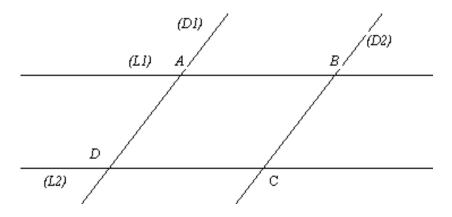
متوازي الأضلاع

I _ متوازي الأضلاع:

- 1) مثال:
- . و $(\hat{\mathbf{D}}_2)$ مستقیمان متوازیان (\mathbf{D}_1
- . D و C و B و A : هو التوالي في (D_2) و (D_1) و (D_2) و (D_1) مستقيمان متوازيان يقطعان (D_2)



نسمي الرباعي ABCD متوازي الأضلاع

: تعریف – (2

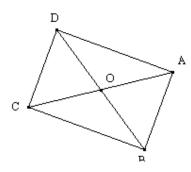
متوازي الأضلاع هو رباعي حاملا كل ضلعين متقابلين فيه متوازيين

: خصائے _ II

1) - خاصية القطريين:

أ) - الخاصية المباشرة:

ABCD متوازي الأضلاع قطراه يتقاطعان في O.



نلاحظ أن O منتصف القطريين [AC] و [BD] .

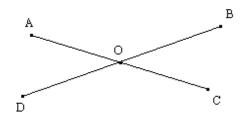
نقول إذن:

إذا كان رباعي متوازي الأضلاع فإن لقطريه نفس المنتصف

* ملاحظة هامة: نسمي نقطة تقاطع قطري متوازي الأضلاع مركزه.

ب) - الخاصية العكسية:

. و B و D و حاملاهما غير متعامدين : AC و B و B و A



لنبر هن أن الرباعي ABCD متوازي الأضلاع.

(BC) يوازي (AD) و أن (AD) يوازي (AB) يوازي (AB) يوازي

نعلم أن O منتصف [AC] و [BD] إذن:

A و C متماثلتين بالنسبة للنقطة O .

B و D متماثلتين بالنسبة للنقطة O

إذن: المستقيمين (AB) و (CD) متماثلين بالنسبة للنقطة O و كذلك المستقيمين (AD) و (BC).

و منه فإن (CD) // (AB) و (BC) // (AD)

و بالتالي فإن ABCD متوازي الأضلاع (حسب التعريف) مركزه النقطة O.

نقول إذن:

1) - الشكــــل:

إذا كان رباعي قطراه لهما نفس المنتصف فإنه يكون متوازي الأضلاع

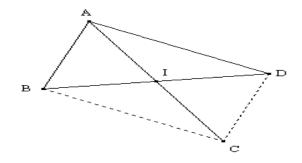
* تمرین تطبیقی:

ABC مثلث و I منتصف [AC] .

1) – أنشئ D مماثلة B بالنسبة للنقطة I .

2) - أثبت أن الرباعي ABCD متوازي الأضلاع.

لحــل:



2) - لنثبت أن الرباعي ABCD متوازي الأضلاع:

نعلم أن:

(1). [AC] منتصف [

و لدينا D مماثلة B بالنسبة للنقطة I .

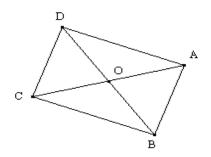
إذن : I منتصف [BD] . (2)

من (1) و (2) نستنتج أن الرباعي ABCD متوازي الأضلاع (حسب الخاصية العكسية للقطرين) .

2) - خاصية الأضلاع المتقابلة:

أ) - الخاصية المباشرة:

. O متوازي الأضلاع مركزه ABCD متوازي AB = CD . لنبين AB = CD .



نعلم أن O مركز متوازي الأضلاع ABCD.

إذن O منتصف القطرين [AC] و [BD] .

. D و $\stackrel{\cdot}{\mathrm{O}}$ و $\stackrel{\cdot}{\mathrm{O}}$ متماثلتين بالنسبة للنقطة $\stackrel{\cdot}{\mathrm{O}}$ و $\stackrel{\cdot}{\mathrm{O}}$

و بالتالي فإن : AB = CD و AD = BC و AB = CD (حسب خاصية الحفاظ على المسافة بين نقطتين) .

نقول إذن:

إذا كان رباعي متوازي الأضلاع فإن كل ضلعين متقابلين فيه متقايسان

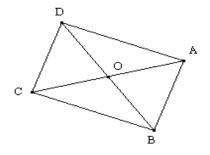
ب) - الخاصية العكسية:

إذا كان لرباعي كل ضلعين متقابلين فيه متقايسان فإنه يكون متوازي الأضلاع

3) - خاصية الزوايا المتقابلة:

أ) - الخاصية المباشرة:

متوازي الأضلاع مركزه O . ABCD متوازي الأضلاع مركزه $ABC = B\hat{C}D$ و أن $ABC = A\hat{D}C$



نعلم أن ABCD متوازي الأضلاع مركزه O.

إذن : O منتصف القطرين [AC] و [BD] .

و منه فإن $A \in C$ متماثلتيّن بالنّسبة لّلنقطة O و كذلك B و D .

 $B\hat{C}D$ و $B\hat{A}D$ و $A\hat{B}C$ و كذلك الزاويتين $A\hat{D}C$ و $A\hat{B}C$ و كذلك الزاويتين $A\hat{B}C$ و بالتالى فإن $A\hat{B}C=A\hat{D}C$ و بالتالى فإن $A\hat{B}C=A\hat{D}C$ و بالتالى فإن

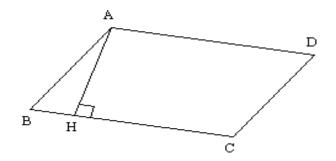
نقول إذن:

إذا كان رباعي متوازي الأضلاع فإن كل زاويتين متقابلتين فيه متقايستان

ب) - الخاصية العكسية:

إذا كان لرباعي كل زاويتين متقاباتين فيه متقايستان فإنه يكون متوازي الأضلاع

4) - ارتفاع متوازي الأضلاع : ABCD متوازي الأضلاع و + المسقط العمودي للنقطة + على المستقيم (CD) .



نسمى AH ارتتفاع متوازي الأضلاع ABCD .

5) - خاصية إضافية:

إذا كان لرباعي ضلعان متقابلان و حاملاهما متوازيين فإنه يكون متوازي الأضلاع