

Capitolo 10

Strutturare i dati



Tipo di dato

Tipo: Collezione di valori (omogenei ed effettivamente presentati) dotata di un insieme di operazioni per manipolare tali valori

Cosa è un tipo e cosa no dipende fortemente dal linguaggio di programmazione

A cosa servono i tipi?

- Livello di progetto: Organizzano l'informazione
 - Tipi diversi per concetti diversi
 - Costituiscono “commenti” sull'uso inteso degli identificatori
- Livello di programma: Identificano e prevengono errori
 - I tipi (e non i commenti) sono controllabili automaticamente
 - Costituiscono un “controllo dimensionale”:
 - 3+“pippo” **deve** essere sbagliato
- Livello di implementazione: Permettono alcune ottimizzazioni
 - Bool richiede meno bit di real
 - Precalcolo degli offset di accesso a record/struct

Sistemi di tipi

- Il *sistema di tipi* di un linguaggio:
 - Tipi predefiniti
 - Meccanismi per definire nuovi tipi
 - Meccanismi relativi al controllo:
 - equivalenza
 - compatibilità
 - inferenza
 - Specifica se i controlli sono statici o dinamici
- Un sistema di tipo è **sicuro relativamente ai tipi** (type safe):
 - in esecuzione non possono avvenire errori non segnalati derivanti da un errore di tipo

Tipi scalari

- Booleani

- val: true, false
- op: or, and, not, condizionali
- repr: un byte
- note: C non ha un tipo bool

- Caratteri

- val: a,A,b,B, ..., è,é,ë, ; , ' , ...
- op: uguaglianza; code/decode; dipendenti dal linguaggio
- repr: un byte (ASCII) o due byte (UNICODE)

Tipi scalari

- Interi

- val: 0,1,-1,2,-2,...,maxint
- op: +, -, *, mod, div, ...
- repr: alcuni byte (2 o 4); complemento a due
- note: interi e interi lunghi (anche 8 byte); limitati problemi nella portabilità quando la lunghezza non è specificata nella definizione del linguaggio

- Reali

- val: valori razionali in un certo intervallo
- op: +, -, *, /, ...
- repr: alcuni byte (4); virgola mobile
- note: reali e reali lunghi (8 byte); gravi problemi di portabilità quando la lunghezza non è specificata nella definizione del linguaggio

Tipi scalari

- Complessi

- val:
- op: ...
- repr: due reali
- note: Scheme, Ada

- Fixed point

- val: valori razionali in un certo intervallo
- op: +, -, *, /, ...
- repr: alcuni byte (2 o 4); complemento a due, virgola fissa
- note: Ada.

Fixed-point rappresentano in modo compatto un ampio intervallo con pochi decimali di precisione

Tipi Scalari

- Il tipo `void`
 - ha un solo valore
 - nessuna operazione
 - serve per definire il tipo di operazioni che modificano lo stato senza restituire alcun valore

```
void f (...) {...}
```

- il tipo di `f` deve avere un valore (e non nessuno) altrimenti non potremmo definire una tale `f` !
- il valore restituito da `f` di tipo `void` è sempre il solito (e dunque non interessa)

Una prima classificazione

- Tipi ordinali (o discreti):
 - booleani, interi, caratteri
 - ogni elemento possiede un succ e un prec (eccetto primo/ultimo)
 - altri tipi ordinali:
 - enumerazioni
 - intervalli (subrange)
 - vi si può “iterare sopra”
 - indici di array
- Tipi scalari
 - tutti quelli che abbiam visto sin qui:
 - ordinali
 - reali, complessi
 - hanno una “diretta” rappresentazione nell’implementazione
 - non sono costituiti dall’aggregazione di altri valori

Enumerazioni

- introdotti in Pascal

```
type Giorni = (Lun, Mar, Mer, Giov, Ven, Sab, Dom);
```

- programmi di più semplice comprensione
- valori ordinati: `Mar < Ven`
- iterazione sui valori: `for i := Lun to Sab do ...`
- succ, pred
- rappresentati come short integer (un byte)

- In C:

```
enum giorni = {Lun, Mar, Mer, Giov, Ven, Sab, Dom};
```

ma è equivalente a

```
typedef int giorni;  
const giorni Lun=0, Mar=1, Mer=2..., Dom=6;
```

- contra: Pascal distingue `Mar` e `1`

Intervalli (subrange)

- introdotti in Pascal
- i valori sono un intervallo dei valori di un tipo ordinale (il *tipo base* dell'intervallo)
- Esempî:

```
type MenoDiDieci = 0..9;  
type GiorniLav = Lun..Ven;
```
- rappresentati come il tipo base
- perché usare un tipo intervallo invece del suo tipo base:
 - documentazione “controllabile”
 - generazione di codice efficiente

Tipi composti, o strutturati, o non scalari

- Record
 - collezione di campi (fields), ciascuno di un (diverso) tipo
 - un campo è selezionato col suo nome
- Record varianti
 - record dove solo alcuni campi (mutuamente esclusivi) sono attivi ad un dato istante
- Array
 - funzione da un tipo indice (scalare) ad un altro tipo
 - array di caratteri sono chiamati stringhe; operazioni speciali
- Insieme
 - sottinsieme di un tipo base
- Puntatore
 - riferimento (*reference*) ad un oggetto di un altro tipo

Records

- manipolare in modo unitario dati di tipo eterogeneo
- C, C++, CommonLisp, Algol68: `struct` (strutture)
- Java: non ha tipi record, sussunti dalle classi
- Esempio, in C:

```
struct studente {  
    char nome[20];  
    int matricola; };
```

- Selezione di campo:

```
studente s;  
s.matricola=343536;
```

- record possono essere annidati
- memorizzabili, esprimibili e denotabili
 - Pascal non ha modo di esprimere “un valore record costante”
 - C lo può fare, ma solo nell’inizializzazione (initializer)
 - uguaglianza generalmente non definita (contra: Ada)

Records: memory layout

- memorizzazione sequenziale dei campi
- allineamento alla parola (16/32 bit)
 - spreco di memoria
- packed records
 - disallineamento
 - accesso più costoso

Record varianti

- In un record variante alcuni campi sono alternativi tra loro: solo uno di essi è attivo in un dato istante

```
type stud = record
  nome : packed array [1..6] of char;
  matricola: integer;
  case fuoricorso : Boolean of
    true: (ultimoanno: 2000..maxint);
    false: (anno: (primo, secondo, terzo);
            inpari: Boolean;);
  end;
var s: stud;
...
s.fuoricorso := true;
s.ultimoanno:= 2001;
...
```

I due campi (le due **varianti**) ultimoanno e anno possono condividere la stessa locazione di memoria
Il tipo del **tag** fuoricorso può essere un qualsiasi tipo ordinale

Record varianti: memory layout

```
type stud = record
  nome : packed array [1..6] of char;
  matricola: integer;
  case fuoricorso : Boolean of
    true: (ultimoanno: 2000..maxint);
    false: (anno: (primo, secondo, terzo);
            inpari: Boolean;);
end;
```

Due variabili di tipo stud:

nome	
matricola	
fuoricorso	
ultimoanno / anno	
inpari	

S	I
M	O
N	E
323320	
true	
2000	

M	A
U	R
I	Z
333333	
false	
secondo	
true	

Record varianti

- Possibili in molti linguaggi
 - C: union + struct

```
struct student {char nome[6];
    int matricola;
    bool fuoricorso;
    union {
        int ultimoanno;
        struct { int anno;
            bool inpari;} campivarianti;
    };
};
```

- Pascal (Modula, Ada) unisce unioni e record con eleganza

Array

- Collezioni di dati omogenei:
 - funzione da un tipo indice al **tipo degli elementi**
 - indice: in genere discreto
 - elemento: “qualsiasi tipo” (raramente un tipo funzionale)
- Dichiarazioni
 - C: `int vet[30];` tipo indice: tra 0 e 29
 - Pascal: `var vett : array [0..29] of integer;`
- Array multidimensionali
 - funzione da tipo indice a tipo array
 - in Pascal le seguenti sono equivalenti

```
var mat : array [0..29, 'a'..'z'] of real;
var mat : array [0..29] of array ['a'..'z']
of real;
```
 - ma non sono equivalenti in Ada: la seconda permette *slicing*
 - C fonde array e puntatori

Array: operazioni

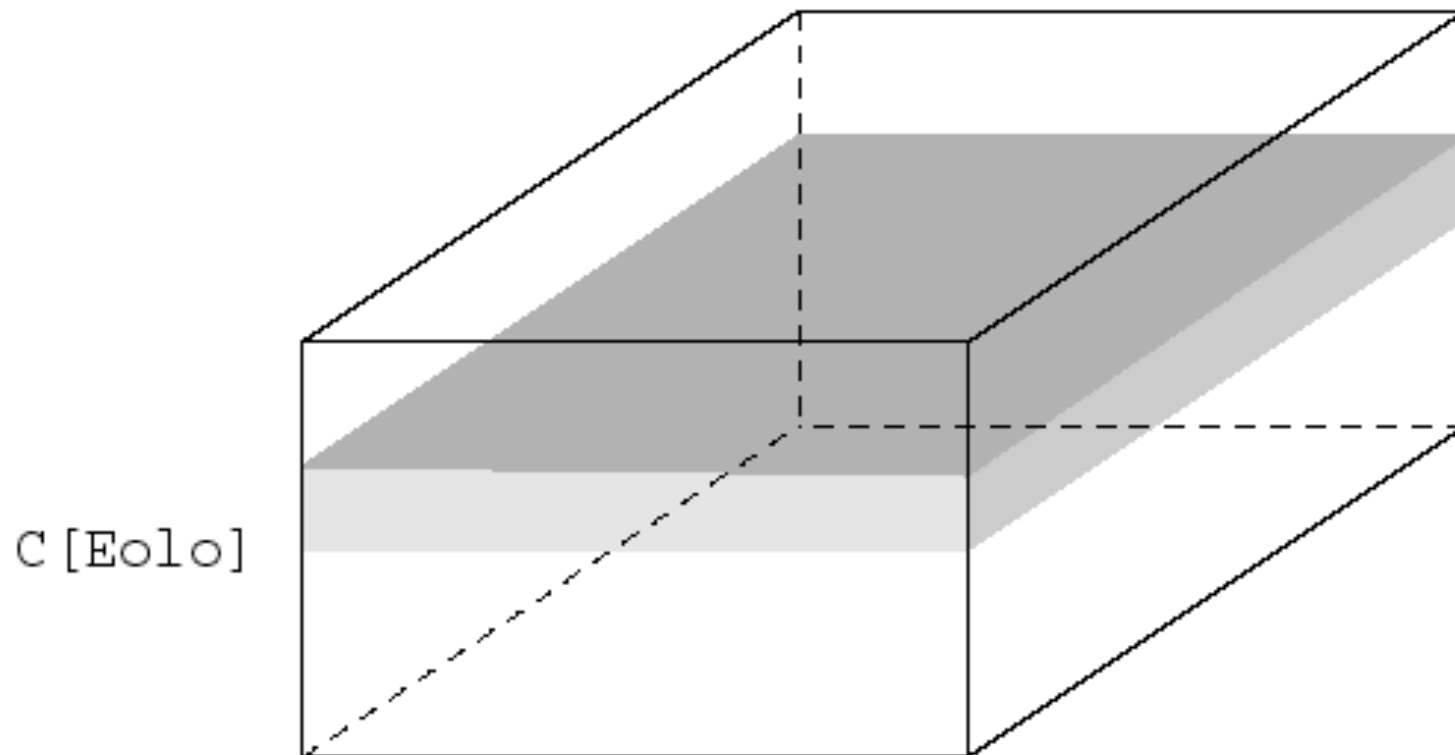
- Principale operazione permessa:
 - selezione di un elemento: `vet[3]` `mat[10,'c']`
 - attenzione: modifica non è un'operazione sull'array, ma sulla locazione modificabile che memorizza un (elemento di) array
- Alcuni linguaggi permettono *slicing*:
 - selezione di parti contigue di un array
 - Esempio: in Ada, con

```
mat : array(1..10) of array (1..10) of real;
```

`mat(3)` indica la terza riga della matrice quadrata `mat`
- In presenza di slicing, presenti spesso anche operazioni globali su array:
 - Fortran90: `A+B` somma gli elementi di A e B (dello stesso tipo)
 - APL: linguaggio (~1962) per manipolazioni di array
 - potenti operazioni; linguaggio sintetico e austero
 - lessico “matematico”: lettere greche
 - impossibile da leggere (e da scrivere sulle telescriventi dell'epoca)

Slice su array: esempio

```
int W[21..30];  
type Nano = {Brontolo, Cucciolo, Dotto, Eolo, Gongolo, Mammolo,  
             Pisolo};  
int V[1..10,1..10];  
char C[Dotto..Mammolo,0..10,1..10];
```



Memorizzazione degli array

- Elementi memorizzati in locazioni contigue:
 - ordine di riga: $V[1,1]; V[1,2]; \dots; V[1,10]; V[2,1]; \dots$
 - maggiormente usato;
 - il subarray di un array di array (“la terza riga”) vive in locazioni contigue.
 - ordine di colonna: $V[1,1]; V[2,1]; V[3,1]; \dots; V[10,1]; V[1,2]; \dots$
- Ordine rilevante per efficienza in sistemi con cache

Array: calcolo indirizzi

- Calcolo locazione corrispondente a $A[i,j,k]$ (per riga)
 - A : array[$l1..u1, l2..u2, l3..u3$] of elem_type;
 $S3$: dimensione di (un elemento di) elem_type
 $S2 = (u3-l3+1)*S3$ dimensione di una riga
 $S1 = (u2-l2+1)*S2$ dimensione di un piano
 - locazione di $A[i,j,k]$ è:
 α indirizzo di inizio di A
 $+ (i-l1)*S1$ = ind di inizio del piano di $A[i,j,k]$
 $+ (j-l2)*S2$ = ind di inizio della riga di $A[i,j,k]$
 $+ (k-l3)*S3$ = ind di $A[i,j,k]$
 - se la shape è nota a tempo di compilazione, riorganizza:
 - $i*S1+j*S2+k*S3 + \alpha$
 - se l'indice inizia sempre da zero ($l1=l2=l3=0$) nessuna precomputazione

Array: shape

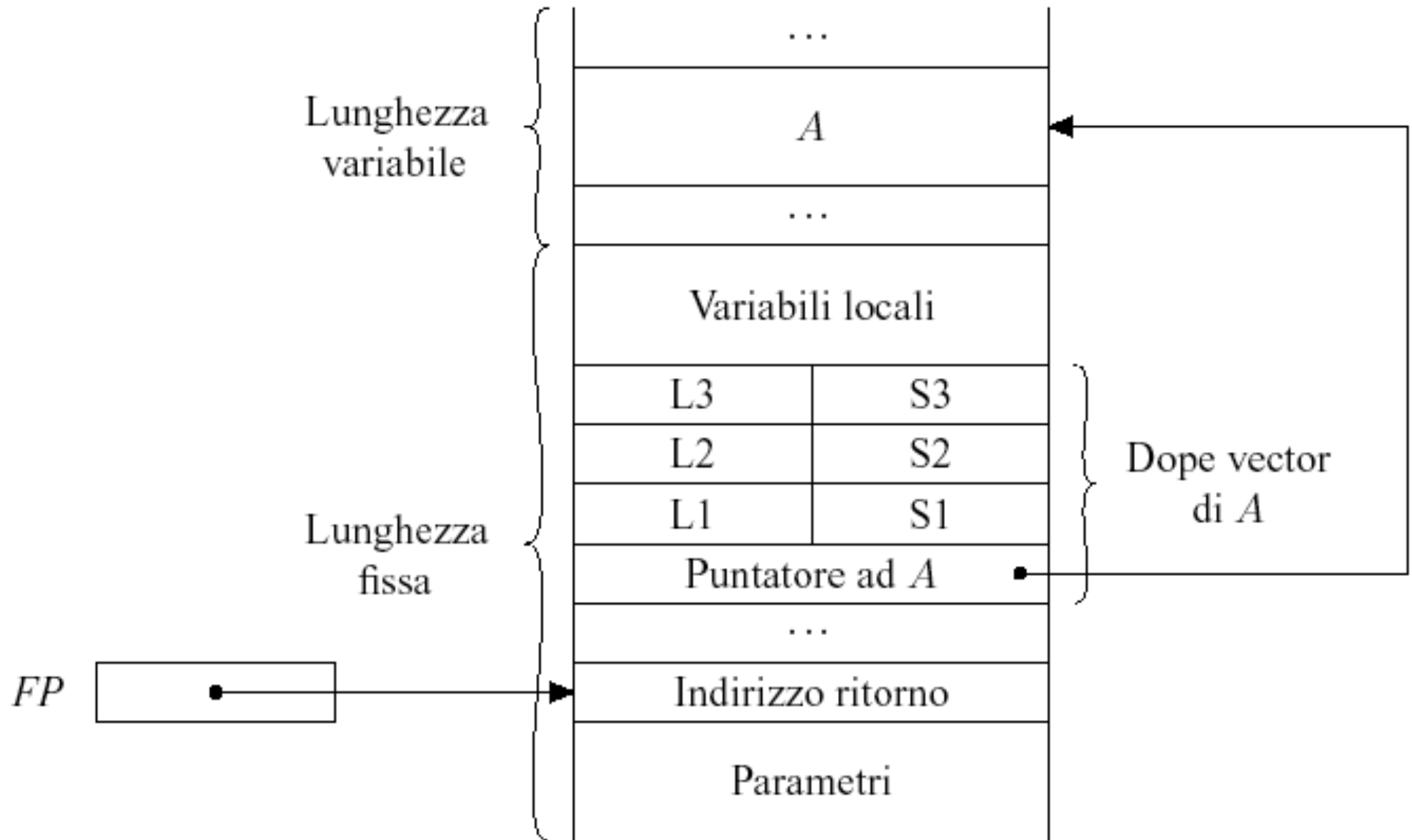
- Forma (o shape): numero delle dimensioni e intervallo dell'indice. Quando è fissata ?
 - Forma statica.
 - Forma fissata al momento dell'elaborazione della dichiarazione.
 - Forma dinamica.

Array: dope vector

- Info sulla forma dell'array è mantenuta dal compilatore
- Se la forma varia a run time, info mantenuta in un descrittore dell'array detto **dope vector** dell'array che contiene:
 - puntatore all'inizio dell'array (nella parte variabile)
 - numero dimensioni
 - limite inferiore (se a run-time vogliamo controllare anche l'out-of-bound anche limite superiore)
 - occupazione per ogni dimensione (valore Si)
- Il dope vector è memorizzato nella parte fissa del RdA
- L'accesso è effettuato calcolando tutto l'indirizzo a run-time, usando il dope vector

Esempio: RdA con dope vector

$A : \text{array}[l1..u1, l2..u2, l3..u3] \text{ of } \text{elem_type}$



Puntatori

- In linguaggi con variabili modificabili permettono di riferirsi (e modificare) un l-valore senza dereferenziarlo
- Valori : riferimenti (l-valori); costante `null` (o `nil`)
- Operazioni:
 - creazione
 - funzioni di libreria che alloca e restituisce un puntatore (eg, `malloc`)
 - dereferenziazione
 - accesso al dato “puntato”: `*p`
 - test di uguaglianza
 - in specie test di uguaglianza con `null`

Puntatori e array in C

- Array e puntatori sono intercambiabili in C (!!)

```
int n;  
int *a;    // puntatore a interi  
int b[10]; // array di 10 interi  
  
a = b;      // a punta all'elemento iniziale di b  
n = a[3];   // n ha il valore del terzo elemento di b  
n = *(a+3); // idem  
n = b[3];   // idem  
n = *(b+3); // idem
```

- Ma ricorda: `a[3]=a[3]+1;`
modificherà anche `b[3]` (è la stessa cosa!).
- Array multidimensionali:
 - `b[i][j]` è lo stesso di
 - `(*(b+i))[j]`
 - `*(b[i]+j)`
 - `*(*(b+i)+j)`

Equivalenza e compatibilità tra tipi

- Due tipi T e S sono equivalenti se “sono lo stesso tipo” (ogni oggetto di tipo T è anche un oggetto di tipo S e viceversa).
- T è compatibile con S quando oggetti di T possono essere usati in un contesto dove ci si attende valori S

Equivalenza per nome

- Due tipi sono equivalenti se hanno lo stesso nome
- Usata in Pascal, Ada, Java
- Equivalenza per nome loose (lasca) (Pascal, Modula-2)
 - una dichiarazione di un alias di tipo non genera un nuovo tipo, ma solo un nuovo nome:

```
type A = record .... end;  
type B = A;
```

- A e B sono due nomi dello stesso tipo.

Equivalenza strutturale

- Due tipi sono equivalenti se hanno la stessa struttura:

Definizione 8.3 (Equivalenza strutturale) *L'equivalenza strutturale fra tipi è la (minima) relazione d'equivalenza che soddisfa le seguenti tre proprietà:*

- *un nome di tipo è equivalente a se stesso;*
 - *se un tipo T è introdotto con una definizione `type T = espressione`, T è equivalente a `espressione`;*
 - *se due tipi sono costruiti applicando lo stesso costruttore di tipo a tipi equivalenti, allora essi sono equivalenti.*
- **Equivalenza controllata per riscrittura:**
 - un tipo complesso riscritto nei suoi componenti elementari
 - **Equivalenza strutturale:** a basso livello, non rispetta l'astrazione che il programmatore inserisce col nome:

Compatibilità

- T è compatibile con S quando oggetti di T possono essere usati in un contesto dove ci si attende valori S
 - Esempio: `int n; float r; r = r + n;`
- La definizione dipende in modo cruciale dal linguaggio! T è compatibile con S se
 - T e S sono equivalenti;
 - I valori di T sono un sottinsieme dei valori di S (intervallo);
 - tutte le operazioni sui valori di S sono possibili anche sui valori di T (“estensione” di record);
 - i valori di T corrispondono in modo canonico ad alcuni valori di S (int e float);
 - I valori di T possono essere fatti corrispondere ad alcuni valori di S (float e int con troncamento);

Conversione di tipo

- Se T compatibile con S occorre comunque una qualche conversione di tipo. Due meccanismi principali
 - Conversione implicita (detta anche coercizione, coercion): la macchina astratta inserisce la conversione, senza che ve ne sia traccia a livello linguistico;
 - Conversione esplicita, o cast, quando la conversione è indicata nel testo programma.

Coercizione

- La coercizione serve per indicare una situazione di compatibilità e per indicare cosa deve fare l'implementazione.
- Tre possibilità. I tipi sono diversi ma:
 - con stessi valori e stessa rappresentazione. Esempio: tipi strutturalmente uguali, nomi diversi
 - conversione solo a compile time; no codice
 - valori diversi, ma stessa rappresentazione nell'intersezione. Esempio: intervalli e interi
 - codice per controllo dinamico sull'appartenenza all'intersezione
 - valori e rappresentazione diversi. Esempio: interi e reali.
 - codice per la conversione

Cast

- In determinati contesti il programmatore deve inserire esplicite conversioni di tipo (cast in C e Java)
 - annotazioni nel linguaggio che specificano che un valore di un tipo deve essere convertito in un altro tipo.

`s s = (s) t`

```
r = (float) n;  
n = (int) r;
```

- Tre casi analoghi a quelli delle coercizioni
- Non ogni conversione esplicita consentita
 - solo quelle le quali il linguaggio conosce come implementare la conversione.
 - si può sempre inserire un cast laddove esiste una compatibilità (utile per documentazione)
- Linguaggi moderni tendono a favorire i cast rispetto coercizioni

Polimorfismo

- Uno stesso valore ha più tipi
- Distinguiamo tre forme di polimorfismo (Strachey):
 - polimorfismo ad hoc, o *overloading*
 - polimorfismo universale:
 - polimorfismo parametrico (esplicito e implicito)
 - polimorfismo di sottotipo

Polimorfismo ad hoc: overloading

- Uno stesso simbolo denota significati diversi:
 - $3 + 5$
 - $4.5 + 5.3$
- Il compilatore traduce $+$ in modi diversi
- Sempre risolto a tempo di compilazione
 - dopo l'inferenza dei tipi

Polimorfismo parametrico

- Un valore ha polimorfismo universale parametrico quando ha un'infinità di tipi diversi, che si ottengono per istanziazione da un unico schema di tipo generale.
- Una funzione polimorfa è costituita da un unico codice che si applica uniformemente a tutte le istanze del suo tipo generale

Id(**x**) = **x**;

sort(**v**) = ... ;

Id ha tipo $\langle T \rangle \rightarrow \langle T \rangle$

Id ha tipo $\langle T \rangle[] \rightarrow \text{void}$ ossia $\forall T. \langle T \rangle[] \rightarrow \text{void}$

T è una variabile di tipo

Polimorfismo parametrico esplicito

- In C++: function template

- una funzione swap che scambia due interi

```
void swap (int& x, int& y){  
    int tmp = x; x=y; y=tmp;}
```

- una template swap che scambia due dati qualunque

```
template <typename T>          //T è una sorta di  
    parametro  
void swap (T& x, T& y){  
    T tmp = x; x=y; y=tmp;}
```

- istanziazione automatica

```
int i,j;          swap(i,j); //T diventa int a link-time  
float r,s;        swap(r,s); //T diventa float a link time  
String v,w;       swap(v,w); //T diventa String a link  
time
```

Polimorfismo parametrico in ML (implicito)

- La funzione swap in ML:

```
- swap(x,y) = let val tmp = !x in  
               x = !y; y = tmp end;  
val swap = fn : 'a ref * 'a ref -> unit
```

- ``ML inserisce TEMPLATE automaticamente ogni volta che può”

- Istanziazione a tempo di compilazione

```
- swap(x,y);           //x e y sono variabili intere (int ref)  
val it = (): unit  
- swap(v,w);           //r e s sono variabili string (string ref)  
val it = (): unit
```

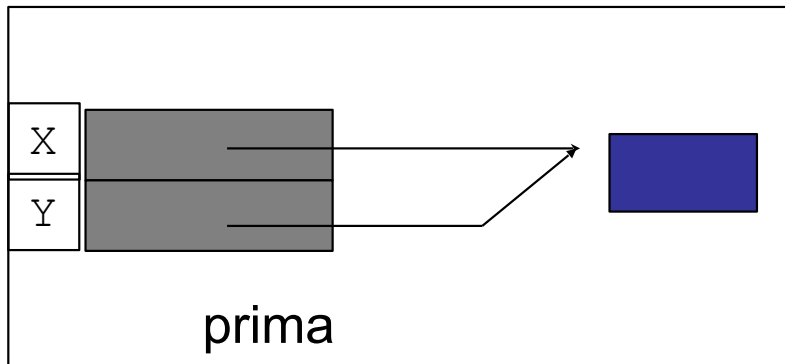
Polimorfismo di sottotipo

- Analogo a quello esplicito, ma non tutti i tipi possono essere usati per istanziare il tipo generale
- Supponiamo data una relazione di sottotipo: $T < S$ significa T sottotipo di S
- Def. Un valore esibisce polimorfismo di sottotipo (o limitato) quando ha un'infinità di tipi diversi, che si ottengono per istanziamento da uno schema di tipo generale, sostituendo ad un opportuno parametro i sottotipi di un tipo assegnato.
- Una funzione polimorfa è costituita da un unico codice che si applica uniformemente a tutte le istanze ``legali'' del suo tipo generale, ossia

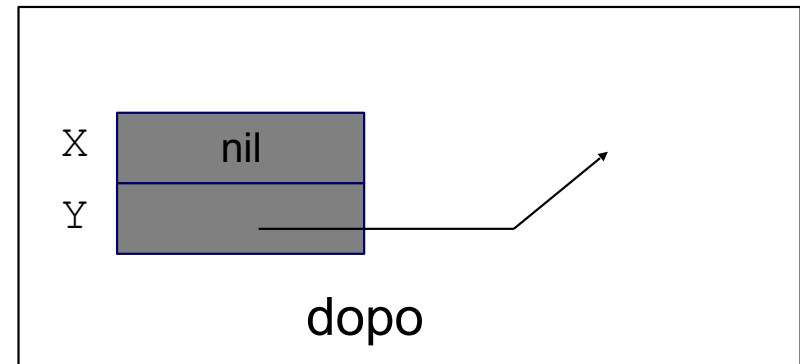
$$\forall T < D. \langle T \rangle [] \rightarrow \text{void}$$

Tecniche per controllo dei dangling references

- Una dangling reference (puntatore pendente) è un puntatore che punta ad un oggetto non più valido

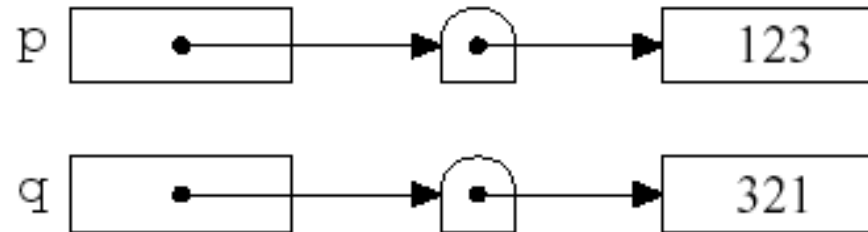


`free(X);`

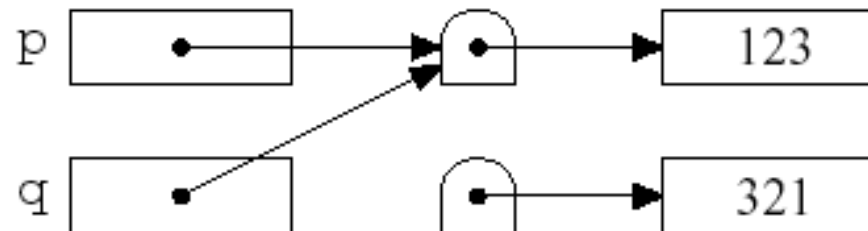


Tombstones

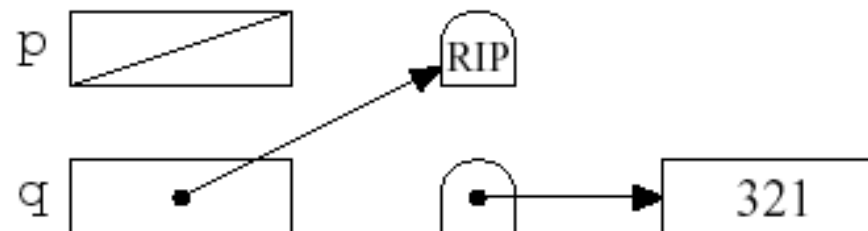
```
p=malloc();  
q=malloc();  
*p=123;  
*q=321;
```



```
q=p;
```

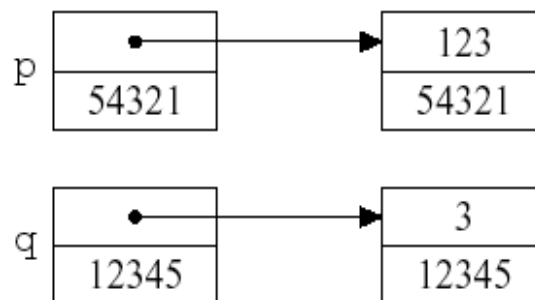


```
free(p);
```

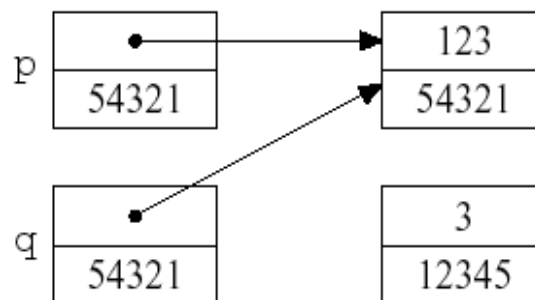


Locks and keys

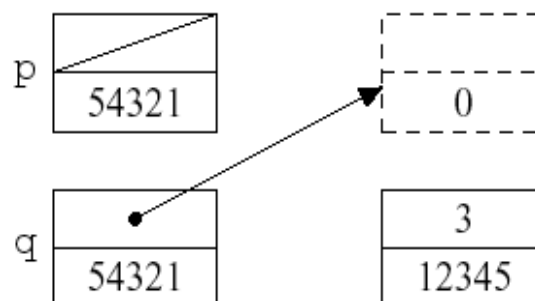
```
p=malloc();  
q=malloc();  
*p=123;  
*q=3;
```



```
q=p;
```



```
free(p);
```

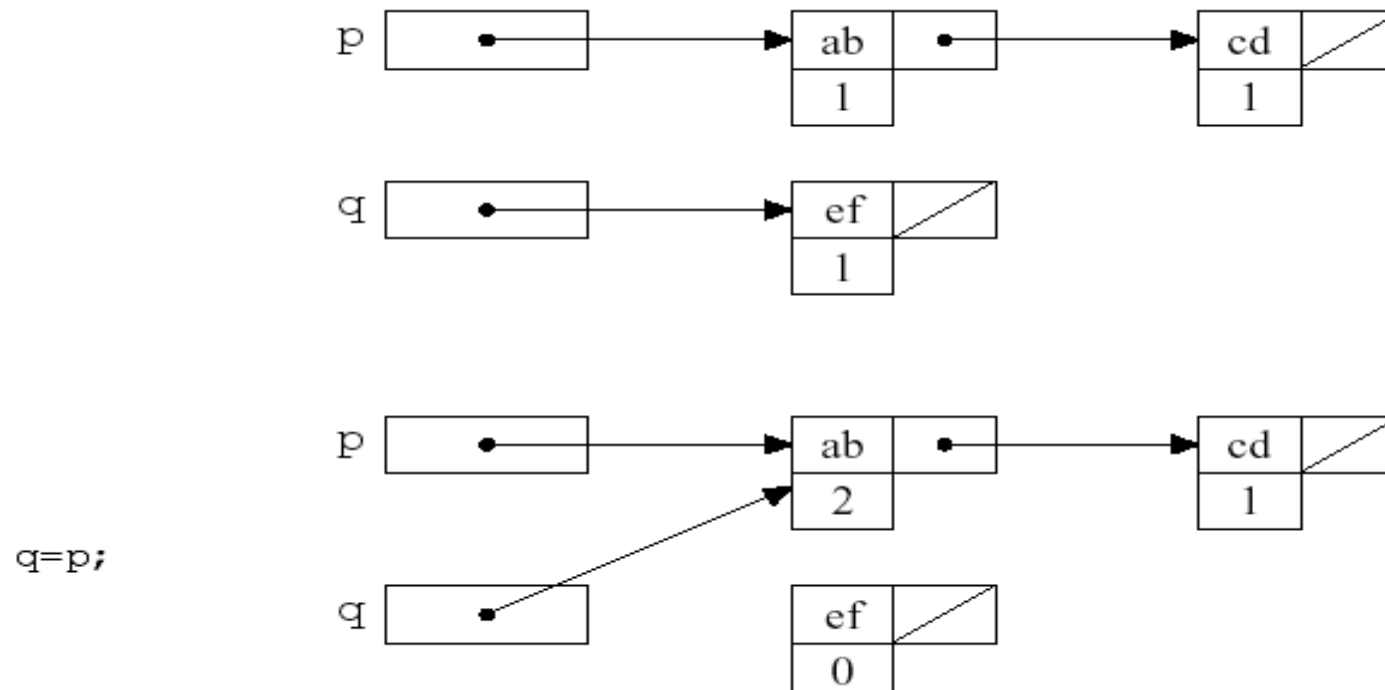


potenzialmente
riallocato

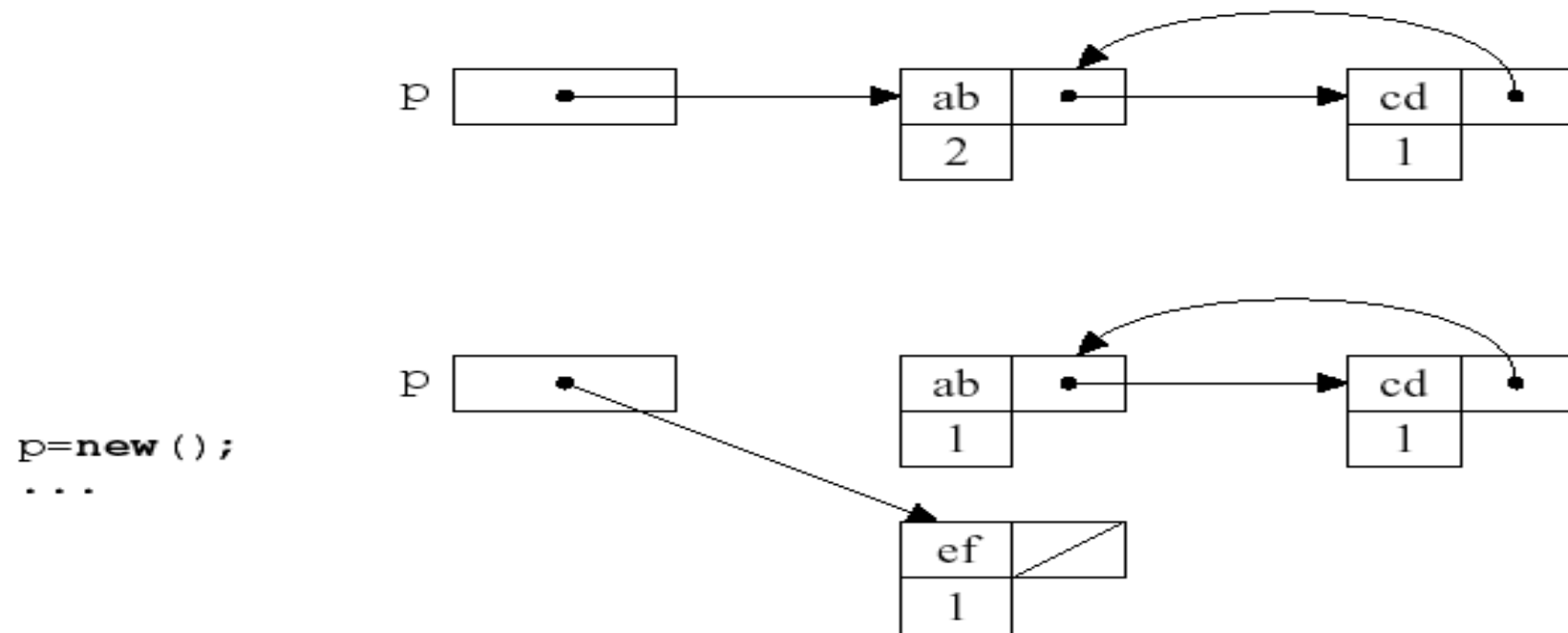
Garbage collection

- L'utente alloca liberamente memoria
- Non è permesso deallocare memoria
- Il sistema periodicamente recupera la memoria allocata e non più utilizzabile
 - non utilizzabile = senza un cammino valido di accesso

Garbage collection: Reference count



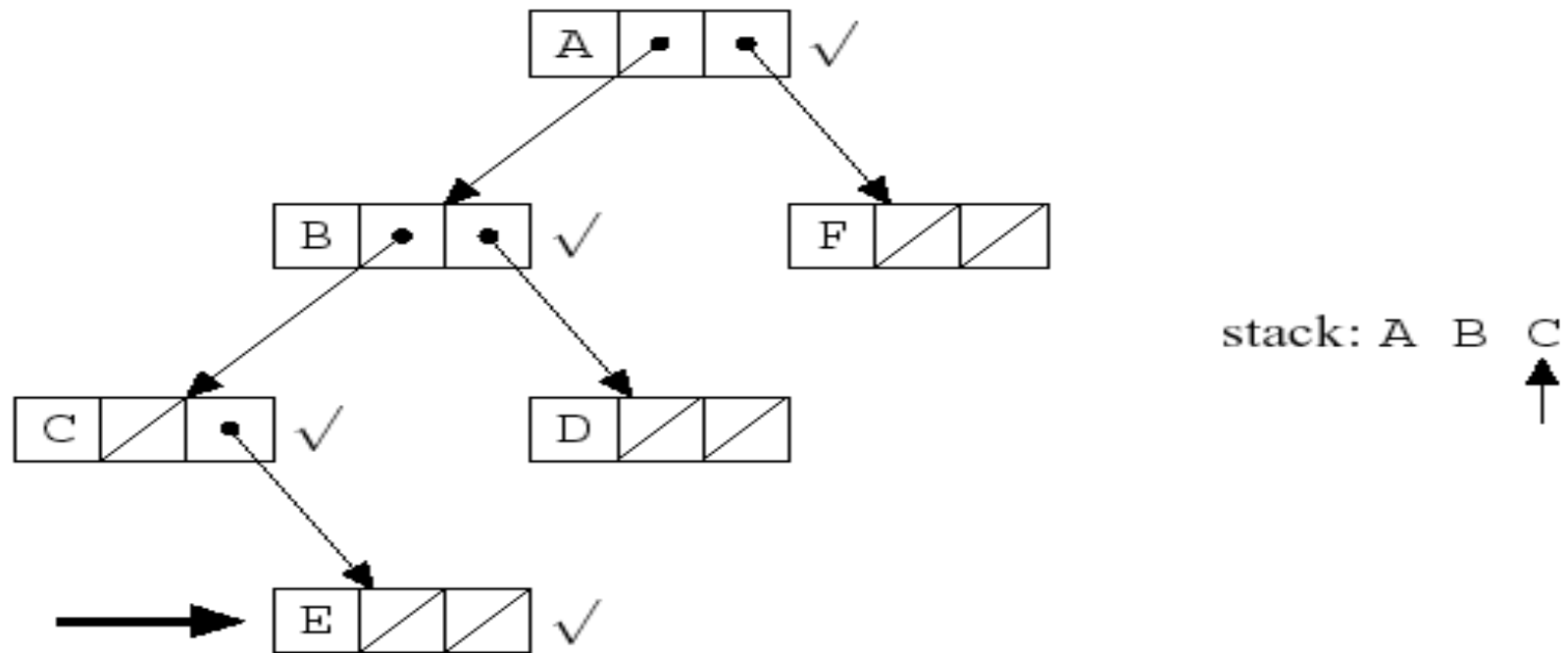
Problema: Strutture circolari



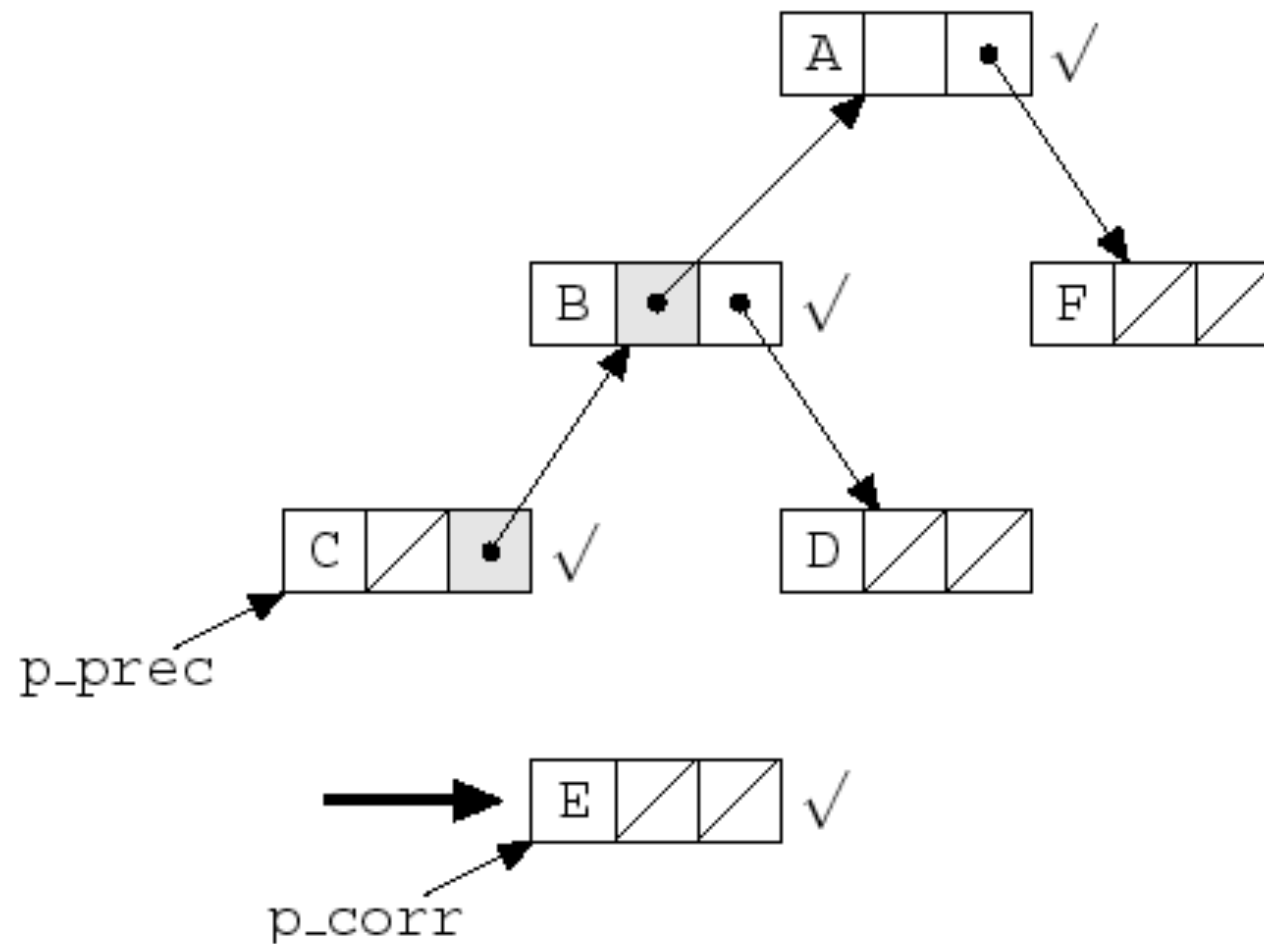
Garbage collection: mark and sweep

1. Marca tutti gli oggetti sullo heap come **unused**
 2. Partendo dai puntatori fuori dello heap, visita tutte le strutture concatenate, marcando ogni oggetto come
 3. Recupera dallo heap tutti gli oggetti rimasti **unused**
-
- Uso spazio per inizio/fine blocco su heap; riconoscere i puntatori
 - Uso spazio per la pila della visita in (2)
 - quando il GC gira lo spazio è limitato! : pointer reversal (Schorr and Waite)
 - Stop-the-world effect: quando lo spazio viene recuperato l'utente sperimenta un sensibile rallentamento nella reazione del sistema
 - GC incrementali (pe Java)

Pila per la visita in profondità



Pointer reversal



Algoritmo di Cheney

