

Mètodes Numèrics II

Pràctica de simulació:

TITOLTITOLTITOL

G01

1548086: Bujones Umbert, Jun Shan

1666739: Franco Avilés, Eric

1672980: González Barea, Eric

1644841: Vilarrúbias Morral, Natàlia

Gener 2025



Índex

1	Introducció	1
2	Plantejament del problema del Sistema Solar	1
2.1	Modelització del Sistema Solar	1
2.2	Normalització de les equacions	1

1 Introducció

Here goes *blahblahblah*

2 Plantejament del problema del Sistema Solar

Here goes more *blahblahblah* AAAAAAA

2.1 Modelització del Sistema Solar

Per tal de modelitzar el Sistema Solar, partirem de la Segona Llei de Newton i la igualarem a la Llei de la Gravitació Universal, tot dividint per la massa del planeta p , M_p . Fent això ens queda que l'acceleració a la qual està sotmesa aquest planeta és:

$$\frac{d^2 \mathbf{r}^{(p)}}{dt^2} = -G \left[M_s \frac{\mathbf{r}^{(p)}}{|\mathbf{r}^{(p)}|^3} + \sum_{l \neq p} M_l \frac{(\mathbf{r}^{(p)} - \mathbf{r}^{(l)})}{|\mathbf{r}^{(p)} - \mathbf{r}^{(l)}|^3} \right], \quad p = 1, 2, \dots \quad (1)$$

A aquesta equació el vector $\mathbf{r}^{(p)}$ és el vector posició (marquem els vectors en negreta) del cos p respecte del Sol (que el situem a l'origen de coordenades), M_s és la massa del Sol, M_l la massa dels cossos diferents a p i $\mathbf{r}^{(l)}$ les seves posicions respecte l'origen. Fixem-nos, doncs, que segons aquesta equació, la força que actua sobre un planeta donat es correspon amb la suma de les forces exercides per tots els cossos del sistema solar sobre ell.

Per tal de facilitar-ne la resolució, podem transformar aquesta equació diferencial de segon ordre a la següent

$$\frac{dv_i^{(p)}}{dt} = -G \left[M_s \frac{r_i^{(p)}}{|\mathbf{r}^{(p)}|^3} + \sum_{l \neq p} M_l \frac{(r_i^{(p)} - r_i^{(l)})}{|\mathbf{r}^{(p)} - \mathbf{r}^{(l)}|^3} \right], \quad p = 1, 2, \dots, \quad i = 1, 2, 3. \quad (2)$$

on hem usat que

$$v_i^{(p)} \equiv \frac{dr_i^{(p)}}{dt}, \quad p = 1, 2, \dots, \quad i = 1, 2, 3. \quad (3)$$

De forma que tenim ara un conjunt de $3 \times p$ equacions diferencials de primer ordre a resoldre.

2.2 Normalització de les equacions

Per tal de resoldre el problema minimitzant errors i temps de càlcul cal normalitzar (2). Definim unes quantitats característiques del sistema: escollim $M_0 = M_s$ i $d_0 = UA$ (unitat astronòmica), ja que així podrem treballar amb valors propers a la unitat.