



Instituto Politécnico Nacional  
Escuela Superior de Cómputo  
Ingeniería en  
Sistemas Computacionales



**Unidad de Aprendizaje:**

Procesamiento Digital de Señales

**Grupo:** 5CV1

**Entregable:** Filtrado

**Integrantes:**

Bautista Ríos Alfredo

Cisneros Araujo Karen

Contreras Vargas Oscar Daniel

Cortés Velázquez Samuel Alejandro

Ramírez Aguirre José Alfredo

**Maestro:** Flores Escobar José Antonio

Este código simula un sistema de filtro digital de segundo orden. El filtro se define por la siguiente ecuación de diferencias:

$$y(n) = 2x(n) - 4x(n-1) - 0.5y(n-1) - y(n-2)$$

El código calcula y grafica las primeras 20 muestras de la salida  $y(n)$  para una entrada exponencial  $x(n) = 0.8^n * u(n)$ . Además, compara los resultados cuando se aplican las siguientes condiciones iniciales:

- $y(-2) = 1$
- $y(-1) = 0$
- $x(-1) = -1$

con los resultados obtenidos cuando no se aplican condiciones iniciales (es decir, se asume que todas las muestras anteriores son cero).

#### 1. Inicialización:

- Se definen vectores para almacenar las señales  $x(n)$  e  $y(n)$ .
- Se establecen las condiciones iniciales para  $y(n)$  y  $x(n)$ .

#### 2. Cálculo de la Salida con Condiciones Iniciales:

- Se genera la señal de entrada  $x(n)$ .
- Se utiliza un bucle for para calcular las primeras 20 muestras de  $y(n)$  utilizando la ecuación de diferencias y las condiciones iniciales.

#### 3. Graficación:

- Se grafican las señales  $x(n)$  e  $y(n)$  en subplots.

#### 4. Cálculo de la Salida sin Condiciones Iniciales:

- Se repiten los pasos 2 y 3, pero esta vez se inicializan los valores anteriores de  $x(n)$  e  $y(n)$  a cero.

## 5. Graficación de la Salida sin Condiciones Iniciales:

- Se grafica la señal  $y(n)$  obtenida sin condiciones iniciales en un subplot separado.

## Código

```
%Archivo:          filtrado.m
%Equipo:           5
%Interrogantes: Bautista Ríos Alfredo
%
%                Cisneros Araujo Karen
%                Contreras Vargas Oscar Daniel
%                Cortés Velazquez Samuel Alejandro
%                Ramírez Aguirre José Alfredo
%Descripción:     Condiciones Iniciales
%Ejemplo de un sistema de filtro. Se deben calcular las primeras 20
%muestras de Y.
%Calcular:
%
% $y(n) = 2x(n) - 4x(n-1) - 0.5y(n-1) - y(n-2)$ 
%Este sistema tiene las siguientes condiciones iniciales
%
% $y(-2)=1$ 
%
% $y(-1)=0$ 
%
% $x(-1)=-1$ 
%Este sistema tiene como entrada x
%
% $n(n) = 0.8^n * u(n)$ 
%Definir vector de salida
```

```

y = zeros(1,20);

%Ajuste a Y, donde creamos espacio para condiciones iniciales

%y(-2) = 1

%y(-1) = 0

y = [1 0 y];

%Generar el tiempo n

n = 0:1:19;

%Calcular las primeras 20 muestras de x

x = 0.8.^n;

%Ajuste de x, donde creamos espacio para condiciones iniciales

%x(-2) = 0

%x(-1) = -1

x = [0 -1 x];

%Calcular las 20 muestras de salida

for n=1:20

    y(n+2) = 2*x(n+2) - 4*x(n+1) - 0.5*y(n+1) - y(n);

end

%Generar el tiempo n

n= 0:1:19;

%Graficar x(n)

subplot (3,1,1); stem(n,x(3:22)); xlabel('Tiempo'); ylabel('x(n)');

%Graficar y(n)

subplot (3,1,2); stem(n,y(3:22)); xlabel('Tiempo'); ylabel('y(n)');

%Sin condiciones iniciales

%Definir vector de salida

y = zeros(1,20);

%Ajuste a Y, donde creamos espacio sin condiciones iniciales

y = [0 0 y];

%Generar el tiempo n

```

```

n = 0:1:19;

%Calcular las primeras 20 muestras de x

x = 0.8.^n;

%Ajuste de x, donde creamos espacio sin condiciones iniciales

x = [0 0 x];

%Calcular las 20 muestras de salida

for n=1:20

    y(n+2) = 2*x(n+2) - 4*x(n+1) - 0.5*y(n+1) - y(n);

end

%Generar el tiempo n

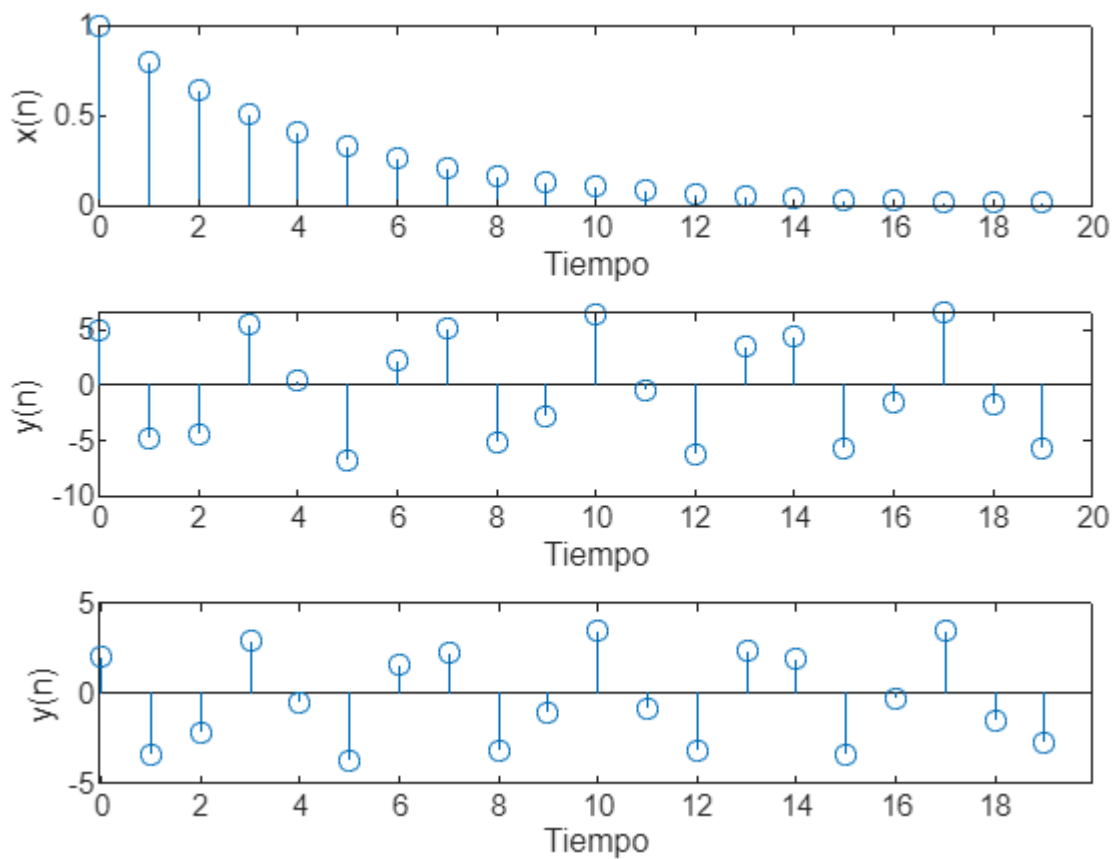
n= 0:1:19;

%Graficar y(n) sin condiciones iniciales

subplot (3,1,3); stem(n,y(3:22)); xlabel('Tiempo'); ylabel('y(n)');

```

## Resultados



# Interpretación de resultados

## Gráfica 1: $x(n)$

Esta gráfica representa la señal de entrada al filtro,  $x(n) = 0.8^n * u(n)$ . Es una secuencia exponencial decreciente que comienza en  $n = 0$  y tiende a cero a medida que  $n$  aumenta.

## Gráfica 2: $y(n)$ (con condiciones iniciales)

Esta gráfica muestra la respuesta del filtro  $y(n)$  cuando se aplican las condiciones iniciales  $y(-2) = 1$ ,  $y(-1) = 0$  y  $x(-1) = -1$ .

Observamos:

- **Comportamiento transitorio:** Al principio, la salida oscila debido a las condiciones iniciales y a la respuesta impulsional del filtro.
- **Estabilización:** Después de unas pocas muestras, la salida se estabiliza y sigue una tendencia similar a la entrada, aunque con una amplitud reducida y un ligero retardo.

## Gráfica 3: $y(n)$ (sin condiciones iniciales)

Esta gráfica muestra la respuesta del filtro  $y(n)$  cuando no se aplican condiciones iniciales (se asume que todas las muestras anteriores son cero). En este caso:

- **Comportamiento transitorio:** No hay oscilación inicial, ya que el sistema comienza en reposo.
- **Estabilización:** La salida sigue la misma tendencia que en el caso con condiciones iniciales, pero con una amplitud aún más reducida.