

SK21. Atak na sieć (II)

Raport nr 3 do projektu w ramach kursu “Grafy i Sieci” (GIS)

Patryk Kocielnik, Jan Kumor, 28.05.2018r. (poprawa 12.06.2018r.)

Opiekun projektu

dr inż. Sebastian Kozłowski

Opis zadania

Dane są dwie sieci: euklidesowa i losowa (ER) o mniej więcej takiej samej liczbie wierzchołków i krawędzi. Porównać prawdopodobieństwa powodzenia ataku na losowe krawędzie tych sieci (udany atak to taki, który prowadzi do rozspójnienia sieci).

Errata do sprawozdania nr 1

Oryginalny tekst sprawozdania nr 1 i 2 zawierają odpowiednio ZAŁĄCZNIK 2 oraz ZAŁĄCZNIK 1.

I.

Zmianie ulega brzmienie sekcji “Interfejs aplikacji” otrzymując następujące brzmienie:

Interfejs aplikacji

Implementacja aplikacji ma postać modułu języka Python *attakc.py*. Głównym punktem wejściowym wspomnianego modułu jest metoda *process(data_sets)* przyjmująca jako argument listę scenariuszy eksperymentalnych. Metoda *process*, przeprowadza analizę ataków losowych na populację losowych grafów i agreguje wyniki w postaci zwięzłego raportu oraz wykresu.

Domyślnie argument metody *process* przyjmuje jako wartość listę zawierającą predefiniowane scenariusze zgodne ze scenariuszami opisanymi w niniejszym

sprawozdaniu. Z wykorzystaniem obiektów udostępnianych przez moduł *attack* możliwe jest jednak zdefiniowanie innego zestawu scenariuszy.

Na poniższym listingu przedstawiono fragment wyników działania metody *process*:

```
### Analysing graph population defined by: PopulationParameters(size=100,
    graph_type='random', n=100, m=200)
## Analysis results:
# Params: AttackParameters(tries=10000, multiplicity=1, failure_threshold=1000.0)
# Mean: AttackResult(tries=1036.64, successes=36.64, failures=1000.0,
    probability=0.03518275677053277)
## Analysis results:
# Params: AttackParameters(tries=10000, multiplicity=11, failure_threshold=1000.0)
# Mean: AttackResult(tries=1609.81, successes=609.81, failures=1000.0,
    probability=0.3661081930519222)
## Analysis results:
# Params: AttackParameters(tries=10000, multiplicity=21, failure_threshold=1000.0)
# Mean: AttackResult(tries=2930.96, successes=1930.96, failures=1000.0,
    probability=0.6311089252314934)
## Analysis results:
# Params: AttackParameters(tries=10000, multiplicity=31, failure_threshold=1000.0)
# Mean: AttackResult(tries=6198.15, successes=5217.77, failures=980.38,
    probability=0.8185881017379056)
```

II.

Zmianie ulega brzmienie sekcji “Przebieg eksperymentu” otrzymując następujące brzmienie:

Przebieg eksperymentu

Eksperyment składa się z przeprowadzenia analizy scenariuszy eksperymentalnych. Każdy scenariusz zawiera definicję następujących parametrów:

- Rozmiar populacji grafów: $k = 100$,
- Typ grafu:
 - euklidesowy,
 - losowy ER,
- Liczba wierzchołków grafu $n \in (10, 100, 1000, 4000)$,
- Liczba krawędzi grafu m :
 - $m \in (20, 30, 40)$ dla $n = 10$,
 - $m \in (200, 800, 1600)$ dla $n = 100$,
 - $m \in (4000, 8000, 16000)$ dla $n = 1000$,
 - $m \in (20000)$ dla $n = 4000$.

Analiza każdego ze scenariuszy obejmuje kolejne analizy ataków o zwiększającej się krotności c (liczba atakowanych na raz krawędzi). Krotności ataków przyjmują kolejno 20 wartości równo rozłożonych pomiędzy 1 a liczbą krawędzi grafu.

Analiza jest przeprowadzana zgodnie z następującym algorytmem:

1. Wygenerowanie populacji k grafów losowych o zadanych w danym scenariuszu parametrach,
2. Dla kolejnych wartości krotności ataku wykonanie:
 1. Dla każdego z k grafów z populacji wykonanie 10000 razy:
 1. Wylosowanie z grafu c krawędzi,
 2. Usunięcie z grafu wylosowanych krawędzi,
 3. Sprawdzenie spójności grafu po przeprowadzeniu ataku,
 4. Jeśli graf nie jest spójny atak zakończył się powodzeniem,
 5. Obliczenie prawdopodobieństwa powodzenia ataku na losowo wybrane c krawędzie badanego grafu, zgodnie ze wzorem: $p_i = \frac{n_{sukces}}{10000}$
 2. Zgodnie ze wzorem: $p_{sr} = \frac{\sum_{i=0}^k p_i}{k}$, obliczenie średniego prawdopodobieństwa powodzenia ataku dla populacji,
3. Agregacja wyników i narysowanie wykresu zależności prawdopodobieństwa (uśrednionego dla badanej populacji) powodzenia ataku na graf od krotności tego ataku,
4. Przyjęcie nowego scenariusza i powrót do punktu 1.

Dodatkowo w celu zmniejszenia czasu obliczeń wprowadzono warunek stopu. Analiza danej populacji jest przerywana w chwili gdy średnie prawdopodobieństwo ataku dla danej krotności osiąga wartość 1.0 (z dokładności $\varepsilon = 0.01$).

III.

Zmianie ulega brzmienie sekcji “Generowanie grafów” otrzymując następujące brzmienie:

Generowanie grafów

Grafy losowe Erdősa–Rényi

Grafy losowe ER (model Erdős–Rényi) zostaną wygenerowane z użyciem funkcji `Erdos_Renyi` klasy `Graph` pakietu `igraph`. Metoda ta przyjmuje jako parametry:

- liczbę wierzchołków grafu n ,
- prawdopodobieństwo wystąpienia danej krawędzi p lub zadaną liczbę krawędzi m .

Zgodnie z dokumentacją pakietu *igraph* algorytm wykorzystywany w metodzie **Erdos_Renyi** ma złożoność obliczeniową równą $O(|V| + |E|)$ [1].

Wartość oczekiwana liczby krawędzi grafu losowego można obliczyć wg wzoru (za [4]):

$$\bar{q} = \xi \frac{n(n-1)}{2}$$

Gdzie:

- \bar{q} - wartość oczekiwana liczby krawędzi,
- ξ - prawdopodobieństwo wytopienia krawędzi,
- n - liczba wierzchołków grafu.

Ponownie za [4] możemy przytoczyć, że dla grafów losowych ER eksperymenty pokazują, że dla $\xi < \frac{1}{n}$ prawie wszystkie grafy są rozłączne. Ponieważ w eksperymencie rozważane są jedynie grafy spójne, generując graf losowy ER sprawdzany jest powyższy warunek.

Grafy euklidesowe

Grafy euklidesowe zostaną wygenerowane z wykorzystaniem funkcji **GRG** klasy **Graph** z pakietu *igraph*. Metoda ta przyjmuje jako parametry:

- liczbę wierzchołków grafu n ,
- promień r .

Algorytm generacji grafu euklidesowego o n wierzchołkach:

1. Rozmieść n wierzchołków w kwadracie jednostkowym,
2. Połącz krawędziami te wierzchołki, które znajdują się od siebie w odległości mniejszej niż zadany promień r .

Zgodnie z dokumentacją pakietu *igraph* implementacja algorytmu zastosowana w metodzie **GRG** ma złożoność obliczeniową nie większą niż $O(|V|^2 + |E|)$ [1].

Wartość oczekiwaną liczby krawędzi grafu euklidesowego o zadanym promieniu można wyznaczyć z zależności (za [4]):

$$\bar{q} \approx \pi \xi^2 \frac{n(n-1)}{2}$$

Gdzie: - \bar{q} - wartość oczekiwana liczby krawędzi, - ξ - promień grafu euklidesowego, - n - liczba wierzchołków grafu.

Przekształcając powyższą zależność, znajdujemy wartość promienia dla jakiego należy generować graf euklidesowy w celu uzyskania odpowiedniej liczby krawędzi:

$$\xi \approx \sqrt{\frac{2}{\pi} \frac{\bar{q}}{n(n-1)}}$$

Sprawozdanie nr 3

Sprawdzenie poprawności działania modułu *attack.py*

Poprawność działania modułu *attack.py* została sprawdzona przez wywołanie metody *process* na zestawie danych testowych zdefiniowanych w sekcji Testy poprawności rozwiązania sprawozdania nr 2. Wyniki analizy przedstawia tabela poniżej. Są one zgodne z przewidywaniami teoretycznymi, można więc założyć, że implementacja rozwiązania jest poprawna.

N	M	Krotność ataku	Wyznaczone P	Oczekiwane P
2	1	1	1.0	1.0
3	2	1	1.0	1.0
		2	1.0	1.0
3	3	1	0.0	0.0
		2	1.0	1.0
		3	1.0	1.0
4	3	1	0.809	0.8
		2	1.0	1.0
		3	1.0	1.0
4	4	1	0.198	0.2
		2	1.0	1.0
		3	1.0	1.0
		4	1.0	1.0
4	5	1	0.0	0.0
		2	0.199	0.2
		3	1.0	1.0
		4	1.0	1.0
		5	1.0	1.0

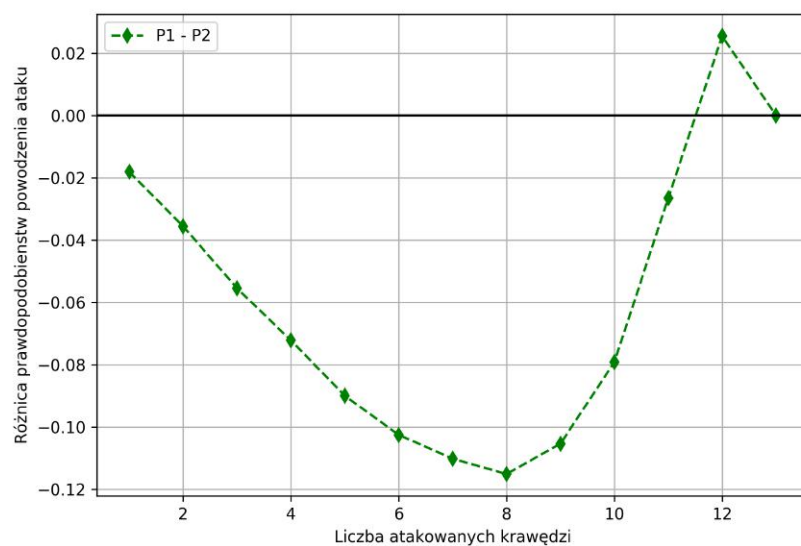
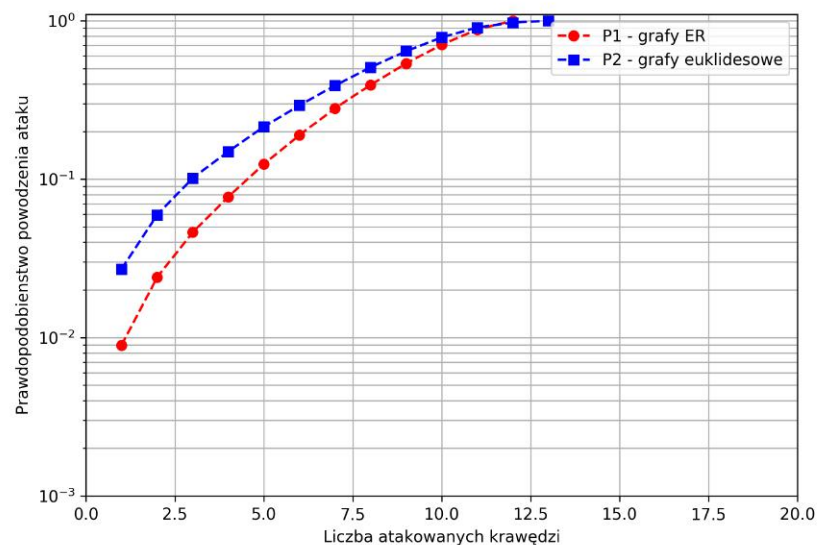
Wyniki eksperymentu

Eksperyment przeprowadzony został zgodnie z ustaleniami opisanymi w poprzednich sprawozdaniach z uwzględnieniem poprawek zawartych w Erracie.

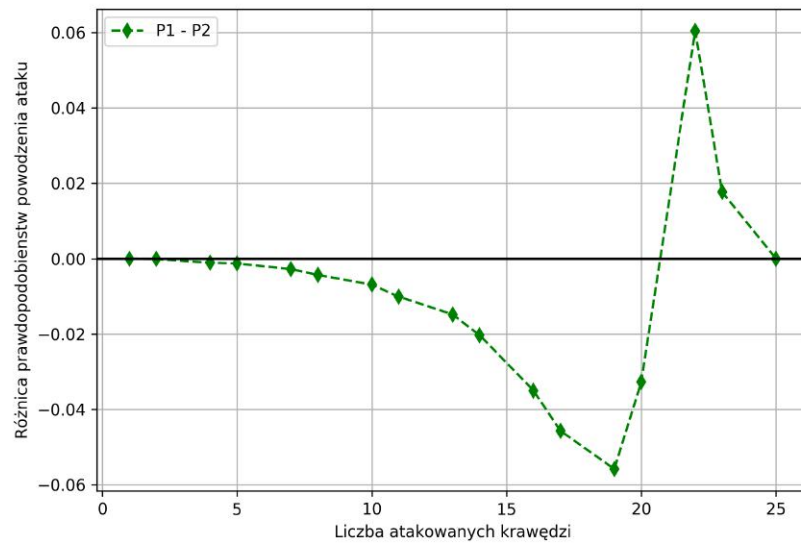
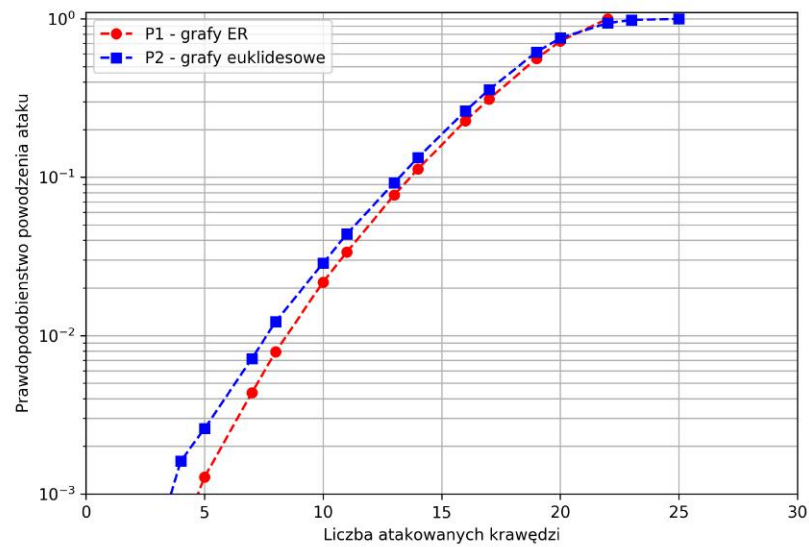
Poniżej przedstawiono wykresy zależności uśrednionego prawdopodobieństwa rozspójnienia grafu o zadanej liczbie wierzchołków i krawędzi od krotności przeprowadzanego ataku.

Grafy o 10 wierzchołkach

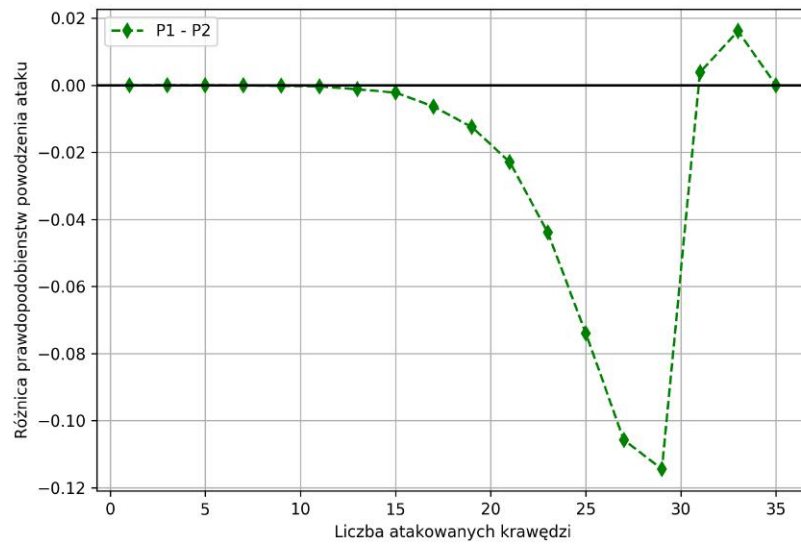
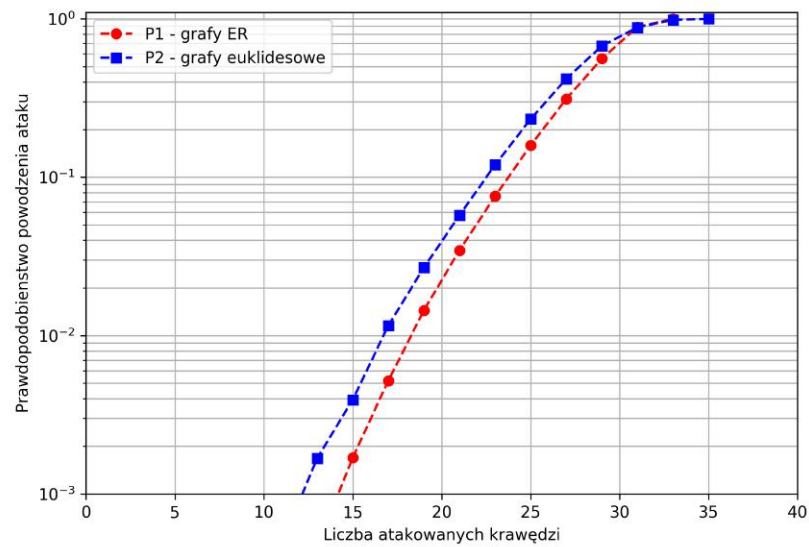
Analiza porównawcza ataków na populację:
 - 100 grafów losowych ER o 10 wierzchołkach i 20 krawędziach
 - 100 grafów euklidesowych o 10 wierzchołkach i 20 krawędziach



Analiza porównawcza ataków na populację:
 - 100 grafów losowych ER o 10 wierzchołkach i 30 krawędziach
 - 100 grafów euklidesowych o 10 wierzchołkach i 30 krawędziach

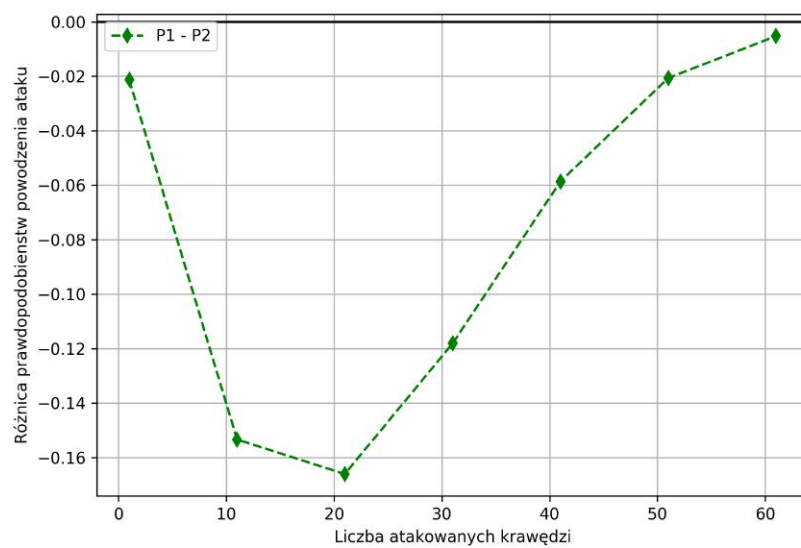
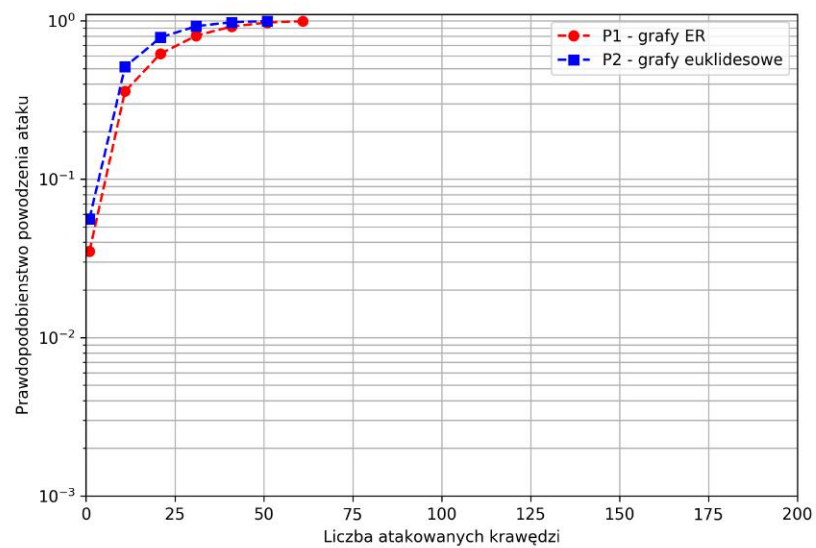


Analiza porównawcza ataków na populację:
 - 100 grafów losowych ER o 10 wierzchołkach i 40 krawędziach
 - 100 grafów euklidesowych o 10 wierzchołkach i 40 krawędziach

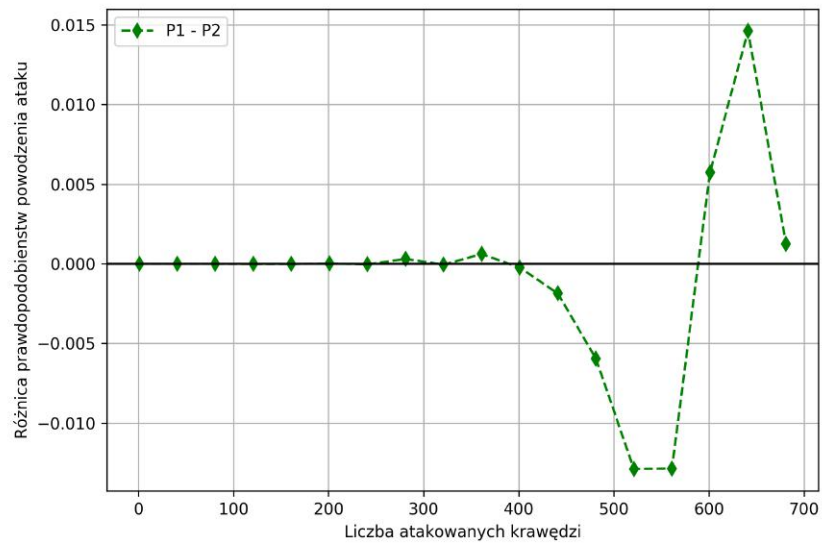
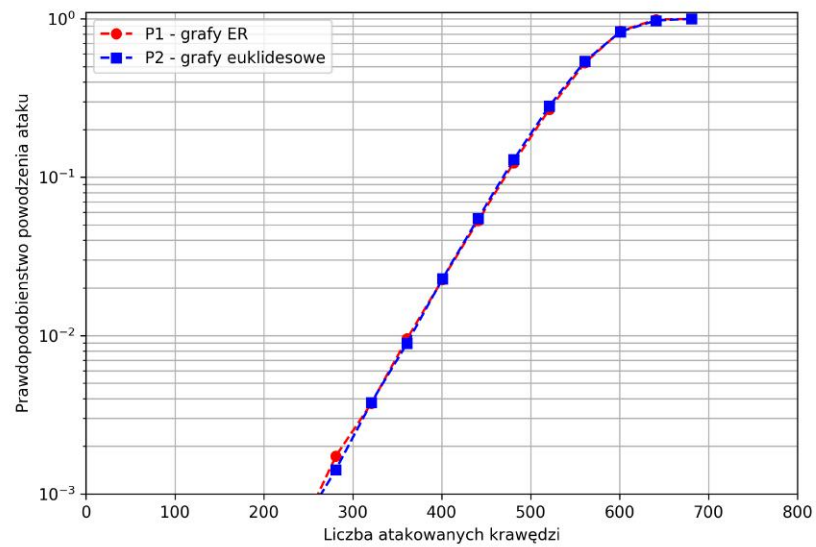


Grafy o 100 wierzchołkach

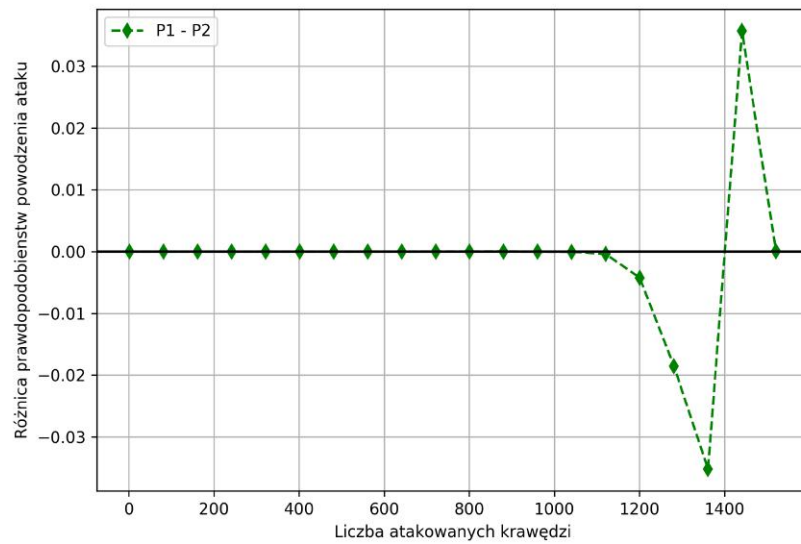
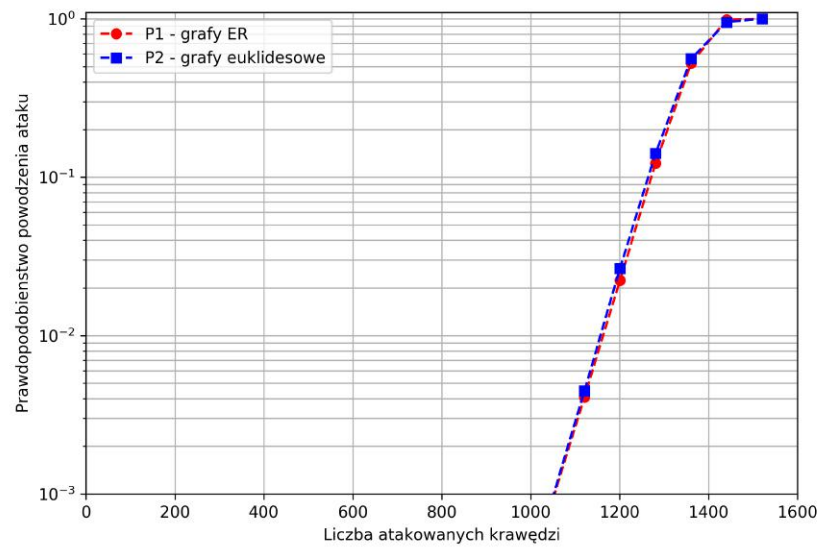
Analiza porównawcza ataków na populację:
- 100 grafów losowych ER o 100 wierzchołkach i 200 krawędziach
- 100 grafów euklidesowych o 100 wierzchołkach i 200 krawędziach



Analiza porównawcza ataków na populację:
 - 100 grafów losowych ER o 100 wierzchołkach i 800 krawędziach
 - 100 grafów euklidesowych o 100 wierzchołkach i 800 krawędziach

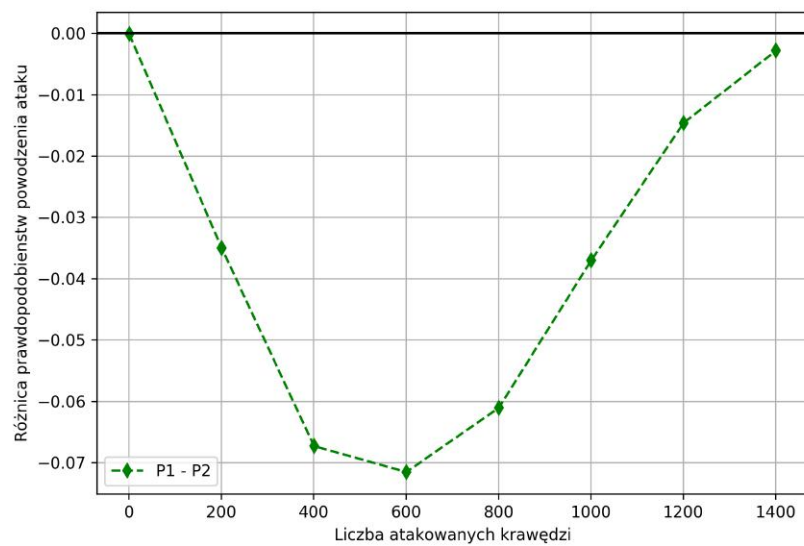
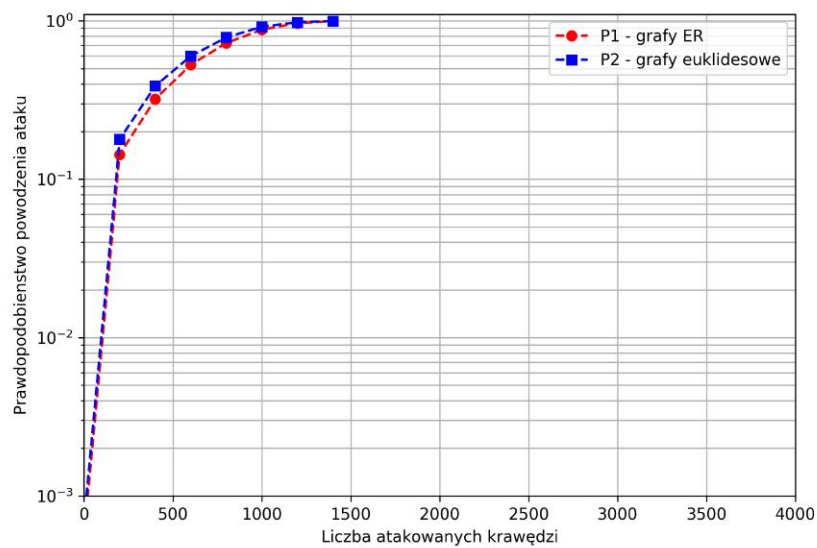


Analiza porównawcza ataków na populację:
 - 100 grafów losowych ER o 100 wierzchołkach i 1600 krawędziach
 - 100 grafów euklidesowych o 100 wierzchołkach i 1600 krawędziach

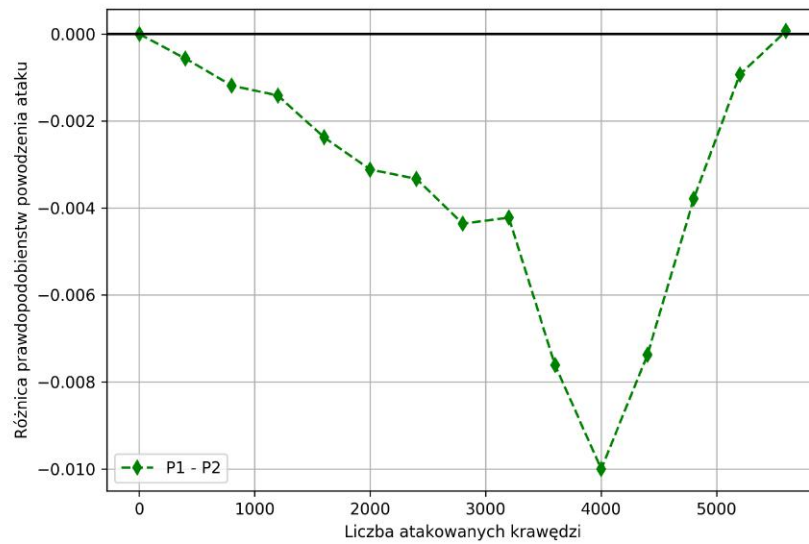
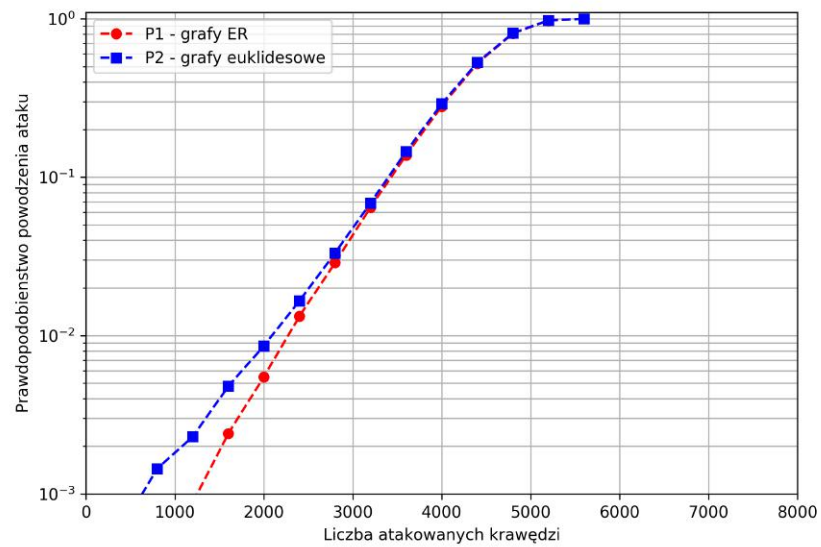


Grafy o 1000 wierzchołkach

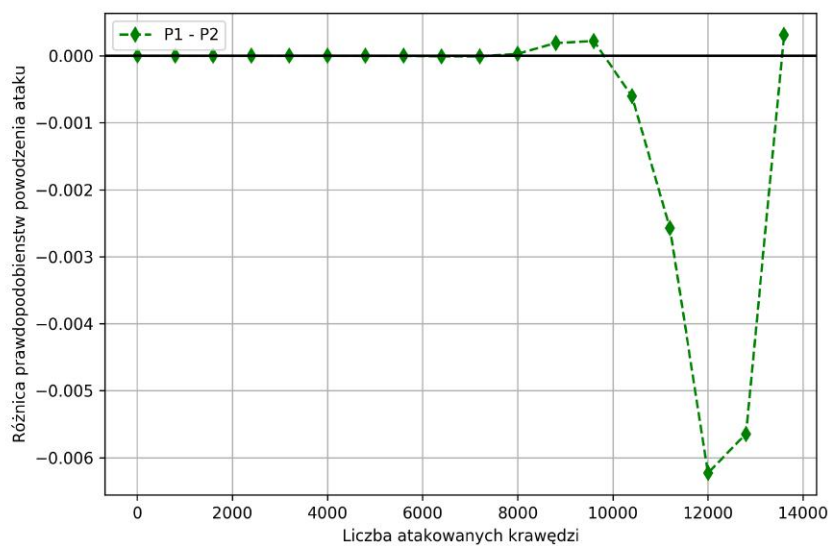
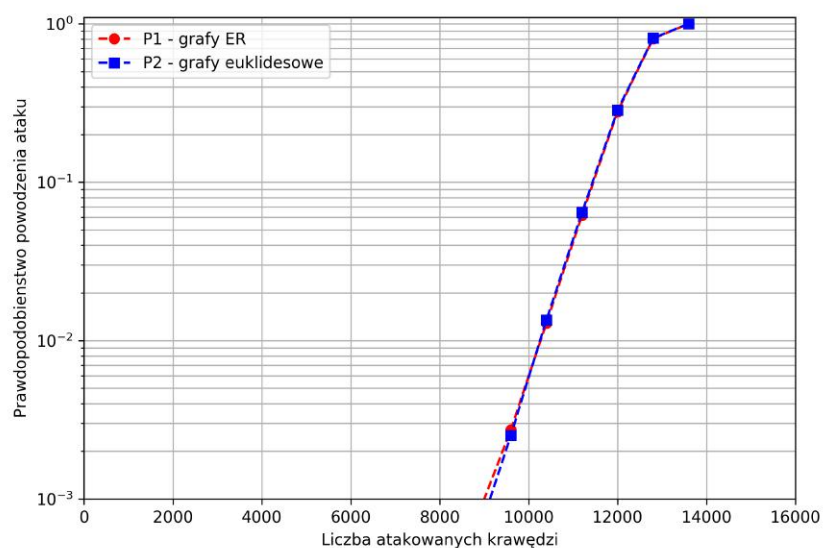
Analiza porównawcza ataków na populację:
- 100 grafów losowych ER o 1000 wierzchołkach i 4000 krawędziach
- 100 grafów euklidesowych o 1000 wierzchołkach i 4000 krawędziach



Analiza porównawcza ataków na populację:
 - 100 grafów losowych ER o 1000 wierzchołkach i 8000 krawędziach
 - 100 grafów euklidesowych o 1000 wierzchołkach i 8000 krawędziach

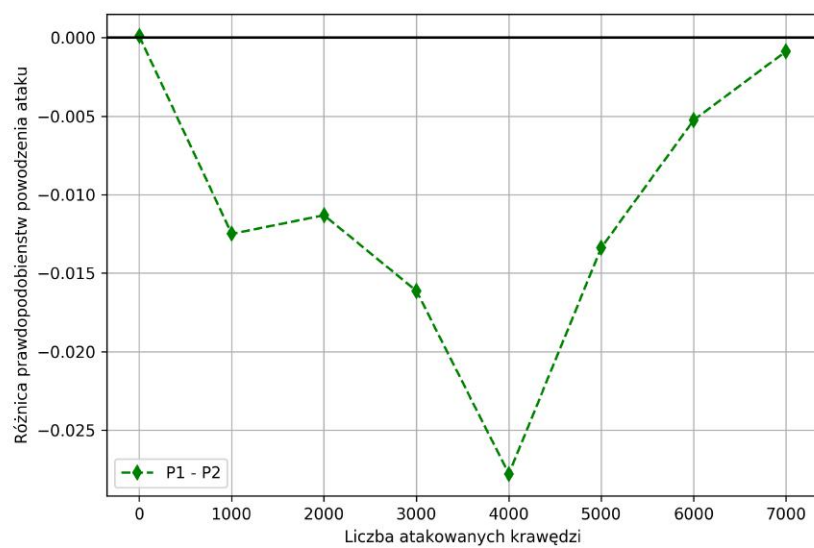
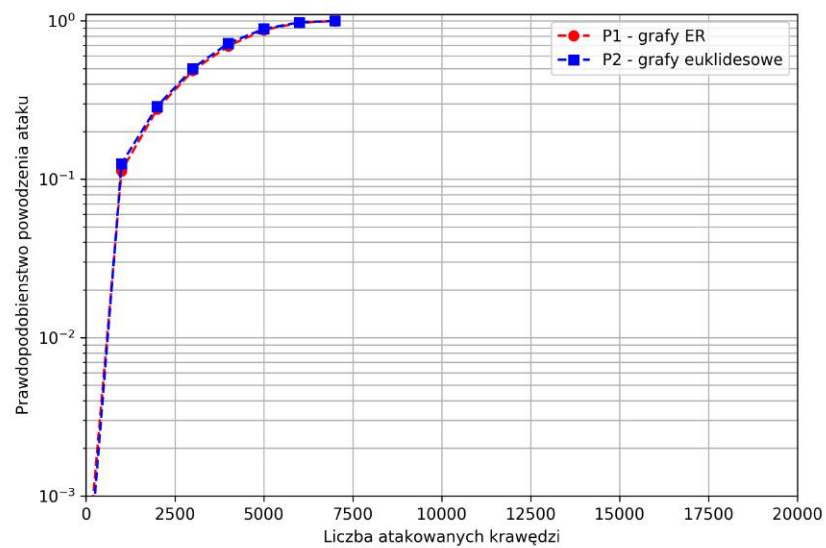


Analiza porównawcza ataków na populację:
 - 100 grafów losowych ER o 1000 wierzchołkach i 16000 krawędziach
 - 100 grafów euklidesowych o 1000 wierzchołkach i 16000 krawędziach

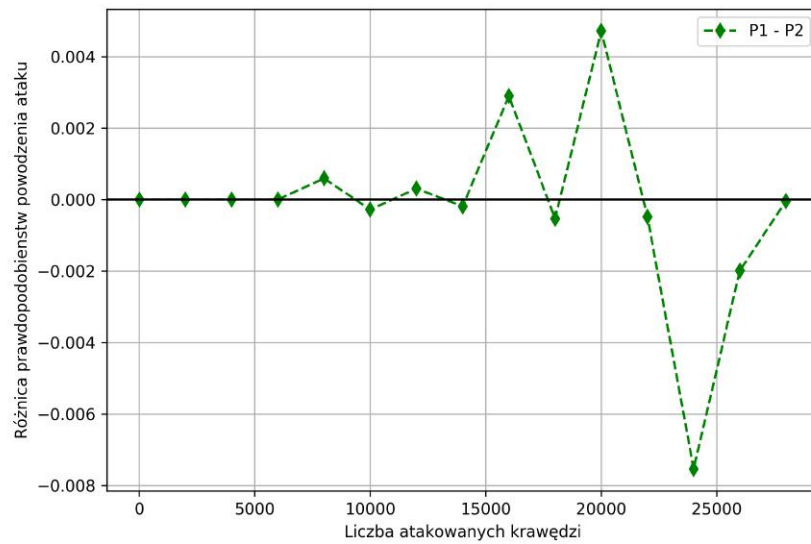
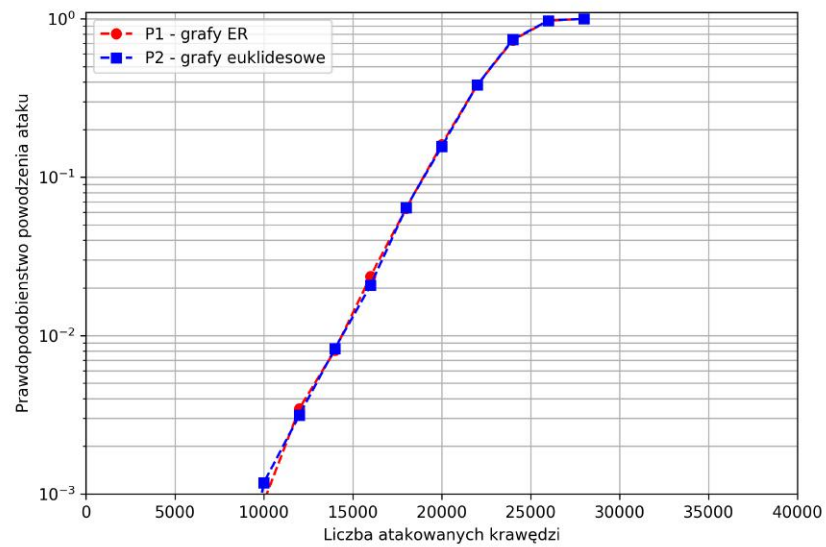


Grafy o 4000 wierzchołkach

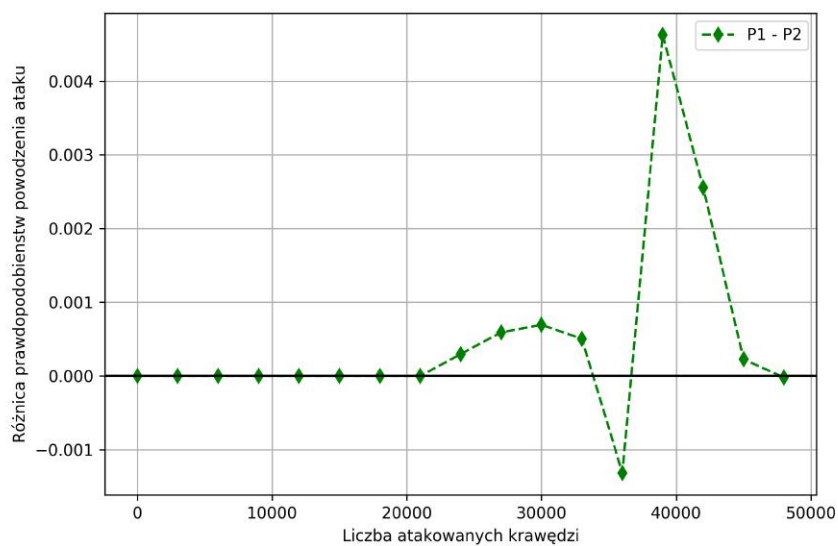
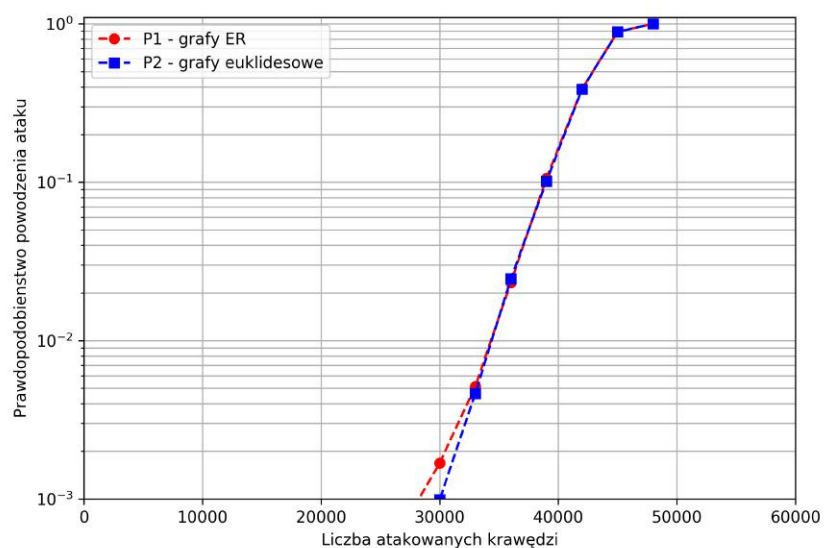
Analiza porównawcza ataków na populację:
 - 100 grafów losowych ER o 4000 wierzchołkach i 20000 krawędziach
 - 100 grafów euklidesowych o 4000 wierzchołkach i 20000 krawędziach



Analiza porównawcza ataków na populację:
 - 100 grafów losowych ER o 4000 wierzchołkach i 40000 krawędziach
 - 100 grafów euklidesowych o 4000 wierzchołkach i 40000 krawędziach



Analiza porównawcza ataków na populację:
 - 100 grafów losowych ER o 4000 wierzchołkach i 60000 krawędziach
 - 100 grafów euklidesowych o 4000 wierzchołkach i 60000 krawędziach



Wnioski i obserwacje

Na podstawie przeprowadzonych badań zostały sformułowane wnioski przedstawione poniżej.

Analiza wyników i porównanie wygenerowanych wykresów (przesunięcie wykresów w lewo dla grafów euklidesowych) pozwala na stwierdzenie, że grafy euklidesowe są bardziej podatne na rozpójnienie przy ataku na losowe krawędzie, od grafów losowych Erdosa-Renyi o porównywalnej liczbie wierzchołków i krawędzi. Ulegają one rozpójnieniu przy niższej krotności ataku.

Obserwacja ta jest zgodna z teorią ujętą w książce “Grafy i sieci” [4] w podrozdziale 17.6. Autor książki wskazuje, że grafy euklidesowe składają się z wielu silnie spójnych składowych połączonych ze sobą niewielką ilością mostów. Są one więc bardziej wrażliwe na ataki gdyż wystarczy zaatakować tylko kilka kluczowych krawędzi w celu rozpójnienia.

Można również zaobserwować, że wraz ze wzrostem rozmiaru grafów różnice między obiema klasami grafów zaczynają się zacierać. I tak dla grafów o 1000 wierzchołków i 16000 krawędzi oraz dla grafów o 4000 różnica między wykresami zaciera się i dla obu typów wartości prawdopodobieństwa przy danej krotności ataku są niemal identyczne.

Ponadto dla obu typów grafów można zaobserwować istnienie pewnej granicznej krotności ataku poniżej, której praktycznie nie jest możliwe zakończenie ataku sukcesem i rozpójnienie grafu. Wartość ta jest wyraźnie zależna od liczby krawędzi grafu i wzrasta wraz z nią. Natomiast kształty wykresów po przekroczeniu tej wartości wykazują lekkie różnice dla grafów losowych i euklidesowych.

Dla grafów euklidesowych maksymalna wartość prawdopodobieństwa 1.0 osiągnięta jest w sposób gwałtowny. Dla grafów euklidesowych zaś wykres zbiega do wartości 1.0 o wiele łagodniej i wartość 1.0 osiągnięta jest dla większej krotności ataku. Objawia się to na wykresach z różnicą prawdopodobieństw powodzenia ataku gdzie można zaobserwować charakterystyczny pik po prawej stronie.

Bibliografia

- [1] <http://igraph.org/c/doc/>
- [2] <http://igraph.org/python/doc/igraph-module.html>
- [3] http://eduinf.waw.pl/inf/alg/001_search/0128a.php
- [4] Grafy i sieci, Jacek Wojciechowski, Krzysztof Pieńkosz, PWN, Warszawa 2013

ZAŁĄCZNIK 1: Oryginalna treść sprawozdania nr 2

Raport nr 2 do projektu w ramach kursu “Grafy i Sieci” (GIS)

Patryk Kocielnik, Jan Kumor, 07.05.2018r. (tekst ujednolicony)

Opiekun projektu

dr inż. Sebastian Kozłowski

Opis zadania

Dane są dwie sieci: euklidesowa i losowa (ER) o mniej więcej takiej samej liczbie wierzchołków i krawędzi. Porównać prawdopodobieństwa powodzenia ataku na losowe krawędzie tych sieci (udany atak to taki, który prowadzi do rozspójnienia sieci).

Planowane wykorzystanie narzędzi w projekcie

- Środowisko rozwiązania: stacja robocza pod kontrolą systemu GNU/Linux,
- Język implementacji rozwiązania: Python,
- Narzędzia do analizy i wizualizacji grafów:
 - *igraph* - biblioteka języka C [1],
 - *python-igraph* interfejs programistyczny biblioteki *igraph* dla języka Python [2],

Składniki rozwiązania

1. Moduł generacji sieci: euklidesowych oraz losowych, o zadanej liczbie wierzchołków:
 - Sposób wywołania: `graph = generate_graph(graph_type, vertices, edges)`,
 - Rezultat wywołania: obiekt typu `Graph` z pakietu *igraph*,
 - Podstawą komponentu będą moduły generowania sieci z pakietu *igraph* - funkcje `Erdos_Renyi` (dla grafów losowych) oraz `GRG` (dla grafów euklidesowych) należące do klasy `Graph`.
2. Filtr usuwający z grafu wybraną krawędź:
 - Sposób wywołania: `new_graph = break(graph, edge)`.

- Rezultat wywołania: `new_graph` jako graf pozbawiony wybranej krawędzi.
3. Analizator spójności sieci:
 - Sposób wywołania: `c = is_connected(graph)`
 - Rezultat wywołania: `c (bool)` flaga przyjmująca wartość `True` jeśli graf jest spójny, przeciwnie `False`.
 4. Moduł analizy ataku na zadany graf:
 - Sposób wywołania: `p = analyse_attack(graph)`,
 - Rezultat wywołania: `p (float)` jako prawdopodobieństwo powodzenia ataku na losowo wybraną krawędź zadanego grafu wejściowego,
 - Moduł przeprowadza próby ataku na każdą z krawędzi grafu i na podstawie ich wyników oblicza prawdopodobieństwo powodzenia.

Interfejs aplikacji

Interfejsem aplikacji będzie konsola tekstowa. Motywacją tego podejścia jest łatwość łączenia aplikacji z interfejsem tekstowym w filtry, które później wykorzystać można do analizy bardziej złożonych struktur.

Przebieg eksperymentu

Zdefiniowane zostaną następujące zestawy parametrów: - Typ grafu - euklidesowy lub losowy ER, - Liczba generowanych grafów k - proponowana wartość w granicach od 100 do 1000, - Liczba wierzchołków grafu n - przyjmująca jedną z wartości: 10, 100, 1000, 4000, - Liczba krawędzi grafu m - przyjmująca logiczne wartości w zależności od n .

Następnie przeprowadzona zostanie analiza zgodnie z następującym algorytmem:

1. Z uprzednio zdefiniowanej listy zostanie przyjęty zestaw parametrów testu,
2. Wygenerowany zostanie zestaw k grafów testowych o przyjętych wcześniej parametrach,
3. Dla każdego z grafów:
 1. Dla każdej z krawędzi badanego grafu:
 1. Krawędź ta zostanie usunięta z grafu (zostanie przeprowadzony atak na tę krawędź),
 2. Sprawdzona zostanie spójność grafu po przeprowadzeniu ataku,
 3. Jeśli graf nie jest spójny atak zakończył się powodzeniem,
 2. Obliczone zostanie prawdopodobieństwo powodzenia ataku na losowo wybraną krawędź z badanego grafu, zgodnie ze wzorem: $p_i = \frac{n_{sukces}}{m}$
4. Zgodnie ze wzorem: $p_{sr} = \frac{\sum_{i=0}^k p_i}{k}$, zostanie obliczone średnie prawdopodobieństwo powodzenia ataku dla zestawu k grafów testowych o przyjętych parametrach.

5. Jeśli pozostały nieprzetestowane zestawy parametrów, nastąpi powrót do punktu 1.

Generowanie grafów

Grafy losowe ER (model Erdős–Rényi) zostaną wygenerowane z użyciem funkcji `Erdos_Renyi` klasy `Graph` pakietu *igraph*. Metoda ta przyjmuje jako parametry: - liczbę wierzchołków grafu n - prawdopodobieństwo wystąpienia danej krawędzi p lub zadaną liczbę krawędzi m .

Zgodnie z dokumentacją pakietu *igraph* algorytm wykorzystywany w metodzie `Erdos_Renyi` ma złożoność obliczeniową równą $O(|V| + |E|)$ [1].

Grafy euklidesowe zostaną wygenerowane z wykorzystaniem funkcji `GRG` klasy `Graph` z pakietu *igraph*. Metoda ta przyjmuje jako parametry: - liczbę wierzchołków grafu n - promień r .

Algorytm generacji grafu euklidesowego o n wierzchołkach:

1. Rozmieść n wierzchołków w kwadracie jednostkowym,
2. Połącz krawędziami te wierzchołki, które znajdują się od siebie w odległości mniejszej niż zadany promień r .

Zgodnie z dokumentacją pakietu *igraph* implementacja algorytmu zastosowana w metodzie `GRG` ma złożoność obliczeniową nie większą niż $O(|V|^2 + |E|)$ [1].

W celu uzyskania grafu o zadanej przybliżonej liczbie krawędzi m zostanie wykorzystane następujące podejście iteracyjne:

1. Dla pewnego promienia r wygeneruj graf euklidesowy o n wierzchołkach z użyciem funkcji `GRG`,
2. Jeśli liczba krawędzi wygenerowanego grafu jest:
 - znacząco mniejsza od zadanej liczby krawędzi, zwiększ promień r ,
 - znacząco większa od zadanej liczby krawędzi, zmniejsz promień r ,
 - w przybliżeniu równa zadanej liczbie krawędzi, zwróć wygenerowany graf i zakończ algorytm,
3. Wróć do punktu 1.

Liczba krawędzi jest w przybliżeniu równa zadanej liczbie krawędzi gdy: $\frac{|m_{zad} - m|}{m_{zad}} < \varepsilon$. Gdzie ε jest parametrem kontrolującym dokładność przybliżenia.

Weryfikacja spójności grafu

Do weryfikacji spójności grafów zostanie wykorzystana metoda `is_connected` klasy `GraphBase` z pakietu *igraph*. Opiera się ona na algorytmie przeszukiwania grafu wgłąb (ang. *depth-first search*, DFS).

Pseudokod algorytmu DFS [3], przedstawiony został poniżej :

1. Utwórz tablicę `visited` o `n` elementach,
2. Tablicę `visited` wypełnij wartościami `false`,
3. Utwórz pusty stos `S`,
4. Inicjuj licznik odwiedzonych wierzchołków,
5. Rozpocznij przejście DFS od wierzchołka 0,
6. Wierzchołek oznacz jako odwiedzony,
7. Przechodź przez graf dopóki stos `S` nie jest pusty, wykonując następujące kroki:
 - Pobierz wierzchołek ze stosu,
 - Pobrany wierzchołek usuń ze stosu,
 - Zwiększ licznik odwiedzonych wierzchołków,
 - Przejrzyj kolejnych sąsiadów,
 - Szukaj do sąsiadów jeszcze nie odwiedzonych,
 - Odznacz sąsiada jeśli jeszcze nie odwiedzony,
 - Umieść sąsiada na stosie. Jeśli wszystkie wierzchołki zostały odwiedzone, graf jest spójny. W przeciwnym wypadku, graf jest niespójny.

Złożoność czasowa algorytmu wynosi $O(|E| + |V|)$.

Model danych

Projektowane narzędzie wykorzystywać będzie implementacje grafów nieskierowanych z biblioteki *igraph*.

Graf we wspomnianej implementacji jest reprezentowany jako wielozbiór krawędzi oraz metadane. Najważniejszymi polami zawartymi w metadanych są:

- liczba wierzchołków grafu,
- określenie czy graf jest skierowany czy nie.

Każda z krawędzi grafu nieskierowanego jest modelowana jako nieuporządkowana para (dwuelementowy zbiór) etykiet oznaczających wierzchołki grafu. Krawędzie są etykietowane, a etykiety przyjmują wartości od 0 do $|E| - 1$. Etykiety wierzchołków przyjmują wartości od 0 do $|V| - 1$.

Przykładową, uproszczoną (pominięto etykiety krawędzi) strukturę grafu nieskierowanego przedstawiono poniżej:

```
( wierzchołki: 6,
  skierowany: nie,
  krawędzie:
  {
    {0,2},
    {2},
    {2,3},
    {3},
    {3,4},
```

```

        {3,4},
        {4,1}
    }
)

```

Należy nadmienić, iż implementacja ta dopuszcza istnienie w grafie pętli. Jednak w projektowanym narzędziu grafy takie nie będą rozpatrywane.

Testy poprawności rozwiązania

Poprawność zaproponowanego rozwiązania zostanie sprawdzona na podstawie przeprowadzenia testów dla prostych grafów, o niewielkiej liczbie wierzchołków i krawędzi. Dla niewielkich grafów łatwo można dokonać dokładnej analizy i obliczyć dla nich prawdopodobieństwa powodzenia ataku na losowo wybraną krawędź. Proponowane grafy testowe to:

- 2 wierzchołki, 1 krawędź - oczekiwane prawdopodobieństwo powodzenia ataku 1.0,
- 3 wierzchołki, 2 krawędzie - oczekiwane prawdopodobieństwo powodzenia ataku 1.0,
- 3 wierzchołki, 3 krawędzie - oczekiwane prawdopodobieństwo powodzenia ataku 0.0,
- 4 wierzchołki, 3 krawędzie - oczekiwane prawdopodobieństwo powodzenia ataku 0.8,
- 4 wierzchołki, 4 krawędzie - oczekiwane prawdopodobieństwo powodzenia ataku 0.2,
- 4 wierzchołki, 5 krawędzi - oczekiwane prawdopodobieństwo powodzenia ataku 0.0.

Pozytywna weryfikacja rozwiązania na tych grafach pozwoli mieć nadzieję na jego poprawne działanie dla grafów o większej liczbie wierzchołków, sięgającej 4000. Wyniki te zostaną poddane również krytycznej analizie, czy są one zgodne z przewidywaniami. Częścią weryfikacji będzie również, wykonanie pełnego zestawu eksperymentów co najmniej dwukrotnie w celu potwierdzenia powtarzalności uzyskanych wyników.

Dodatkowe założenia programu

Jako dodatkowe założenie planowane jest wykorzystanie mechanizmów zrównoleglania obliczeń w celu zmniejszenia czasu wykonywania eksperymentów. Specyfika problemu pozwala na dogodne wydzielenie niezależnych fragmentów programu - badanie każdego z k testowych grafów może być przeprowadzane niezależnie. Jedyną częścią synchroniczną jest agregacja wyników w postaci średniego prawdopodobieństwa powodzenia ataku na losową krawędź grafu o zadanych parametrach.

Bibliografia

- [1] <http://igraph.org/c/doc/>
 - [2] <http://igraph.org/python/doc/igraph-module.html>
 - [3] http://eduinf.waw.pl/inf/alg/001_search/0128a.php
-

Errata do sprawozdania nr 1

Oryginalny tekst sprawozdania nr 1 zawiera ZAŁĄCZNIK 1.

I.

W sekcji *Planowane wykorzystanie narzędzi w projekcie* zmianie uległo brzmienie podpunkt trzeciego.

Było:

- Narzędzie do wizualizacji wyników i referencyjnej weryfikacji rozwiązań: Graph-Tool - biblioteka dla języka Python

Jest:

- Narzędzia do analizy i wizualizacji grafów:
- *igraph* - biblioteka języka C [1],
- *python-igraph* interfejs programistyczny biblioteki *igraph* dla języka Python [2],

II.

W sekcji *Składniki rozwiązania* w punkcie 1. zaszły następujące zmiany:

Było:

1. Moduł generacji sieci: euklidesowych oraz losowych, o zadanej liczbie wierzchołków:
 - Sposób wywołania: `graph = generate_graph(graph_type, vertex_probability)`,
 - Rezultat wywołania: `graph` jako dwuwymiarowa macierz sąsiedztwa (`int * int`) opisująca wygenerowany graf,

- Podstawą komponentu będzie moduł generacji sieci z pakietu Graph-Tools [1].

Jest:

1. Moduł generacji sieci: euklidesowych oraz losowych, o zadanej liczbie wierzchołków:
 - Sposób wywołania: `graph = generate_graph(graph_type, vertices, edges)`,
 - Rezultat wywołania: obiekt typu `Graph` z pakietu `igraph`,
 - Podstawą komponentu będą moduły generowania sieci z pakietu `igraph` - funkcje `Erdos_Renyi` (dla grafów losowych) oraz `GRG` (dla grafów euklidesowych) należące do klasy `Graph`.

W punkcie 3. zachodzą następujące zmiany:

Było:

3. Analizator spójności sieci:
 - Sposób wywołania: `consistency_degree(graph)`,
 - Rezultat wywołania: `n (int)` jako liczba oznaczająca stan spójności grafu wejściowego: 0 - niespójny, 1 - spójny.

Jest:

3. Analizator spójności sieci:
 - Sposób wywołania: `c = is_connected(graph)`
 - Rezultat wywołania: `c (bool)` flaga przyjmująca wartość `True` jeśli graf jest spójny, przeciwnie `False`.

Dodano punkt 4. opisujący moduł analizujący atak na zadany graf.

Jest:

4. Moduł analizy ataku na zadany graf:
 - Sposób wywołania: `p = analyse_attack(graph)`,
 - Rezultat wywołania: `p (float)` jako prawdopodobieństwo powodzenia ataku na losowo wybraną krawędź zadanego grafu wejściowego,

- Moduł przeprowadza próby ataku na każdą z krawędzi grafu i na podstawie ich wyników oblicza prawdopodobieństwo powodzenia.

III.

Treść sekcji *Przebieg eksperymentu* została skonsolidowana z sekcją *Schemat testów*. Istotną zmianą jest ograniczenie maksymalnej liczby wierzchołków badanych grafów do 4000. Zmiana ta wynika z przeprowadzenia wstępnych badań, i pozwala na zachowanie bardziej praktycznego czasu obliczeń.

Było:

Liczbę iteracji k ustal na wartość z przedziału od 1 do 25. Liczbę wierzchołków v ustal na należącą do zbioru V_{num} : 10, 100, 1000, 10000, 100000, Liczbę krawędzi ustal na należącą do zbioru E_{num} : 10, 100, 1000, 10000, 100000.

1. Powtórz dla k przypadków:
2. Wygeneruj graf o zadanym typie, liczbie wierzchołków v i liczbie krawędzi e ,
3. Usuń z grafu losowo wybraną krawędź,
4. Sprawdź, czy nastąpiło rozspójnienie grafu.
5. Oblicz iloczyn: *rozspójnień/ataków*

Jest:

Zdefiniowane zostaną następujące zestawy parametrów: - Typ grafu - euklidesowy lub losowy ER, - Liczba generowanych grafów k - proponowana wartość w granicach od 100 do 1000, - Liczba wierzchołków grafu n - przyjmująca jedną z wartości: 10, 100, 1000, 4000, - Liczba krawędzi grafu m - przyjmująca logiczne wartości w zależności od n .

Następnie przeprowadzona zostanie analiza zgodnie z następującym algorytmem:

1. Z uprzednio zdefiniowanej listy zostanie przyjęty zestaw parametrów testu,
2. Wygenerowany zostanie zestaw k grafów testowych o przyjętych wcześniej parametrach,
3. Dla każdego z grafów:
4. Dla każdej z krawędzi badanego grafu:

1. Krawędź ta zostanie usunięta z grafu (zostanie przeprowadzony atak na tę krawędź),
2. Sprawdzona zostanie spójność grafu po przeprowadzeniu ataku,
3. Jeśli graf nie jest spójny atak zakończył się powodzeniem,
5. Obliczone zostanie prawdopodobieństwo powodzenia ataku na losowo wybraną krawędź z badanego grafu, zgodnie ze wzorem: $p_i = \frac{n_{sukses}}{m}$
6. Zgodnie ze wzorem: $p_{sr} = \frac{\sum_{i=0}^k p_i}{k}$, zostanie obliczone średnie prawdopodobieństwo powodzenia ataku dla zestawu k grafów testowych o przyjętych parametrach.
7. Jeśli pozostały nieprzetestowane zestawy parametrów, nastąpi powrót do punktu 1.

IV.

Sekcja *Generowanie grafów losowych* została przemianowana na *Generowanie grafów* oraz zmieniono jej treść.

Było:

Generowanie grafów losowych

Generowanie grafu losowego będzie podzielone na dwa etapy.

Pierwszym etapem będzie przyjęcie zadanej liczby wierzchołków oraz zadanej gęstości grafu i obliczenie z nich docelowej liczby krawędzi q_{target} dla grafu wyjściowego. Drugi etap polegał będzie na wygenerowaniu grafu o n wierzchołkach połączonych losowo q_{target} krawędziami.

Algorytm ten przyjmuje dwa argumenty: liczbę wierzchołków n oraz współczynnik prawdopodobieństwa wystąpienia krawędzi n .

Grafy euklidesowe generowane będą poprzez weryfikację, czy dany losowo wygenerowany graf posiada własności grafu euklidesowego. Wygenerowane grafy nie spełniające tego warunku będą odrzucane.

Złożoność obliczeniowa algorytmu:

$$(n * (n - 1)) / 2$$

Oczekiwana liczba krawędzi:

$$(n * (n - 1) * p) / 2$$

Spodziewany średni stopień wierzchołka:

$$(n - 1) * p$$

Jest:

Generowanie grafów

Grafy losowe ER (model Erdős–Rényi) zostaną wygenerowane z użyciem funkcji `Erdos_Renyi` klasy `Graph` pakietu *igraph*. Metoda ta przyjmuje jako parametry: - liczbę wierzchołków grafu n - prawdopodobieństwo wystąpienia danej krawędzi p lub zadaną liczbę krawędzi m .

Zgodnie z dokumentacją pakietu *igraph* algorytm wykorzystywany w metodzie `Erdos_Renyi` ma złożoność obliczeniową równą $O(|V| + |E|)$ [1].

Grafy euklidesowe zostaną wygenerowane z wykorzystaniem funkcji `GRG` klasy `Graph` z pakietu *igraph*. Metoda ta przyjmuje jako parametry: - liczbę wierzchołków grafu n - promień r .

Algorytm generacji grafu euklidesowego o n wierzchołkach:

1. Rozmieść n wierzchołków w kwadracie jednostkowym,
2. Połącz krawędziami te wierzchołki, które znajdują się od siebie w odległości mniejszej niż zadany promień r .

Zgodnie z dokumentacją pakietu *igraph* implementacja algorytmu zastosowana w metodzie `GRG` ma złożoność obliczeniową nie większą niż $O(|V|^2 + |E|)$ [1].

W celu uzyskania grafu o zadanej przybliżonej liczbie krawędzi m zostanie wykorzystane następujące podejście iteracyjne:

1. Dla pewnego promienia r wygeneruj graf euklidesowy o n wierzchołkach z użyciem funkcji `GRG`,
2. Jeśli liczba krawędzi wygenerowanego grafu jest:
 - znacząco mniejsza od zadanej liczby krawędzi, zwiększ promień r ,

- znacząco większa od zadanej liczby krawędzi, zmniejsz promień r ,
- w przybliżeniu równa zadanej liczbie krawędzi, zwróć wygenerowany graf i zakończ algorytm,

3. Wróć do punktu 1.

Liczba krawędzi jest w przybliżeniu równa zadanej liczbie krawędzi gdy: $\frac{|m_{zad} - m|}{m_{zad}} < \varepsilon$. Gdzie ε jest parametrem kontrolującym dokładność przybliżenia.

V.

W sekcji *Weryfikacja spójności grafu* dodano wstęp na temat wykorzystania pakietu *igraph*.

Było:

Pseudokod algorytmu DFS [2], który zostanie wykorzystany do badania spójności grafów, przedstawiony został poniżej :

Jest:

Do weryfikacji spójności grafów zostanie wykorzystana metoda `is_connected` klasy `GraphBase` z pakietu *igraph*. Opiera się ona na algorytmie przeszukiwania grafu wgłąb (ang. *depth-first search*, DFS).

Pseudokod algorytmu DFS [3], przedstawiony został poniżej :

VI.

Sekcja *Schemat testów* została usunięta.

Było:

Schemat testów

Testy zostaną przeprowadzone w następujący sposób:

1. Wygenerowany zostanie zestaw grafów testowych o podanych wcześniej parametrach,
2. Z każdego z grafów zostanie usunięta losowo wybrana krawędź,
3. Spójność grafu zostanie sprawdzona i zapisana,
4. Obliczone zostanie prawdopodobieństwo rozspójnienia grafu P jako iloraz: *rozspójnień/ataków*

ZAŁĄCZNIK 2: Oryginalna treść sprawozdania nr 1

Raport wstępny do projektu w ramach kursu “Grafy i Sieci” (GIS)

Patryk Kocielnik, Jan Kumor, 5.04.2018r.

Opiekun projektu

dr inż. Sebastian Kozłowski

Opis zadania

Dane są dwie sieci: euklidesowa i losowa (ER) o mniej więcej takiej samej liczbie wierzchołków i krawędzi. Porównać prawdopodobieństwa powodzenia ataku na losowe krawędzie tych sieci (udany atak to taki, który prowadzi do rozspójnienia sieci).

Planowane wykorzystanie narzędzi w projekcie

- Środowisko rozwiązania: stacja robocza pod kontrolą systemu GNU/Linux,
- Język implementacji rozwiązania: Python,
- Narzędzie do wizualizacji wyników i referencyjnej weryfikacji rozwiązań: Graph-Tool - biblioteka dla języka Python,

Składniki rozwiązania

1. Moduł generacji sieci: euklidesowych oraz losowych, o zadanej liczbie wierzchołków.
 - Sposób wywołania: `graph = generate_graph(graph_type, vertex_probability)`,
 - Rezultat wywołania: `graph` jako dwuwymiarowa macierz sąsiedztwa (`int * int`) opisująca wygenerowany graf,
 - Podstawą komponentu będzie moduł generacji sieci z pakietu Graph-Tools [1].
2. Filtr usuwający z grafu losowo wybraną krawędź
 - sposób wywołania: `new_graph = break(graph)`.
 - rezultat wywołania: `new_graph` jako graf pozbawiony losowo wybranej krawędzi.
3. Analizator spójności sieci

- Sposób wywołania: `consistency_degree(graph)`,
- Rezultat wywołania: n (`int`) jako liczba oznaczająca stan spójności grafu wejściowego: 0 - niespójny, 1 - spójny,

Interfejs aplikacji

Interfejsem aplikacji będzie konsola tekstowa. Motywacją tego podejścia jest łatwość łączenia aplikacji z interfejsem tekstowym w filtry, które później wykozystać można do analizy bardziej złożonych struktur.

Przebieg eksperymentu

Liczbę iteracji k ustal na wartość z przedziału od 1 do 25. Liczbę wierzchołków v ustal na należącą do zbioru V_{num} : 10, 100, 1000, 10000, 100000, Liczbę krawędzi ustal na należącą do zbioru E_{num} : 10, 100, 1000, 10000, 100000.

1. Powtórz dla k przypadków:
2. Wygeneruj graf o zadanym typie, liczbie wierzchołków v i liczbie krawędzi e ,
3. Usuń z grafu losowo wybraną krawędź,
4. Sprawdź, czy nastąpiło rozspójnienie grafu.
5. Oblicz iloczyn: *rozspójnień/ataków*

Generowanie grafów losowych

Generowanie grafu losowego będzie podzielone na dwa etapy.

Pierwszym etapem będzie przyjęcie zadanej liczby wierzchołków oraz zadanej gęstości grafu i obliczenie z nich docelowej liczby krawędzi q_{target} dla grafu wyjściowego. Drugi etap polegał będzie na wygenerowaniu grafu o n wierzchołkach połączonych losowo q_{target} krawędziami.

Algorytm ten przyjmuje dwa argumenty: liczbę wierzchołków n oraz współczynnik prawdopodobieństwa wystąpienia krawędzi n .

Grafy euklidesowe generowane będą poprzez weryfikację, czy dany losowo wygenerowany graf posiada własności grafu euklidesowego. Wygenerowane grafy nie spełniające tego warunku będą odrzucane.

Złożoność obliczeniowa algorytmu:

$$(n * (n - 1)) / 2$$

Oczekiwana liczba krawędzi:

$$(n * (n - 1) * p) / 2$$

Spodziewany średni stopień wierzchołka:

$$(n - 1) * p$$

Weryfikacja spójności grafu

Pseudokod algorytmu DFS [2], który zostanie wykorzystany do badania spójności grafów, przedstawiony został poniżej :

1. Utwórz tablicę **visited** o **n** elementach,
2. Tablicę **visited** wypełnij wartościami **false**,
3. Utwórz pusty stos **S**,
4. Inicjuj licznik odwiedzonych wierzchołków,
5. Rozpocznij przejście DFS od wierzchołka 0,
6. Wierzchołek oznacz jako odwiedzony,
7. Przechodź przez graf dopóki stos **S** nie jest pusty, wykonując następujące kroki:
 - Pobierz wierzchołek ze stosu,
 - Pobrany wierzchołek usuń ze stosu,
 - Zwiększ licznik odwiedzonych wierzchołków,
 - Przejrzyj kolejnych sąsiadów,
 - Szukaj do sąsiadów jeszcze nie odwiedzonych,
 - Odznacz sąsiada jeśli jeszcze nie odwiedzony,
 - Umieść sąsiada na stosie. Jeśli wszystkie wierzchołki zostały odwiedzone, graf jest spójny. W przeciwnym wypadku, graf jest niespójny.

Złożoność czasowa algorytmu wynosi $O(E + V)$

Schemat testów

Testy zostaną przeprowadzone w następujący sposób:

1. Wygenerowany zostanie zestaw grafów testowych o podanych wcześniej parametrach,
2. Z każdego z grafów zostanie usunięta losowo wybrana krawędź,
3. Spójność grafu zostanie sprawdzona i zapisana,
4. Obliczone zostanie prawdopodobieństwo rozspójnienia grafu P jako iloraz:
rozspójnień/ataków

ZAŁĄCZNIK 3: Kod źródłowy modułu attack.py

```
import random
import math
from collections import namedtuple

import igraph
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

class GISError(ValueError):
    pass

def generate_euclidean_graph(n, m):
    """Generates euclidean graph of given number of vertices and number of
    edges approximate to given one.

    Uses formula for expected value of number of edges for euclidean graph:


$$E_m = \pi \cdot \text{ksi}^2 \cdot n(n-1)/2$$


    Where:
        Em - expected value for number of edges
        ksi - euclidean graph radius
        n - number of vertices

    :param n: Expected value for number of vertices.
    :param m: Expected value for number of edges.

    :return: Generated euclidean graph.
    """
    radius = (2 * m / (math.pi * n * (n - 1))) ** 0.5
    g = igraph.Graph.GRG(n, radius, torus=True)
    return g.clusters().giant()

def generate_random_graph(n, m):
    """Generates random (ER) graph of given number of vertices and edges.

    :param n: Number of vertices.
    :param m: Number of edges.

    :return: Generated random (ER) graph.
```

```

"""
ksi = 2*m / (n*(n-1))
if ksi < 1/n:
    raise GISError(f"Can't generate connected random ER graph ksi={ksi} "
                  f"is lower than 1/n={1/n}.")
g = igraph.Graph.Erdos_Renyi(n, m=m, directed=False)
return g.clusters().giant()

def graph_factory(graph_type, n, m, epsilon):
    """ Creates graph based on given attributes.

    :param graph_type: Type of graphs in population: "random" or "euclidean".
    :param n: Expected value for generated graph number of vertices.
    :param m: Expected value for number of edges of graph.
    :param epsilon: Tells how close to expected values the number of vertices
        and edges should be.
    :return: Generated graph.
    """
    max_tries = 100
    factory_methods = {
        "random": generate_random_graph,
        "euclidean": generate_euclidean_graph
    }
    if epsilon is None:
        return factory_methods[graph_type](n, m)
    for _ in range(max_tries):
        g = factory_methods[graph_type](n, m)
        deviations = (n - g.vcount()) / n, (m - g.ecount()) / m
        if max(map(abs, deviations)) < epsilon:
            break
    else:
        raise GISError(
            f"Failed after {max_tries} tries when generating "
            f"graph:\n"
            f"- type: {graph_type}\n"
            f"- vertices: {n}\n"
            f"- edges: {m}\n"
            f"Interrupting processing, please reconsider if it is possible to "
            f"create such connected graph within given epsilon boundaries "
            f"({epsilon}).")
    return g

def generate_graph_population(population_size, graph_type, n, m,
                             epsilon=0.1):

```

```

""" Creates population of graphs with given attributes.

:param population_size: Size of population to be generated.
:param graph_type: Type of graphs in population: "random" or "euclidean".
:param n: Size of generated graphs in population.
:param m: Expected value for number of edges of graphs in
    population.
:param epsilon: Tells how close to expected value the number of vertices
    and edges should be.
:return: Generated population of graphs as a list.
"""
try:
    return [graph_factory(graph_type, n, m, epsilon)
            for _ in range(population_size)]
except GISError as e:
    #raise GISError(f"Problem when generating graph population: {e}")
    print(f"Problem when generating graph population: {e}")
    return []

def get_random_edge(g):
    """Gets random edge of a given graph.

    :param g: Given graph.

    :return: Random choosen edge of a graph.
    """
    return random.choice(g.es())

def attack_random(g):
    """Perform attack on given graph by removing one of the edges.

    :param g: Graph which will be attacked.
    :return: Graph after performing an attack.
    """
    if g.ecount() == 0 or g.vcount() == 0:
        raise ValueError("Can't perform attack on graph with 0 edges or "
                        "vertices.")
    edge = get_random_edge(g)
    return g - edge

def perform_attack_old(g, multiplicity):
    """Performs attack of given multiplicity on a graph.

```

```

:param g: Attacked graph.
:param multiplicity: Quantity of edges that are removed during attack.
:return: Graphs after attack.
"""
for _ in range(multiplicity):
    g = attack_random(g)
return g

def perform_attack(g, multiplicity):
    """Performs attack of given multiplicity on a graph.

    New impl (roughly 100 times faster) makes usage of igraph native methods.

    :param g: Attacked graph.
    :param multiplicity: Quantity of edges that are removed during attack.
    :return: Graphs after attack.
    """
    result = g.copy()
    result.delete_edges(random.sample(list(g.es), k=multiplicity))
    return result

AttackResult = namedtuple("AttackResult", "tries successes failures probability")

def analyse_graph_attack(g, tries, multiplicity, failure_threshold=None):
    """Performs analysis of random attacks on given graph.

    :param g: Analysed graph.
    :param tries: Number of random attack tries to be performed.
    :param multiplicity: Quantity of edges that are removed during attack.
    :param failure_threshold: Tells after how many failed attack attempts
        analysis should be forfeited. If None all tries are performed despite
        failures. Defaults to None.
    :return: AnalysisResult type tuple.
    """
    failures = 0
    successes = 0
    for i in range(tries):
        eff_multiplicity = min(multiplicity, g.ecount())
        attacked_g = perform_attack(g, eff_multiplicity)
        if attacked_g.is_connected():
            failures += 1
        else:
            successes += 1

```

```

        if failure_threshold is not None and failures == failure_threshold:
            break
    tries_performed = i+1
    return AttackResult(tries_performed, successes, failures,
                        successes/tries_performed)

PopulationParameters = namedtuple("PopulationParameters",
                                  "size graph_type n m")

PopulationParametersTest = namedtuple("PopulationParametersTest",
                                      "size graph_type n m epsilon")

AttackParameters = namedtuple("AttackParameters",
                              "tries multiplicity failure_threshold")

PopulationAttackResult = namedtuple("PopulationAttackResult",
                                    "attack_parameters mean results")

def analyse_population_attack(population, attack_parameters):
    """Performs series of attack analysis on each graph from given
    population.

    :param population:
    :param attack_parameters:
    :return:
    """
    results = [analyse_graph_attack(g, *attack_parameters)
               for g in population]
    mean_result = AttackResult(*tuple(np.mean(results, axis=0)))
    return PopulationAttackResult(attack_parameters, mean_result, results)

def plot_results(pparams, results):
    """Plots population analysis results into file.
    """
    fig = plt.figure()
    ax = fig.add_subplot(111)
    x = [r.attack_parameters.multiplicity for r in results]
    y = [r.mean.probability for r in results]
    plt.plot(x, y, '--ro')
    axes = plt.gca()
    axes.set_xlim([0, pparams.m])

```

```

axes.set_ylim([0, 1.1])
plt.grid(True)
gtype = {
    "random": "losowych ER",
    "euclidean": "euklidesowych"
}
plt.title(f"Analiza ataków na populację {pparams.size} grafów "
          f"{gtype[pparams.graph_type]} o:\n"
          f"{pparams.n} wierzchołkach i {pparams.m} krawędziach")
plt.xlabel("Liczba atakowanych krawędzi")
plt.ylabel("Prawdopodobieństwo powodzenia ataku")
# for x, y in zip(x, y):
#     ax.annotate(f"({x}, {y:.2f})", xy=(x, y), textcoords='data', fontsize=3)
file_name = f"N{pparams.n}_M{pparams.m}_{pparams.graph_type}"
plt.savefig(f"in/plots/{file_name}.png", dpi=300)

POPULATION_SIZE = 100

ATTACK_TRIES = 10000

FAILURE_THRESHOLD = ATTACK_TRIES/10

test_data_sets = [
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 2, 1),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 3, 2),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 3, 3),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 4, 3),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 4, 4),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 4, 5),
]

data_sets_10 = [
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 10, 20),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "euclidean", 10, 20),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 10, 30),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "euclidean", 10, 30),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 10, 40),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "euclidean", 10, 40),
]

data_sets_100 = [
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 100, 200),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "euclidean", 100, 200),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 100, 800),
    PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "euclidean", 100, 800),
]

```



```

        PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 100, 1600),
        PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "euclidean", 100, 1600),
    ]

    data_sets_1000 = [
        PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 1000, 4000),
        PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "euclidean", 1000, 4000),
        PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 1000, 8000),
        PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "euclidean", 1000, 8000),
        PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 1000, 16000),
        PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "euclidean", 1000, 16000),
    ]

    data_sets_4000 = [
        PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "random", 4000, 20000),
        PopulationParameters(POPULATION_SIZE, "euclidean", 4000, 20000)
    ]

    all_data_sets = data_sets_10 + data_sets_100 + data_sets_1000

def process(data_sets=all_data_sets, is_test=False, truncate=False):
    """ Performs experiment by performing series of attack analysis over
    graph populations defined in data sets.

    :param data_sets: List of experiment run definitions.
    :param is_test: Defaults False.
    :param truncate: If analysis should stop when probability reaches 0.
    :return:
    """
    for pparam in data_sets:
        print(f"### Analysing graph population defined by: {pparam}")
        if is_test:
            pparam = PopulationParametersTest(*pparam, None)
        population = generate_graph_population(*pparam)
        results = []
        for i in range(20):
            attack_parameters = AttackParameters(ATTACK_TRIES,
                                                  int(1+i*(pparam.m/20)),
                                                  FAILURE_THRESHOLD)
            result = analyse_population_attack(population, attack_parameters)
            results.append(result)
        print(f"## Analysis results:\n"
              f"## Params: {result.attack_parameters}\n"
              f"## Mean: {result.mean}")
        if truncate and math.isclose(result.mean.probability, 1.0,

```

```

                                abs_tol=0.01):
        break
        plot_results(pparam, results)
    return None

def test():
    process(test_data_sets, True)

if __name__ == '__main__':
    process()

```