Ce TP est à rendre, car il compte pour une note de travaux pratiques. Il faudra donc déposer une feuille de réponses faite pendant la séance sur Moodle.

Le travail est personnel, la note est individuelle. Toute tentative pour copier les réponses de quelqu'un d'autre sera sanctionnée par un zéro (Discord et autres). Et le TP doit être commencé et fini uniquement pendant les séances de TP, pas à la maison. Par contre, vous pouvez communiquer verbalement pour vous aider, pendant les séances. Le deuxième DS portera sur le contenu des TP.

Le TP3 porte sur l'écriture de fonctions et l'utilisation de tableaux.

- Ouvrez l'URL https://perso.univ-rennes1.fr/pierre.nerzic/IntroArchi/CimPU/.
- ➡ Mettez CimPU en niveau 4.
- ♣ Affichez la mise en page layout3.

1. Fonctions

En assembleur, une fonction, ou procédure, ou sous-programme, est une partie du programme qui peut être appelée à plusieurs reprises, de différents endroits du programme principal, pour effectuer une tâche particulière. Le programme principal appelle la fonction, elle s'exécute et quand elle est finie, le contrôle revient dans le programme principal juste après l'appel de la fonction.

Comme une même fonction peut être appelée de plusieurs endroits du programme, le processeur possède un mécanisme pour se rappeler où il faut revenir après la fonction. Le principe est simple : quand il appelle une fonction, le processeur note où il en était dans l'exécution du programme, c'est à dire la valeur de IP au moment de l'appel – on l'appelle adresse de retour. Quand la fonction se termine, IP est réaffecté avec cette adresse de retour.

Comme une fonction peut elle-même en appeler d'autres, cela peut faire plusieurs adresses de retour à mémoriser en cascade. Le mécanisme pour les mémoriser et les rappeler dans l'ordre s'appelle une *pile* et le principe, c'est qu'à chaque appel de fonction, l'adresse de retour est mise au dessus des autres (on dit *empiler*). Quand on revient d'une fonction, il suffit de reprendre l'adresse qui est tout au dessus (on dit *dépiler*).

La pile est gérée par un registre spécial, SP. C'est un registre qui contient l'adresse du sommet de la pile. Il est initialisé à l'adresse 255, à la fin de la mémoire. La pile se remplit en descendant vers le bas de la mémoire. Empiler une adresse de retour lors d'un appel de fonction fait décrémenter le registre SP, et dépiler une adresse au retour de la fonction incrémente SP.

La figure 1, page 2 montre l'organisation de la mémoire. Au début de la mémoire, en haut, il y a le programme exécutable avec ses données. À la fin de la mémoire, en bas, il y a la pile qui se remplit vers les adresses décroissantes.

Il y a deux instructions à connaître :

- CALL adresse : elle empile la valeur de IP puis fait un saut à l'adresse indiquée.
- RET : elle dépile l'adresse de retour dans IP.

NB: en fait, SP est devant le premier emplacement mémoire libre au dessus de la pile. C'est à cause de l'ordre des opérations lors d'un empilement et d'un dépilement : CALL met IP dans [SP]

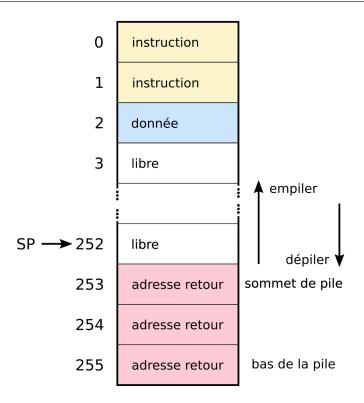


Figure 1: Organisation de la mémoire

puis décrémente SP tandis que RET incrémente SP puis affecte IP avec [SP].

Exemples de fonctions 1.1.

```
|Ψ|
* Assemblez ce programme :
;; programme principal
            ; DSKY en mode 11 (affichage de caractères ascii)
main:
            LD RO, 11
            OUT RO, 255
            ; affichage d'un B
            LD RO, 'B'
            OUT RO, 11
            ; appel de la fonction 1 dans le programme principal
            CALL fonction1
            ; affichage d'un n
            LD RO, 'n'
            OUT RO, 11
            ; appel de la fonction 2 dans le programme principal
            CALL fonction2
            ; affichage d'un r
            LD RO, 'r'
            OUT RO, 11
            ; fin du programme
            HLT
```

Il y a toujours un label pour nommer une fonction. Les fonctions peuvent être dans un ordre quelconque dans la mémoire, mais pas en premier, parce que l'exécution commence toujours à l'adresse 0, et il faut que ça soit le programme principal. Ou alors, il faudrait rajouter un BRA main au tout début... c'est ce que fait le compilateur C.

Donc un programme en assembleur commence toujours par la partie principale (main en C), et ensuite on trouve les fonctions, chacune identifiée par un label.

- 🕩 Cliquez le bouton Rst+Run ou Reset puis RUN. Ça affiche un message.
- Cliquez sur le bouton Reset puis appuyez 4 fois sur Next. On est arrivé à l'adresse IP=08, celle du CALL fonction1. Regardez la pile : SP vaut FF, c'est à dire 255. Appuyez sur Next. IP vaut maintenant 15 (en hexa) au début de la fonction1. SP vaut FE, càd 254 en décimal et dans la mémoire, la cellule d'adresse FE contient OA et désigne l'instruction qui suit CALL qu'on vient juste d'exécuter.
- Cliquez 2 fois sur le bouton Next. Ça affiche un o. On est maintenant devant l'instruction RET. Regardez IP et SP. Appuyez sur Next. Regardez les nouvelles valeurs de IP et SP: IP vaut OA, c'est ce qu'il y avait sur la pile. On est maintenant devant l'instruction qui suit le CALL fonction1 et la pile est revenue à l'état initial. NB: le contexte n'affiche pas les cellules mémoire en dessous de SP, seulement celles comprises entre SP et 255.
- Continuez à appuyer sur Next en regardant ce qui arrive à IP et SP à chaque CALL et RET.

Quand il y a CALL, SP est décrémenté et la cellule mémoire d'adresse SP contient l'adresse de l'instruction qui suit le CALL. Quand il y a RET, IP reprend la valeur qu'il y a sur la pile, de manière à revenir juste après le CALL, et SP est incrémenté. C'est ce mécanisme qui permet d'appeler des fonctions en cascade et de toujours revenir au bon endroit.

Modifiez le programme précédent, ligne 31, CALL fonction1, faites une toute petite erreur : mettez CALL fonction2. C'est à dire que fonction2 s'appelle elle-même. Vous savez peut-être ce que ça provoque quand on fait ça en C. Lancez l'exécution et attendez la fin.

Le programme va planter parce que la pile, en se remplissant vers le bas, vient écraser les instructions du programme. Dans un ordinateur moderne, c'est détecté et l'exécution s'arrête

Dans un véritable ordinateur, il y a plusieurs piles, une pour chaque processus (voir le cours de Systèmes). Ces piles sont dans des zones mémoires séparées des données et des instructions. Les piles ont une taille supposée assez grandes pour les besoins du processus. Le système d'exploitation surveille le remplissage des piles et tue les processus dont la pile a débordé. Il affiche un message d'erreur « incident de segmentation » ou, en Java, c'est l'erreur « maximum recursion depth exceeded (StackOverflowError) ».

1.2. Paramètres et résultats

Les fonctions peuvent recevoir des paramètres et elles peuvent retourner des résultats. Le plus simple est d'utiliser les registres pour fournir les paramètres et recevoir les résultats, mais ça limite ces fonctions à seulement deux paramètres. On peut faire beaucoup mieux, avec la pile, mais c'est trop complexe pour ce TP.

♣ Assemblez et essayez ce programme :



```
;; programme principal
main:
            ; DSKY en mode 11 (affichage de caractères ascii)
            LD RO, 11
            OUT RO, 255
            ; appels de fonctions
            LD RO, 'O'
            CALL putchar
            CALL changeCase
            CALL putchar
            LD RO, 'K'
            CALL changeCase
            CALL putchar
            ; fin du programme
            HLT
;; affichage de RO (code ascii) sur le port 11
;; paramètres : RO = code ascii du caractère à écrire
;; résultat : aucun
putchar:
            OUT RO, 11
            RET
;; transforme une minuscule dans RO en majuscule et inversement
;; paramètres : RO = code ascii du caractère à transformer
;; résultat : RO = code ascii du caractère transformé
changeCase: XOR RO, %00100000
            RET
```

- ♣ Analysez ce programme. Il y a deux fonctions :
 - putchar affiche le caractère représenté par son code ascii. Cette fonction existe vraiment en langage C cours & . Ici, le code à afficher doit être mis dans RO.
 - changeCase n'existe pas en langage C. Cette fonction ici transforme une lettre minuscule en majuscule et inversement.
 - Le calcul est un peu mystérieux et on ne vous demande pas de le comprendre. Tout part

du codage ASCII, voir la table $\[mu]$. Regardez les colonnes Hex et Char pour les lettres. Par exemple, un s est codé 73 = 01110011 en base 2 et un S codé 53 = 01010011. Il suffit d'inverser le bit b5. C'est ce que fait l'instruction XOR, elle inverse les bits du registre qui sont à 1 dans son second paramètre.

1.3. Sauvegarde des registres sur la pile

Mettons qu'une fonction ait besoin des registres pour faire ses calculs, et qu'on ait aussi besoin de ces registres dans le programme principal. Il faut donc que la fonction préserve leurs valeurs, et les rétablisse avant le retour. On pourrait utiliser des variables dans la mémoire, mais il y a mieux avec la pile. Voici deux instructions pour cela :

- PUSH registre : empile la valeur du registre,
- POP registre : dépile le sommet de la pile dans le registre.

On utilise PUSH pour « sauver » une valeur qui est dans un registre, quand on a besoin de ce registre pour faire autre chose, mais qu'on ne veut pas perdre la valeur qu'il contenait. Quand on a fini avec le registre, on récupère son ancienne valeur avec POP.

NB: on n'est pas obligé de dépiler dans le même registre. On peut empiler R0 et dépiler R1 ; ça va transférer la valeur de R0 dans R1. C'est comme si vous tenez une balle dans la main droite, vous la posez par terre, puis vous la reprenez de la main gauche.

★ Assemblez ce programme :



```
;; programme principal
main:
            ; DSKY en mode 11 (affichage de caractères ascii)
            LD RO, 11
            OUT RO, 255
            ; int i = 26
            LD RO, 26
                             ; i = RO = nombre de boucles
            ; répeter {
.repeter:
            ; i--
            DEC RO
            ; afflettre(i)
            CALL afflettre
            ; } jusqu'à (i == 0)
.jusqua:
            CMP RO, 0
            BNE .repeter
            ; fin du programme
            HLT
;; affichage de RO (entier 0..25) sur le port 11
;; paramètres : RO = numéro 0..25 du caractère à afficher
;; résultat : aucun
afflettre:
           PUSH RO
                             ; sauver la valeur de RO sur la pile
                             ; ajouter le code ascii de la lettre A
            ADD RO, 'A'
            OUT RO, 11
                             ; afficher le caractère obtenu
```

POP RO ; remettre RO comme il était $\ensuremath{\mathtt{RET}}$

Remarquez les labels qui commencent par un point. Ils sont « locaux » à la fonction main. Ça permet de reprendre les mêmes noms de labels dans des fonctions différentes, sans les mélanger.

Dans la fonction main, il y a une boucle pour R0=26 à R0=1 (arrêt quand R0==0). Notez qu'on décrémente R0 avant d'appeler la fonction afflettre, donc cette fonction est appelée avec R0=25 à R0=0.

Dans la fonction afflettre, on transforme en code ASCII l'entier 0..25 qui est dans R0. Les codes ASCII des lettres sont entre 'A'=65 et 'Z'=90. Quand on ajoute 'A' à un entier i compris entre 0 et 25, on obtient le code ASCII de la lettre correspondante. Ainsi, afflettre affiche le caractère A..Z dont le numéro 0..25 est passé dans R0.

Comme on utilise R0 pour faire ce calcul, et qu'il faut quand même garder R0 pour les itérations du programme principal, on sauve ce registre sur la pile. On n'aurait pas besoin si on utilisait une variable globale.

➡ Mettez le PUSH R0 de la ligne 23 en commentaire (placez un ; au début de la ligne) et voyez ce qui se passe. C'est très rapide. Le POP n'est pas en face d'une valeur, mais d'une adresse de retour. CimPU empêche de la dépiler par un POP.

Remettez en état avant de continuer.

- Mettez le POP RO de la ligne 26 en commentaire et voyez ce qui se passe. CimPU interdit de faire un retour de fonction à une adresse empilée qui ne fait pas partie des instructions du programme. Ici, c'est une valeur de registre quelconque qui a été empilée au dessus de l'adresse de retour. Si on ne fait pas le POP correspondant, alors le RET dépilera cette valeur qui est une mauvaise adresse. CimPU empêche ça. Par contre, c'est une technique qui est utilisé pour du hacking, de placer des instructions dans une zone mémoire, d'empiler son adresse par un PUSH et de faire un RET ensuite. L'exécution continue alors dans la zone mémoire...
- Mettez le PUSH R0 de la ligne 23 et le POP R0 de la ligne 26 tous les deux en commentaire et voyez ce qui se passe. R0 revient modifié n'importe comment par la fonction et ça empêche la boucle de fonctionner normalement.

Deux constatations:

- a. Toute fonction doit sauver tous les registres qu'elle utilise. Une fonction doit faire son travail de manière invisible pour le programme qui l'appelle.
- b. Il faut impérativement qu'il y ait autant de POP que de PUSH dans une fonction, sinon l'instruction RET ne pourra pas récupérer l'adresse de retour.

2. Exercices avec des fonctions

2.1. Recopie d'un texte

🖝 Essayez ce programme :



```
;; programme principal
main:
            ; DSKY en mode 11 (lecture et affichage de caractères ascii)
            LD RO, 11
            OUT RO, 255
            ; TODO repeter {
            ; lire un caractère dans RO
            CALL getchar
            ; mettre le caractère en majuscules
            CALL toUpper
            ; afficher le caractère RO
            CALL putchar
            ; TODO } jusqu'à (c == '\n')
            ; fin du programme
            HLT
;; fonction getchar() lit un caractère sur le terminal ascii
;; paramètres : aucun
;; résultat : RO = code ascii du caractère lu
getchar:
            IN RO, 11
            RET
;; affichage de RO (code ascii) sur le port 11
;; paramètres : RO = code ascii du caractère à afficher
;; résultat : aucun
putchar:
            OUT RO, 11
            RET
;; mise en majuscules de RO (code ASCII)
;; paramètres : RO = code ascii du caractère à transformer
;; résultat : RO = code ascii du caractère transformé
          ; TODO si (R0 \geq 'a' et R0 \leq 'z') {
toUpper:
            ; mettre le bit 5 à zéro
            AND RO, %11011111
            ; TODO }
            ; return RO
```

Votre travail consiste à programmer la boucle *répéter* de la partie principale et la conditionnelle qui correspond aux commentaires dans la fonction toUpper. Cette conditionnelle a une condition double. Pour la coder, ce sont simplement deux comparaisons et deux branchements au « finsi »

quand les conditions sont fausses, comme s'il y avait deux si à la suite avec le même finsi:

2.2. Fibonacci, V1

Voici maintenant un calcul mathématique classique, la fonction de Fibonacci, voir sa définition \Box . Le but est d'avoir un programme qui calcule F(n). Il doit par exemple afficher 21 pour F(8).

```
;; programme principal
            ; DSKY en mode 10 (lecture et affichage de nombres)
main:
            LD RO, 10
            OUT RO, 255
            ; lire un entier n dans RO
            IN RO, 10
            ; calculer F(n), résultat dans RO
            CALL F
            ; afficher le résultat
            OUT RO, 10
            HLT
;; fonction de Fibonacci
;; paramètres : R0 = n
;; résultat : R0 = F(n)
            ; TODO si (RO == 0 ou RO == 1) {
F:
                       ne rien faire car RO = résultat
            ; TODO } sinon {
                       calculer F(R0-1) + F(R0-2) dans R0
            ; TODO
            ; TODO }
            ; retour de la fonction, RO contient le résultat
            RET
```

Comme vous le constatez, la fonction F(RO) n'est pas programmée. Elle se contente de retourner la valeur qu'on lui passe dans RO. L'algorithme à suivre est écrit dans les commentaires mais il est compliqué, avec deux appels récursifs. Vous allez le programmer par étapes.

On va commencer par programmer la conditionnelle, si (R0 == 0 ou R0 == 1) {. Elle suit le schéma si alors sinon finsi vu dans le TP2. La différence, c'est la condition en deux comparaisons mais contrairement à l'exercice précédent, c'est un ou qui les relie.

Alors il vaut mieux inverser cette condition double et le *alors* avec le *sinon*, car il est bien plus facile de programmer une conjonction qu'une disjonction. On s'aperçoit aussi que le *alors* devenu

un sinon est inutile, car la valeur à retourner est toujours dans R0. Voici la transformation :

Donc finalement, il reste à programmer la partie *alors* contenant les deux appels récursifs. Voici quelques éléments de réflexion :

- Pour calculer F(R0-1), il suffit de décrémenter R0 puis de faire CALL F. Le résultat sera dans R0.
- Le problème, c'est qu'on n'a plus l'ancienne valeur de R0 quand on veut calculer F(R0-2). La solution consiste à empiler R0 avant d'appeler la fonction et de le dépiler une fois qu'on a utilisé le résultat de la fonction.
- Le problème alors, c'est qu'on a besoin du résultat de la fonction et du nombre qu'on lui passe. La solution consiste à utiliser R1 pour calculer l'addition de F(R0-1) avec F(R0-2).
- Le problème, si on utilise R1, c'est qu'il va être modifié pendant l'appel récursif. La solution consiste à l'empiler avant de commencer les calculs et le dépiler tout à la fin, avant le retour de la fonction.
- Voici donc un scénario possible, à programmer et tester :
 - 1. empiler R1
 - 2. décrémenter RO
 - 3. empiler RO
 - 4. appeler la fonction
 - 5. recopier R0 dans R1
 - 6. dépiler R0
 - 7. décrémenter RO
 - 8. appeler la fonction
 - 9. additionner RO et R1 dans RO
 - 10. dépiler R1
- ♣ Une fois qu'il marche, copiez-collez ce programme dans ReponsesTP3.txt.

Quelle est la valeur maximale avec laquelle on peut appeler la fonction F pour obtenir un résultat correct? Vous pouvez essayer d'appeler la fonction avec des entiers au delà ce cette limite, mais d'une part le temps de calcul va être gigantesque, et d'autre part le résultat sera faux.

Cette manière de faire, avec deux appels récursifs par appel de la fonction, n'est pas du tout recommandée car son temps de calcul ou le nombre d'instructions exécutées, ce qu'on appelle la complexité, est exponentiel. Nous verrons une autre méthode à la fin du TP qui permet de réduire très nettement la complexité.

3. Tableaux

Dans un microprocesseur, un tableau est simplement une succession de N octets à partir d'une certaine adresse ADR. On accède à la case n°i en accédant à l'adresse ADR + i, i étant compris entre 0 et N-1. Quand l'indice i est une variable, il faut employer un mode d'adressage particulier, aperçu au TP1, l'adressage indirect avec décalage.

On définit un tableau ainsi, soit initialisé, soit non initialisé :

```
; char T1[] = { contenu du tableau, ... };
T1:    DB contenu du tableau, ...

; char T2[n];
T2:    RB n ; avec n = taille du tableau

; char T3[n] = {valinit, valinit, valinit...};
T3:    RB n, valinit ; avec n = taille, valinit = valeur à mettre partout
```

On écrit LD R1, [R0+tab] pour accéder à la case d'indice R0 (registre) du tableau tab. Ça marche aussi avec R1 en tant qu'indice : LD R0, [R1+tab].

NB: on ne peut pas écrire LD R1, [tab+R0], le registre doit toujours être avant la constante tab.

t Essayez ce programme :



```
;; programme principal
main:
            ; DSKY en mode 11 (affichage de caractères ascii)
            LD RO, 11
            OUT RO, 255
            ; écrire le message sur le port 11
                       ; indice du premier caractère
            LD R1, [R0+message]
                                    ; premier caractère dans R1
            ; tantque (R1 != 0) {
.tantque:
            CMP R1, 0
            BEQ .fintantque
.faire:
            ; afficher le caractère lu précédemment
            OUT R1, 11
            ; indice de la case suivante
            INC RO
            ; lire la case suivante dans R1, son indice est dans R0
            LD R1, [RO+message]
            ; }
            BRA .tantque
.fintantque:
            ; afficher un retour à la ligne final
            LD R1, ' \n'
            OUT R1, 11
            ; fin du programme
```

```
message: DB "Salut, tout va bien ?", 0
```

Dans ce programme R0 joue le rôle d'un indice dans le tableau message. L'octet à afficher est désigné par [R0+message]. En langage C, on écrirait char R1 = message[R0];.

La boucle de ce programme s'arrête quand elle rencontre un code nul. C'est le caractère spécial qui marque la fin d'une chaîne en langage C.

Les données du tableau peuvent être écrites sous la forme d'une chaîne, sauf qu'en assembleur, le code nul final, un 0, est à écrire explicitement, alors qu'en langage C, il est mis automatiquement.

3.1. Variante

Le programme précédent peut aussi être écrit ainsi :



```
;; programme principal
main:
            ; DSKY en mode 11 (affichage de caractères ascii)
            LD RO, 11
            OUT RO, 255
            ; écrire le message sur le port 11
               RO, message
                              ; adresse du premier caractère
            LD R1, [R0]
                                 ; premier caractère dans R1
            ; tantque (R1 != 0)
.tantque:
            CMP R1, 0
            BEQ .fintantque
.faire:
                 afficher le caractère lu précédemment
            OUT R1, 11
                 adresse de la case suivante
            INC RO
                 lire la case suivante dans R1, son adresse est dans R0
            LD R1, [R0]
            ; }
            BRA .tantque
.fintantque:
            ; afficher un retour à la ligne final
            LD R1, ' \n'
            OUT R1, 11
            ; fin du programme
            HLT
            DB
                "Salut, tout va bien ?", 0
message:
```

Dans cette variante, R0 n'est plus un indice, mais directement l'adresse du caractère courant. On dit que c'est un *pointeur*. En langage C, on écrirait char R1 = *R0; avec char* R0 = &message; au début (le & n'est pas nécessaire pour un tableau).

En assembleur, on préfère écrire des programmes qui travaillent avec des pointeurs plutôt qu'avec des indices. L'utilisation de pointeurs est généralement plus efficace, car les indices obligent à faire davantage d'additions. L'accès mémoire [R0+adr] de la variante indice coûte une addition de plus que l'accès indirect [R0] de la variante pointeur.

3.2. Exercice: transformation en fonction

Transformez le programme précédent en déplaçant ce qu'il faut dans une fonction. Cette fonction existe vraiment, elle s'appelle puts en langage C (tapez man puts dans un shell) :

```
;; programme principal
            ; DSKY en mode 11 (affichage de caractères ascii)
main:
            LD RO, 11
            OUT RO, 255
            ; écrire le message sur le port 11
            LD RO, message
            CALL puts
            ; fin du programme
            HLT
            DB
               "Salut, tout va bien ?", 0
message:
;; fonction puts(RO)
;; affiche la chaîne située en RO sur le port 11
;; paramètres : RO = adresse de la chaîne terminée par un O
;; résultat : aucun
            ; TODO sauver les registres utilisés
            ; TODO recopier tout ce qu'il faut du programme précédent
            ; TODO restaurer les registres
```

♣ Une fois qu'il marche, copiez-collez ce programme dans ReponsesTP3.txt.

3.3. Exercice: dessiner une chenille

On va continuer par un exercice moins sérieux que les précédents. Il faut dessiner ceci :

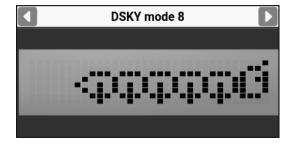


Figure 2: Chenille

Voici un programme à compléter. Les explications sont après.



```
;; programme principal
main:
            ; mettre le DSKY en mode 8 = LCD matriciel
            LD RO, 8
            OUT RO, 255
            ; dessiner la queue
            LD RO, data_queue
            CALL dessiner
            ; TODO dessiner 5 segments pour le corps
            ; dessiner la tete
            LD RO, data_tete
            CALL dessiner
            ; fin du programme
            HLT
data_tete: DB %01111100
            DB %01000010
           DB %01001010
           DB %00111101
data corps: DB %01000100
            DB %11110100
            DB %01000100
            DB %00111000
data_queue: DB %00000000
            DB %0000000
            DB %00110000
            DB %01001000
;; recopie 4 octets à partir de RO sur le port 8
;; paramètres : RO = adresse de 4 octets à la suite
;; résultat : aucun
dessiner:
            ; TODO votre fonction doit envoyer les 4 octets situés à
            ; l'adresse RO sur le port 8, mais sans modifier RO au retour
            RET
```

Le programme principal consiste en appels de la même fonction, mais avec un paramètre R0 différent. Ce paramètre est l'adresse de 4 octets donnant les pixels à allumer. La fonction dessiner doit envoyer ces 4 octets sur le port 8, peu importe comment. C'est tout.

Une fois qu'il marche, copiez-collez ce programme dans ReponsesTP3.txt.

Souvent le compilateur C transforme de petites boucles dont le nombre d'itérations est connu à l'avance en simples répétitions d'instructions.

3.4. Fibonacci, V2

On revient sur le calcul de la fonction de Fibonacci.

Reprenez votre réponse à l'exercice 2.2.

On va utiliser un tableau pour accélérer très nettement les calculs. En effet, la fonction F(n) demande les valeurs de F(n-1) et F(n-2). Et pour calculer F(n-1), il y a besoin de F(n-2) et F(n-3) et ainsi de suite. Alors le principe est de calculer F(i) seulement une fois et l'enregistrer dans un tableau, à l'indice i. Dans ce tableau appelé F_{mem} , on a initialisé F(0) = 0 et F(1) = 1 et toutes les autres cases i > 1 sont à une valeur sentinelle, par exemple 255 pour indiquer que F(i) est inconnue.

Voici l'algorithme simplifié :

```
fonction F(n) {
    si (F_mem[n] == 255) {
        F_mem[n] = F(n-1) + F(n-2)
    }
    retourner F_mem[n]
}
tableau F_mem[14] = { 0, 1, 255, 255, 255... }
```

Cet algorithme est correct si on admet qu'on n'appellera jamais la fonction avec une valeur autre que 0..13. L'agorithme semble plus simple parce qu'il n'y a pas les tests sur n, s'il vaut 0 ou 1. Ces tests sont inutiles parce que F(0) et F(1) sont déjà dans le tableau.

Il reste à programmer cet algorithme. Ce serait très simple en langage C, mais ça va être nettement plus difficile en assembleur. Le problème est qu'il faut gérer plusieurs valeurs : n, $F_{mem}[n]$ ainsi que les valeurs retournées par les appels récursifs à F. On n'a pas assez avec R0 et R1. Il faut utiliser la pile.

Voici donc un scénario possible, à programmer et tester :

```
1. empiler R1
2. mettre F_mem[RO] dans R1
3. conditionnelle:
     • si (R1 == 255)
     • alors:
         a. empiler R0
                                                  ; sauve n sur la pile
         b. décrémenter R0
                                                  ; R0 = n - 1
         c. empiler R0
                                                  ; sauve n-1 sur la pile
         d. appeler la fonction F
                                                  ; au retour, RO = F(n-1)
         e. recopier R0 dans R1
                                                  R1 = F(n-1)
                                                  ; récupérer n-1 dans R0
         f. dépiler R0
                                                  ; R0 = n - 2
         g. décrémenter R0
                                                  ; au retour, R0 = F(n-2)
         h. appeler la fonction F
                                                  ; R1 = F(n-1) + F(n-2)
         i. additionner RO et R1 dans R1
         j. dépiler R0
                                                  ; récupèrer n dans R0, F(n) est dans R1
         k. stocker R1 dans F_mem[R0]

    finsi

4. recopier R1 dans R0
                                                  ; RO = F(n)
5. dépiler R1
6. revenir de la fonction
```

Pour calculer F(13), on passe d'environ 7500 instructions à un peu plus de 300 seulement.

Pensez à déposer votre ReponsesTP3.txt dans la zone de dépôt sur Moodle. Rappel : c'est un travail personnel, individuel qui est soumis à une notation. Les tricheries seront sanctionnées.