物理题解析 (第19, 20题)

胡华烁 2025 年 7 月 1 日

目录

第六大题、带电粒子在电场中的运动

19. (共7分)

(1) (2分) 试证明电场强度的单位 1 N/C = 1 V/m。

证明:

根据电势差的定义,在匀强电场中,沿电场线方向两点间的电势差 U、电场强度 E 和距离 d 的关系为:

$$U = E \cdot d$$

由此可得, 电场强度的单位可表示为 伏特/米 (V/m)。

另外,根据电场强度的定义,电场中某点的场强 E 等于置于该点的电荷 q 所受的电场力 F 与该电荷电量的比值:

$$E = \frac{F}{q}$$

由此可得, 电场强度的单位也可表示为 牛顿/库仑 (N/C)。

我们可以从基本单位的定义来推导证明这两个单位是等价的:

- 1 伏特 (V) 的定义是 "移动1库仑 (C) 电荷做1焦耳 (J) 的功", 即 1 V = $1\frac{J}{C}$ 。
- 1 焦耳 (J) 的定义是 "用1牛顿 (N) 的力使物体在力的方向上移动1米 (m)", 即 $1 J = 1 N \cdot m$ 。

将以上定义代入 V/m 中进行推导:

$$1\frac{V}{m} = \frac{1\frac{J}{C}}{1m} = \frac{1\frac{N \cdot m}{C}}{1m} = 1\frac{N}{C}$$

证毕。

(2) (2分) 电场强度和电势分别是

- **电场强度**: 用来描述电场的力的性质,它既有大小,也有方向(规定为正电荷在该点所受电场力的方向)。因此,电场强度是**矢量**。
- **电势**:用来描述电场的能的性质,是电场中某一点相对零电势点的电势差,只有大小,没有方向。因此,电势是**标量**。

答案: C. 矢量标量

(3) (3分) 该平行板电容器,带电荷量为Q时两极板电势差为U,若带电荷量变为2Q,则

此题的隐含条件是电容器充电后与电源断开,成为一个孤立的带电系统。

- 电容 (C): 平行板电容器的电容由其自身的物理结构决定,与电荷量 Q 和电势差 U 无关。只要电容器的物理结构不变,其电容 C 就保持不变。
- 电荷量 (Q) 与电势差 (U) 的关系: 三者满足关系式 Q=CU,可推得 $U=\frac{Q}{C}$ 。

当电荷量变为 Q'=2Q 时,由于电容 C 不变,新的电势差 U' 为:

$$U' = \frac{Q'}{C} = \frac{2Q}{C} = 2\left(\frac{Q}{C}\right) = 2U$$

答案: D. 电容不变,两极板电势差变为原来的2倍

20. (共10分)

- (1) (2分) 该粒子在电场中所做的运动
 - **受力分析**: 粒子在电场中仅受到恒定的电场力 $\vec{F} = q\vec{E}$,该力的方向与粒子的初速度 v_0 方向垂直。
 - 运动分析:由于粒子受到一个大小和方向都不变的恒定合外力,且该力与初速度 方向垂直,其运动轨迹为一条抛物线。这种运动是**匀加速曲线运动**。

答案: B. 匀加速曲线运动

(2) (计算, 4分) 该粒子在电场中运动的时间

将运动分解为水平(x轴)和竖直(y轴)方向。

- 水平方向: 匀速直线运动, $v_x = v_0$ 。
- 竖直方向: 初速度为0的匀加速直线运动,加速度为 $a_y = \frac{qE}{m}$ 。在时刻 t 的竖直分速度为 $v_y = a_y t = \frac{qE}{m} t$ 。

粒子射出时,速度方向与初速度方向成 30°角。由速度合成的几何关系可知:

$$\tan(30^\circ) = \frac{v_y}{v_x} = \frac{\frac{qE}{m}t}{v_0}$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{qEt}{mv_0}$$

$$\implies t = \frac{mv_0}{\sqrt{3}qE}$$

答案: 粒子在电场中运动的时间为 $\frac{mv_0}{\sqrt{3}qE}$ 。

(3) (计算, 4分) 粒子在这一过程中电势能的变化量

电势能的变化量 ΔU_e 等于电场力做功 W_e 的负值,而电场力做的功又等于粒子动能的变化量 ΔK 。所以 $\Delta U_e = -W_e = -\Delta K$ 。

初动能 K_i:

$$K_i = \frac{1}{2}mv_0^2$$

• 末动能 K_f : 末速度的大小 v_f 可由分速度求得:

$$v_y = v_x \tan(30^\circ) = \frac{v_0}{\sqrt{3}}$$
$$v_f^2 = v_x^2 + v_y^2 = v_0^2 + \left(\frac{v_0}{\sqrt{3}}\right)^2 = v_0^2 + \frac{1}{3}v_0^2 = \frac{4}{3}v_0^2$$

因此末动能为:

$$K_f = \frac{1}{2}mv_f^2 = \frac{1}{2}m\left(\frac{4}{3}v_0^2\right) = \frac{2}{3}mv_0^2$$

• 动能变化量 ΔK :

$$\Delta K = K_f - K_i = \frac{2}{3}mv_0^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = \left(\frac{4}{6} - \frac{3}{6}\right)mv_0^2 = \frac{1}{6}mv_0^2$$

• 电势能变化量 ΔU_e :

$$\Delta U_e = -\Delta K = -\frac{1}{6}mv_0^2$$

答案: 粒子在此过程中电势能的变化量为 $-\frac{1}{6}mv_0^2$ 。