# Approche Stratégique des Marchés Financiers Formalisation Quantitative et Portefeuille Antifragile

# Olivier Croissant Emerging Pricing Technologies, Paris, France

September 16, 2025

#### Abstract

Cette note expose une approche stratégique des marchés financiers, fondée sur trente années d'expérience en analyse quantitative. L'idée centrale est de construire des stratégies antifragiles : "si le marché monte, je suis content ; si le marché baisse, je suis content". La méthode repose sur des fonctionnelles de décision dynamiques, des échelles d'achat et de vente, et une structuration du capital en trois portefeuilles complémentaires : croissance internationale (IA, or, défense), qualité française (industrie, luxe, aéronautique), et cryptoactifs (BTC/ETH + cash). Nous présentons un formalisme mathématique de la stratégie d'échelles (ladder strategy), ainsi que les métriques usuelles de backtest : P&L, Sharpe, Sortino, CAGR, Max Drawdown, Calmar.

#### 1 Introduction

La gestion de portefeuille moderne doit conjuguer trois dimensions :

- a) capturer la croissance structurelle (technologie, intelligence artificielle),
- b) préserver le capital par des valeurs refuges et défensives,
- c) maintenir une poche spéculative pour exploiter les marchés émergents à forte convexité (crypto).

La stratégie proposée est le fruit d'une adaptation progressive : les fonctionnelles utilisées en actions/produits dérivés ne se sont pas révélées efficaces en crypto. Il a donc fallu **redéfinir les règles de gestion** en tenant compte de la microstructure propre de chaque marché.

# 2 Formalisme mathématique

#### 2.1 Données et état du portefeuille

Soit  $P_t$  le prix de l'actif sous-jacent à la date  $t \in [t_1, t_2]$ . Le portefeuille est décrit par :

$$E_t = C_t + U_t P_t$$

où  $C_t$  est le cash disponible,  $U_t$  le nombre d'unités détenues, et  $E_t$  la valeur totale du portefeuille.

#### 2.2 Référence dynamique

On définit un prix de référence  $R_t$  selon plusieurs modes :

• Trailing max (peak):  $R_t = \max_{s \leq t} P_s$ ,

• Rolling mean :  $R_t = \frac{1}{w} \sum_{k=0}^{w-1} P_{t-k}$ ,

• Anchored :  $R_t = R_{t_0}$  fixé à une date d'ancrage.

#### 2.3 Fonctionnelles d'achat et de vente

On fixe deux ensembles de niveaux :

$$\mathcal{B} = \{(l_i^b, \alpha_i^b)\}_{i=1}^m, \quad l_i^b > 0, \ \alpha_i^b \in (0, 1),$$

$$\mathcal{S} = \{(l_i^s, \alpha_i^s)\}_{j=1}^n, \quad l_j^s > 0, \ \alpha_j^s \in (0, 1),$$

où  $l_i^b$  est un seuil relatif (ex: 5% sous  $R_t$ ),  $\alpha_i^b$  la fraction du cash à investir, et  $l_j^s$  un seuil de hausse (ex: 10% au-dessus de  $R_t$ ),  $\alpha_j^s$  la fraction de position à vendre.

#### 2.4 Règles de mise à jour

• Achat : si  $P_t \leq (1 - l_i^b)R_t$ , alors

$$\Delta U_t = \frac{\alpha_i^b C_t}{P_t}, \quad C_t \leftarrow C_t - \alpha_i^b C_t, \quad U_t \leftarrow U_t + \Delta U_t.$$

• Vente : si  $P_t \ge (1 + l_j^s)R_t$ , alors

$$\Delta U_t = \alpha_j^s U_t, \quad C_t \leftarrow C_t + \Delta U_t P_t, \quad U_t \leftarrow U_t - \Delta U_t.$$

### 2.5 Contraintes et adaptativité

Les quantités  $\alpha_i^b, \alpha_j^s$  ne sont pas fixes mais **dépendent du contexte** :

$$\alpha_i^b = f_b(C_t, E_t, \sigma_t, \text{macro}), \quad \alpha_j^s = f_s(U_t, E_t, \sigma_t, \text{flux}),$$

où  $\sigma_t$  est la volatilité implicite ou réalisée, et macro, flux représentent les conditions globales.

# 3 Portefeuilles complémentaires

## 3.1 Portefeuille international (croissance et refuge)

• Tech US : Microsoft, Nvidia,

• Tech Chine: ETF Amundi MSCI China Tech,

• Défense : Lockheed Martin,

• Or : réserve de valeur.

#### 3.2 Portefeuille français (qualité industrielle et luxe)

• Hermès, Schneider, Safran, Legrand, Airbus, Dassault.

### 3.3 Portefeuille crypto (spéculation dynamique)

- BTC (35%), ETH (10%), cash (55%),
- gestion par échelles dynamiques,
- jamais all-in, jamais all-out,
- adaptation à la microstructure crypto (funding, liquidations, cycles de halving).

# 4 Métriques de performance

À l'issue d'un backtest sur  $[t_1, t_2]$ , on calcule :

$$CAGR = \left(\frac{E_{t_2}}{E_{t_1}}\right)^{1/(t_2-t_1)} - 1,$$

$$Sharpe = \frac{\mathbb{E}[r_t - r_f]}{\sigma(r_t)},$$

$$Sortino = \frac{\mathbb{E}[r_t - r_f]}{\sigma(r_t^-)},$$

$$MDD = \min_t \frac{E_t}{\max_{s \le t} E_s} - 1,$$

$$Calmar = \frac{CAGR}{|MDD|}.$$

# 5 Conclusion

Cette approche vise à conjuguer rigueur quantitative et adaptativité. Elle s'appuie sur des fonctionnelles spécifiques à chaque marché (actions, dérivés, crypto) et une allocation triptyque : croissance, stabilité, spéculation. L'objectif n'est pas de prédire le marché, mais de construire un dispositif antifragile qui tire parti de la volatilité.