ИДЗ №8 (вариант 12) (Линейная алгебра)

Емельянов Владимир, ПМИ гр №247

№1 Мы знаем, что:

$$v = \frac{1}{10}(3, 9, 3, 1)$$

Пусть:

$$v' = (3, 9, 3, 1)$$

Для начала найдём какие-нибудь ЛНЗ решения уравнения:

$$3a_1 + 9a_2 + 3a_3 + a_4 = 0 \implies u_1 = (1, 0, 0, -3)^T \quad u_2 = (0, 1, 0, -9)^T$$

 $u_3 = (0, 0, 1, -3)^T$

Следовательно:

$$v,u_1,u_2,u_3$$
 — базис \mathbb{R}^4

Векторы u_1, u_2, u_3 перпендикулярны v'. Найдём векторы $u'_1, u'_2, u'_3,$ такие, что векторы:

$$v^\prime,u_1^\prime,u_2^\prime,u_3^\prime$$

Перпендикулярны между собой.