

NAME

Emily Ortiz

CLASS

P.M

SPEAKER

Carlos Richards

DATE &amp; TIME

28/05/25

Title Resumen Cap 4. Mat. Para Computación

**Keyword****Topic** Introducción:

lógica

la lógica comenzó con Aristóteles, quien introdujo reglas que aún se usan. Más adelante, Peano los llamó "lógica Matemática".

Aristoteles

Boole

Inteligencia

Artificial

matemáticas

Boole, De Morgan, Whitehead y Russell demostraron que las leyes matemáticas pueden expresarse con lógica.

**Questions**

¿Dónde inicio el estudio de las lógicas.

En el siglo XX, la lógica fue clave en el desarrollo de computadoras e inteligencia artificial. Se aplica en filosofía, matemáticas, computación, físicas y la vida diaria para razonar, tomar decisiones y resolver problemas.

**Summary:**

La lógica estudia el razonamiento. Nació con Aristóteles y hoy es esencial en áreas como matemáticas, filosofía, computación y física.

NAME

Anely Ortiz

CLASS

8.M

SPEAKER

Luis Pachardo

DATE &amp; TIME

28/05/25

Title Resumen Cap 4.

**Keyword**

Topic Inducción Matemática:

Proposición

La inducción matemática es una técnica utilizada para demostrar que una proposición matemática es verdadera para todos los números naturales. Especialmente útil en computación para validar expresiones que representan algoritmos y sumatorias.

Básico

inductivo

Una proposición puede expresarse como una sumatoria de términos:

**Questions**

¿Cómo se generaliza una sumatoria?

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + \dots + t = r$$

Pasos de inducción Matemática:

1. Paso básico: se prueba la proposición  $P(n)$  es verdadera para  $n=1$

2. Paso Inductivo: se asume que  $P(n)$  es verdadera.

Se prueba que si  $P(n)$  es verdadera, entonces  $P(n+1)$  también lo es.

**Summary:** Es una forma de probar que algo es cierto para todos los números naturales.

Emely Ortiz

P.M

Carlos Pichardo

28/05/25.

Title

Resumen Cap 4.

**Keyword** $\forall, \exists$ Predicados,  
cuantificadores  
conjuntos**Topic** Predicados y sus valores de verdad.

La lógica proposicional es limitada para representar situaciones reales, ya que muchas veces no se puede afirmar si algo es completamente verdadero o falso. Por eso se introduce la lógica de predicados, donde se asocian propiedades a elementos de un conjunto.

Se usan cuantificadores:

- $\forall$  (para todos)
- $\exists$  (existe alguno)

dComañetea  
el orden  
de los  
parámetros  
en los  
predicados

Los predicados permiten expresar proposiciones que pueden ser verdaderas para algunos elementos y falsas para otros.

 $P(x, y) ?$ **Questions**

•  $\forall$  (para todos)

•  $\exists$  (existe alguno)

•  $P(x, y) ?$

**Summary:** La lógica de predicados extiende la lógica proposicional permitiendo trabajar con predicados aplicados a conjuntos, usando cuantificadores para determinar si algo es verdadero para todos o algunos elementos.

NAME

CLASS

SPEAKER

DATE &amp; TIME

Emily Ortiz

Bell

Carlos Richards

28/6/25

Title Resumen Cap 4.

**Keyword**

**Topic** Demostración formal: es un proceso lógico y sistemático para comprobar la validez de un teorema. Los teoremas se representan como proposiciones condicionadas por frases p $\rightarrow$  q, conectores lógicos formados por proposiciones simples y q es la conclusión.

**Contradicción**

Existen dos métodos principales para demostrar teoremas: método directo, método por contradicción.

**Questions**

¿Qué significa realmente "método directo"?  
Método directo o  
una contradicción ( $p \wedge \neg p \rightarrow 0$ )?

En el método directo, las proposiciones se enumeran y cada una debe justificarse con una regla lógica. No hay un único camino directo para la demostración; depende del razonamiento de cada persona. En el método de contradicción, el objetivo es llegar a una contradicción del tipo  $p \wedge \neg p \rightarrow 0$ , lo que implica que la conclusión original es verdadera.

**Summary:**

Una demostración formal verifica si un teorema es verdadero, usando lógica.

NAME

Emily Ordiz

CLASS

P.M

SPEAKER

Carlos Pichardo

DATE &amp; TIME

28/05/25

Title Resumen Cap. 4.

**Keyword****Topic** Argumentos válidos y no válidos.

Argumento

Un argumento está compuesto por uno o más hipótesis y una conclusión, de forma que la conclusión se consecuencia lógica de las hipótesis. Se puede representar con lógica simbólica como:

$$(p_1 \wedge p_2 \wedge \dots \wedge p_n) \rightarrow q$$
, donde  $p_1, p_2, \dots, p_n$  son las hipótesis y  $q$  es la conclusión.

Hipótesis

Válidez

Tautologías

**Questions**

¿Cuál es la diferencia entre un Argumento deductivo e inductivo?

Un argumento es válido si, cuando las hipótesis son verdaderas, la conclusión también lo es. La validez no depende de si las proposiciones son verdaderas en la realidad, sino de la estructura lógica del razonamiento.

Si la implicación lógica entre las hipótesis y la conclusión es una tautología (es decir, siempre verdadera) entonces el argumento es válido.

**Summary:** Un argumento es válido cuando se deduce lógicamente de las hipótesis. La validez depende de la estructura lógica no de si las proposiciones son verdaderas o falsas.

NAME

CLASS

SUN/1/2018

DATE &amp; TIME

Emely Ortiz

P.M

Carlos Richards | 28/03/22

Title

Resumen Cap. 4.

**Keyword**

inferencia

deductiva

inductiva

de morgan

**Topic** Inferencia lógica: es el proceso de obtener una conclusión a partir de premisas mediante reglas válidas de razonamiento. Se clasifica en: inductiva, deductiva y transductiva.

Reglas de inferencia: son métodos válidos para obtener conclusiones a partir de proposiciones. Se basan en la forma lógica y no en el contenido.

Equivale lógica: Dos proposiciones son equivalentes si tienen los mismos valores en todas las combinaciones posibles de sus variables. Ejemplo:  
 $(p \Rightarrow q) \Leftrightarrow (\neg q \Rightarrow \neg p)$  → contrapositiva.

Se usan leyes como:

- Doble negación:  $\neg(\neg p) \Leftrightarrow p$
- Comutativa:  $p \vee q \Leftrightarrow q \vee p$
- Asociativa:  $(p \wedge q) \wedge r \Leftrightarrow p \wedge (q \wedge r)$
- Distributiva:  $p \wedge (q \vee r) \Leftrightarrow (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$
- De morgan:  $\neg(p \wedge q) \Leftrightarrow \neg p \vee \neg q, \neg(p \vee q) \Leftrightarrow \neg p \wedge \neg q$

**Questions**

¿Qué caract  
eriza a los  
proposiciones  
tautológicas?

**Summary:** La inferencia lógica es el proceso mediante el cual se deducen conclusiones válidas a partir de proposiciones dadas.

Emely Arizaga CLASS SPEAKER DATE & TIME  
P. M Carlos Pachido 28/05/28

Title Resumen Cap 4.

**Keyword**

Proposiciones

**Topic** Tablas de verdad: Son herramientas fundamentales de las lógicas matemáticas que permiten evaluar el valor de verdad (verdadero o falso) de proposiciones compuestas en función de los valores de sus proposiciones. Se construyen con filas y columnas, determinando el comportamiento lógico de proposiciones.

Tabla de Verdad

Terarquías

Operadores lógicos.

Terarquías de operadores lógicos

**Questions**

¿Cómo se determina el número de filas en una tabla de verdad?

1. Paréntesis ()
2. Negación ( $\neg$  o  $\perp$ )
3. Conjunction ( $\wedge$  o  $\Upsilon$ )
4. Disyunción ( $\vee$  o  $\top$ )
5. Condicional ( $\rightarrow$  o  $\rightarrow E$ )
6. Bicondicional ( $\leftrightarrow$  o  $\Gamma$ )

Ejemplo general:

Para la proposición  $[(P \rightarrow q) \wedge (q \rightarrow r)] \rightarrow (r \rightarrow q)$

- Número de filas:  $2^3 = 8$
- Evaluar paso a paso respetando la jerarquía de operadores.

**Summary:**

los tablas de verdad son herramientas que permiten representar los diferentes resultados que puede tener una proposición lógica compuesta al variar los valores de sus proposiciones simples.

Enely Ortiz

P. M

Carlos Pachano

28/05/25

Title

Resumen Cap 4.

**Keyword****Topic** proposiciones y lógica Matemática:

XOR

Una proposición es un enunciado que puede ser verdadero o falso, pero no ambos a la vez. Son fundamentales en lógica matemática. Existen proposiciones simples y compuestas. Las compuestas se forman usando operadores lógicos, como:

Bicondicional.

- AND ( $\wedge$ ): Verdadera solo si ambas proposiciones son verdaderas.

- OR ( $\vee$ ): Verdadera solo si al menos una proposición lo es.

- NOT ( $\neg$ ): Niega el valor de verdad de una proposición.

- XOR ( $\oplus$  exclusivo): Verdadera solo si proposición es verdadera y las otras falsas.

- Condicional ( $\rightarrow$ ): "Si  $p$  entonces  $q$ ". Falsa si  $P$  es verdadera y  $q$  es falsa.

- Bicondicional ( $\leftrightarrow$ ): " $p$  si y solo si  $q$ ". Verdadera cuando  $P$  y  $q$  tienen el mismo valor.

**Questions**

¿Qué significa  
que una  
proposición  
sea  
compuesta?

**Summary:** Una proposición es una frase que puede ser verdadera o falsa, como "el cielo es azul". Si no puede ser juzgada como verdadera o falsa (como una pregunta o una orden), no es proposición.

Emily Díaz

P.M

Cortes P. Chacón

28/05/25

Title

Resumen Cap. 4.

**Keyword**

Lógica Mat.

Aristoteles

Crisipo

De morgan

George Boole

**Questions**

¿Qué descubrió

Gauss

a los 10

años y

cómo lo

resolvió?

**Topic** Aplicación de la lógica Mat.

La lógica matemática tiene múltiples aplicaciones en la computación. Se originó con pensadores como Aristoteles, Crisipo, De morgan y George Boole, quienes establecieron fundamentos como los cuantificadores, leyes lógicas y el álgebra booleana, fundamentales para el diseño de algoritmos, lenguajes de programación, compiladores, bases de datos y redes.

**Summary:**

Hoy en día se aplica ampliamente en computación. Gracias a sus operaciones lógicas y estructuras formales, permite mejorar tanto el software como el hardware, haciendo posible una comunicación más efectiva entre humanos y computadoras.