BL)$  et  $(AC)$  sont parallèles. (3)

Déterminons les coordonnées du point  $D$ .

$D$  étant le symétrique du point  $B$  par rapport à  $H$ , on a successivement :

$$\begin{cases} x_H = \frac{x_B + x_D}{2} \\ y_H = \frac{y_B + y_D}{2} \\ x_D = 2x_H - x_B = 5 \\ y_D = 2y_H - y_B = 4 \end{cases}$$

Donc  $D(5; 4)$ .

$\vec{AB}(6; -8)$  et  $\vec{DC}(0; 5)$ , on a :  $x_{\vec{AB}} \times y_{\vec{DC}} - y_{\vec{AB}} \times x_{\vec{DC}} = 30$  et  $30 \neq 0$  d'où les vecteurs  $\vec{AB}$  et  $\vec{DC}$  ne sont pas colinéaires. Par suite les droites  $(AB)$  et  $(DC)$  sont sécantes. (4)

De (3) et (4) le quadrilatère  $ACLB$  est un trapèze.

6.(a) Déterminons les coordonnées du point  $C'$ .

$H$  est le projeté orthogonal de  $B$  sur  $(AC)$  et  $H$  est un point de  $(BD)$  donc les droites  $(AC)$  et  $(DB)$  sont perpendiculaires en  $H$ . D'où  $C'$ , symétrique de  $C$  par rapport à  $(BD)$ , est aussi le symétrique de  $C$  par rapport à  $H$ . On a successivement :

$$\begin{cases} x_H = \frac{x_C + x_{C'}}{2} \\ y_H = \frac{y_C + y_{C'}}{2} \\ x_{C'} = 2x_H - x_C = 1 \\ y_{C'} = 2y_H - y_C = 1 \end{cases}$$

Ainsi :  $C'(1; 1)$

(b) Donnons la nature précise du quadrilatère  $BCDC'$ .

Le quadrilatère  $BCDC'$  est tel que ses diagonales se coupent en leur milieu et ont des supports perpendiculaires ; donc le quadrilatère  $BCDC'$  est un losange.

Calculons l'aire du losange  $BCDC'$ .

Remarquons que l'aire du losange  $BCDC'$  est quatre fois celle du triangle rectangle  $BHC$ .

On sait que :  $\text{Aire}(BHC) = \frac{1}{2}BH \times HC$  et  $\text{Aire}(BCDC') = 4 \times \text{Aire}(BHC)$

Ce qui donne :  $\text{Aire}(BCDC') = 2BH \times HC$ . Or  $BH = 2\sqrt{5}$  et  $HC = \sqrt{5}$ .

On a donc :  $\text{Aire}(BCDC') = 2(2\sqrt{5} \times \sqrt{5}) \text{ dam}^2 = 20 \text{ dam}^2$ .

7. Déterminons les coordonnées de  $E$ .

Pour que  $ACBE$  soit un parallélogramme, il faut et il suffit que  $\vec{AC} = \vec{EB}$ .

De l'égalité  $\vec{AC} = \vec{EB}$  on a successivement :

$$\begin{cases} x_C - x_A = x_B - x_E \\ y_C - y_A = y_B - y_E \end{cases}$$

$$\begin{cases} x_E = x_B - x_C + x_A = -9 \\ y_E = y_B - y_C + y_A = 1 \end{cases}$$

Ainsi  $E(-9; 1)$ .

**Prise de notes : 10 min**

**Retour et projection :**

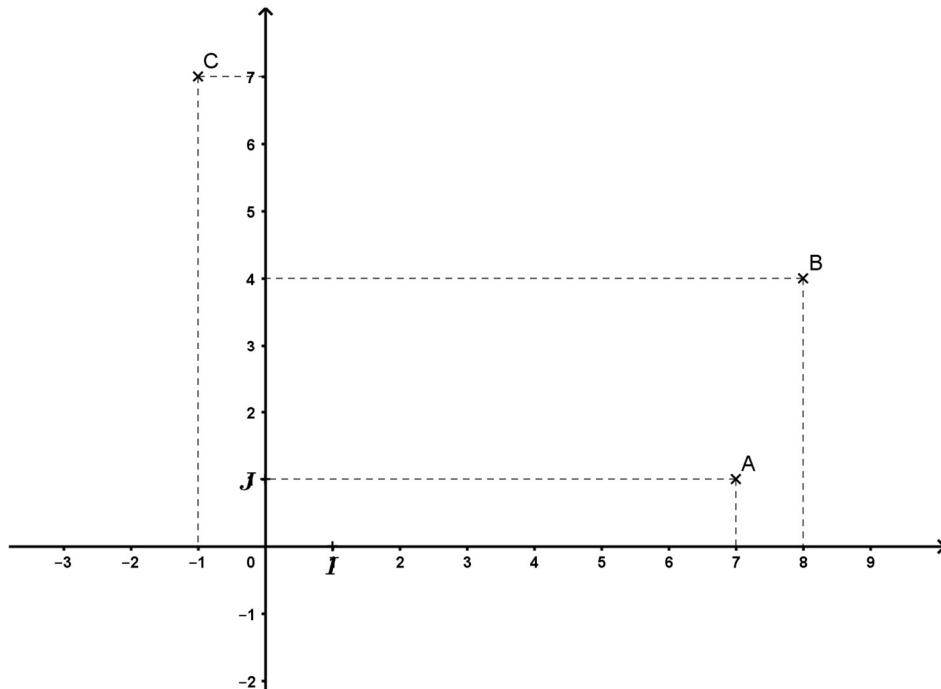
**Consignes :**

1. Fais part de tes réussites, puis de tes difficultés et la façon dont tu les as surmontées.
2. Dis ce en quoi cette séance peut être utile pour la réussite de tes apprentissages.

**Stratégie :** TC : 5 min

**Exercice de maison**

Le plan est muni d'un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .  $A, B$  et  $C$  sont trois points du plan positionnés comme l'indique la figure ci-dessous :



1°)

- a) Détermine la nature du triangle  $ABC$ .
- b) Détermine les coordonnées du point  $E$  tel que  $ABCE$  soit un parallélogramme.

2°)  $H$  est le projeté orthogonal de  $B$  sur la droite  $(AC)$ . Détermine les coordonnées du point  $H$ .

3°) Soit  $(\mathcal{C})$  le cercle circonscrit au triangle  $ABC$ .

- a) Justifie que  $\text{mes } \widehat{EBC} = \text{mes } \widehat{EAC}$
- b) Justifie que le point  $O$  appartient au cercle  $(\mathcal{C})$ .

### **3.3 Des objectifs d'une fiche pédagogique**

Nos programmes d'études sont des programmes par compétences. Pour cela, les objectifs à atteindre à travers nos activités d'enseignement / apprentissage / évaluation sont des compétences à faire installer / développer.

Par exemple, les objectifs de la fiche pédagogique n°1 sont :

- Installer ou réactiver les compétences :

- Agir individuellement et collectivement dans le respect mutuel et l'ouverture d'esprit.  
(Compétence transdisciplinaire)
- Exploiter l'information disponible ;
- Communiquer de façon précise et appropriée ;
- Travailler en coopération.  
(Compétences transversales)
- Résoudre un problème ou une situation-problème en utilisant la réciproque de la propriété de Thalès.
- Appréhender la mathématique dans ses aspects géométriques par l'appropriation de la réciproque de la propriété de Thalès.
- Appréhender la mathématique dans ses aspects numériques par le traitement de données relatives à la réciproque de la propriété de Thalès.  
(Compétences disciplinaires)

**N.B. : le professeur veillera donc, pendant l'exécution de sa fiche, à ne pas s'écartez de l'installation / réactivation de ces compétences afin d'atteindre les objectifs qu'il s'est fixés.**

## **4-Répartition hebdomadaire des situations d'apprentissage**

**Les professeurs sont fermement invités à respecter scrupuleusement cette répartition hebdomadaire.**

### **PLANNING DE L'EXECUTION DU PROGRAMME DE LA CLASSE DE TROISIEME**

<b>Numéro d'ordre</b>	<b>Semaines</b>	<b>Situation d'apprentissage (SA)</b>	<b>Contenus notionnels</b>
<b>01</b>	1 <sup>ère</sup> semaine	SA1 : Triangles	Nombres réels
<b>02</b>	2 <sup>ème</sup> semaine	SA1 : Triangles	Nombres réels (suite et fin)
<b>03</b>	3 <sup>ème</sup> semaine	SA1 : Triangles	Valeur absolue
<b>04</b>	4 <sup>ème</sup> semaine	SA1 : Triangles	Valeur absolue (suite et fin)
<b>05</b>	5 <sup>ème</sup> semaine	SA1 : Triangles	Trigonométrie
<b>06</b>	6 <sup>ème</sup> semaine	SA1 : Triangles	Propriété de Thalès et sa réciproque
<b>07</b>	7 <sup>ème</sup> semaine	SA1 : Triangles	Triangles semblables

<b>08</b>	<b>8<sup>ème</sup>semaine</b>	SA1 : Triangles	Triangle rectangle
<b>09</b>	<b>9<sup>e</sup> semaine</b>	SA1 : Triangles	Angles et cercles
<b>10</b>	<b>10<sup>ème</sup>semaine</b>	SA2 : Configurations de l'espace	Cône
<b>11</b>	<b>11<sup>ème</sup>semaine</b>	SA2 : Configurations de l'espace	Sections planes
<b>12</b>	<b>12<sup>ème</sup>semaine</b>	SA2 : Configurations de l'espace	Sections planes
<b>13</b>	<b>13<sup>ème</sup>semaine</b>	SA3 : Calcul littéral	Polynôme
<b>14</b>	<b>14<sup>ème</sup>semaine</b>	SA3 : Calcul littéral	Equations de droite
<b>15</b>	<b>15<sup>ère</sup> semaine</b>	SA3 : Calcul littéral	Equations de droite (suite et fin) Equations et inéquations
<b>16</b>	<b>16<sup>ème</sup>semaine</b>	SA3 : Calcul littéral	Equations et inéquations (suite et fin)
<b>17</b>	<b>17<sup>ème</sup>semaine</b>	SA3 : Calcul littéral	Somme de deux vecteurs ; Produit d'un vecteur par un nombre réel
<b>18</b>	<b>18<sup>ère</sup> semaine</b>	SA3 : Calcul littéral	Somme de deux vecteurs : Produit d'un vecteur par un nombre réel (suite et fin)
<b>19</b>	<b>19<sup>ème</sup>semaine</b>	SA3 : Calcul littéral	Calcul sur les coordonnées de vecteurs
<b>20</b>	<b>20<sup>ère</sup> semaine</b>	SA4: Organisations des données	Applications affines
<b>21</b>	<b>21<sup>ème</sup>semaine</b>	SA4: Organisations des données	Applications linéaires
<b>22</b>	<b>22<sup>e</sup> semaine</b>	SA4: Organisations des données	Statistique

### **III-Evaluation des apprentissages**

Pour de Ketela et Roegiers, (1993), l'évaluation est un processus qui consiste à recueillir un ensemble d'informations suffisamment pertinentes, valides, fiables et à examiner le degré d'adéquation entre cet ensemble d'informations et un ensemble de critères adéquats aux objectifs à évaluer, en vue de prendre une décision.

L'évaluation est donc la collecte et l'analyse systématique de données afin de prendre des décisions.

Elle joue un rôle essentiel dans la démarche d'enseignement/ apprentissage /évaluation.

De façon générale, l'évaluation a trois fonctions orientées vers trois types de décisions à prendre par l'apprenant et l'enseignant.

#### **1. Les types d'évaluation**

On distingue trois types d'évaluation qui sont : l'évaluation diagnostique / pronostique, l'évaluation formative et l'évaluation sommative /certificative.

##### **1.1 Evaluation diagnostique**

Elle fonde les décisions d'orientation ou de sélection en fonction de l'aptitude présumée à suivre un nouveau cursus. C'est le cas lorsque, en début d'année avant même de commencer de nouveaux apprentissages, l'on évalue les compétences qui devaient être acquises par les apprenants l'année scolaire précédente, afin de diagnostiquer leurs difficultés et d'y remédier.

Elle permet de repérer les apprenants très tôt pour proposer une remédiation ou ajuster les contenus de formation.

##### **1.2 Evaluation formative**

L'évaluation formative est une évaluation qui a pour fonction d'améliorer l'apprentissage en cours, en détectant les difficultés de l'apprenant, afin de lui venir en aide (remédiation), en modifiant la situation d'apprentissage ou le rythme de cette progression, pour apporter (s'il y a lieu) plus de "chances" à l'atteinte des objectifs fixés. Aucun point, note ou pourcentage n'y est associé.

Elle se déroule tout au long de l'apprentissage.

« Elle soutient la régulation des enseignements et des apprentissages en train de se faire ; elle se déploie à l'intérieur d'un cursus scolaire pour améliorer les apprentissages.

L'évaluation est dite formative à partir du moment où elle apporte, à l'intérieur même des séquences d'enseignement/apprentissage/évaluation, l'information nécessaire à l'adaptation des situations proposées aux apprenants. Elle est un processus qui s'étend du début à la fin de la séquence d'enseignement/apprentissage/évaluation et en permet les adaptations tout au long de son déroulement. »

### **1.3 Evaluation sommative**

Elle permet de mesurer la somme des acquis de l'apprenant au terme d'un processus d'apprentissage.

Les étapes à suivre pour une évaluation sommative sont :

- l'identification du but de l'évaluation et du type d'information à rechercher ;
- la préparation de l'épreuve ;
- l'administration de l'épreuve ;
- la correction, la notation et l'appréciation des productions.
- la prise de décisions appropriées (décisions et actions).

## **2. Les outils d'évaluation**

Les outils de l'évaluation sont : l'épreuve [*pour recueillir un ensemble d'informations suffisamment pertinentes, valides, fiables*], le corrigé type [*ensemble d'informations en adéquation avec les objectifs à évaluer*] et la grille de correction [*qui permet d'examiner le degré d'adéquation entre l'ensemble d'informations recueillies (productions des apprenants) et un ensemble de critères adéquats aux objectifs à évaluer*].

## **3. Les objets d'évaluation**

L'évaluation selon l'approche par compétences s'appuie sur une situation complexe de la même famille que les situations d'apprentissage ayant servi à construire la compétence visée. L'évaluation porte essentiellement sur les ressources acquises et les compétences développées au cours des apprentissages. Il ne faut pas attendre la fin d'une année scolaire pour évaluer ! L'évaluation peut intervenir à n'importe quel moment :

- **Avant ou au début de l'apprentissage**, généralement à la rentrée scolaire. Il s'agit d'une évaluation qui permet de déterminer les forces et les faiblesses de l'apprenant et de vérifier s'il maîtrise les savoirs, savoir-faire et compétences nécessaires et préalables à l'apprentissage. Cela permet ainsi d'orienter l'apprentissage de façon plus adaptée.
- **Pendant l'apprentissage**, au cours de l'année scolaire. Il s'agit d'évaluations formatives qui permettent de déterminer les acquis des apprenants sur des savoirs et savoir-faire spécifiques et/ou des compétences particulières, afin d'apporter les remédiations nécessaires.
- **En fin d'apprentissage**, il s'agit d'une évaluation qui permettra de vérifier si l'apprenant maîtrise les compétences nécessaires afin de certifier sa réussite (pour un paquet de notions) et lui permettre de poursuivre d'autres apprentissages.
- **Après l'apprentissage**, il s'agit de vérifier si l'apprenant maîtrise **encore** les compétences travaillées et évaluées quelques mois plus tôt.

Il est donc important d'évaluer les compétences de l'apprenant, mais aussi les ressources. L'enseignant mettra donc en œuvre deux types d'évaluation :

- ✓ **L'évaluation des compétences**, à travers des situations d'apprentissage inspirées des thèmes possibles à aborder dans les connaissances et techniques liées aux compétences. Ces évaluations sont à réaliser pendant ou à la fin d'une S.A. ;
- ✓ **L'évaluation des ressources**, par des exercices, des QCM (questions à choix multiples), des questions à réponses construites, ... portant sur les savoirs et savoir-faire qui peuvent être mobilisés dans la S.A.

L'enseignant fera, chaque quinzaine une ou deux évaluations des ressources. Il devra dire aux apprenants, juste à la fin de chaque composition, si cette évaluation est formative ou sommative.

L'évaluation des compétences interviendra toutes les cinq ou six semaines (si l'établissement n'en propose pas dans la période) et prendra en compte **les ressources travaillées préalablement**.

#### 4. Les critères d'évaluation

Les critères d'évaluation sont liés aux objectifs d'enseignement/ apprentissage /évaluation. Les critères d'évaluation les plus importants sont les suivants : la qualité de la langue, la clarté, la pertinence, la cohérence, la richesse du contenu, l'objectivité du test, la discrimination, la validité et la fiabilité.

#### 5. Format de l'épreuve de mathématiques

Le format de l'épreuve de mathématiques au premier cycle s'inspire de celui de l'épreuve de mathématiques au BEPC. En d'autres termes, il est structuré autour d'un contexte suivi de trois problèmes respectant des conditions bien précises.

En classe de troisième, l'épreuve de devoir surveillé de mathématiques est prévue pour **une durée de deux heures (2 h)**.

Toutefois, l'enseignant n'est pas obligé d'utiliser ce format pour les interrogations écrites. Il est à noter que l'épreuve d'interrogation écrite en classe de 3<sup>e</sup> couvre **une durée de vingt à trente minutes (20 à 30 min)**.

#### FORMAT DE L'ÉPREUVE DE MATHÉMATIQUES AU BEPC

L'épreuve de mathématiques est une situation d'évaluation centrée sur trois compétences disciplinaires et comportant un support, une tâche et trois problèmes indépendants à résoudre, en utilisant des concepts et procédures du raisonnement mathématique.

Le problème 1 vise à contrôler la compréhension du support par le candidat à travers l'exploitation qu'il fait des informations contenues dans ce support. Autant que possible, ce problème comportera des consignes axées sur les compétences disciplinaires n° 2 et n°3.

Quant aux problèmes 2 et 3, ils comporteront des compléments d'informations et des consignes. Dans l'élaboration de l'épreuve, il sera tenu grand compte de l'intégration des compétences disciplinaires n° 2 et n°3 ainsi que la hiérarchisation du niveau de complexité des consignes à l'intérieur de chacun des problèmes.

Pour l'appréciation de la production du candidat, trois critères minimaux et un critère de perfectionnement ont été retenus. Il s'agit de :

- La pertinence de l'analyse du problème (20%)
- L'exactitude de la mathématisation (30%)
- La justesse de la production (40%)
- Le perfectionnement sera apprécié au regard des indicateurs que sont l'originalité de la production, la propreté et la lisibilité de la copie (10%).

## TABLEAU DE CRITERES D'ÉVALUATION EN MATHÉMATIQUES

Capacités	Critères	Indicateurs
Analyser le problème ou la situation-problème	Pertinence de l'analyse du problème (Ca)	<ul style="list-style-type: none"> <li>1. Identification des données pertinentes</li> <li>2. Identification des inconnues</li> </ul>
Mathématiser le problème ou la situation-problème	Exactitude de la mathématisation (Cm)	<ul style="list-style-type: none"> <li>1. Réalisation de dessins</li> <li>2. Pertinence des hypothèses formulées</li> <li>3. Emission de conjectures</li> <li>4. Formulation du problème en langage mathématique</li> </ul>
Opérer	Justesse de la production (Co)	<ul style="list-style-type: none"> <li>1. Justification des opérations effectuées</li> <li>2. Interprétation des résultats dans leur pertinence vis-à-vis des données du problème</li> <li>3. Présentation de la solution dans un langage mathématique approprié en adéquation avec les contraintes du problème</li> </ul>
	Exemplarité de la production Critère de perfectionnement (Cp)	<ul style="list-style-type: none"> <li>1. Concision dans la rédaction</li> <li>2. Propreté de la copie</li> <li>3. Lisibilité de la copie</li> </ul>

## NOTATION D'UNE ACTIVITÉ D'ÉVALUATION DANS LE CADRE DES NPE - MATHÉMATIQUES ET GRILLE D'APPRECIATION DES NIVEAUX DE MAÎTRISE

### **PONDERATION DE LA CAPACITE « ANALYSER »**

Le nombre de questions intermédiaires qu'on doit se poser et auxquelles on doit répondre dans une consigne constitue le déterminant principal de la pondération de « analyser ». Chaque question ainsi posée sera affectée du coefficient 1. Les 20 points de « analyser » seront répartis suivant le poids de « analyser » au niveau de chaque problème et au niveau des différentes consignes d'un même problème, en appliquant la règle de trois.

### **PONDERATION DE LA CAPACITE « MATHEMATISER »**

Le nombre de figures, schémas, tableaux, équations, relations diverses entre données et inconnues, compléments d'une figure qu'exige la résolution d'un problème, constitue le déterminant principal de la pondération de « mathématiser ». Chaque élément de « mathématiser » ainsi identifié sera affecté du coefficient 1. Les 30 points de « mathématiser » seront répartis suivant le poids de « mathématiser » au niveau de chaque problème et au niveau des différentes consignes d'un même problème, en appliquant la règle de trois.

## PONDERATION DE LA CAPACITE « OPERER »

Le nombre de calculs, figures, justifications, résolutions d'équations, qu'exige la résolution d'un problème, constitue le déterminant principal de la pondération de « opérer ». Chaque élément de « opérer » ainsi identifié sera affecté du coefficient 1. Les 50 points de « opérer » seront répartis suivant le poids de « opérer » au niveau de chaque problème et au niveau des différentes consignes d'un même problème, en appliquant la règle de trois.

Un tableau indiquant le procédé d'attribution des points par problème à travers toute l'épreuve est le suivant :

CAPACITES PROBLEME	ANALYSER	MATHEMATISER	OPERER	TOTAL
I	$n_{a1} \frac{20}{nt_a}$	$n_{m1} \frac{30}{nt_m}$	$n_{o1} \frac{40}{nt_o}$	$\Sigma_I$
II	$n_{a2} \frac{20}{nt_a}$	$n_{m2} \frac{30}{nt_m}$	$n_{o2} \frac{40}{nt_o}$	$\Sigma_{II}$
III	$n_{a3} \frac{20}{nt_a}$	$n_{m3} \frac{30}{nt_m}$	$n_{o3} \frac{40}{nt_o}$	$\Sigma_{III}$
TOTAL DES POINTS	20	30	40	90

$n_{a1}$  : nombre de démarches de pensée relatives à « analyser » dans I

$n_{a2}$  : nombre de démarches de pensée relatives à « analyser » dans II

$nt_a$  :  $n_{a1} + n_{a2} + n_{a3}$  = somme des démarches de pensée relatives à « analyser » dans toute l'épreuve.

Idem pour  $n_{m1}$ ,  $n_{m2}$ ,  $n_{m3}$  et  $nt_m$

Idem pour  $n_{o1}$ ,  $n_{o2}$ ,  $n_{o3}$  et  $nt_o$

$\Sigma_I$  = total des points du problème 1

- L'appréciation des niveaux de maîtrise se fait à l'aide de la règle des 2/3 et 3/4 et du tableau suivant :

Critères minimaux Niveau de maîtrise	Ca	Cm	Co	Total des points globalement
Aucune maîtrise	0	0	0	0
Maîtrise partielle	7	10	13	30
Maîtrise minimale	13	20	27	60
Maîtrise maximale	20	30	40	90

Ca est mise pour la capacité « analyser »

Cm est mise pour la capacité « mathématiser »

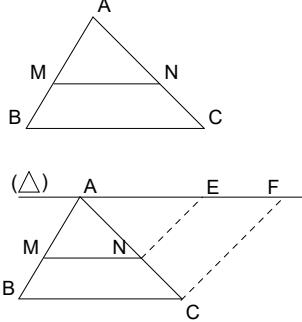
Co est mise pour la capacité « opérer »

Pour apprécier le niveau global de maîtrise des différentes capacités à travers l'épreuve, nous utilisons la règle des 3/4 . Ainsi  $30 \times 3/4 = 22,5 \approx 23$  ;  $60 \times 3/4 = 45$ ;  $90 \times 3/4 = 67,5 \approx 68$

Soit x le nombre total des points obtenus par un candidat pour l'épreuve de mathématiques concernée :

- si  $x < 23$ , alors le candidat n'a pas atteint le niveau de maîtrise partielle des critères minimaux ;
- si  $23 \leq x < 45$ , alors le candidat a acquis une maîtrise partielle des critères minimaux ;
- si  $45 \leq x < 68$  alors le candidat a acquis la maîtrise minimale des critères minimaux ;
- si  $68 \leq x \leq 90$ , alors le candidat a acquis la maîtrise maximale des critères minimaux.

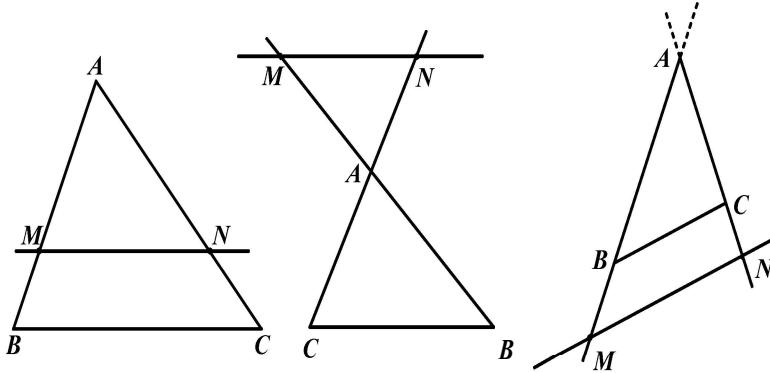
# Annexe

<b>Tableau des propriétés Classe de 3<sup>e</sup></b>		
SA	<b>Propriétés à démontrer (28)</b>	Séquence
N° 1	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Si <math>x</math> et <math>y</math> sont deux nombres réels positifs alors on a : <math>\sqrt{x} \times \sqrt{y} = \sqrt{xy}</math></li> <li>• Si <math>x</math> et <math>y</math> sont des nombres réels positifs et si <math>y</math> est non nul alors on a : <math>\sqrt{\frac{x}{y}} = \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{y}}</math>.</li> </ul> <p><i>Deux nombres négatifs sont rangés dans l'ordre contraire de celui de leurs carrés.</i></p> <p><i>Deux nombres positifs sont rangés dans le même ordre que celui de leurs carrés.</i></p> <p><i>Deux nombres de même signe et différents de zéro sont rangés dans l'ordre contraire de celui de leurs inverses.</i></p>	<b>Séquence n°1 : Nombres réels (05)</b>
	<ul style="list-style-type: none"> <li>Dans un triangle, si une droite parallèle au support d'un côté détermine deux triangles, alors les longueurs des côtés de l'un sont proportionnelles à celles des côtés de l'autre.</li> </ul> <p>Voici une démonstration possible de cette propriété. Construisons successivement :</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-la droite <math>\Delta</math> parallèle à <math>(BC)</math> et passant par <math>A</math>.</li> <li>-les points <math>E</math> et <math>F</math> de <math>\Delta</math> tels que <math>(NE) \parallel (CF) \parallel (AB)</math>.</li> </ul>  <p>D'après la propriété de Thalès relative au triangle on a à la fois :</p> $\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} \text{ et } \frac{AN}{AC} = \frac{AE}{AF}.$ <p>Or les quadrilatères <math>AMNE</math> et <math>ABCF</math> sont des parallélogrammes donc on a : <math>AE = MN</math> et <math>AF = BC</math>.</p> <p>En conséquence on a <math>\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC}</math>.</p>	<b>Séquence n°4 : Propriétés de Thalès relatives au triangle.(01)</b>
	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Si deux triangles sont semblables, alors tout angle de l'un a même mesure qu'un angle de l'autre.</li> </ul>	<b>Séquence n°5 : Triangles semblables (03)</b>
	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Si deux triangles sont tels que deux des angles de l'un ont les mêmes mesures que deux angles de l'autre alors ces triangles sont semblables.</li> </ul>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Si deux triangles sont tels que deux côtés de l'un ont des longueurs proportionnelles à celles de deux côtés de</li> </ul>	

	<p><i>l'autre et que les angles formés par ces côtés ont la même mesure, alors ces triangles sont semblables.</i></p>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li><i>Dans un triangle rectangle, le produit des longueurs des côtés de l'angle droit est égal au produit des longueurs de l'hypoténuse et de la hauteur relative à l'hypoténuse.</i></li> </ul> <p>Autrement dit, en considérant le triangle <math>ABC</math> rectangle en <math>A</math> et <math>H</math> le pied de la hauteur relative à l'hypoténuse. On a:</p> $AB \cdot AC = AH \cdot BC$	<b>Séquence n°6 : Triangle rectangle (03)</b>
	<ul style="list-style-type: none"> <li><i>Dans un triangle rectangle, la longueur de la hauteur relative à l'hypoténuse est moyenne proportionnelle entre les longueurs des segments qu'elle détermine sur l'hypoténuse.</i></li> </ul> <p>Autrement dit, en considérant le triangle <math>ABC</math> rectangle en <math>A</math> et <math>H</math> le pied de la hauteur relative à l'hypoténuse. On a: <math>AH^2 = BH \cdot HC</math></p>	
	<ul style="list-style-type: none"> <li><i>Dans un triangle rectangle, le carré de la longueur d'un côté de l'angle droit est égal au produit des longueurs de l'hypoténuse et du projeté orthogonal dudit côté sur l'hypoténuse.</i></li> </ul> <p>Autrement dit, en considérant le triangle <math>ABC</math> rectangle en <math>A</math> et <math>H</math> le pied de la hauteur relative à l'hypoténuse. On a: <math>AC^2 = CH \cdot BC</math> ;</p> $AB^2 = BH \cdot BC$	
	<ul style="list-style-type: none"> <li><i>Un angle inscrit dans un cercle a pour mesure la moitié de la mesure de l'angle au centre qui lui est associé.</i></li> <li><i>Dans un cercle, deux angles inscrits qui interceptent le même arc ont la même mesure.</i></li> <li><i>Dans un cercle, deux angles inscrits qui interceptent deux arcs de même longueur ont la même mesure.</i></li> <li><i>Si un quadrilatère est inscrit dans un cercle, alors ses angles opposés sont supplémentaires.</i></li> </ul>	<b>Séquence n°7 : Angles et cercles (04)</b>
N° 2	Néant	
N°3 06	$\vec{AB}$ et $\vec{CD}$ sont deux vecteurs du plan. $\vec{AB}$ n'est pas le vecteur nul.	<b>Séquence N° 4 : Somme de deux vecteurs –</b>

<ul style="list-style-type: none"> <li>- Si les vecteurs <math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> sont colinéaires alors il existe un nombre réel <math>k</math> tel que <math>\vec{CD} = k\vec{AB}</math>.</li> <li>- S'il existe un nombre réel <math>k</math> tel que : <math>\vec{CD} = k\vec{AB}</math> alors les vecteurs <math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> sont colinéaires</li> <li>- Si les points <math>A, B</math> et <math>M</math> sont alignés alors il existe un nombre réel <math>k</math> tel que <math>\vec{AM} = k\vec{AB}</math>.</li> <li>- S'il existe un nombre réel <math>k</math> tel que <math>\vec{AM} = k\vec{AB}</math> alors les points <math>A, B</math> et <math>M</math> sont alignés.</li> </ul>	<b>produit d'un vecteur par un nombre réel (04)</b>
<p><i>A et B sont des points du plan muni d'un repère.</i></p> <p><i>Si <math>A(a ; b)</math> et <math>B(c ; d)</math> alors <math>\vec{AB} (c-a ; d-b)</math>.</i></p>	<b>Séquence N°5 Calcul sur les coordonnées de vecteurs (07)</b>
<p><i>A, B, C et D sont des points du plan muni d'un repère.</i></p> <p><i>Si <math>\vec{AB} (x ; y)</math> et <math>\vec{CD} (x' ; y')</math> alors <math>(\vec{AB} + \vec{CD})(x + x' ; y + y')</math>.</i></p> <p><i>A et B sont deux points du plan muni d'un repère et <math>k</math> un nombre réel.</i></p> <p><i>Si <math>\vec{AB} (x ; y)</math> alors <math>k\vec{AB} (kx ; ky)</math>.</i></p>	
<p><i>A et B sont deux points du plan muni d'un repère et L le milieu du segment <math>[AB]</math>.</i></p> <p><i>Si <math>A(x ; y)</math> et <math>B(x' ; y')</math> alors <math>L \left( \frac{x+x'}{2} ; \frac{y+y'}{2} \right)</math>.</i></p>	
<p><b>A, B, C et D sont des points du plan muni d'un repère. Les vecteurs <math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> ont respectivement pour coordonnées <math>(x ; y)</math> et <math>(x' ; y')</math>.</b></p> <p><b>Si les vecteurs <math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> sont colinéaires alors <math>xy' - x'y = 0</math>.</b></p>	
<p>A et B sont deux points du plan muni d'un repère orthonormé.</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Si <math>A(x ; y)</math> et <math>B(x' ; y')</math> alors</li> </ol> $\vec{AB} = \sqrt{(x - x')^2 + (y - y')^2}.$ <ol style="list-style-type: none"> <li>2) Si <math>\vec{AB}(a ; b)</math> alors <math>\vec{AB} = \sqrt{a^2 + b^2}</math>.</li> </ol>	
<ul style="list-style-type: none"> <li>• A, B, C, et D sont des points du plan muni d'un repère orthonormé.</li> </ul> <p>Les vecteurs <math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> ont respectivement pour coordonnées</p>	

	( $x ; y$ ) et ( $x' ; y'$ ).  Si les vecteurs $\overrightarrow{AB}$ et $\overrightarrow{CD}$ sont orthogonaux alors $xx' + yy' = 0$ .	
N° 4	<ul style="list-style-type: none"> <li>g étant une application linéaire, u, v et k étant des nombres réels quelconques, on a :</li> </ul> $g(u + v) = g(u) + g(v)$ $g(kv) = k g(v)$	Séquence n°2 : Application linéaire (01)
SA	<b>Propriétés à admettre (22)</b>	
N° 1	<p><i>Si x et y sont deux nombres réels non nul, n est un entier relatif on a : <math>x^n \times y^n = (xy)^n</math>.</i></p> <p><i>x est un nombre réel non nul, n et m sont des entiers relatifs, on a :</i>  <math>x^n \times x^m = x^{n+m}</math> et <math>(x^n)^m = x^{n \times m}</math></p> <p><i>Lorsqu'on ajoute membre à membre des inégalités de même sens, on obtient une nouvelle inégalité de même sens.</i></p> <p><i>Lorsqu'on multiplie membre à membre des inégalités de même sens, entre nombres positifs, on obtient une nouvelle inégalité de même sens. .</i></p> <p><i>Deux nombres positifs sont rangés dans le même ordre que leurs racines carrées.</i></p> <p><i>La racine carrée du carré d'un nombre réel est égale à la valeur absolue de ce nombre. Autrement dit : pour tout <math>x \in \mathbb{R}</math>, <math>\sqrt{x^2} =  x </math>.</i></p> <p>Lorsque deux angles aigus ont un même rapport trigonométrique, ils ont la même mesure.</p> <p><i>Pour tout angle a de mesure inférieure à <math>90^\circ</math> on a :</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li><math>\cos^2 a + \sin^2 a = 1</math></li> <li><math>\text{Cotan } a = \frac{\cos}{\sin a}</math> si <math>\sin a \neq 0</math></li> <li><math>\tan a = \frac{\sin a}{\cos a}</math> si <math>\cos a \neq 0</math></li> </ul> <p><i>Pour deux angles aigus a et b complémentaires on a :</i></p> <ul style="list-style-type: none"> <li><math>\sin a = \cos b</math> et <math>\cos a = \sin b</math> ;</li> <li><math>\tan a = \cotan b</math> et <math>\cotan a = \tan b</math>.</li> </ul>	Séquence n°1 : Nombres réels (05)
	<u>Réciproque de la propriété de Thalès relative au triangle</u>	Séquence n°2 : Valeur absolue (01)
	<ul style="list-style-type: none"> <li>ABC est un triangle, M un point de la droite (AB) et N un point de la droite (AC) tels que la position qu'occupe M par rapport à A et B est la même que celle qu'occupe N par rapport à A et C. Si l'on a <math>\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}</math> alors la droite (MN) si elle existe est parallèle à la droite (BC).</li> </ul>	Séquence n°4 : Propriétés de Thalès relatives au triangle. (01)



*Si un quadrilatère est tel que deux de ses angles opposés sont supplémentaires alors il est inscriptible dans un cercle.*

**Séquence n°7 :  
Angles et cercles (01)**

N° 2 Le volume V d'un cône de révolution de hauteur h et dont le disque de base a pour rayon r, est donné par la formule :

$$V = \frac{1}{3} \pi r^2 h$$

**Séquence n°1 :  
Cône (01)**

La section d'une pyramide régulière par un plan parallèle à la base est un polygone de même nature que cette base ; les supports des côtés correspondants de ces polygones sont parallèles.

**Séquence n°2 :  
Sections planes (02)**

La section d'un cône de révolution par un plan parallèle à celui de la base est un cercle.

- **Le produit de deux nombres réels est nul signifie que l'un au moins de ces deux nombres est nul.**
- Toutes les solutions d'une équation du 1<sup>er</sup> degré dans  $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$  sont représentées sur une même droite.
- Tout point d'une droite représente l'une des solutions d'une équation du 1<sup>er</sup> degré dans  $\mathbb{R} \times \mathbb{R}$ .

**Séquence n°2 :  
Équations de droite (03)**

- Une droite d'équation  $ax + by + c = 0$ , partage le plan en trois parties :

1. L'ensemble des points de coordonnées  $(x ; y)$  tels que  $ax + by + c = 0$

2. L'ensemble des points de coordonnées  $(x ; y)$  tels que  $ax + by + c < 0$

3. L'ensemble des points de coordonnées  $(x ; y)$  tels que  $ax + by + c > 0$ .

**Séquence n°3 :  
Équations et Inéquations(01)**

- A, B et C étant trois points quelconques du plan on a :  $\vec{AB} + \vec{BC} = \vec{AC}$  (Cette égalité est appelée "Relation de Chasles")

**Séquence N° 4 :  
Somme de deux vecteurs – Produit d'un**

	<p><math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> sont deux vecteurs, <math>k</math> et <math>k'</math> sont deux nombres réels.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• <math>k(k'\vec{AB}) = (kk') \vec{AB}</math></li> <li>• <math>k\vec{AB} + k'\vec{AB} = (k + k')\vec{AB}</math></li> <li>• <math>k\vec{AB} + k\vec{CD} = k(\vec{AB} + \vec{CD})</math></li> </ul>	vecteur par un nombre réel (02)
	<p><math>A, B, C</math> et <math>D</math> sont des points du plan muni d'un repère. Les vecteurs <math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> ont respectivement pour coordonnées <math>(x ; y)</math> et <math>(x' ; y')</math>.</p> <p>Si <math>xy' - x'y = 0</math> alors les vecteurs <math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> sont colinéaires.</p>	Séquence n°5 Calcul sur les coordonnées de vecteurs (02)
	<p><math>A, B, C</math>, et <math>D</math> sont des points du plan muni d'un repère orthonormé.</p> <p>Les vecteurs <math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> ont respectivement pour coordonnées <math>(x ; y)</math> et <math>(x' ; y')</math>.</p> <p>Si <math>xx' + yy' = 0</math> alors les vecteurs <math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> sont orthogonaux <math>\vec{AB}</math> et <math>\vec{CD}</math> sont orthogonaux.</p>	
N° 4	Néant	
SA	<b>Propriétés qu'on pourrait démontrer (07)</b>	
1	<p><u>Propriété de Thalès relative au triangle</u></p> <p><math>ABC</math> est un triangle. Si un point <math>M</math> de la droite <math>(AB)</math> et un point <math>N</math> de la droite <math>(AC)</math> sont tels que les droites <math>(MN)</math> et <math>(BC)</math> sont parallèles, alors on a : <math>\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC}</math>.</p>	Séquence n°4 : Propriétés de Thalès relatives au triangle. (01)
2	<p>Le volume <math>V</math> d'un tronc de cône de révolution ou d'un tronc de pyramide régulière de hauteur <math>h</math> est donné par : <math>V = \frac{h}{3}(B + \sqrt{Bb} + b)</math>, où <math>B</math> et <math>b</math> sont les aires des bases</p> <p>Dans le cas d'un tronc de cône de révolution de hauteur <math>h</math>, ce volume est : <math>V = \frac{\pi h}{3}(r^2 + rr' + r'^2)</math>, où <math>r</math> et <math>r'</math> sont les rayons des deux bases.</p>	Séquence n°2 : Sections planes (02)
3	<p>Si deux droites, non parallèles à l'axe des ordonnées, sont parallèles, alors elles ont même coefficient directeur.</p> <p>Si deux droites, non parallèles à l'axe des ordonnées, ont même coefficient directeur alors elles sont parallèles.</p> <p>Le plan est muni d'un repère orthonormé. Si deux droites non parallèles à l'axe des ordonnées sont perpendiculaires alors le produit de leurs coefficients directeurs est <math>-1</math>.</p> <p>Le plan est muni d'un repère orthonormé. Si le produit des coefficients directeurs de deux droites non parallèles à l'axe des ordonnées est <math>-1</math>, alors elles sont perpendiculaires.</p>	Séquence n°2 : Equations de droite (04)
4	Néant	

En classe de 3<sup>e</sup> le nombre total de propriétés à installer est cinquante-cinq (57) dont vingt-deux (22) sont à admettre, vingt-huit (28) sont à démontrer et sept (07) pourraient être démontrées.

## TABLE DES MATIERES

I	AVANT-PROPOS	8
1	Introduction	8
2	Clarification de quelques concepts	8
3	Mode d'emploi	9
4	Stratégie d'enseignement / apprentissage / évaluation	10
5	Démarche d'enseignement / apprentissage / évaluation	10
II	SITUATIONS D'APPRENTISSAGE	12
1	Canevas général de déroulement d'une situation d'apprentissage	13
2	Structuration des situations d'apprentissage	14
2.1	Développement des situations d'apprentissage	15
2.1.1	Situation d'apprentissage N° 1	15
2.1.2	Situation d'apprentissage N° 2	25
2.1.3	Situation d'apprentissage N° 3	28
2.1.4	Situation d'apprentissage N° 4	39
2.2	Exemple de consignes pour le recueil des préconceptions par situation d'apprentissage	42
2.2.1	Exemple de consignes pour le recueil des préconceptions sur la situation d'apprentissage N°1	42
2.2.2	Exemple de consignes pour le recueil des préconceptions sur la situation d'apprentissage N°2	42
2.2.3	Exemple de consignes pour le recueil des préconceptions sur la situation d'apprentissage N°3	42
2.2.4	Exemple de consignes pour le recueil des préconceptions sur la situation d'apprentissage N°4	42
2.3	Document d'exploitation des situations de départ	42
2.3.1	Situation de départ de la SA N°1	42
2.3.2	Situation de départ de la SA N°2	43
2.3.3	Situation de départ de la SA N°3	43

2.3.4	Situation de départ de la SA N°4	43
3	Exemples de fiches pédagogiques	43
3.1	Fiche pédagogique N°1	43
3.2	Fiche pédagogique N°2	49
3.3	Des objectifs d'une fiche pédagogique	54
4	Répartition hebdomadaire des situations d'apprentissage	54
III	EVALUATION DES APPRENTISSAGES	56
1	Les types d'évaluation	56
1.1	Evaluation diagnostique	56
1.2	Evaluation formative	56
1.3	Evaluation sommative	57
2	Les outils d'évaluation	57
3	Les objets d'évaluation	57
4	Les critères d'évaluation	58
5	Format de l'épreuve de mathématiques	58
	ANNEXE	62