ΤΟΜΕΑΣ ΗΛΕΚΤΡΟΝΙΚΗΣ ΚΑΙ ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΑΣ ΣΥΣΤΗΜΑΤΩΝ ΠΛΗΡΟΦΟΡΙΚΗΣ ΕΡΓΑΣΤΗΡΙΟ ΑΝΑΛΥΣΗΣ ΗΛΕΚΤΡΙΚΩΝ ΚΥΚΛΩΜΑΤΩΝ ΜΑΘΗΜΑ: ΑΝΑΓΝΩΡΙΣΗ ΠΡΟΤΥΠΩΝ – 9° ΕΞΑΜΗΝΟ



Εργασία 1

(Προθεσμία: Τετάρτη 21 Οκτωβρίου 2020)

ΠΙΘΑΝΟΤΗΤΕΣ – ΤΥΧΑΙΕΣ ΜΕΤΑΒΛΗΤΕΣ

- 1. Θεωρήστε ένα ζάρι Z1 και z1 μια διακριτή τυχαία μεταβλητή που συμβολίζει το αποτέλεσμα της ρίψης του Z1. α) Υπολογίστε τη συνάρτηση πυκνότητας πιθανότητας του f(z₁) = p(Z=z₁). β) Υπολογίστε την μέση τιμή και τη μεταβλητότητα της τυχαίας μεταβλητής z₁. γ) Υπολογίστε τη skewness και την kurtosis της τυχαίας μεταβλητής z₁.
- 2. Το MATLAB μπορεί να δημιουργεί τυχαίες πραγματικές μεταβλητές στο διάστημα [0,1] με τη βοήθεια της εντολής rand(M,N), όπου M, N το μέγεθος του πίνακα που παράγει. α) Χρησιμοποιήστε την παραπάνω εντολή για να φτιάξετε ένα διάνυσμα 1 x N που να έχει N τυχαίες ρίψεις του ζαριού Z1. β) Απεικονίστε την προσεγγιστική συνάρτηση πυκνότητας πιθανότητας (ιστόγραμμα) των ρίψεων του ζαριού για N=20, 100 και 1000. Ποια κατανομή φαίνεται να ακολουθεί. γ) Χρησιμοποιήστε τις αντίστοιχες εντολές του MATLAB για να υπολογίσετε τη μέση τιμή, μεταβλητότητα, skewness και την kurtosis των N ρίψεων για τιμές του N=10, 20, 50, 100, 500 και 1000. δ) Για ποιες τιμές πλήθους ρίψεων φαίνονται οι πειραματικές τιμές να προσεγγίζουν τις θεωρητικές που έχετε υπολογίσει στο 1. ε) Για ποια τιμή πλήθους ρίψεων θα λέγαμε ότι ξεκινάμε να έχουμε wide-sense stationarity?
- 3. Χρησιμοποιείστε τον παραπάνω κώδικα για να παράγετε 1000 ρίψεις του ζαριού Z1 και άλλες ρίψεις του ζαριού Z2. α) Υπολογίστε και απεικονίστε την κοινή συνάρτηση πυκνότητας πιθανότητας (joint pdf) f(z1,z2). β) Ορίστε μια νέα τυχαία μεταβλητή y ως το άθροισμα των τιμών των 2 ζαριών y = z1+z2. Απεικονίστε την συνάρτηση πυκνότητας πιθανότητας της νέας μεταβλητής. Μπορείτε να εξηγήσετε το αποτέλεσμα; (Αναζητήστε την ιδιότητα των pdf ότι αν y = z1+z2, τότε f(y)= f(z1)*f(z2), όπου * ο τελεστής της συνέλιξης)

ΒΕΛΤΙΣΤΟΠΟΙΗΣΗ ΧΩΡΙΣ ΠΕΡΙΟΡΙΣΜΟΥΣ

4. Έστω η συνάρτηση f(x) = (x-5)⁴ +3x και θέλουμε να βρούμε την τιμή του x στην οποία βρίσκεται το ελάχιστο της συνάρτησης. α) Χρησιμοποιείστε την ιδιότητα της παραγώγου για να βρεθεί απευθείας η τιμή του ελαχίστου. β) Υλοποιείστε στο MATLAB την αριθμητική τεχνική του gradient descent για να βρείτε το ελάχιστο της συνάρτησης. Ξεκινήστε από μια τυχαία τιμή, βάλτε μια αυθαίρετη τιμή για το βήμα η και εφαρμόστε τη σχέση του gradient descent επαναληπτικά, μέχρι ότου η τιμή του ελαχίστου να μην αλλάζει. Μπορεί να χρειαστεί να δοκιμάσετε διάφορες τιμές για το η. Σε

πόσες επαναλήψεις έχετε βρει το ελάχιστο. γ) Υλοποιείστε στο MATLAB την αριθμητική τεχνική του Newton method για να βρείτε το ελάχιστο της συνάρτησης. Ξεκινήστε από μια τυχαία τιμή και εφαρμόστε τη σχέση του Newton method επαναληπτικά, μέχρι ότου η τιμή του ελαχίστου να μην αλλάζει. Σε πόσες επαναλήψεις έχετε βρει το ελάχιστο. δ) Συγκρίνετε τις 2 μεθοδολογίες. Ποια δίνει τη γρηγορότερη σύγκλιση?

Ξάνθη, 14/10/2020