# תקצוב השתתפותי Participatory Budgeting

אראל סגל-הלוי חלק מהשקפים של *נמרוד טלמון* רוב התוצאות מתוך: Aziz, Lee, Talmon 2018



### Participatory Budgeting

#### **Brazil** (Latin-America

- US (> 500 places)
- Paris (> 20M€)

•









### Participatory Budgeting in Cambridge 2015

## BALLOT



#### **Voting Instructions**

- · All Cambridge residents ages 12 and over may vote.
- You may vote for up to five (5) projects.
- You cannot vote for the same project more than once.
- Ballots marked with more than five (5) votes are invalid and will not be counted.
- Mark boxes clearly with an "X," a check mark, or fully shade them in.
- Use black or blue ink. Ballots marked in pencil will not be counted.





Community Facilities
A. Mural Project at Russell Field \$22,000 Russell Field FieldHouse, Rindge Ave A middle-school student in North Cambridge proposed installing a mural in his neighborhood that "shows the community of Cambridge." The mural will be installed on the Russell Field Fieldhouse.
B. Furniture for the O'Connell Library \$36,000  East Cambridge (48 Sixth Street)  The furniture at the O'Connell library is quite worn down. This proposal would provide the library with new tables, chairs, computer workstations, and loveseats for parents and children to read together.
C. Bilingual Books for Children Learning English \$7,000 Citywide This will fund the purchase of 300+ bilingual books for Cambridge children in the "Agenda for Children's Literacy" Initiative project who are learning English, learning to read, & have limited/ no access to books in their home language.
D. Little Free Libraries (Book Exchanges) \$13,000 13 locations - 1 in each neighborhood. Informal Book Exchanges are already popular in Cambridge on streets and at the DPW yard. This project would install 13 Little Free Libraries to support literacy, community engagement, and fun throughout the streets of our city.
E. Computers for the Community Learning Center \$27,000

At the CLC, students can improve their English or pursue a High School Equivalency Diploma. The CLC has 18 laptops and 12 ThinkPads for 630 adult

learners. Project would fund 20 additional laptops, keyboards, mice and storage cart for the students.



#### Streetsmarts

F. Bike Repair Stations \$12,000 8 locations around Cambridge Install 8 bike repair stations with tools and bike pumps around the City for cyclists to quickly, easily, and freely fix routine bike problems. Locations include 2 libraries, 2 T stops, 3 parks (includes Inman Sq), and Fresh Pond Parkway.
G. Renovation of Bus Shelter at Comeau Field & Rindge Ave. \$75,000 Rindge Avenue at Comeau Field, North Cambridge This project entails a major redesign and renovation, with community participation, of the #83 bus shelter. New features will include acrylic panels with cut-out figures and a roof element reflective of nearby recreation and natural habitat.
H. Wayfinding Banners - Neighborhood & Commercial Identity \$15,600 13 City Profile Areas of Cambridge Hang banners in 13 strategic high-traffic, high-density business and neighborhood areas to identify commercial and/or neighborhood-specific local areas in Cambridge. This would support commerce, diversity, and neighborhood integrity.
I. Traffic Garden \$200,000 Location will be determined through a community process A Dutch Traffic Garden, called "Safety School" in the U.S., is a permanent park for children to learn transportation etiquette by role playing. Kids take turns biking, walking, and driving a miniature streetscape in a safe environment.
J. Bus Shelter Monitors with Real Time Arrival \$30,000 Inman Square Install 2 real time bus arrival monitors with digital displays at the bus shelters at Cambridge Street & Hampshire Street and Cambridge Street & Inman Street.

Project	Total Votes	Project Cost		Cumulative Project Costs	
100 new trees	1,441	\$	119,400	\$ 119,400	
CLC computers	1,110	\$	27,000	\$ 146,400	
Bilingual books	970	\$	7,000	\$ 153,400	
Central Square toilet	945	\$	320,000	\$ 473,400	
Bike repair stations	917	\$	12,000	\$ 485,400	
Free outdoor wifi	875	\$	42,000	\$ 527,400	
Danehy amphitheater	786	\$	350,000		
Bus shelter real time monitors	748	\$	30,000		
Little free libraries	620	\$	13,000		
O'Connell Lib furniture	534	\$	36,000		
North Camb. community garden	521	\$	240,000		
Planting materials	506	\$	40,000		
Traffic garden	475	\$	200,000		
Danehy fitness equipment	468	\$	65,000		
Dog park	302	\$	250,000		
Peace garden	297	\$	340,000		
Russell Field mural	289	\$	22,000		
Wayfinding banners	274	\$	15,600		
83 bus shelter renovation	271	\$	75,000		
Raymond Park community garden improvements	193	\$	20,000		
0	12,542	\$	2,224,000		

#### הגדרת הבעיה

$$\mathbf{X} = \{\mathbf{x}_1, ..., \mathbf{x}_m\}$$
 פריטים:  $\mathbf{c} : \mathbf{X} \to \mathbf{N}$  פונקציית עלות:  $\mathbf{V} = \{\mathbf{V}_1, ..., \mathbf{V}_n\}$  הצבעות:  $\mathbf{C} \times \mathbf{X}$ 

$$V_i \subseteq X$$

(כל אזרח אזרח תת-קבוצה של פריטים)

, L שיטת תיקצוב: בהינתן הסכום הכולל  $X' \subseteq X$  (קבוצה של פריטים) איש לחשב תקציב (קבוצה של פריטים)  $c(X') \leq L$  המקיים  $c(X') \leq L$ 

השיטה המקובלת – "שיטת התרמיל" (knapsack budgeting)

1)מסדרים את הפריטים בסדר יורד של מספר הקולות שקיבלו.

2)מכניסים פריטים לתקציב עד שמגיעים לסכום הכולל L.

### חוסר-הגינות בשיטת התרמיל

- •נניח ש:
- ∙יש 20 מקומות אפשריים לבתי-ספר.
- •הכסף בקופה מספיק ל-10 בתי-ספר.
  - -51% מהאזרחים גרים בשכונה א.
  - -49% מהאזרחים גרים בשכונה ב.
- •תקציב בשיטת התרמיל יגרום לכך שכל 10 בתי-הספר יהיו בשכונה א.
  - •לא הוגן כלפי שכונה ב!

### תקציב פרופורציונלי חזק

(Strong Budget Proportional Justified Representation)

#### הגדרה:

תקציב נקרא *פרופורציונלי-חזק* אם - (n - 1) לכל קבוצת מצביעים בגודל (n - 1)

- אם *כל* חברי הקבוצה מסכימים על פריטים•
  - -kL/n שהעלות הכוללת שלהם לפחות
- אז הסכום המוקצב לפריטים, ש*לפחות אחד*-kL/n מחברי-הקבוצה רוצה, הוא לפחות

**הרעיון:** לכל אזרח יש "זכות" לקבוע לגבי יחידת-תקציב אחת (L/n).

## תקציב פרופורציונלי חזק

- ב**עיה**: לא תמיד קיים תקציב פרופורציונלי-חזק:
  - L=4 סכום כולל $\bullet$
  - •שני פריטים, כל אחד עולה 2.5.
    - :אזרחים n=4
    - שניים רוצים פריט א,
    - •שניים רוצים פריט ב.
  - לקבוצה בגודל 2 יש זכות על תקציב של 2.
  - •תקציב פרופורציונלי-חזק צריך לממן את שני הפריטים – אבל זה יעלה 5 ויש לנו רק 4!

## תקציב פרופורציונלי [חלש]

(Budget Proportional Justified Representation)

#### הגדרה:

- תקציב נקרא *פרופורציונלי* אם לכל קבוצת מצביעים בגודל k (מתוך n):
- אם כל חברי הקבוצה מסכימים על פריטים  $-\frac{kL}{n}$  אם כל חברי הקבוצה שלהם לפחות אז אז אז שהעלות הכוללת שלהם לפחות אז אז אז אינויים
- הסכום המוקצב לפריטים, שלפחות אחד מחברי-הקבוצה רוצה, הוא לפחות הגדולה ביותר של קבוצת-פריטים שכל חברי הקבוצה מסכימים עליהם, ועולה לכל היותר kL/n.
- בדף הקודם, כל תקציב הוא פרופורציונלי חלש.

### תקציב פרופורציונלי - אלגוריתם

משפט: תקציב פרופורציונלי תמיד קיים. הוכחה: האלגוריתם הבא מוצא אותו (עזיז-לי-טלמון 2018):

•אתחול: *תקציב* := קבוצה ריקה,

*פעילים* := כל האזרחים.

- .סדר את  $2^m$  קבוצות הפריטים בסדר יורד של עלות ullet
  - :מהיקרה לזולה אולה פריטים Y, מהיקרה לזולה •
  - חשב את קבוצת-האזרחים K שרוצים את כל  $\bullet$  חשב את קבוצת-האזרחים k אזרחים. Y-ם.
  - kL/n אם עלות הפריטים ב-Y היא לכל היותר
    - הוסף את הפריטים ב-Y לתקציב.
    - .הורד את האזרחים בKמקבוצת הפעילים

### תקציב פרופורציונלי - דוגמה

סכום כולל: 30;	5,6	1,2,3,4	אזרח
סכום לאזרח: 5.	λ	א,ב	פריטים

Т	λ	ב	א	פריט
10	15	15	20	עלות

### :16 תת-קבוצות של פריטים

- אבגד, אבג, אבד, אגד, בגד, אב, אג, אד, בג, בד, גד -- יקרים מדי.
  - . בגודל K בגודל K בגודל K בגודל K באודל K
    - .ד,ג,ד ו אזרחים 5,6 ופריטים ב
      - -ב, ג, ד-יקרים מדי; סיימנו.

## תקציב פרופורציונלי – עוד דוגמה

4	3	2	1	אזרח
λ	λ,ユ	א,ב	Х	פריטים

(סכום כולל: 40;	λ	ב	א	פריט
סכום לאזרח: 10.	20	20	20	עלות

### :8 תת-קבוצות של פריטים

- -אבג, אב, בג, אג יקרים מדי.
- . בגודל 20, מתקצבים K בגודל 20, העלות 20, מתקצבים K
  - .נשארו אזרחים 3,4 ופריטים ב,ג
    - ;יקר מדי; • ב – יקר מדי;
  - . בגודל 2; מתקצבים K בגודל K

### תקציב פרופורציונלי - הוכחה

סיבוכיות:  $n*2^m$ . סביר כשמספר הפריטים קטן. • כשמספר הפריטים גדול, הבעיה NP-קשה.

משפט 1: אלגוריתם עזיז-לי-טלמון אף פעם לא חורג מגבולות התקציב.

הוכחה: בכל פעם שקבוצה של k אזרחים יוצאת מקבוצת הפעילים, האלגוריתם מתקצב פריטים שעלותם הכוללת היא לכל היותר  $k^*L/n$ . לכן, לאחר שכל n האזרחים יצאו מקבוצת הפעילים, האלגוריתם מתקצב פריטים שעלותם הכוללת היא לכל היותר  $n^*L/n = L$ .

### תקציב פרופורציונלי - הוכחה

משפט 2: אלגוריתם עזיז-לי-טלמון תמיד מחזיר תקציב פרופורציונלי [חלש].

הוכחה: נתונה קבוצת-אזרחים K בגודל k, המסכימים על קבוצת-פריטים X, כאשר  $c(X) \leq kL/n$  נוכיח שסך כל המימון המיועד לפריטים שחברי K רוצים, הוא לפחות c(X).

תת-קבוצות: Y = -Z מחולקת לשתי תת-קבוצות: X = -Z השאר. איפה נמצאים חברי הקבוצה X, כשהאלגוריתם מגיע ל-Z?

. אם כל חברי K פעילים – האלגוריתם יתקצב את Z; סתירה •

אם אחד מהם כבר לא פעיל – כשהוא יצא, נבחרה c(Z). c(Z) לתיקצוב קבוצת-פריטים שעלותם הכוללת לפחות לפחות: לכן, המימון הכולל לפריטים שחברי K רוצים הוא לפחות:

$$c(Z)+c(Y) = c(X)$$