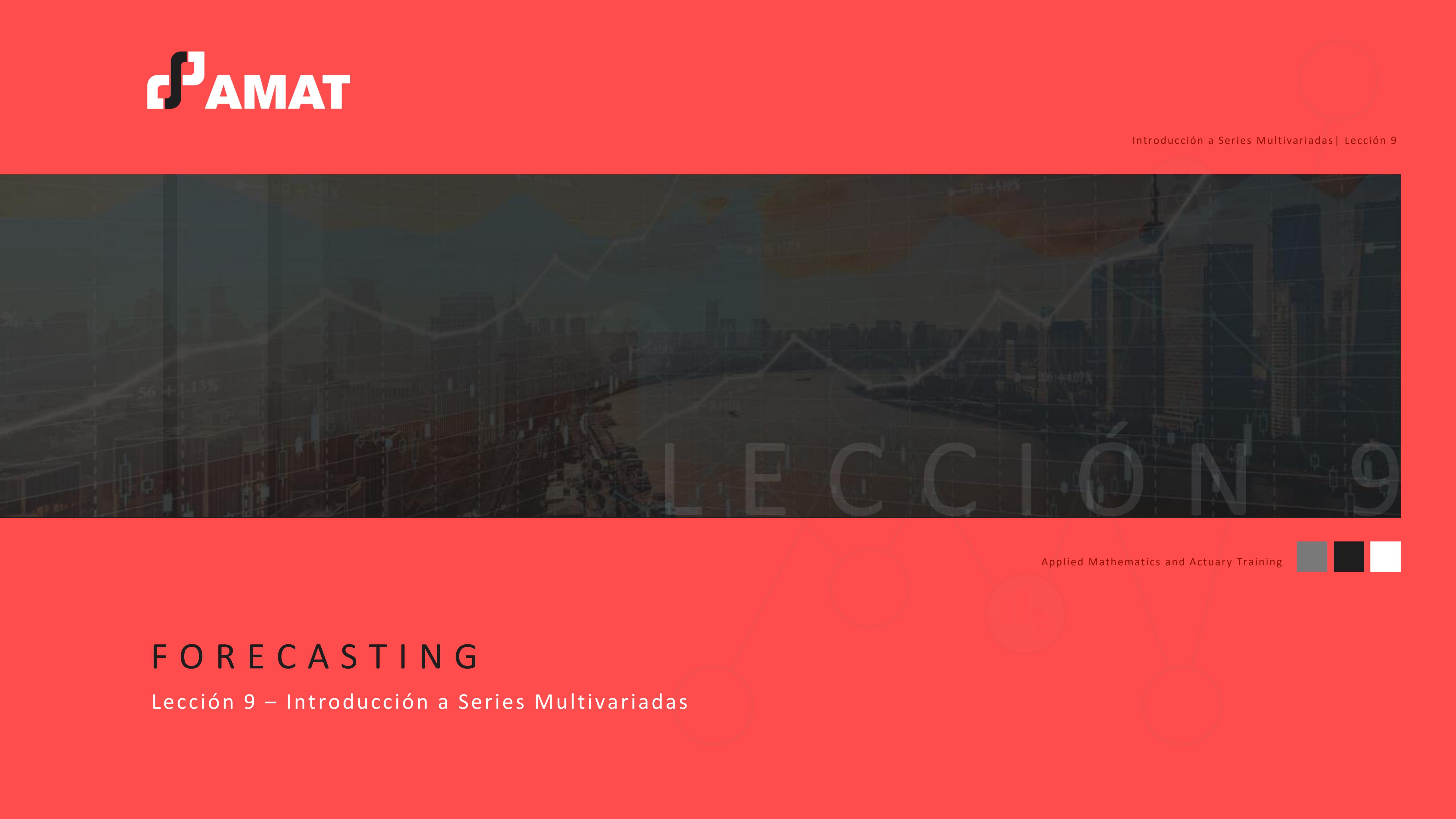


# FORECASTING SERIES DE TIEMPO

LECCIÓN 9





# LECCIÓN 9

## FORECASTING

Lección 9 – Introducción a Series Multivariadas

Applied Mathematics and Actuary Training



# CORRELACIÓN ESPURIA

Una Variable Dependiente  
parece estar relacionada estadísticamente con  
una o más variables explicativas



## PERO EN REALIDAD

No existe una conexión lógica ni mucho menos causal directa entre ellas

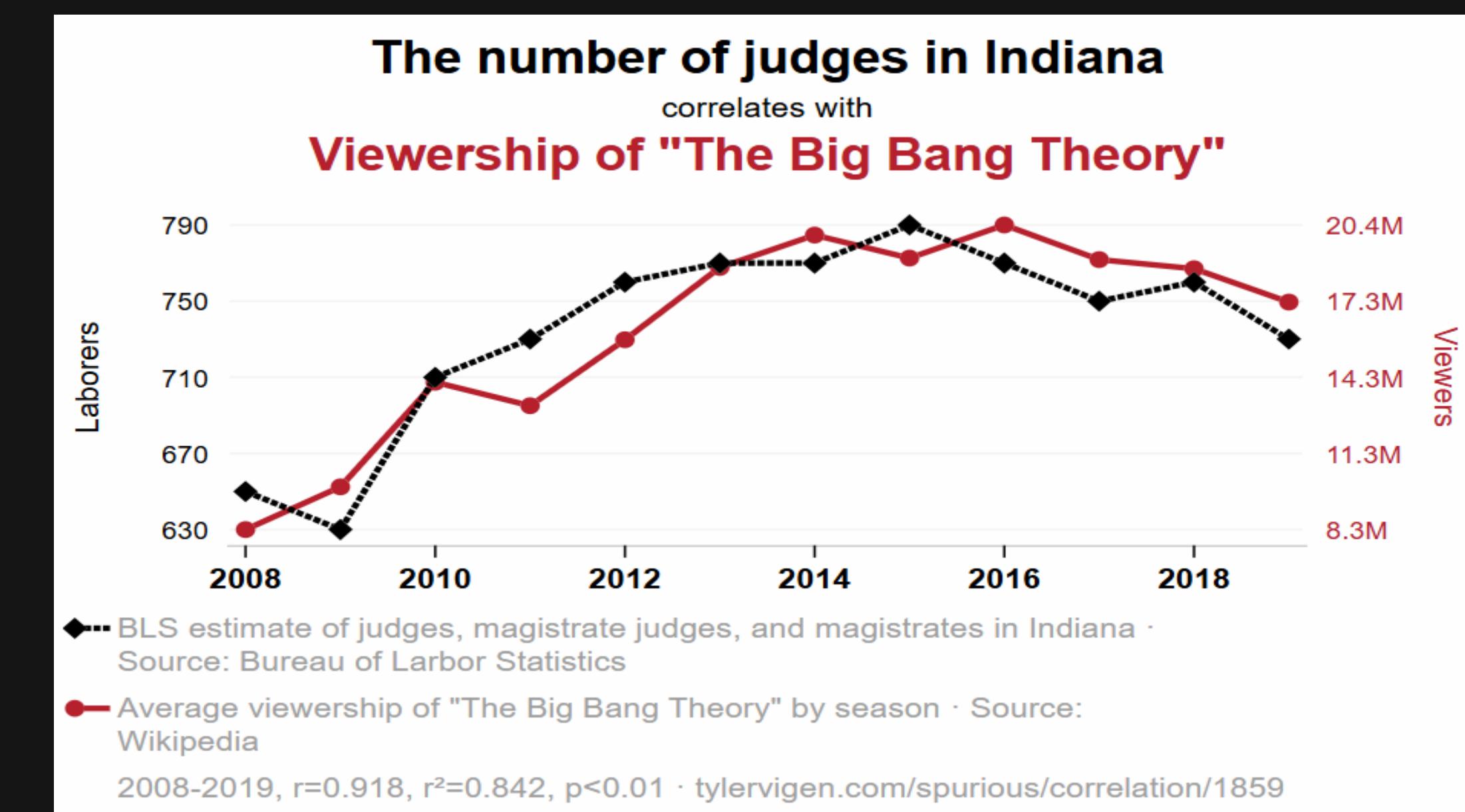
### Ejemplo

Ventas de Helado  
VS  
Ataques de Tiburones

Ventas de Álbumes de Vinilo  
VS  
Precio de acciones de Costco

Número de jueces en Indiana  
VS  
Audiencia “The Big Bang Theory”

### Gráfico



# REGRESIONES ESPURIAS

## TENDENCIA

Sea una serie con descomposición:

$$x_t = T_t + S_t + \epsilon_t$$

$T_t$ : Componente de Tendencia  
 $S_t$ : Componente de Estacionalidad  
 $\epsilon_t$ : Residuos de la descomposición

Si  $\{x_t\}$  es estacionaria o si sus **residuos**  $\{\epsilon_t\}$  son estacionarios

$\{x_t\}$  es Estacionaria en Tendencia (TS)

Dos series  $\{x_t\}$ ;  $\{y_t\}$   
**Estacionarias en Tendencia pero INDEPENDIENTES**  
**pueden parecer correlacionadas**  
 debido únicamente a tendencias deterministas

**Regresión Espuria:**  
 Regresión directa tendrá coeficientes significativos

**Solución:**  
 Incluir un componente de tendencia en la regresión

## ESTACIONALIDAD

Si  $\{x_t\}$  es estacionaria en su primera diferencia ( $\nabla x_t = x_t - x_{t-1}$ )



$\{x_t\}$  es Estacionaria en Diferencias (DS)

Esto sucede cuando su modelo subyacente tiene una **Raíz Unitaria** ( $1 - B$ )

Dos series  $\{x_t\}$ ;  $\{y_t\}$   
**Estacionarias en Diferencias pero INDEPENDIENTES**  
**pueden parecer correlacionadas**  
 debido únicamente a tendencias deterministas

**Regresión Espuria:**  
 Regresión puede tener coeficientes significativos

**Solución:**  
 Calcular regresión en las diferencias

# COINTEGRACIÓN

Sean  $\{x_t\}$ ;  $\{y_t\}$  dos series con raíces unitarias  
 $x_t \sim I(1)$ ;  $y_t \sim I(1)$

Pero alguna combinación lineal estacionaria en tendencia  
 $\gamma_1 x_t + \gamma_2 y_t \sim I(0)$

Comparten tendencia en común y se dice que  $\{x_t\}$ ;  $\{y_t\}$  están **COINTEGRADAS**

Si  $\{x_t\}$ ;  $\{y_t\}$  están cointegradas  
**No aplica el problema de Regresión Espuria**

Podemos hacer una **regresión de  $\{y_t\}$  en  $\{x_t\}$**  y obtener resultados válidos

# FORECASTING SERIES DE TIEMPO

Introducción a Series Multivariadas | Lección 9

