

# Une introduction à l'apprentissage automatique

Eloïse BERTHIER

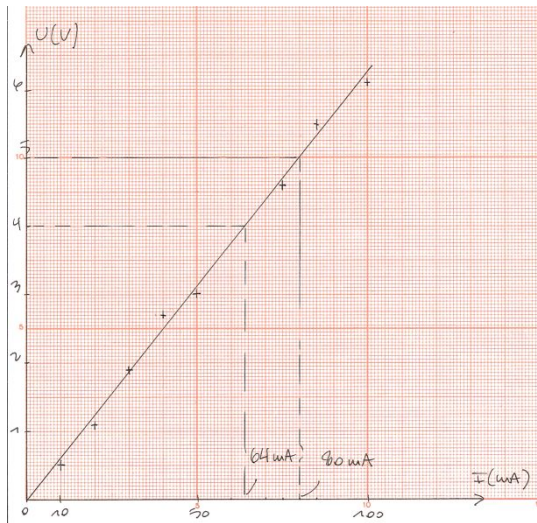
vendredi 8 mars 2019



# Quels outils pour le *machine learning* ?

*Machine Learning* : l'étude scientifique des **algorithmes** et des modèles **statistiques** que les ordinateurs utilisent pour accomplir une tâche sans instruction explicite, mais plutôt en s'appuyant sur des motifs et de l'inférence.

# Un exemple simple : la régression linéaire



On sait que la relation entre intensité et tension est linéaire :

$$U = RI$$

On a collecté des données  $(I_j, U_j)_{j \in \{1, \dots, n\}}$ .

On cherche à estimer la résistance  $R$  inconnue.

# Trois mots sur les statistiques

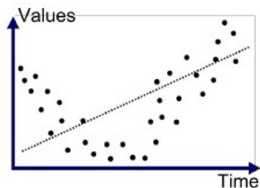
- On suppose la relation entre intensité et tension linéaire :  $U = RI$ .  
→ C'est un modèle **statistique**.
- On peut calculer explicitement le paramètre  $\hat{R}$  estimé à partir des données. On peut même parfois obtenir une mesure d'incertitude.  
→ C'est l'apprentissage **statistique**.
- Une fois  $\hat{R}$  calculé, on peut l'utiliser pour prédire la tension à une nouvelle intensité  $I_{new}$  :

$$U_{new} = \hat{R}I_{new}$$

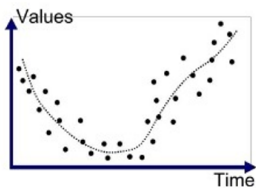
→ C'est l'inférence **statistique**.

# Comment construire un modèle statistique ?

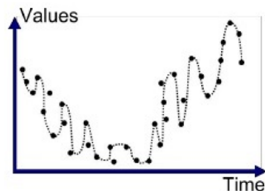
Choisir le bon niveau de complexité :



Underfitted



Good Fit/Robust

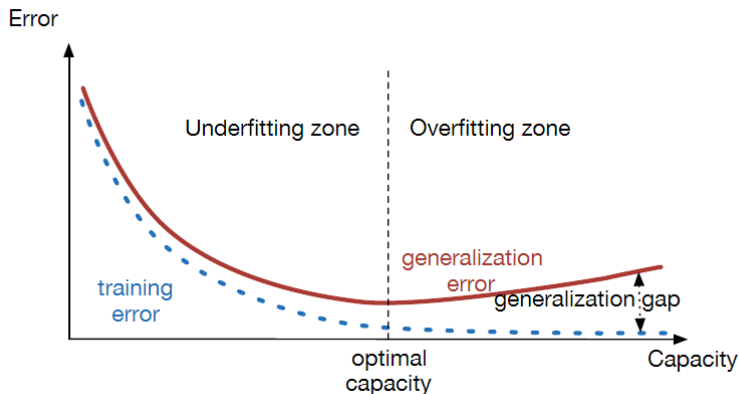


Overfitted

# Comment construire un modèle statistique ?

Solution : la validation croisée. Les données sont séparées entre :

- données d'entraînement
- données de test



## Comment apprendre les paramètres d'un modèle ?

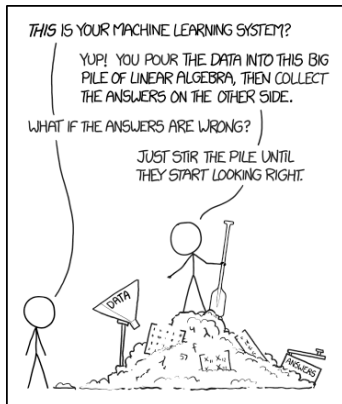
## Régression linéaire en dimension $d$ :

- Modèle :  $y = Xw + \varepsilon$ , où  $X \in \mathbb{R}^{n \times d}$ ,  $y \in \mathbb{R}^n$  et  $w \in \mathbb{R}^d$ .
- Données d'apprentissage :  $(X_i, y_i)_{i=1, \dots, n} \in (\mathbb{R}^d \times \mathbb{R})^n$ .
- Minimisation de l'erreur d'apprentissage :

$$\min_{w \in \mathbb{R}^d} \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \|(X_w)_i - y_i\|^2$$

- Solution :  $\hat{w} = (X^T X)^{-1} X^T y$

↪ **Algèbre linéaire**



# L'apprentissage supervisé : cas général

Données d'apprentissage :  $(X_i, y_i)_{i=1, \dots, n} \in (\mathcal{X} \times \mathbb{R})^n$ .

Modèle :  $y = f(x)$ , pour un certain  $f \in \mathcal{F}$ .

Problème à résoudre pour l'apprentissage :

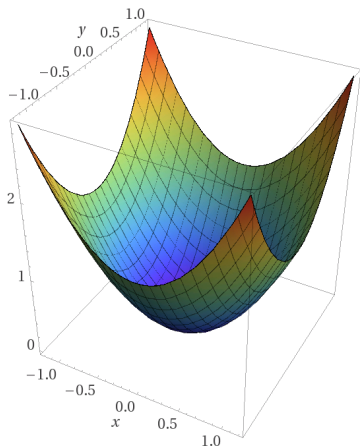
$$\min_{f \in \mathcal{F}} \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \ell(f(x_i), y_i) + \lambda \Omega(f)$$

**Optimisation**                      Erreur                      Régularisation

Trouver un modèle qui fait peu d'erreurs, et le plus simple possible.



# L'optimisation



Computed by Wolfram|Alpha

Fonction convexe :

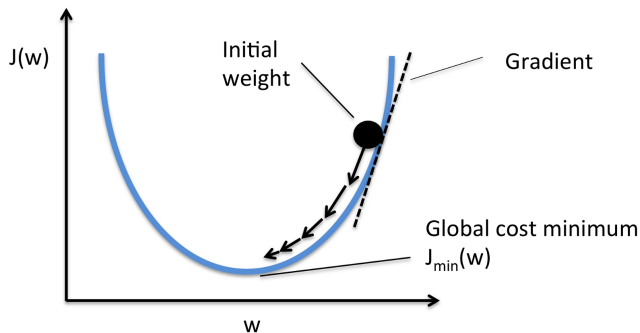
$$\forall u, v, \lambda \in (0, 1), f((1 - \lambda)u + \lambda v) \leq (1 - \lambda)f(u) + \lambda f(v)$$

But : minimiser une fonction convexe.

Trouver  $u$  tel que  
 $\forall v, f(u) \leq f(v)$ .

# Un algorithme d'optimisation...

L'**algorithme** le plus simple : la descente de gradient.



Répéter jusqu'à convergence :  $w \leftarrow w - \eta J'(w)$

## ... Des algorithmes d'optimisation

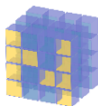
- Gradient descent
- Stochastic gradient descent
- Coordinate gradient descent
- Accelerated gradient descent
- Averaged gradient descent
- Subgradient descent
- Proximal gradient descent
- Conjugate gradient descent
- Conditional gradient descent
- Newton method
- Quasi Newton methods
- ...

+ versions distribuées  
sur plusieurs machines

L'implémentation se fait majoritairement en **Python**, où la plupart des outils sont en *open source* et faciles d'utilisation.



TensorFlow



NumPy



SciPy

pandas

data science tools



matplotlib

# En quelques lignes de code

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from sklearn import datasets, linear_model
from sklearn.metrics import mean_squared_error, r2_score

# Load the diabetes dataset
diabetes = datasets.load_diabetes()

# Use only one feature
diabetes_X = diabetes.data[:, np.newaxis, 2]

# Split the data into training/testing sets
diabetes_X_train = diabetes_X[:-20]
diabetes_X_test = diabetes_X[-20:]

# Split the targets into training/testing sets
diabetes_y_train = diabetes.target[:-20]
diabetes_y_test = diabetes.target[-20:]

# Create linear regression object
regr = linear_model.LinearRegression()

# Train the model using the training sets
regr.fit(diabetes_X_train, diabetes_y_train)

# Make predictions using the testing set
diabetes_y_pred = regr.predict(diabetes_X_test)
```

```
import keras
from keras.models import Sequential
from keras.layers import Dense, Dropout, Activation
from keras.optimizers import SGD

# Generate dummy data
import numpy as np
x_train = np.random.random((1000, 20))
y_train = keras.utils.to_categorical(np.random.randint(10, size=(1000, 1)), num_classes=10)
x_test = np.random.random((100, 20))
y_test = keras.utils.to_categorical(np.random.randint(10, size=(100, 1)), num_classes=10)

model = Sequential()
# Dense(64) is a fully-connected layer with 64 hidden units.
# In the first layer, you must specify the expected input data shape:
# here, 20-dimensional vectors.
model.add(Dense(64, activation='relu', input_dim=20))
model.add(Dropout(0.5))
model.add(Dense(64, activation='relu'))
model.add(Dropout(0.5))
model.add(Dense(10, activation='softmax'))

sgd = SGD(lr=0.01, decay=1e-6, momentum=0.9, nesterov=True)
model.compile(loss='categorical_crossentropy',
              optimizer=sgd,
              metrics=['accuracy'])

model.fit(x_train, y_train,
          epochs=20,
          batch_size=128)
score = model.evaluate(x_test, y_test, batch_size=128)
```

Régression linéaire

Réseau de neurones

Quels outils pour le *machine learning* ?

- des statistiques ;
- de l'algèbre linéaire ;
- de l'optimisation ;
- de l'algorithmique ;
- du Python ;
- et beaucoup d'anglais !