

RAPPORT DU TP 'PROJETS INFORMATIQUES'

TP°2 'Generation of Random Variates'



Eldis YMERAJ- GA- #22015179

Année universitaire 2021-2022

Exercice 1 : “Dernière implémentation C” du Mersenne Twister (MT) original.

Dans cette exercice je vais tester si le code de ‘Mersenne Twister / 2002 version’ marche bien et quel est le but de ce code. Dans les prochaines exercices je vais avoir besoin pour les random fonctions qui sont écrit dans ce code pour réaliser le travail demandé.

Dans le main les fonctions `genrand_int32()` et `genrand_real12()` sont appelées et ces fonctions permettent de afficher les nombres aléatoires dans intervalles $[0,1)$ et l’autre dans $(0,1)$. Il est demandé la liste des 1000 premiers.

```
int main(void)
{
    int i;
    unsigned long init[4]={0x123, 0x234, 0x345, 0x456}, length=4;
    init_by_array(init, length);
    printf("1000 outputs of genrand_int32()\n");
    for (i=0; i<1000; i++) {
        printf("%10lu ", genrand_int32());
        if (i%5==4) printf("\n");
    }
    printf("\n1000 outputs of genrand_real12()\n");
    for (i=0; i<1000; i++) {
        printf("%10.8f ", genrand_real12());
        if (i%5==4) printf("\n");
    }
    return 0;
}
```

J’ai copié le code que je l’ai trouvé dans “Matsumoto Home Page” et le résultat après le compilation est :

```
1000 outputs of genrand_real12()
0.76275443 0.9900644 0.98670464 0.10143112 0.27933125
0.69867227 0.94218740 0.03427201 0.78842173 0.28180608
0.92179002 0.20785655 0.54534773 0.69644020 0.38107718
0.23978165 0.65286910 0.07514568 0.22765211 0.94872929
0.74557914 0.62664415 0.54708246 0.90959343 0.42043116
0.86334511 0.19189126 0.14718544 0.70259889 0.63426346
0.77408121 0.04531601 0.04605807 0.88595519 0.69398270
0.05377184 0.61711170 0.05565708 0.10133577 0.41500776
0.91810699 0.22320679 0.23353705 0.92871862 0.98897234
0.19786706 0.80558809 0.06961067 0.55840445 0.90479405
0.63288060 0.95009721 0.54948447 0.20645042 0.45000959
0.87050869 0.70806991 0.19406895 0.79286390 0.49332866
0.78483914 0.75145146 0.12341941 0.42030252 0.16728160
0.59906494 0.37575460 0.97801516 0.39815952 0.43595080
0.04952478 0.33917805 0.76509902 0.61034321 0.90654701
0.92915732 0.85365931 0.18812377 0.65913428 0.28814566
0.59476081 0.27835931 0.60722542 0.68310435 0.69387186
0.03699800 0.65897714 0.17527003 0.02889304 0.86777366
0.12352068 0.91439461 0.32022990 0.44445731 0.34903686
0.74639273 0.65918367 0.92492794 0.31872642 0.77749724
0.85413832 0.76385624 0.32744211 0.91326300 0.27458185
0.22190155 0.19865383 0.31227402 0.85321225 0.84243342
0.78544200 0.71854080 0.92503892 0.82703064 0.88306297
0.47284073 0.70059042 0.48003761 0.38671694 0.60465770
0.41747204 0.47163243 0.72750808 0.65830223 0.10955369
0.64215401 0.23456345 0.95944940 0.72822249 0.40888451
0.69980355 0.26677428 0.57333635 0.39791582 0.85377858
0.76962816 0.72004885 0.90903087 0.51376506 0.37732665
0.12691640 0.71249738 0.81217908 0.37037313 0.32772374
```

```
1000 outputs of genrand_int32()
1067595299 955945823 477289528 4107218783 4228976476
3344332714 3355579695 227628506 810200273 2591290167
2560260675 3242736208 646746669 1479517882 4245472273
1143372638 3863670494 3221021970 1773610557 1138697238
1421897700 1269916527 2859934041 1764463362 3874892047
3965319921 72549643 2383988930 2600218693 3237492380
2792901476 725331109 605841842 271258942 715137098
3297999536 1322965544 4229579109 1395091102 3735697720
2101727825 3730287744 2950434330 1661921839 2895579582
2370511479 1004092106 2247096681 2111242379 3237345263
4082424759 219785033 2454039889 3709582971 835606218
2411949883 2735205030 756421180 2175209704 1873865952
2762534237 4161807854 3351099340 1811298979 3269891896
776029799 2218161979 3001745796 1866825872 2133627728
34862734 1191934573 3102311354 2916517763 1012402762
2184831317 4257399449 2899497138 3818095062 3030756734
1282161629 420003642 2326421477 2741455717 1278020671
3744179621 271777016 2626330018 2560563991 3055977700
4233527566 1228397661 3595579322 1077915006 2395931898
1851927286 3013683506 1999971931 3006888962 1049781534
1488758959 3491776230 104418065 2448267297 3075614115
3872332600 891912190 3936547759 2269180963 2633455084
1047636807 2604612377 2709305729 1952216715 207593580
2849898034 670771757 2210471108 467711165 263046873
3569667915 1042291111 3863517079 1464270005 2758321352
3790799816 2301278724 3106281430 7974801 2792461636
555991332 621766759 1322453093 853629228 686962251
1455120532 957753161 1802033300 1021534190 3486047311
1902128914 3701138056 4176424663 1795608698 560858864
3737752754 3141170998 1553553385 3367807274 711546358
2475125503 262969859 251416325 2980076994 1806565895
969527843 3529327173 2736343040 2987196734 1649016367
2206175811 3048174801 3662503553 3138851612 2660143804
```

Exercise 2:

Dans cette exercice j'ai créé un fonction 'uniform' qui a deux nombre réel a et b comme paramètres et génère pseudo random nombres entre a et b. Dans notre cas on va essayer avec $a = -89.2^{\circ}\text{C}$ et $b = 56.7^{\circ}\text{C}$, donc on va afficher tout les températures entre -89.2°C et 56.7°C .

Ici on a déclaré un fonction uniform de type double qui prends pour paramètre deux nombres réel a et b et qui retourne la formule vue en cours. Et dans le main on a mis les valeurs de a et b et on est entré dans un boucle pour, pour afficher les 10 premiers températures entre -89.2°C et 56.7°C .

```
double uniform(double a, double b){
    return a+(b-a)*genrand_real1();
}
int main(void)
{
    double a,b;
    a=-89.2;
    b=56.7;
    printf("For temperatures between -89,2 °C and 56,7 °C we have :\n");
    for(int i=0;i<10;i++){
        printf("%f °C\n", uniform(a,b));
    }
    return 0;
}
```

Quand on compile on va avoir :

```
For temperatures between -89,2 °C and 56,7 °C we have :
29.668187 °C
-69.433905 °C
42.955043 °C
32.627753 °C
-70.672624 °C
52.157808 °C
44.061537 °C
-56.951133 °C
3.061215 °C
-44.238427 °C
```

Exercise 3:

A) On a des données de terrain avec 3 classes d'où, 500 observations en classe A, 150 en classe B et 350 en classe C. Le probabilité dans chaque classe est 50% pour A, 15% pour B et 35% pour C. Dans notre exo on va implémenter et tester un progra,,e simulant le distribution discrète qui est bien expliquée dans l'exercice avec les trois classes A, B et C.

Premièrement j'ai déclaré un tableau de type double qui prends les valeur de probabilité pour chaque classe, tab[0] c'est pour la classe A , tab[1] c'est pour la classe B et tab[2] c'est pour la classe C. Aussi j'ai déclaré trois variables de type int countA, countB et countC initialisé à 0 qui sont des variables qu'ils comptent le nombre des fois ou un nouveau nombre aléatoire appartient dans la classe précisé. On est entrée dans un boucle for et on a déclaré un nouveau variable RAND de type double qui génère les nombres aléatoires entre 0 et 1 pour chaque itération. Pour chaque classe on a fait les conditions comme il est demandé dans l'exo et chque fois que la condition est vrai on fait countA/B/C++ pour compter les nombres dans chaque classe.

Pour les afficher, premièrement on a afficher combien de nombres on a dans chaque catégorie et après on a calculé le probabilité pour 1000 itérations. Pour 1000000 itérations je l'ai mis en

```
int main(void)
{
    printf("Qestion 2-A : \n");
    double tab[]={0.5, 0.65, 1};
    int countA=0;
    int countB=0;
    int countC=0;
    for(int i=0; i<1000; i++){
        double RAND=genrand_real1();
        if(RAND<tab[0]){
            countA++;
        }else{
            if(RAND<tab[1]){
                countB++;
            }else{
                countC++;
            }
        }
    }
}
```

```
printf("%d times A\n", countA);
printf("%d times B\n", countB);
printf("%d times C\n", countC);
double pA=(countA*100/1000);
double pB=(countB*100/1000);
double pC=(countC*100/1000);
printf("Percentage obtained fo A is %.0f\n", pA);
printf("Percentage obtained fo B is %.0f \n", pB);
printf("Percentage obtained fo C is %.0f\n", pC);
return 0;
```

commentaire car c'est la meme chose mais juste on change nombre des itérations et on divise par 1000000.

P.s : p_A , p_B , p_C sont des probabilités pour chaque classe, ils sont des nouvelles variables de type double.

Quand on compile on a:

```
Qestion 2-A for 1000 iterations:
517 times A
141 times B
342 times C
Percentage obtained for A is 51
Percentage obtained for B is 14
Percentage obtained for C is 34
```

```
Qestion 2-A for 1000000 iterations:
500111 times A
150442 times B
349447 times C
Percentage obtained for A is 50
Percentage obtained for B is 15
Percentage obtained for C is 34
```

- B) Pour la question b, j'ai créé un fonction qui prends pour paramètre un tableau du type double et sa taille n. J'ai déclaré un autre tableau nommée arr de type int initialisé à 0. Maintenant on est entré dans un autre boucle for et on va générer 1000 random numbers. On a déclaré un variable real de type double qui va nous généré pour chaque itération un nouveau nombre aléatoire réel. On met le condition pour chaque classe, si le nombre est inférieure à 0.5 on est dans classe A, s'il est inférieure à 0.65 on est dans classe B et sinon on est dans C et chaqu fois que le condition est vrai pour chaque classe on les compter. Pour l'affichage j'ai fait un autre boucle for et j'ai calculé la probabilité et après je les ai affiché. Dans le main j'ai expliqué que classe 1 correspond à A, classe 2 correspond à B et classe 3 correspond à C. J'ai initialisé le tableau tab avec les probabilités correspondants et

après j'ai fait appel à
 fonction qu'on a créé.
 Pour 1'00'0000
 itérations c'est la
 meme chose mais on
 juste change le
 nombre d'itérations
 dans le boucle.

```
double fonction(double tab1[], int n){
    int arr[n];
    for(int i=0;i<n;i++){
        arr[i]=0;
    }
    for(int i=0;i<1000;i++){
        double real=genrand_real1();
        for(int j=0;j<n;j++){
            if(real<tab1[j]){
                arr[j]++;break;
            }
        }
    }
    for(int i=0;i<n;i++){
        arr[i]=(arr[i]*100)/1000;
        printf("Percentage of class %d is %d\n", i+1,arr[i]);
    }
}

int main(void)
{
    printf("Distribution with 1000 drawings: \n");
    printf("Class 1 corresponds to class A\n");
    printf("Class 2 corresponds to class B\n");
    printf("Class 3 corresponds to class C\n");
    printf("====Distribution with 1000 drawings =====\n");
    //printf("====Distribution with 1000 drawings =====\n");
    double tab[3]={0.5, 0.65,1};
    fonction(tab,3);

    return 0;
}
```

```
Class 1 corresponds to class A
Class 2 corresponds to class B
Class 3 corresponds to class C
====Distribution with 1000 drawings =====
Percentage of class 1 is 51
Percentage of class 2 is 14
Percentage of class 3 is 34
```

```
Class 1 corresponds to class A
Class 2 corresponds to class B
Class 3 corresponds to class C
====Distribution with 1000000 drawings =====
Percentage of class 1 is 50
Percentage of class 2 is 15
Percentage of class 3 is 34
```


Exercise 4:

Premièrement, dans cette exercice j'ai créé une fonction qui s'appelle `negExp` et qui prend pour paramètre un 'mean' de type `double`. Cette fonction permet de générer la loi exponentielle négative. J'ai appelé `Y` une variable de type `double` qui permet de générer un nombre réel aléatoire entre dans l'intervalle $[0, 1]$. `X` est une variable de type `double` qui calcule une partie de la formule donnée au cours et à la fin on retourne la formule complète.

```
double negExp(double Mean){
    double Y=genrand_real1();
    double X=log(1-Y);
    return ((-Mean)*X);
}
```

Maintenant dans le `main` j'ai testé la fonction `negExp` pour 1'000 et 1'000'000 nombres générés et je les ai mis dans un tableau. J'ai appelé `arr1` le tableau qui contient les 1'000 nombres générés de notre fonction `negExp` et `arr2` pour 1'000'000 nombres générés. `sum1` et `sum2` sont deux variables qu'on a besoin de calculer la moyenne pour chaque tableau et `avg1` et `avg2` sont deux variables qu'ils vont contenir les valeurs de moyennes calculées pour 1'000 et 1'000'000 nombres générés par notre fonction. On est entré dans une boucle `for` pour mettre dans le tableau les 1'000 nombres générés par la fonction `negExp` et on a fait la même chose pour la deuxième tableau avec 1'000'000 itérations.

Maintenant on a calculé la somme des éléments dans chaque tableau et après la moyenne pour `arr1` et `arr2`.

```
int main(void)
{
    double arr1[1000]; //An array for 1'000 drawings
    double arr2[1000000]; //An array for 1'000'000 drawings
    double sum1=0; // Is a variable which we need to calculate the average for 1'000 drawings
    double sum2=0; // Is a variable which we need to calculate the average for 1'000'000 drawings
    double avg1; //Is a variable which will calculate the average for 1'000 drawings
    double avg2; //Is a variable which will calculate the average for 1'000'000 drawings
    for(int i=0;i<1000;i++){
        arr1[i]=negExp(11);
    }
    for(int i=0;i<1000000;i++){
        arr2[i]=negExp(11);
    }
    for(int i=0;i<1000;i++){
        sum1+=arr1[i];
    }
    for(int i=0;i<1000000;i++){
        sum2+=arr2[i];
    }
    avg1=sum1/1000;
    avg2=sum2/1000000;
    printf("Average obtained after drawing 1'000 is: %f\n", avg1);
    printf("Average obtained after drawing 1'000'000 is: %f", avg2);

    return 0;
}
```

La moyenne dans les deux cas est proche de 11. Voici ce qui est affiché dans la console.

```
Average obtained after drawing 1'000 is: 10.865714
Average obtained after drawing 1'000'000 is: 10.995488
```

La dernière question de l'exercice 4 nous demande de tester la fréquence des nombres entre 0 et 1, entre 1 et 2,... et entre 20 et 21. Notre tableau qu'on va créer joue le rôle d'un tableau poubelle et au dessous de 21 on prends juste une poubelle et pour chaque numéro tiré on compte dans quelle case il apparait et on le calcule pour tous les tirages 1'000 et 1'000'000.

```
int testBin[22]; // An array which test the frequency of numbers between 0 and 1
for (int i=0;i<22;i++){
    testBin[i]=0;
}
for(int i=0;i<1000;i++){
    int BIN=((int) negExp(11)); // A variable which takes the value of fonction
    testBin[BIN]++;
}
printf("\n===== Distribution for 1000 drawings =====\n");
for(int i=0;i<22;i++){
    printf("%d ",testBin[i]);
}
printf("\n===== Distribution for 1000000 drawings =====\n");
for(int i=0;i<1000000;i++){
    int BIN=((int) negExp(11));
    testBin[BIN]++;
}
for(int i=0;i<22;i++){
    printf("%d ",testBin[i]);
}
```

J'ai créé un tableau de type int avec 22 cases et je l'ai initialisé à 0. On est entré dans un boucle pour avec 1'000 tirages et j'ai déclaré u variable de type int que je l'ai nommé BIN qui prends des nombres générés par notre fonction negExp(entiers) et après on les compte pour chaque itération. On a fait la meme chose pour 1'000'000 itérations.

Dans le console on a:

```
Average obtained after drawing 1'000 is: 10.865714
Average obtained after drawing 1'000'000 is: 10.995488

===== Distribution for 1000 drawings =====
91 88 73 66 59 50 36 39 51 37 46 42 29 26 24 23 12 19 20 15 10 11
===== Distribution for 1000000 drawings =====
86703 79745 72219 66009 60399 55054 50649 45906 42108 38144 35492 31733 29340 26687 24454
22234 20568 18512 17040 15443 13956 12761
```


Exercice 6:

Des bibliothèques en C/C++ et Java qui génèrent des variables aléatoires :

- AMP RNG C++
- Easy Random JAVA
- GNU Scientific Library C/C++
- java.util.Random JAVA

CONCLUSION

Dans la première TP, j'ai mis en place différentes techniques pour la génération de nombres aléatoires mais ici j'ai utilisé l'un des meilleurs générateurs proposés pour la science au 21^e siècle pour résoudre les exercices donnés. J'ai vu que l'utilisation des fonctions pour générer des nombres aléatoires n'est pas utile juste en Informatique et mathématique mais dans de nombreux domaines de la vie. Ce que j'ai vu dans ce TP est ce que les nombres aléatoires sont très importants dans les calculs pour trouver probabilité et pour étudier différents domaines en science et aussi pour générer et étudier les graphes pour le développement de la science.

P.s : Dans ce rapport vous pouvez trouver les erreurs orthographiques car je trouve des difficultés dans la langue française, et les commentaires et les noms de variables dans le code je les ai écrits en Anglais. Je vous dis désolé pour ces types de fautes orthographiques et je vais essayer de travailler avec la langue pour ne pas faire ces erreurs.