الزوايا

- زوایا خاصة

الشكل	تعريفها	الزاوية
\hat{M} \hat{O} \hat{N} \hat{O} \hat{N} \hat{O}	الزاوية المستقيمية هي زاوية قياسها °180	زاوية مستقيمية
$E\hat{OF} = 90^{\circ}$	°90الزاوية القائمة هي زاوية قياسها	زاوية قائمة
OB	و °90الزاوية الحادة هي زاوية قياسها محصور بين°0	زاوية حادة
E F	الزاوية المنفرجة هي زاوية قياسها محصور بين° 90 و °180	زاوية منفرجة

2-زاویتان متحادیتان-زاویتان متتامتان-زاویتان متکاملتان

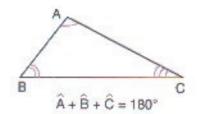
الشكل	التعريف	الزاويتان
MÔKو LÔM زاويتان	تكون زاويتان متحاذيتين إذا كان: لهما	زاويتان
متحاذيتان	نفس الراس وضلع مشترك و توجدان في	متحاديتان
/	جهتين مختلفتين من الضلع المشترك	
/M		
К к		
0		
	90°تكون زاويتان متتامتين إذا كان	زاويتان متتامتان
	مجموع قياسهما يساوي	
b /	***	
/a		
/ 500		
b=50° a=40°		
$a+b=90^{\circ}$		
11	تكون زاويتان متكاملتين إذا كان	زاويتان
//	مجموع قياسهما يساو <i>ي</i> °180	متكاملتان
y=110° x=70°		
/-110		
100°		
$x + y = 180^{\circ}$		

3- مجموع زوایا مثلث

خاصية

مجموع قياسات زوايا مثلث يساوي°180

<u>مثال</u>

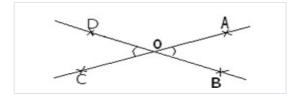


4- زاویتان متقابلتان بالرأس

تعريف

زاويتان متقابلتان بالرأس هما زاويتان لهما نفس الرأس و ضلعا كل منهما امتداد لضلعي الزاوية الأخرى.

مثال



CÔD و OÂB زاویتان متقابلتان بالرأس

خاصية

زاويتان متقابلتان بالرأس زاويتان متقايستان

مثال

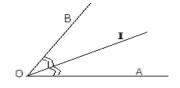
 $O\hat{A}B = C\hat{O}D$: في المثال السابق لدينا

5-منصف الزاوية

تعريف

منصف زاوية هو نصف المستقيم الذي أصله رأس الزاوية و الذي يقسمها إلى زاويتان متقايستان

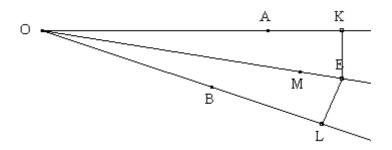
مثال



- (OI) منصف الزاوية AÔB يعني أن AÔI=IÔB

خاصية 1 (المباشرة) كل نقطة تنتمي إلى منصف زاوية فإنها تبعد بنفس المسافة عن ضلعي هذه الزاوية

مثال

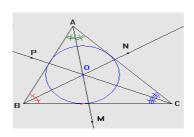


 $\mathsf{EK} = \mathsf{EL}$ النقطة E تنتمى إلى منصف الزاوية $O\hat{A}B$ إذن خاصية 2 (العكسية)

كل نقطة تبعد بنفس المسافة عن ضلعي زاوية فإنها تنتمي إلى منصف هذه الزاوية

6-منصفات زوایا مثلث

خاصية منصفات مثلث تتلاقى في نقطة وحيدة تسمى مركز الدائرة المحاطة بهذا المثلث



في الشك جانبه منصفات زوايا المثلث ABC تتلاقى في النقطة O و التي تمثل مركز الدائرة المحاطة بهذا المثلث

المثلث

1 - المثلث القائم الزاوية

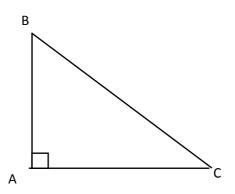
تعريف

المثلث القائم الزاوية هو مثلث له زاوية قائمة

خاصية 1

كل مثلث له زاوية قائمة يسمى مثلث قائم الزاوية

مثال

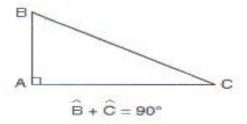


ABC مثلث قائم الزاوية في النقطة A

خاصية 2

إذا كان مثلث قائم ازاوية فإن زاويتاه الحادتين متتامتين

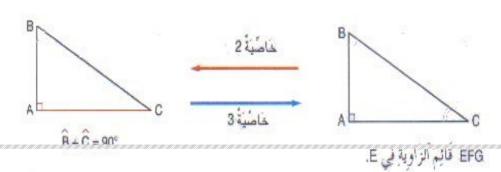
مثال



خاصية 3

إذا كان لمثلث زاويتان متتامتان فإنه يكون قائم الزاوية

مثال



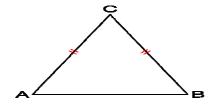
2 -المثلث المتساوي الساقين

تعريف

يكون مثلث متساوي الساقين إذا كان له ضلعان متقايسان

مثال

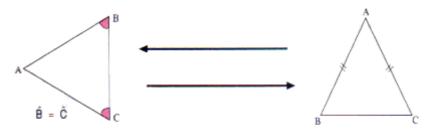
ABC مثلث متساوي الساقين في النقطة



خاصية

- إذا كان مثلث متساوي الساقين فإن زاويتي القاعدة متقايستان
- إذا كان لمثلث زاويتان متقايستان فإنه يكون متساوي الساقين

مثال



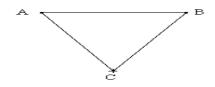
ABC مُثَلُثٌ مُتَسَاوِي ٱلسَّاقَيْنِ في A

3 -المثلث المتساوي الاضلاع

تعريف

المثلث المتساوي الأضلاع هو مثلث جميع أضلاعه متقايسة

مثال



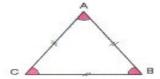
ABC مثلث متساوي الأضلاع.

خاصية

-إذا كان مثلث متساوي الأضلاع فإن جميع زواياه متقايسة و قياس كل منها °60

-إذا كانت زوايا مثلث متقايسة فإنه يكون متساوي الأضلاع

مثال

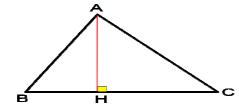


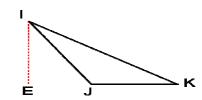
اَلْمُثَلِّثُ ABC مُتَساوِى الأَضْلاع : = B = C = 60°

4 - ارتفاع مثلث

تعريف

ارتفاع مثلث هو المستقيم المار من أحد رؤوسه و العمودي على حامل الضلع المقابل لهذا الرأس . مثال





- IE هو ارتفاع المثلث IJK

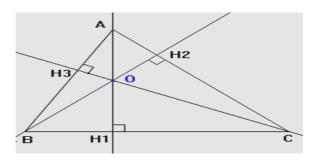
-ABC هو ارتفاع المثلث AH

5- ارتفاعات مثلث

خاصية

ارتفاعات مثلث تتلاقى في نقطة وحيدة تسمى مركز تعامد هذا المثلث

مثال



في الشك جانبه ارتفاعات ABC تتلاقى في النقطة O و التي تسمى مركز تعامد المثلث ABC