

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

APELLIDO PATERNO

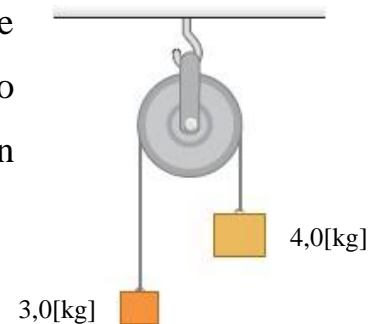
--

AP.MAT.

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

NOMBRE

- 1) Dos pesas están conectadas por una cuerda ideal, que pasa por una polea de masa $2,0[\text{kg}]$ y radio $0,300[\text{m}]$. Si la polea está fija al techo por medio de un gancho ¿Qué fuerza ejerce el gancho sobre la polea?



1)
Datos
 $M = 2,0[\text{kg}]$; $m_1 = 3[\text{kg}]$; $m_2 = 4[\text{kg}]$
 $r = 0,3[\text{m}]$
¿Qué fuerza hace el gancho sobre la polea?

① $-m_1g + T_1 = m_1a$
② $T_2 - m_2g = m_2a$

$\sum \tau = I\alpha \rightarrow R(T_1 - T_2) = \frac{1}{2}MR^2 \frac{a}{R}$

$R(T_1 - T_2) = \frac{MR^2a}{2R} \rightarrow T_1 - T_2 = \frac{Ma}{2}$ ③

Al sumar las ecuaciones con los incógnitos
Tenemos

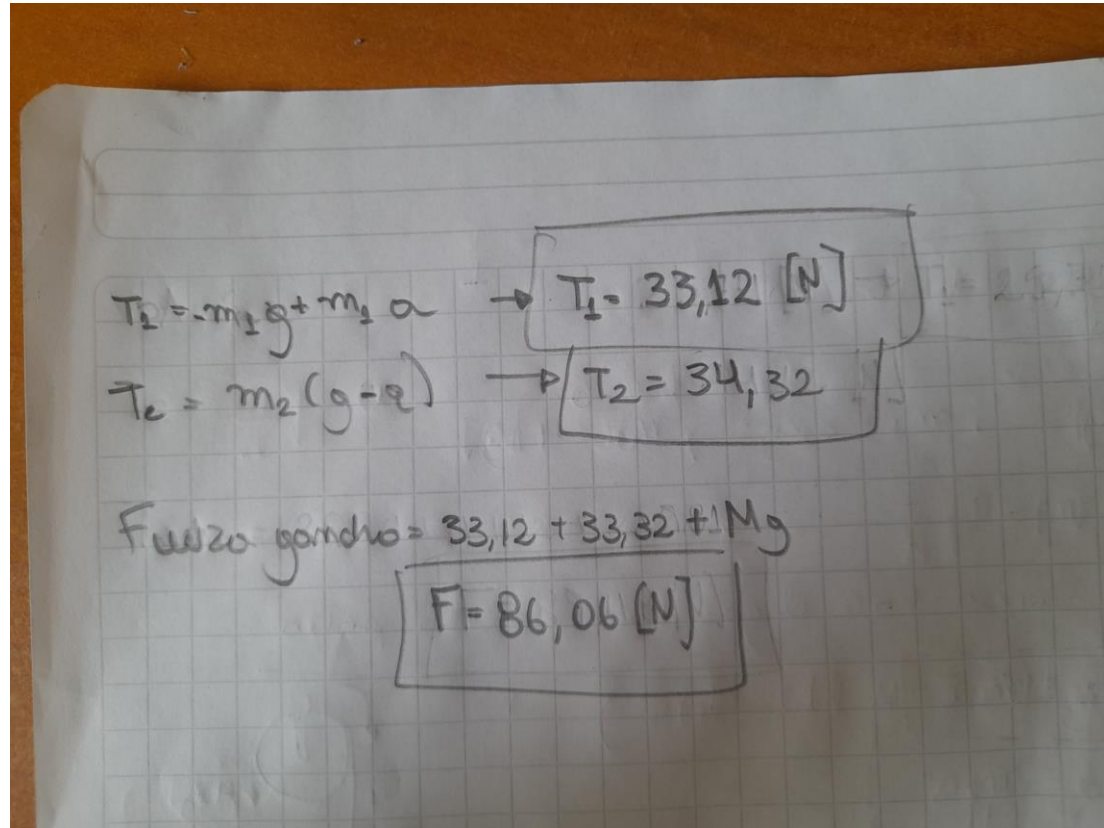
$m_1g - m_2g = a \left(m_1 + m_2 + \frac{M}{2} \right) \rightarrow a = \frac{-(m_1g - m_2g)}{m_1 + m_2 + \frac{M}{2}}$

$a = 1,23 \frac{m}{s^2}$

$a(m_1 + m_2 + \frac{M}{2}) = m_1g - m_2g$

--





Handwritten calculations on grid paper:

$$T_1 = m_1 g + m_1 a \rightarrow T_1 = 33,12 \text{ [N]}$$
$$T_2 = m_2 (g - a) \rightarrow T_2 = 34,32$$

Force gained = $33,12 + 34,32 + 1 \text{ Mg}$

$$F = 86,06 \text{ [N]}$$

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

APELLIDO PATERNO

--

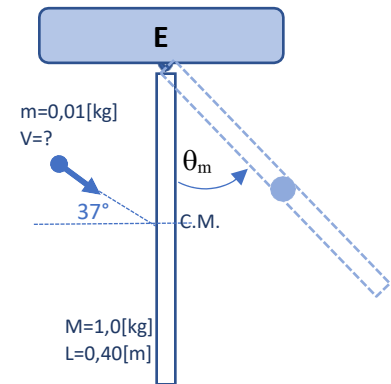
AP.MAT.

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

NOMBRE

2) Un barra cuelga de uno de sus extremos verticalmente y en reposo. Un proyectil se dispara contra la barra, como se muestra en la figura, incrustándose en el centro de masa de la barra. Si la barra, con el proyectil incrustado gira a razón de $6,28[\text{rad/s}]$, alejándose de la vertical hasta alcanzar un ángulo de θ_m , determine :

- A) El cambio de Momento Lineal durante el impacto.
B) El Cambio de Energía durante el impacto.
C) El Cambio de Momento Angular, respecto a E,



$$I_{CM} = \frac{1}{12} ML^2$$

1
d ra
u nt

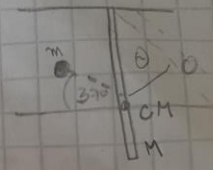
e el impacto.
 $I_E =$



$\frac{ML^2}{3} -$

2) Datos

- $v_0 = 0 \left[\frac{m}{s} \right]$; $m = 0,01 \text{ [kg]}$
- $\omega = 2\pi \left[\frac{100}{s} \right]$; $M = 1 \text{ [kg]}$
- $\theta = 37^\circ$; $L = 0,4 \text{ [m]}$



a) Determinar el cambio de momento lineal

Se observa que $\sum F_{ext} = 0 \therefore \frac{d\vec{P}}{dt} = 0 \rightarrow \vec{P} = \text{cte}$

$P_0 = m \cdot v_0$; $P_f = (M+m) \cdot \frac{L}{2} \cdot 2\omega$

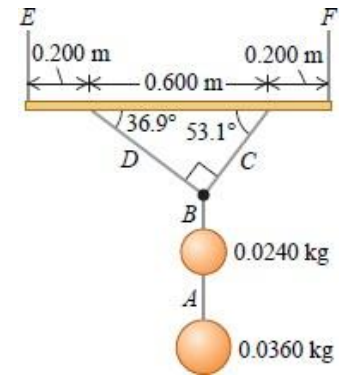
$P_0 = (2,04) L \omega \rightarrow P_f = 2,53$

$P_0 = P_f \rightarrow v_0 = 1,26 \left[\frac{m}{s} \right]$

$P = 0,0126 \text{ [Nm]}$

b) Cambio de energía

$K_f + U_f = K_0 + U_0 \rightarrow \frac{1}{2} m v_f^2 + m g L \sin 37^\circ = \frac{1}{2} I_{cm} \omega^2$



--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

APELLIDO PATERNO

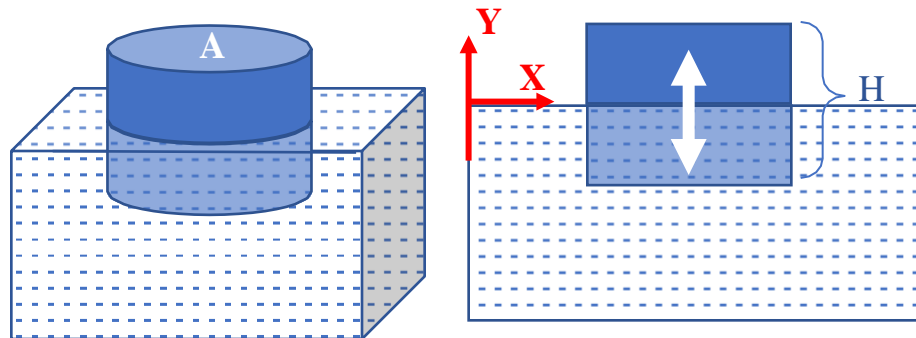
--

AP.MAT.

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

NOMBRE

- 4) Un cilindro (A,H) flota con el 50% de su volumen sumergido en agua. Al hundir este cilindro de tal forma que el 52% de su volumen queda bajo el agua y soltarlo, el cilindro oscila verticalmente. Demostrar que movimiento oscilatorio vertical es un M.A.S. y determine una expresión para el período del movimiento: $T=T(g,H,\pi)$.



④

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

$$F_E - mg = 0 \rightarrow F_E = mg \rightarrow F_E = \rho \cdot V \cdot g$$

$$F_E = \rho (h_1 - y) A \cdot g \rightarrow F_E - mg = m y''$$

$$\rho (h_1 - y) A g - mg = m y''$$

$$\rightarrow -\rho \cdot y \cdot A \cdot g = m y''$$

$$y'' = -\frac{\rho A g}{m} y$$

$$\omega = \sqrt{\frac{\rho A g}{m}}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{\sqrt{\frac{\rho A g}{m}}}$$

Diagram of a cylinder with forces F_E (up) and mg (down) shown.

Side note: $m = \rho \cdot V$
 $y'' = \omega^2 y$