Etude de l'influence du matériel utilisé par un joueur de badminton sur la trajectoire du volant



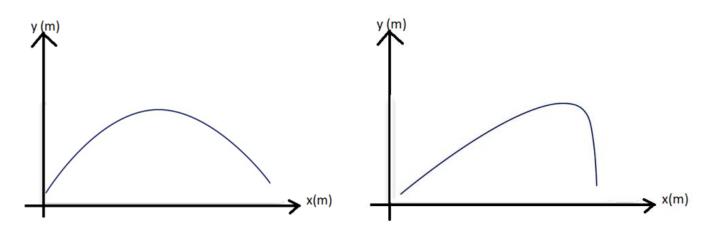
CATTEAU Elsa
MP Option SI
Numéro de candidat :
27827

Les règles du service au badminton, Holy Sport

Présentation du sujet

Thème : Jeux et Sport

Importance de la trajectoire du volant en badminton et ses différentes formes suivant le type de volant



ECE Bac 2024, Sujet 05, Le volant de badminton

Quelles sont les caractéristiques du matériel utilisé en badminton qui influencent la trajectoire du volant?

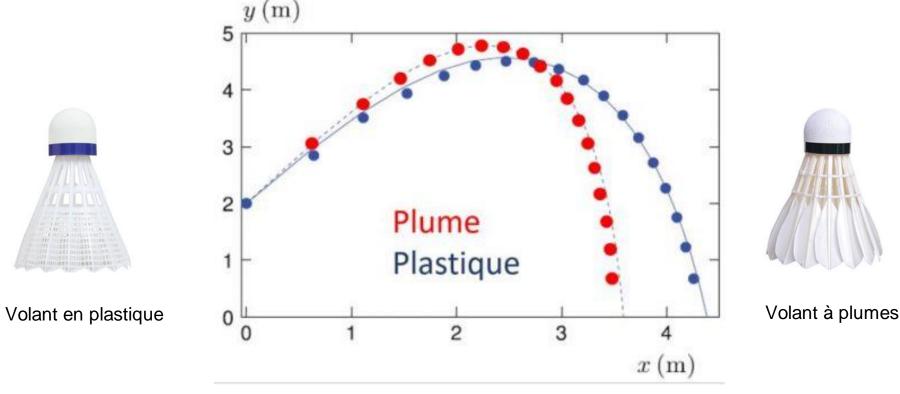
SOMMAIRE

I - Enregistrement de la trajectoire des deux types de volants

II - Détermination du coefficient de frottement des deux volants

III - Résolution par la méthode d'Euler et comparaison avec les trajectoires obtenues expérimentalement

Trajectoires théoriques du volant à plumes et du volant en plastique



Sciences et avenir, Droitiers et gauchers ne sont pas égaux devant la physique du badminton, 02/04/2024

Robot lanceur de volant de badminton (club de Proville)





Matériel utilisé



Volants en plastique Embout : Liège

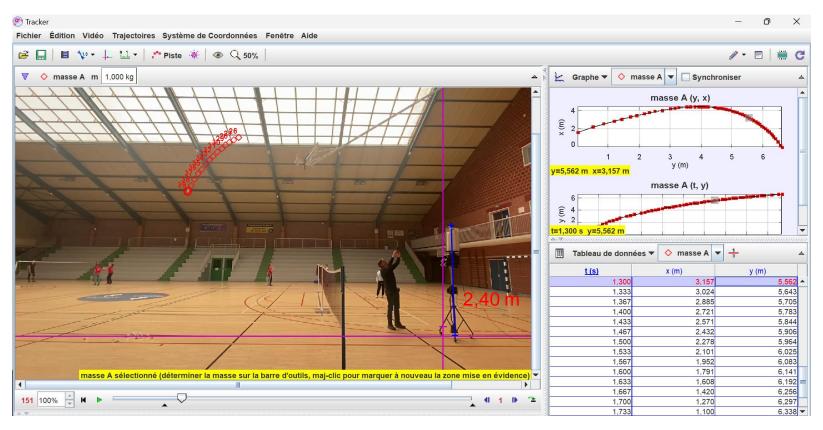


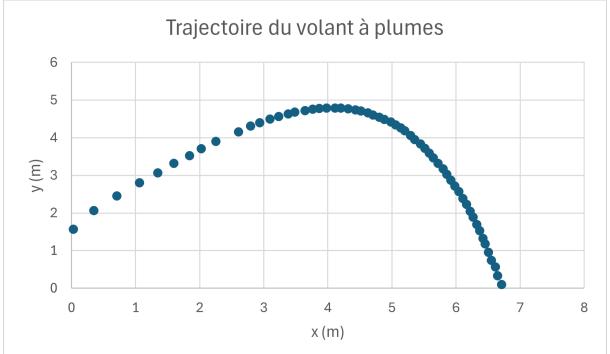


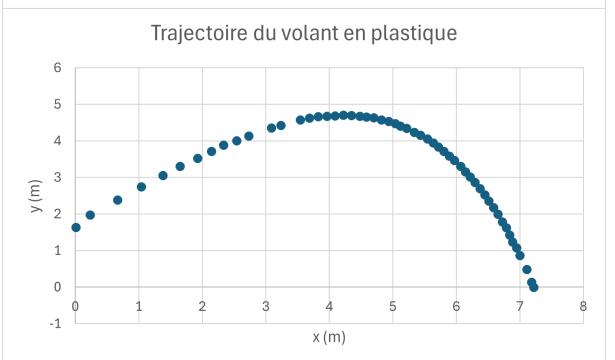
Volants à plumes Embout : Liège

Chronophotographie

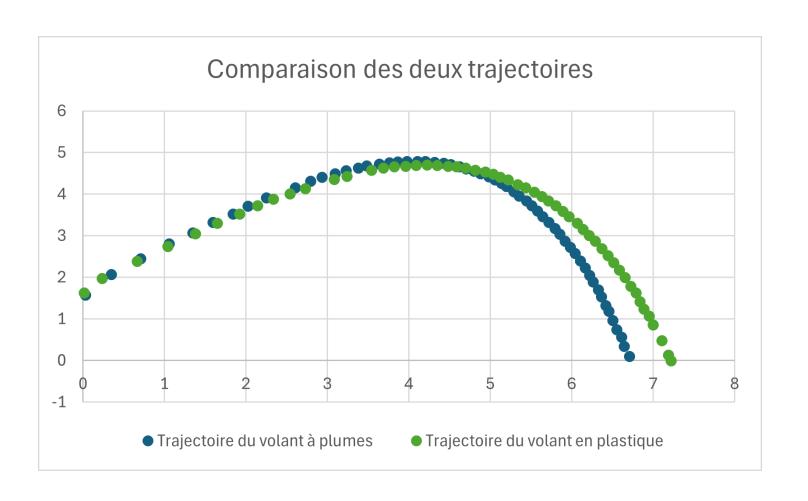








Comparaison des deux trajectoires obtenues



Etude du système

Système : volant

Référentiel terrestre supposé galiléen

Bilan des forces:

- Poids: $\vec{P} = m \times \vec{g}$
- Force de frottement quadratique :

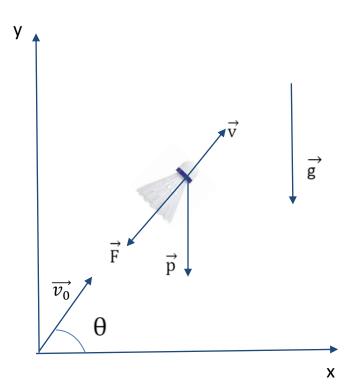
$$\vec{F} = -k \times v \times \vec{v}$$
 avec $k = -\frac{1}{2} \times C_x \times \rho \times S$

 ρ : Masse volumique

S: Surface

 C_x : Coefficient de traînée

La poussée d'Archimède est négligeable



Coefficient de frottement

En fin de chute libre:

$$\vec{F} + \vec{P} = \vec{0}$$

$$mg = k \times v_{lim}^{2}$$

$$\frac{m \times g}{v_{lim}^{2}} = k$$

Expériences pour déterminer la vitesse limite des deux volants



1ère expérience



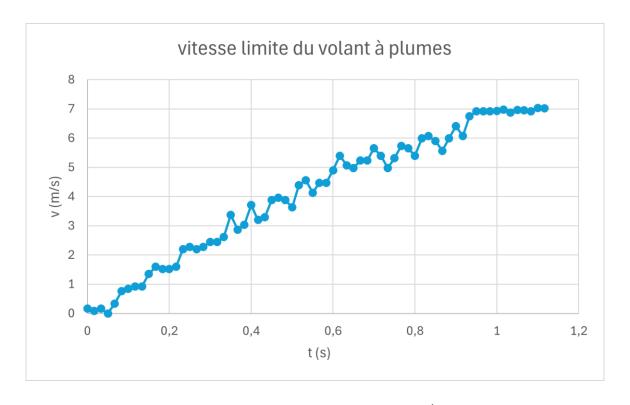
2^e expérience



3^e expérience

Vitesse limite du volant à plumes

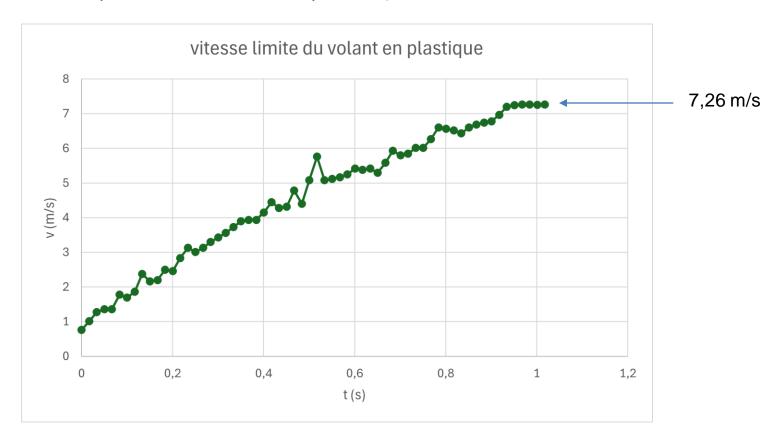
Vitesse limite obtenue pour le volant à plumes : 7 m/s



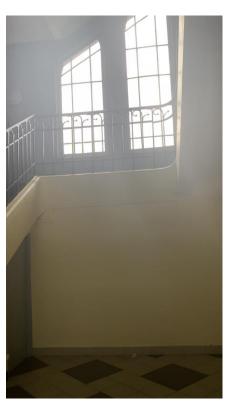
Pour le volant à plumes avec m = 5 g : k = 1.0 g.m^{-1}

Vitesse limite du volant en plastique

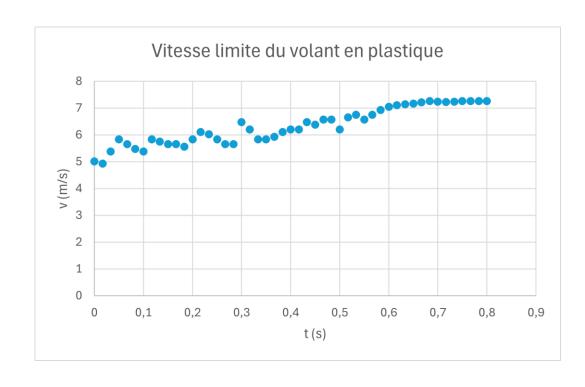
Courbe obtenue pour le volant en plastique :



4^e expérience pour déterminer la vitesse limite du volant en plastique

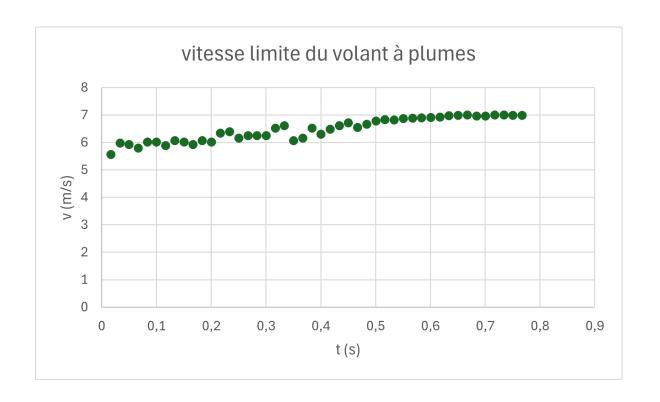


Cadrage de l'expérience



Vitesse limite du volant en plastique : 7,26 m/s Pour le volant en plastique avec m = 6 g : $k=1,12 \text{ g.m}^{-1}$

Même expérience mais avec le volant en plumes



Vitesse limite du volant en plumes : 7 m/s

Coefficient de frottement avec m = 5 g : k = 1,0 g. m^{-1}

Equation différentielle de la trajectoire

D'après le Principe Fondamental de la Dynamique :

$$\vec{P} + \vec{F} = m \times \vec{a}$$

$$m \times \vec{g} - k \times v \times \vec{v} \equiv m \times \frac{d\vec{v}}{dx}$$

$$\vec{g} - \frac{k}{m} \times v \times \vec{v} = \vec{a}$$

$$\Delta \vec{v} = \left(g - \frac{k}{m} \times v \times \vec{v}\right) \Delta t$$

$$\left(\frac{(v_x)_{n+1} - (v_x)_n}{(v_y)_{n+1} - (v_y)_n}\right) = \left[\begin{pmatrix} 0 \\ -g \end{pmatrix} - \frac{k}{m} \times \sqrt{(v_x)_n^2 + (v_y)_n^2} \begin{pmatrix} (v_x)_n \\ (v_y)_n \end{pmatrix}\right] \times \Delta t$$

Méthode d'Euler

Méthode numérique pour résoudre des équations différentielles du 1^{er} ordre de la forme y'(t)=f(y(t),t) pour t appartenant à [a,b] avec y(a)= y_0

<u>Détermination de la vitesse initiale suivant x et y</u>:

Indicateur de vitesse : -60km/h

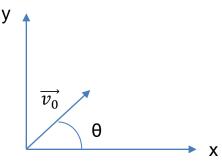


Projection de la vitesse initiale suivant x :

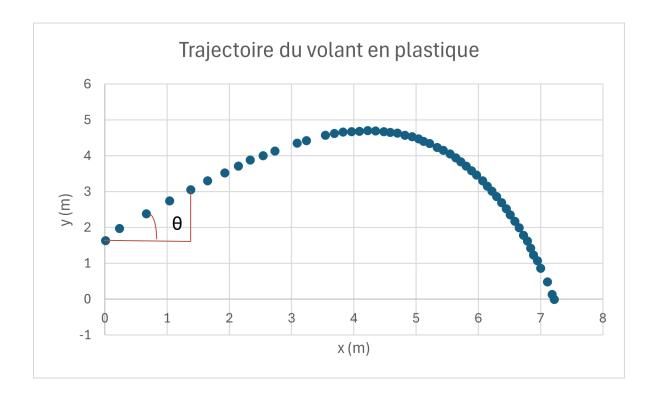
$$\frac{60}{3,6} \times \cos \theta$$

Projection de la vitesse initiale suivant y :

$$\frac{60}{3,6} \times \sin \theta$$



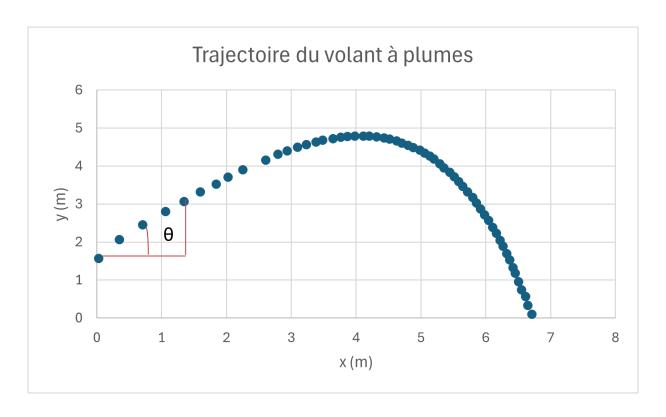
Détermination de l'angle θ pour le volant en plastique



Calcul de
$$\theta$$
: $\theta = \tan^{-1} \left(\frac{3.05 - 1.63}{1.38 - 0.02} \right) \approx 46.2^{\circ}$

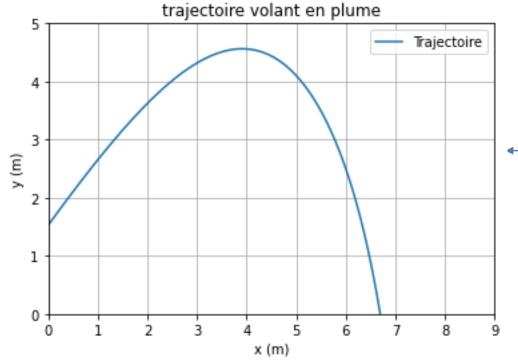
Vitesse initiale suivant x : 11.54 m/s et vitesse initiale suivant y : 12.03 m/s

Détermination de l'angle θ pour le volant en plumes



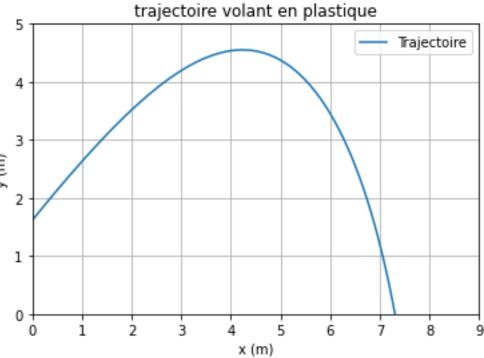
Calcul de
$$\theta$$
 : $\theta = \tan^{-1} \left(\frac{2,82-1,64}{0,99} \right) \approx 50^{\circ}$

Vitesse initiale suivant x: 10.73 m/s et vitesse initiale suivant y: 12.75 m/s

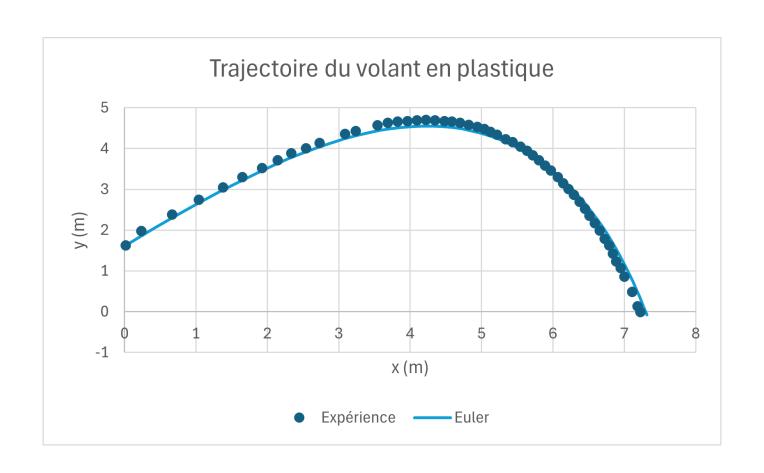


Courbe de la trajectoire du volant à plumes avec la méthode d'Euler $k=1~\mathrm{g.}m^{-1}$ $m=5~\mathrm{g}$

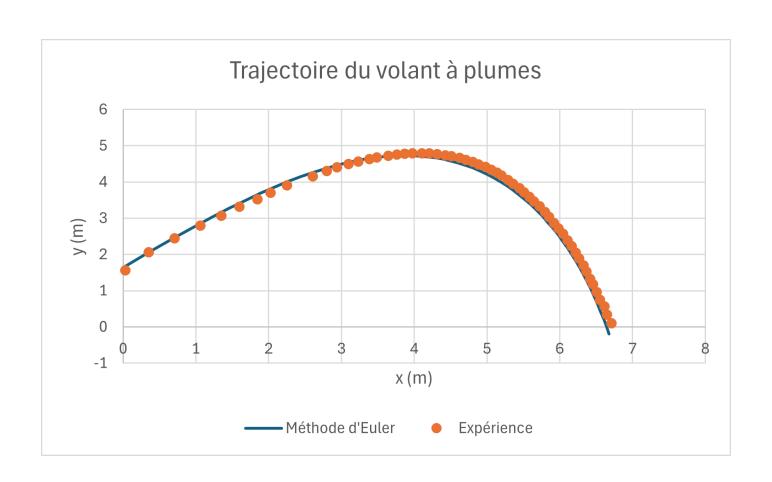
Courbe de la trajectoire du volant en plastique avec la méthode d'Euler $k=1,12 \text{ g.} m^{-1}$ m=6 g



Comparaison de la trajectoire du volant en plastique obtenue expérimentalement avec celle obtenue avec la méthode d'Euler



Comparaison de la trajectoire du volant à plumes obtenue expérimentalement avec celle obtenue avec la méthode d'Euler



Conclusion

- Le facteur $\frac{k}{m}$ est responsable de l'allure de la trajectoire du volant de badminton
 - Piste d'amélioration : mesurer le coefficient de frottement à l'aide d'une soufflerie pour pouvoir le comparer avec celui que l'on a trouvé expérimentalement

Pour aller plus loin

Influence de la masse du volant:

 Augmenter la masse du volant pour voir l'influence que celle-ci a sur la trajectoire

Influence de la raquette de badminton sur la trajectoire:

Influence de la tension de la raquette :

Tension élevée (>11 kilogrammes): plus de précision, de contrôle et de vitesse

Tension basse (<11 kilogrammes): plus de puissance

Influence de la raideur du manche de la raquette

Conditions initiales pour la trajectoire du volant en plastique :

```
from math import sqrt
     import matplotlib.pyplot as plt
     import csv
    g = 9.81
     m=6
    k=1.12
    x0=0.0142
 8 y0=1.629
 9 vx0=11.54
   vy0=12.03
10
     dt=0.033
11
     plt.title('trajectoire volant en plastique')
40
     plt.xlabel('x (m)')
41
     plt.ylabel('y (m)')
42
43
     plt.ylim(0,5)
     plt.xlim(0,9)
44
45
     plt.grid(True)
     plt.plot(X, Y, label='Trajectoire')
46
     plt.legend()
47
48
     plt.show()
```

Paramètres pour la trajectoire du volant à plumes:

```
from math import sqrt
    import matplotlib.pyplot as plt
    import csv
    q = 9.81
    m=5
    k=1
    x0=0
    y0=1.637
   vx0=10.73
10
   vy0=12.75
11
    dt=0.033
     plt.title('trajectoire volant en plume')
40
     plt.xlabel('x (m)')
41
     plt.ylabel('y (m)')
42
43
     plt.ylim(0,5)
44
     plt.xlim(0,9)
45
     plt.grid(True)
     plt.plot(X, Y, label='Trajectoire')
46
47
     plt.legend()
48
     plt.show()
```

Méthode d'Euler:

```
12
     def Euler(x0,y0,vx0,vy0,dt,m,g,k):
13
         t = 0
14
         x = x0
15
         vx = vx0
16
         y = y0
17
         vy = vy0
18
         T = [0]
19
         X = [x0]
20
         Vx = [vx0]
21
         Y = [y0]
22
         Vy = [vy0]
23
         while y > 0:
24
             dx = vx*dt
25
             dvx = -(k/m)*sqrt(vx*vx + vy*vy)*vx*dt
26
             dy = vy*dt
27
             dvy = -g*dt - (k/m)*sqrt(vx*vx + vy*vy)*vy*dt
28
             t = t + dt
29
             x = x + dx
30
             y = y + dy
31
             vx = vx + dvx
32
             vy = vy + dvy
33
             T.append(t)
34
             X.append(x)
35
             Y.append(y)
36
             Vx.append(vx)
37
             Vy.append(vy)
38
         return T,X,Y,Vx,Vy
     T, X, Y, Vx, Vy = Euler(x0, y0, vx0, vy0, dt, m, g, k)
39
```

Programme permettant de récupérer les valeurs de la méthode d'Euler sous un fichier csv :

```
50
     fichier='fichier1y.csv'
51
     with open(fichier, 'w', newline='') as file:
52
         writer = csv.writer(file)
53
         for y in Y:
54
             writer.writerow([y])
55
     fichier='fichier1x.csv'
56
     with open(fichier, 'w', newline='') as file:
57
         writer = csv.writer(file)
58
         for x in X:
59
             writer.writerow([x])
```