Filtres

Loïc Barbaresco, Rémi Barbaste, Robin Degironde, Émeric Tosi $24~{\rm mars}~2015$

Sommaire

1	Déf	inition	3	
2	Diff	férences entre filtre analogique et numérique	4	
3	Diff	férences entre filtre passif et actif	5	
4	Cor	nparaison de filtres	6	
	4.1	Caracteristiques	6	
	4.2	Inconvenients	6	
5	Cal	culs	7	
	5.1	calcul de la pulsation	8	
	5.2	calcul de beta	8	
	5.3	calcul de gamma	8	
	5.4	calcul de R	9	
	5.5	calcul de Ak	9	
	5.6	calcul de Bk	10	
	5.7	calcul de Gk	10	
	5.8	calcul de L	11	
	5.9	calcul de C \dots	11	
6	Code complet 12			
	6.1	HTML	12	
	6.2	JavaScript	16	

1 Définition

Un filtre est un dispositif (actif ou passif) qui permet de réaliser une opération de traitement du signal. En effet, il permet de transformer un signal reçu en entrée en un signal de sortie différent par le biais de circuits électroniques, ces derniers servant à modifier le spectre de fréquence et/ou la phase du signal reçu.

Les filtres permettent donc l'isolement, l'élimination ou la séparation de signaux. Ce traitement peut par exemple consister à éliminer ou affaiblir des fréquences parasites (comme du bruit), et/ou à isoler une information utile présente au sein d'une certaine bande passante d'un signal.

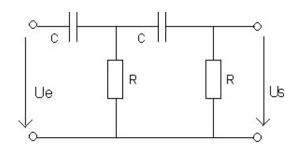


Figure 1 – Un filtre passif

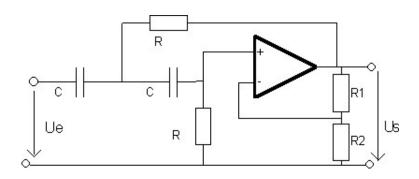


FIGURE 2 - Un filtre actif

2 Différences entre filtre analogique et numérique

Parmi les différents filtres existants, on peut les classer selon deux catégories : analogiques ou numériques.

Un filtre analogique permet de traiter de façon analogique un signal en retirant les signaux indésirables afin de ne conserver qu'un signal utile. De ce fait, le signal qui le traverse est diffèrent en sortie que celui présent en entrée, cette modification est appliquée directement au signal.

Un filtre numérique permet de traiter numériquement un signal. Pour cela, le signal est numérisé sur le support en entrée, grâce par exemple à un convertisseur analogique-numérique (CAN) afin d'échantillonner ce signal. On modifie, vérifie ou trie ensuite ces informations binaires constituant un flux de données. On émet finalement un nouveau signal généré à partir de ce flux binaire de données sur le support en sortie grâce par exemple à un convertisseur numérique-analogique (CNA).

3 Différences entre filtre passif et actif

Les filtres passifs sont composés uniquement d'éléments passifs (c'est-àdire des éléments résistifs, capacitifs et inductifs). De ce fait, le gain d'un tel filtre ne peut excéder 1, un tel type de filtre ne peut qu'atténuer une partie d'un signal, il ne peut donc pas être utilisé donc le but d'amplifier un signal. Les réalisations les plus simples sont réalisées à partir de circuits RC ou RL, cependant on peut trouver des association diverses de composants (comme LC ou RLC), toutefois ces circuits sont plus complexes.

Les filtres actifs contiennent au moins un élément actif, comme un transistor ou un amplificateur opérationnel, qui va amplifier le signal. Avec un tel filtre, il est possible d'avoir un gain supérieur à 1. On peut les utiliser pour atténuer tout comme pour amplifier certaines fréquences d'un signal.

Toutefois lors de l'utilisation des hautes fréquences, le problème qui se pose est que la notion de filtre ne signifie plus rien. Tous les composants, y compris les lignes électromagnétiques, constituant le filtre possèdent une atténuation, des capacités et des inductances qui influes sur le résultat du filtre. La fonction d'amplificateur opérationnel n'existe pas non plus.

4 Comparaison de filtres

4.1 Caracteristiques

- Pente d'atténuation supérieure à $40 \mathrm{dB}/\mathrm{décade}$ autour de la fréquence de coupure ;
- Filtres d'ordre impair : Impédances d'entrée et de sortie identiques ;
- Ordre plus petit pour une grande sélectivité;
- Calculs simples.

4.2 Inconvenients

- Très mauvaise linéarité de phase;
- Temps de propagation de groupe non constant en bande passante (déphasage non linéaire);
- Ondulation dans la bande passante, à ordre n, il présente n ondulation(s) dans la bande passante.

5 Calculs

Afin de réaliser un programme de calcul des filtres passe-bas de Tcheby-scheff, nous avons choisi d'utiliser du JavaScript (pour la partie traitement) associé au couple HTML/CSS (pour la partie rendu et affichage). Dans la partie JavaScript, nous calculons les valeurs des éléments localisés Lk, Ck et Rn à partir des caractéristiques du filtre. Ces dernières, fournies par l'utilisateur, sont l'ordre, le taux d'ondulation maximal, la fréquence de coupure ainsi que l'impédance R1.

A partir des valeurs saisies, nous calculons la pulsation, la valeur de beta et de gamma, ensuite la valeur de R en appliquant la bonne formule selon si l'ordre est pair ou impair. Puis nous déterminons les valeurs des Ak, Bk, Gk, L, C.

Nous affichons les résultats sous la forme d'un tableau en indiquant l'ordre, la valeur du condensateur C, celle de l'inductance L et celle de la résistance R.



Figure 3 – La page de calcul de notre outil

5.1 calcul de la pulsation

Pulsation $Wc = 2 * \pi *$ Fréquence de coupure

5.2 calcul de beta

Béta
$$\beta = \log(\frac{\cosh(\frac{\text{Ondulation}}{17,37})}{\sinh(\frac{\text{Ondulation}}{17,37})})$$

```
1     /* beta */
2     beta = Math.log( ( cosh( ondulation / 17.37 ) ) / ( sinh( ondulation / 17.37 ) );
```

5.3 calcul de gamma

Gamma
$$\gamma = \sinh(\frac{\beta}{2*\text{Ordre}})$$

```
1  /* gamma */
2
3  gamma = sinh( beta / (2 * ordre ) );
```

5.4 calcul de R

Si l'ordre est pair

Résistance équivalente Rn = $(\tanh \frac{\beta}{4})^2 * Impédance$

Si l'ordre est impair

Résistance équivalente Rn = Impédance

5.5 calcul de Ak

$$Ak = (\tanh \frac{\beta}{4})^2 * Impédance$$

5.6 calcul de Bk

...

```
Bk = 0
```

5.7 calcul de Gk

...

Gk = 0

```
/* calcul des Gk */

Gk[1] = 2 * Ak[1] / gamma;

for( k = 2; k <= ordre ; k++ )

Gk[k] = ( 4 * Ak[k-1] * Ak[k] ) / ( Bk[k-1] * Gk[k-1]

);

}</pre>
```

5.8 calcul de L

. . .

```
L = 0
```

5.9 calcul de C

...

$$C = 0$$

6 Code complet

6.1 HTML

```
<!DOCTYPE html>
    <html lang="fr" style="position:relative; min-heigth:100%;">
       <head>
3
           <meta http-equiv="Content-Type" content="text/html; charset=</pre>
               utf-8" />
           <link rel="stylesheet" href="rsc/bootstrap/css/bootstrap.css"</pre>
           <title>Calcul de filtres</title>
6
           <link rel="apple-touch-icon" sizes="57x57" href="./rsc/</pre>
               favicon/apple-icon-57x57.png">
           <link rel="apple-touch-icon" sizes="60x60" href="./rsc/</pre>
               favicon/apple-icon-60x60.png">
           <link rel="apple-touch-icon" sizes="72x72" href="./rsc/</pre>
9
               favicon/apple-icon-72x72.png">
           <link rel="apple-touch-icon" sizes="76x76" href="./rsc/</pre>
10
               favicon/apple-icon-76x76.png">
           <link rel="apple-touch-icon" sizes="114x114" href="./rsc/</pre>
11
               favicon/apple-icon-114x114.png">
           <link rel="apple-touch-icon" sizes="120x120" href="./rsc/</pre>
               favicon/apple-icon-120x120.png">
           <link rel="apple-touch-icon" sizes="144x144" href="./rsc/</pre>
13
               favicon/apple-icon-144x144.png">
           <link rel="apple-touch-icon" sizes="152x152" href="./rsc/</pre>
14
               favicon/apple-icon-152x152.png">
           <link rel="apple-touch-icon" sizes="180x180" href="./rsc/</pre>
15
               favicon/apple-icon-180x180.png">
           <link rel="icon" type="image/png" sizes="192x192" href="./rsc</pre>
16
               /favicon/android-icon-192x192.png">
           <link rel="icon" type="image/png" sizes="32x32" href="./rsc/</pre>
17
               favicon/favicon-32x32.png">
           <link rel="icon" type="image/png" sizes="96x96" href="./rsc/</pre>
18
               favicon/favicon-96x96.png">
           <link rel="icon" type="image/png" sizes="16x16" href="./rsc/</pre>
19
               favicon/favicon-16x16.png">
           <link rel="manifest" href="./rsc/favicon/manifest.json">
20
           <meta name="msapplication-TileColor" content="#ffffff">
21
           <meta name="msapplication-TileImage" content="./rsc/favicon/</pre>
22
               ms-icon-144x144.png">
           <meta name="theme-color" content="#ffffff">
23
       </head>
24
25
       <body role="document" style="padding-top:50px; padding-bottom:20</pre>
           px; margin-bottom:60px;">
27
       <!-- barre de menu -->
```

```
<nav class="navbar navbar-inverse navbar-fixed-top">
29
              <div class="container">
30
                  <div class="navbar-header">
31
                     <button type="button" class="navbar-toggle</pre>
32
                         collapsed" data-toggle="collapse" data-target=
                         ".navbar-collapse">
                         <span class="sr-only">Toggle navigation</span>
                         <span class="icon-bar"></span>
34
                         <span class="icon-bar"></span>
35
                         <span class="icon-bar"></span>
36
                     </button>
37
                     <a class="navbar-brand" href="index.html">Accueil<</pre>
38
                  </div>
39
                  <div class="navbar-collapse collapse">
40
                     41
                         <a href="aide.html">Aide</a>
42
                         <a href="credits.html">A propos</a>
43
                     44
                     <a target="</pre>
45
                         _blank" href="https://github.com/emeric254/
                         BETelecomsCPL2014">B.E. Telecoms : Groupe 12</
                         a>
                  </div>
46
              </div>
47
          </nav>
48
49
          <!-- barre de titre -->
50
          <div class="jumbotron">
51
              <div class="container theme-showcase" role="main">
52
                  <h1>Calcul de filtres de Tchebychev</h1>
53
              </div>
54
          </div>
55
          <!-- contenu de la page -->
57
          <div class="container">
58
59
              <!-- saisies -->
60
              <div class="col-lg-4">
61
                  <form name="general" action="index.html">
62
63
                     <div class="form-group">
64
                         <label for="inputN"> N (ordre) : </label>
65
                         <div class="input-group">
66
                             <input type="number" min="1" step="1" class</pre>
67
                                ="form-control" id="inputN" value="1"
                                data-bind="value:inputN" >
                             <span class="input-group-addon"></span>
68
                         </div>
69
```

```
</div>
70
71
                       <div class="form-group">
72
                           <label for="input0max"> Omax (taux d')
73
                               ondulation maximal) : </label>
                           <div class="input-group">
74
                               <input type="number" min="0.1" step="0.1"</pre>
                                   class="form-control" id="input0max"
                                   value="1" data-bind="value:input0max" >
                               <span class="input-group-addon"> dB </span>
76
                           </div>
77
                       </div>
78
79
                       <div class="form-group">
80
                           <label for="inputFreqc"> Fc (fr&eacute; quence
                               de coupure) : </label>
                           <div class="input-group">
82
                               <input type="number" min="1" class="form-</pre>
83
                                   control" id="inputFreqc" value="1000"
                                   data-bind="value:inputFreqc" >
                               <span class="input-group-addon"> MHz </span</pre>
84
                           </div>
85
                       </div>
86
87
                       <div class="form-group">
                           <label for="inputRi"> R1 (imp&eacute;dance) :
89
                               </label>
                           <div class="input-group">
90
                               <input type="number" min="1" class="form-</pre>
91
                                   control" id="inputRi" value="50" data-
                                   bind="value:inputRi" >
                               <span class="input-group-addon"> &#937; 
92
                                   span>
                           </div>
93
                       </div>
94
95
                       <input type="button" onclick="main(general);"</pre>
96
                            value="Valider" class="btn btn-lg btn-success"
                        <input type="button" onclick="location.reload();"</pre>
97
                            value="Reset" class=" btn btn-lg btn-danger">
                    </form>
98
                    <hr>>
99
                </div>
100
                <!-- resultats -->
101
                <div class="col-lg-8">
102
                    <div class="panel panel-primary">
103
                       <div class="panel-heading">
104
```

```
<h3 class="panel-title"> R&eacute; sultats </h3
105
                       </div>
106
                        <div class="panel-body">
107
                           <div id="resultats"> </div>
108
                        </div>
109
                    </div>
110
                </div>
111
112
            </div>
113
            <!-- l'application -->
114
            <script src="rsc/app.js"></script>
115
        </body>
116
    </html>
117
```

6.2 JavaScript

```
1
      app.js
2
3
      This program is free software; you can redistribute it and/or
4
          modify
      it under the terms of the GNU General Public License as published
           by
      the Free Software Foundation; either version 2 of the License, or
6
      (at your option) any later version.
7
      This program is distributed in the hope that it will be useful,
      but WITHOUT ANY WARRANTY; without even the implied warranty of
10
      MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. See the
11
      GNU General Public License for more details.
12
13
      You should have received a copy of the GNU General Public License
14
      along with this program; if not, write to the Free Software
15
      Foundation, Inc., 51 Franklin Street, Fifth Floor, Boston,
16
      MA 02110-1301, USA.
17
   */
18
19
20
   /* Fonction cosinus hyperbolique */
21
   function cosh(val)
22
23
      return (Math.pow(Math.E, val) + Math.pow(Math.E, -val)) / 2;
24
25
26
   /* Fonction sinus hyperbolique */
27
   function sinh (val)
28
29
     return (Math.exp(val) - Math.exp(-val)) / 2;
30
   }
31
32
   /* Fonction tangente hyperbolique */
33
   function tanh (val)
34
35
     return (Math.exp(val) - Math.exp(-val)) / (Math.exp(val) + Math.
36
         exp(-val));
   }
37
38
39
   function main(general)
40
   {
41
42
       champsResultat = document.getElementById('resultats');
43
44
```

```
// saisies
45
       var ordre = document.general.inputN.value;
46
       var ondulation = document.general.inputOmax.value;
47
       var freqCoup = document.general.inputFreqc.value;
48
       var impedance = document.general.inputRi.value;
49
50
       if ( isNaN(ordre) || isNaN(ondulation) || isNaN(freqCoup) ||
51
           isNaN(impedance) || ordre <= 0 || ondulation <= 0 || freqCoup
            <= 0 || impedance <= 0 /*// !( ordre % 2 ) */)
       {
52
           champsResultat.setAttribute('class', 'alert');
53
           champsResultat.innerHTML = '<div class="alert alert-danger">
54
               Yeuillez remplir correctement les champs de donn&
               eacute; es. </div>';
           champsResultat.innerHTML += '<div class="alert alert-info"> <</pre>
55
               p>Pour plus d\'information consultez 1\'<a href="aide."
               html"><strong>aide</strong></a>. </div>';
       }
56
       else
57
       {
58
           champsResultat.setAttribute('class', 'alert alert-info');
59
60
           var Ak = new Array();
61
           var Bk = new Array();
62
           var c = new Array();
63
           var Gk = new Array();
64
           var 1 = new Array();
65
           var k = 0;
66
67
           /* Traduction de la freeacute; quence de coupure en Hz */
68
           freqCoup *= 1000; // MHz -> KHz
69
           freqCoup *= 1000; // KHz -> Hz
70
71
72
           /* pulsation */
73
           Wc = 2 * Math.PI * freqCoup;
74
75
           /* beta */
           beta = Math.log( ( cosh( ondulation / 17.37 ) ) / ( sinh(
77
               ondulation / 17.37 ) );
78
           /* qamma */
79
           gamma = sinh( beta / ( 2 * ordre ) );
80
81
           /* calcul de R */
82
           if ( ( ordre % 2 ) != 0 )
83
84
               R = 1;
85
86
```

```
else
87
            {
88
               R = \tanh( beta / 4 ) * \tanh( beta / 4 );
89
90
91
            /* calcul de Rn */
92
            Rn = R * impedance;
93
94
            /* calcul des Ak */
95
            for( k = 1; k <= ordre; k++ )</pre>
96
97
               Ak[k] = Math.sin((2 * k-1) * Math.PI) / (2 * ordre
98
                     ));
            }
99
100
            /* calcul des Bk */
101
            for( k = 1; k <= ordre; k++ )</pre>
102
103
               Bk[k] = gamma * gamma + Math.sin( k * Math.PI / ordre ) *
104
                     Math.sin( k * Math.PI / ordre );
105
106
            /* calcul des Gk */
107
            Gk[1] = 2 * Ak[1] / gamma;
108
109
            for( k = 2; k <= ordre ; k++ )</pre>
110
111
               Gk[k] = (4 * Ak[k-1] * Ak[k]) / (Bk[k-1] * Gk[k-1]);
112
            }
113
114
            /* calcul des L */
115
            for( k = 1; k <= ordre ; k++ )</pre>
116
117
               l[k] = (impedance * Gk[k]) / Wc;
118
119
120
            /* calcul des C */
121
            for( k = 1; k <= ordre ; k++ )</pre>
123
               c[k] = Gk[k] / ( (impedance * Wc));
124
125
126
127
            /* Affichage des ré sultats sous forme Exponentielle */
128
            resultats = '<div class="table-responsive"> <table class="
129
                table table-bordered table-striped"> <thead>  
                Ordre # </th> <th> C </th> <th> L </th> <th> R </th> </tr
                > </thead> ';
130
```

```
for(k=1; k<= ordre; k++)</pre>
131
132
              resultats += " " + k + "";
133
134
              if((k\%2) != 0)
135
136
                 var aff = c[k].toPrecision(3);
137
                 resultats += "<td>"+ aff +" F </td> <td> - </td> <td>"
138
                      + Rn.toPrecision(2) + " Ω ";
              }
139
              else
140
              {
141
                 var aff = 1[k].toPrecision(3);
142
                 resultats += "<td> - </td> <td>" + aff + " H </td> <td
143
                     >" + Rn.toPrecision(2) + " Ω ";
              }
144
145
              resultats += "";
146
          }
147
148
          resultats += " </div> ";
149
150
151
          champsResultat.innerHTML = resultats;
       }
152
   }
153
```