



**UNINASSAU**  
Campus Boa Viagem

## Programação Orientada e objetos e Estrutura de dados

PROFESSOR:

**Adilson da Silva**

CURSO (2023.2)

Apresentação baseada em  
apresentação do professor Leopoldo  
França



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEAL



UNI7



Grupo Ser Educacional



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEAL



UNI7



Grupo Ser Educacional



**UNINASSAU**  
Campus Graças

# LISTAS



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7



Grupo Ser Educacional

- Uma das formas mais comumente usadas para se manter dados agrupados é a lista
- Afinal, quem nunca organizou uma lista de compras antes de ir ao mercado ?
- As listas têm se mostrado um recurso bastante útil e eficiente no dia-a-dia das pessoas.
- Em computação a lista é uma das estruturas de dados mais empregadas no desenvolvimento de programas

# Listas: Fundamentos



UNINASSAU  
Campus Graças

- Uma lista linear é uma coleção  $L:[a_1, a_2, \dots, a_n]$ ,  $n \geq 0$ , cuja propriedade estrutural baseia-se na posição relativa dos elementos
  - Se  $n=0$ , dizemos que a lista  $L$  é vazia;
  - caso contrário, são válidas as seguintes propriedades:
    - $a_1$  é o primeiro elemento de  $L$ ;
    - $a_n$  é o último elemento de  $L$ ;
    - $a_k$ ,  $1 < k < n$ , é precedido pelo elemento  $a_{k-1}$  e seguido por  $a_{k+1}$  em  $L$



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEAL



UNI7

# Listas:operações



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- **Algumas operações realizadas sobre listas são:**
  - acessar um elemento qualquer da lista;
  - inserir um elemento numa posição específica da lista;
  - remover um elemento de uma posição específica da lista;
  - combinar duas listas em uma única;
  - particionar uma lista em duas;
  - determinar o total de elementos na lista;
  - ordenar os elementos da lista;
  - procurar um determinado elemento na lista;
  - apagar uma lista;
  - outras...



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEAL



UNI7



Grupo Ser Educacional

# Listas:operações



UNINASSAU  
Campus Graças

- **Considerando as operações de acesso, inserção e remoção, restritas aos extremos da lista, temos casos especiais que aparecem na modelagem de problemas resolvidos por computador:**
  - **Pilha: inserção, remoção e acesso realizado em um único extremo. Denominadas listas LIFO (Last-In/First-Out)**
  - **Fila: inserções em um extremo e remoções e acessos no outro. Denominadas listas FIFO (First-In/First-Out)**
  - **Fila Dupla: inserções, remoções ou acessos são realizados em qualquer extremo. Denominadas DEQUE (Double-Ended QUEue)**



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEI



UNI7

# Listas: Considerações sobre implementação



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- Ao codificar um programa que utiliza listas para armazenar dados, dificilmente iremos usar todas as operações que podem ser feitas com listas lineares.
- Na prática, apenas um subconjunto destas operações será necessário.
- As ferramentas de programação atuais, na sua maioria, já trazem implementações desse tipo de dado na forma de classes.



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7



Grupo Ser Educacional

# Listas: Considerações sobre implementação



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- É difícil obter uma implementação onde todas as operações sejam realizadas com a mesma eficiência.
- Ex: uma implementação que facilite o acesso a um elemento da lista, dificultará a inserção e a remoção de elementos no meio da mesma



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7



Grupo Ser Educacional



# Listas: Exemplo de Aplicação



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- Suponha que sejam dados os salários de todos os empregados de uma companhia e desejamos determinar quantos salários estão acima da média.
  - Uma vez que a média deve ser calculada em primeiro lugar, para que se possa comparar cada salário com a média, precisamos de um tipo de dados que possa conter todos os salários.
  - Escolhemos o tipo de dados lista.
  - Que operações serão executadas sobre a lista?



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7

# Listas: Exemplo de Aplicação

- Precisamos poder executar as seguintes operações:
  - 1. Dado um salário, armazenar o salário na lista, na primeira posição desocupada.
  - 2. Acessar o salário em cada posição (para adicionar e comparar).

# Listas: Implementações

- Ao desenvolver uma implementação para listas lineares, o primeiro problema que surge é: como podemos armazenar os elementos da lista, dentro do computador?
- Podemos implementar uma lista através de vetor, ponteiros ou arquivo, dependendo do tamanho da lista e das operações que serão executadas sobre a lista.

# Listas: Implementações

- Vetor
  - Ocupa um espaço contínuo de memória.
  - Permite acesso randômico aos elementos.
  - Deve ser dimensionado com um número máximo de elementos.

4	12	45	7				
---	----	----	---	--	--	--	--

# Listas: Implementações



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- Estruturas de dados dinâmicas (ponteiros)
  - crescem (ou decrescem) à medida que elementos são inseridos (ou removidos)
  - Exemplo:
  - listas encadeadas:
    - amplamente usadas para implementar outras estruturas de dados



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



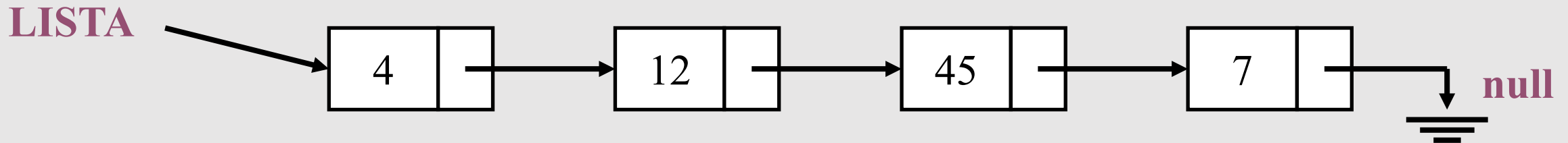
UNI7



Grupo Ser Educacional

# Listas: Implementações

- Lista encadeada:
  - sequência encadeada de elementos, chamados de nós da lista
  - nó da lista é representado por dois campos:
    - a informação armazenada e
    - o ponteiro para o próximo elemento da lista
  - a lista é representada por um ponteiro para o primeiro nó
  - o ponteiro do último elemento é NULL



# Listas: Implementações



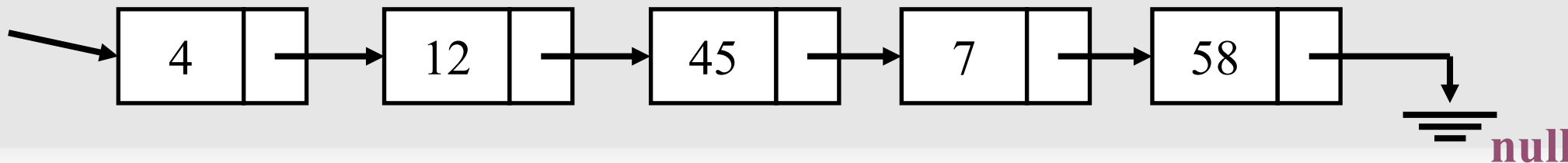
UNINASSAU  
Campus Graças

- Inserir no Fim:
  - Inserir no fim da lista o elemento “58”.
- Vetor:

0	1	2	3	4	5	6	7
4	12	45	7	58			

- Ponteiro:

LISTA



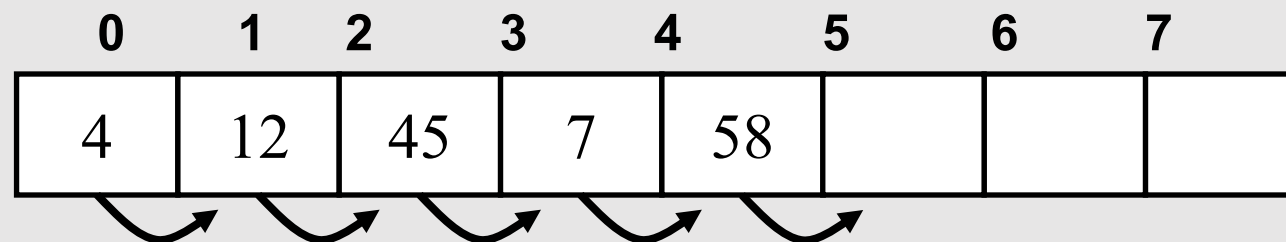
# Listas: Implementações



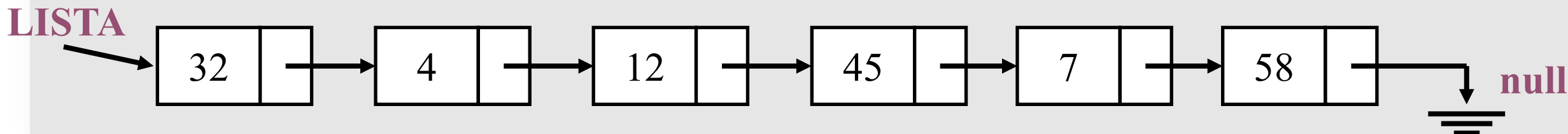
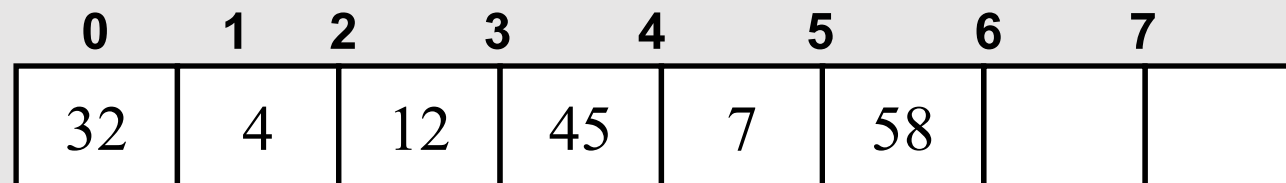
UNINASSAU  
Campus Graças

- Inserir no Início: Inserir no início da lista o elemento “32”.

Vetor:



Ponteiro:





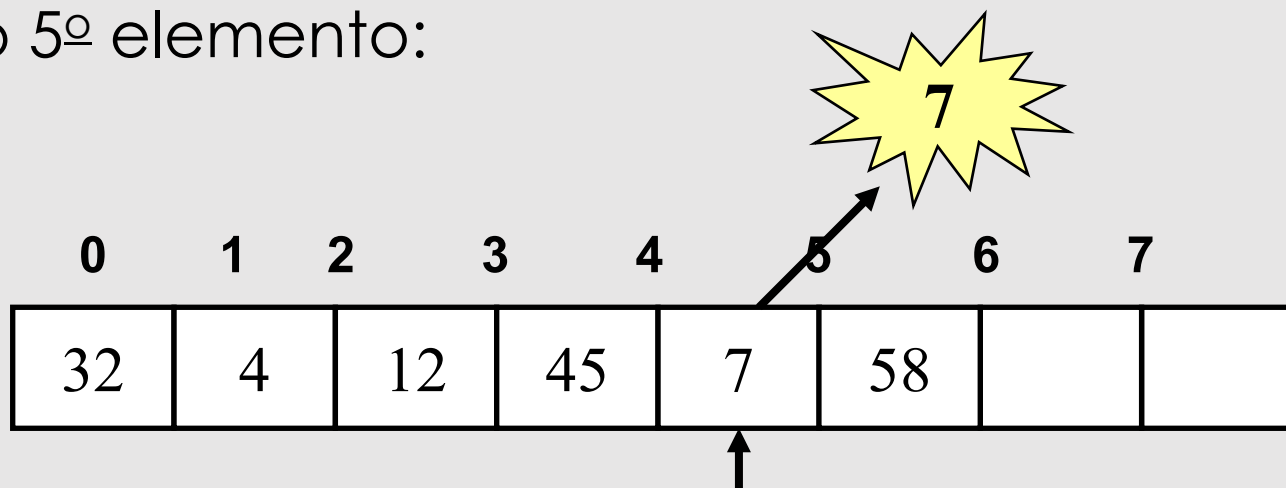
# Listas: Implementações



UNINASSAU  
Campus Graças

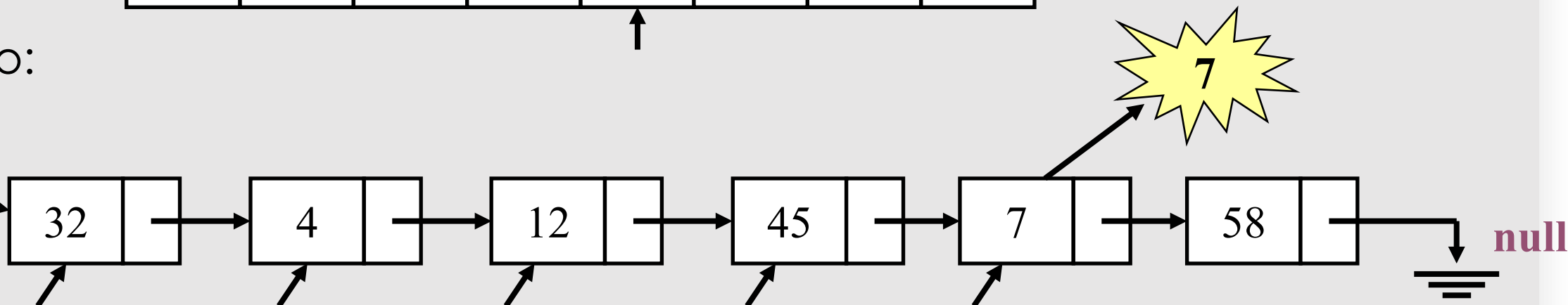
- Consultar o 5º elemento:

Vetor:



Ponteiro:

LISTA



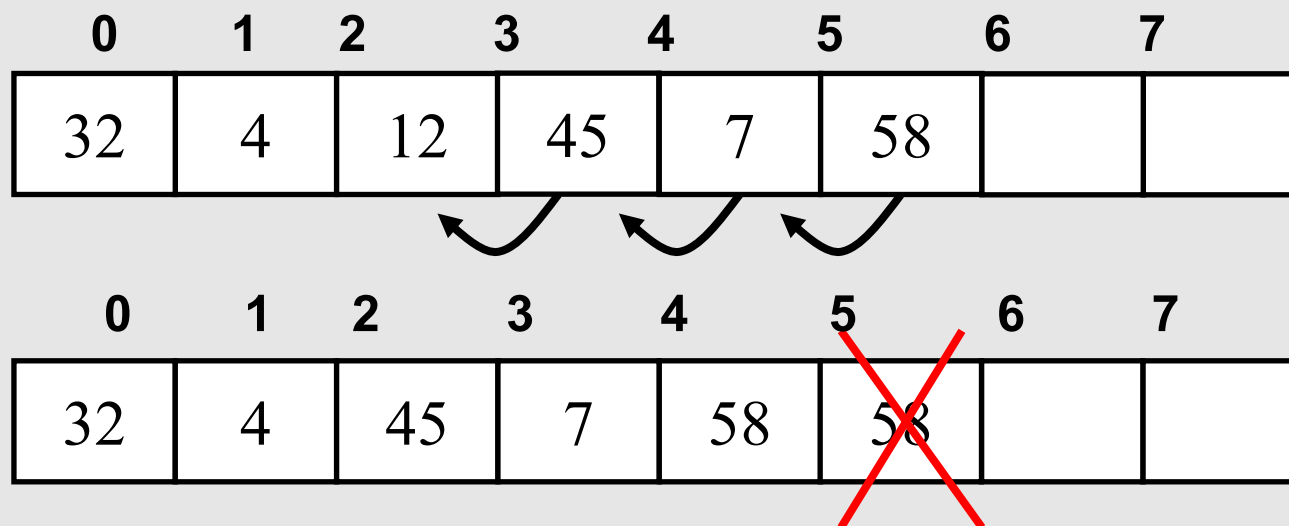
# Listas: Implementações



UNINASSAU  
Campus Graças

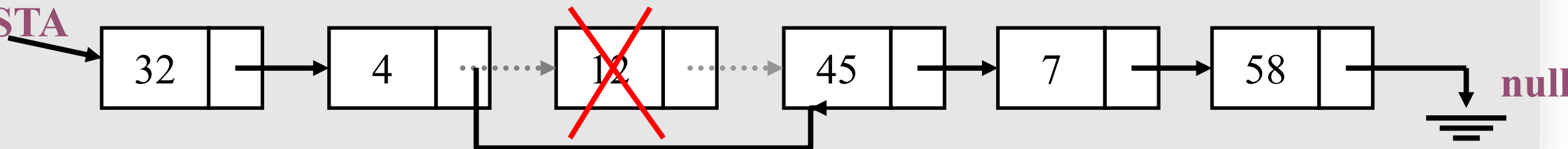
- Retirar o 3º elemento:

Vetor:



Ponteiro:

LISTA





**UNINASSAU**  
Campus Graças

# PILHA



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7



Grupo Ser Educacional

- Uma pilha é uma lista linear em que a inserção ou eliminação de elementos somente pode ocorrer em uma das extremidades, que é chamada de TOPO da PILHA.
- Dada uma Pilha  $P = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ , dizemos que  $a_1$  é o elemento da base da pilha;  $a_n$  é o elemento do topo, e  $a_{i+1}$  está acima de  $a_i$  na pilha.
- São também conhecidas como listas do tipo LIFO (*last in, first out*).

# Pilha: Exemplo



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- **Ex: Pilhas de bandeja do Bandeirão**

- 1) Bandejas inicialmente são empilhadas.
- 2) Pega-se (remove-se) bandeja do topo.
- 3) Se não há mais bandejas, a pilha está vazia e não podemos remover mais.
- 4) Desde que nós podemos ver a bandeja do topo, se ela estiver suja podemos não querer pegar (remover).



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7

# Pilha: Exemplo



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- **Este exemplo faz referência a 4 operações de pilhas:**
  - 1) Inserir = push
  - 2) Remover = pop
  - 3) Se a pilha não contém elementos a verificação de vazia retorna VERDADEIRO, caso contrário FALSO.
  - 4) Topo da pilha = top, retorna o topo da pilha (cópia) par ser examinado, sem removê-lo.

# Pilha: resumo



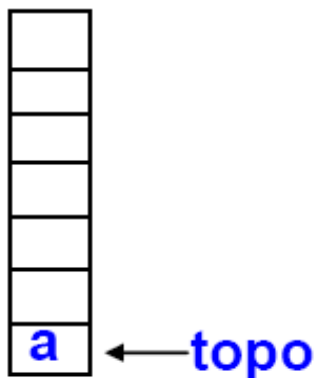
UNINASSAU  
Campus Graças

**top** - retorna o topo da pilha

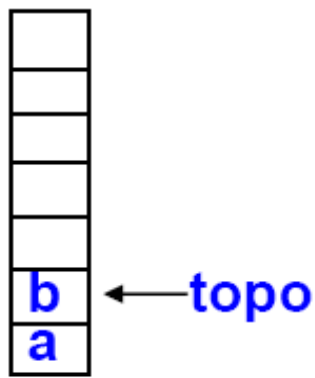
**push** - insere novo elemento no topo da pilha

**pop** - remove o elemento do topo da pilha

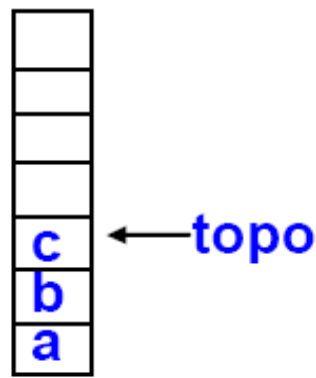
push (a)



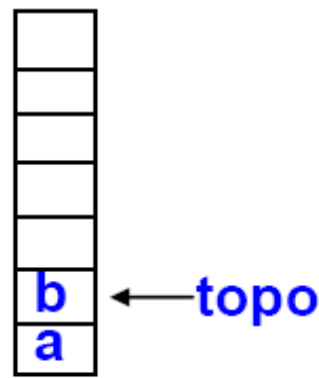
push (b)



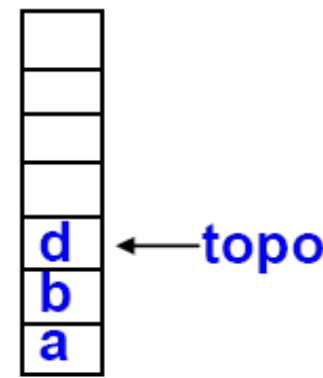
push (c)



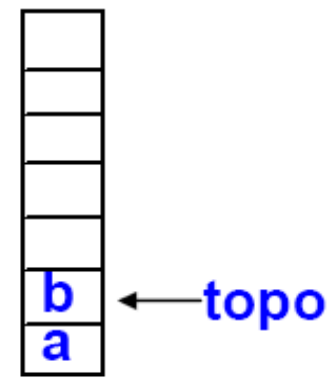
pop ()  
retorna c



push (d)



pop ()  
retorna d



# Pilha: Considerações sobre implementação



UNINASSAU  
Campus Graças

- O problema da implementação estática (usando vetor) é mais evidente quando existem movimentações de itens em operações de inserções/remoções.
- No caso das pilhas, essas movimentações não ocorrem!
- A alocação estática seria mais vantajosa na maioria das vezes.
- Em Java, temos a classe **Stack** em (java.util.Stack).



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7





**UNINASSAU**  
Campus Graças

# FILA



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7



Grupo Ser Educacional

- Uma fila é uma lista linear em que a inserção e eliminação de elementos são feitas em extremos distintos.
- Dada uma Fila  $F = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ , se dizemos que  $a_1$  é o elemento do início da fila então  $a_n$  será o elemento do final da fila. Nesse caso, o elemento  $a_{i+1}$  estará posicionado após o elemento  $a_i$  na fila.
- São também conhecidas como listas do tipo FIFO (*first in, first out*).

# Fila: Exemplo



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- Ex: Fila de impressão
  - 1) Os documentos são colocados em uma fila de impressão para servir a vários processos.
  - 2) Quem está no início da fila é processado primeiro, seguindo a ordem de chegada.
  - 3) Os documentos dão entrada no final da fila.
  - 4) Se não há mais documentos na fila ela está vazia e não podemos remover mais.



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7

# Fila: Operações



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- **Operações básicas com Fila:**

- 1) Entra na Fila;
- 2) Sai da Fila;
- 3) Consulta o elemento do início da Fila.
- 4) Fila vazia (Underflow)
- 5) Fila cheia (Overflow)



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7



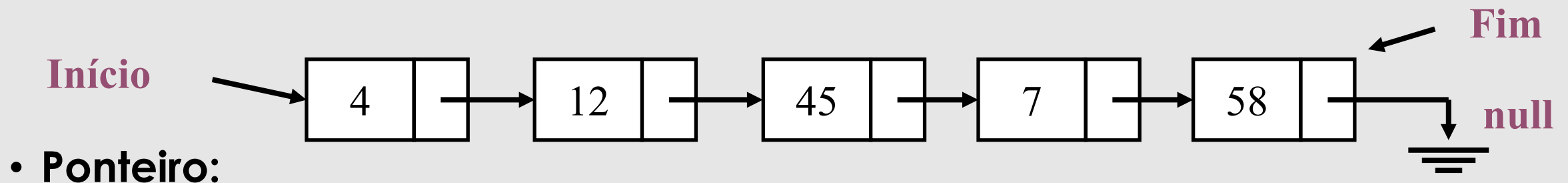
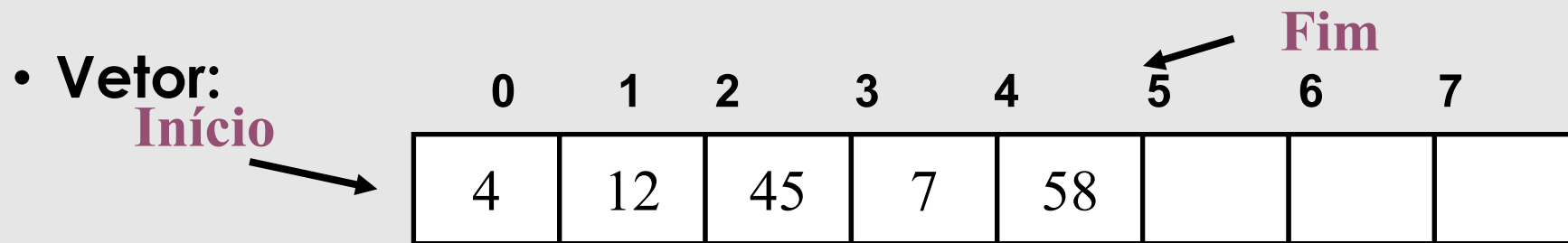
Grupo Ser Educacional

# Fila: resumo



UNINASSAU  
Campus Graças

- Inserir no fim, retirar do início:



# Fila: Considerações sobre implementação



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- Temos problema de implementação estática (usando vetor), pois quando removemos um elemento o controle será maior.
- A implementação dinâmica tem um custo caro para a inserção no final.
- No caso de implementação dinâmica podemos usar uma referência extra para o elemento do final da fila.



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7



Grupo Ser Educacional



**UNINASSAU**  
Campus Graças

# ÁRVORES



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7



Grupo Ser Educacional

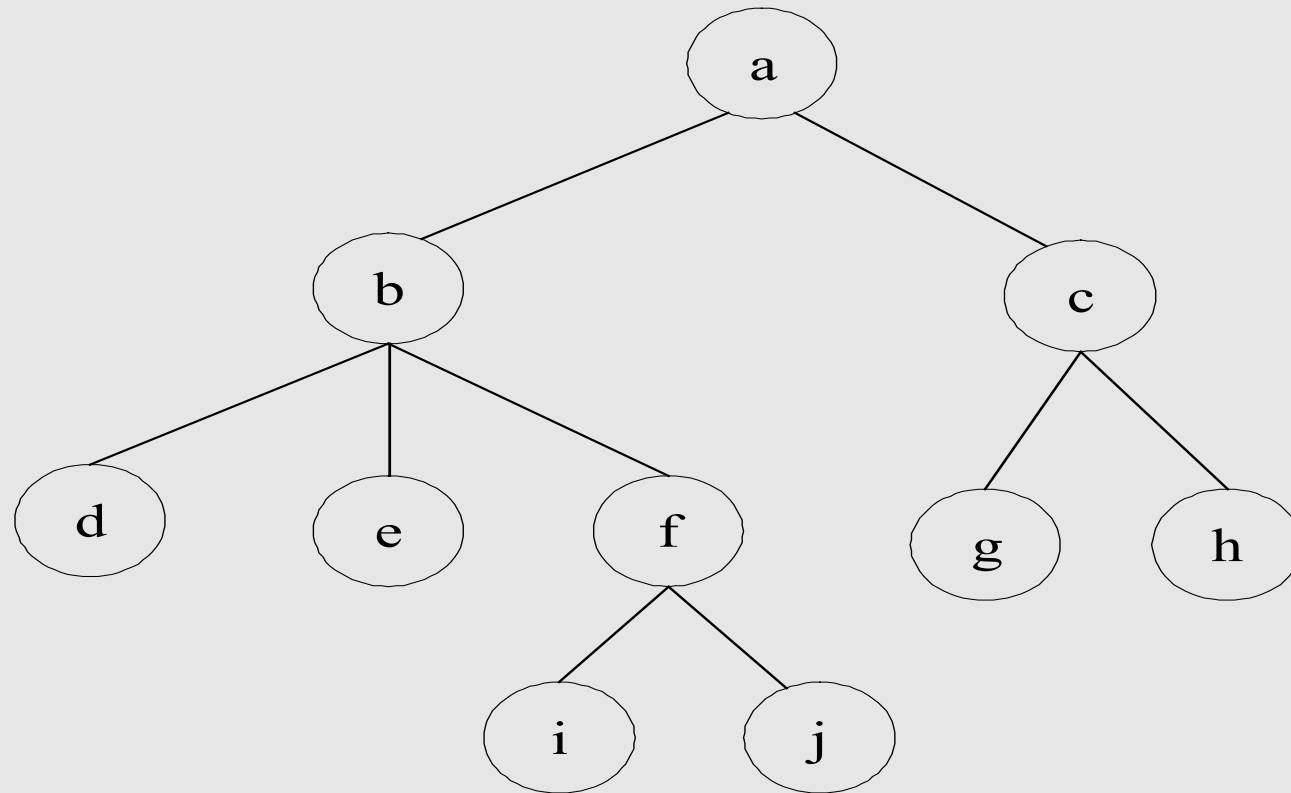
- Estrutura de dados bidimensional na qual os elementos são conectados formando uma estrutura semelhante a uma árvore;
- Diferentemente das outras estruturas vistas anteriormente, a árvore é uma estrutura de dados não linear.
- São apropriadas para representar estruturas hierárquicas de objetos.



# Exemplo de uma árvore



**UNINASSAU**  
Campus Graças



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEAL



UNI7



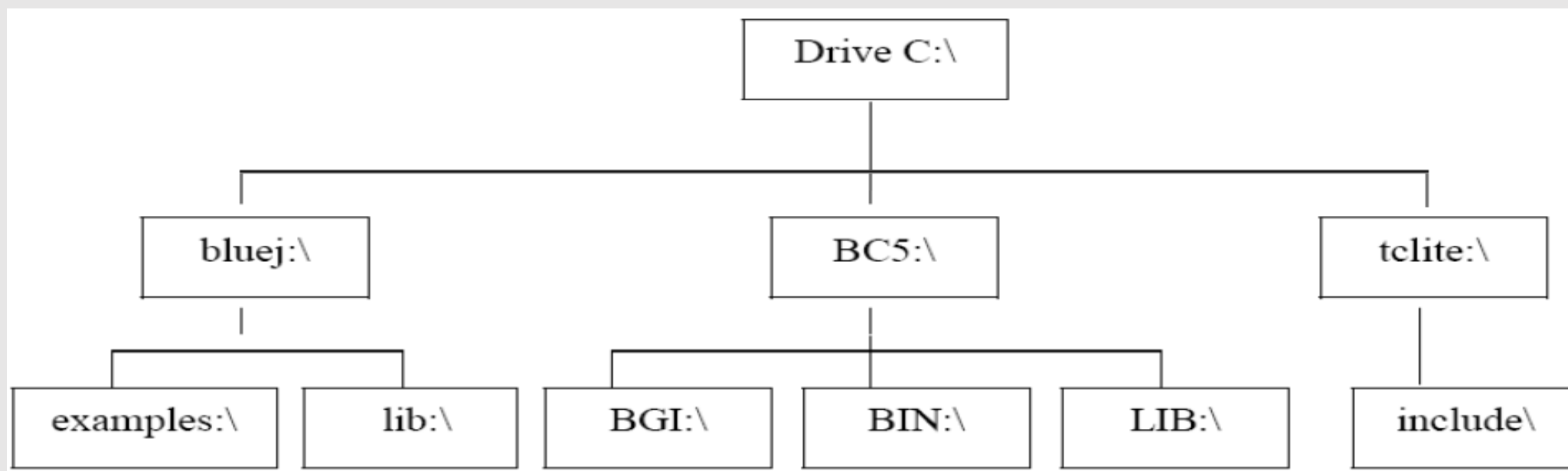
Grupo Ser Educacional

# Aplicações



UNINASSAU  
Campus Graças

- Representar o sistema de arquivos de um computador:



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEAL



UNI7

# Aplicações

- Representar a estrutura organizacional em uma empresa:



# Aplicações



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- Definir a sequência de jogos em uma competição:



# Aplicações



UNINASSAU  
Campus Graças

- Conjunto de menus em um aplicativo ou site:



- Um conjunto de nós, tais que:
  - Um nó se localiza no topo da árvore, sendo chamado de nó raiz;
  - Os nós restantes estão conectados direta ou indiretamente ao nó raiz, formando novas árvores (subárvores);
  - Os nós podem significar qualquer tipo de informação, tais como números e nomes, ou objetos, como clientes, passagens aéreas, etc.

# Definição:



UNINASSAU  
Campus Graças

## ■ Árvore

– um conjunto de nós tal que

- existe um nó **r**, denominado **raiz**, com zero ou mais sub-árvores, cujas raízes estão ligadas a **r**
- os nós raízes destas sub-árvores são os **filhos** de **r**
- os **nós internos** da árvore são os nós com filhos
- as **folhas** ou **nós externos** da árvore são os nós sem filhos



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7



Grupo Ser Educacional

# Definições



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- Nó ancestral:
  - Refere-se a um nó que possui uma ou mais subárvores conectadas direta ou indiretamente a ele. O nó raiz é o ancestral de todos os nós da árvore;
- Nó folha:
  - Refere-se a um nó que não possui filhos;
- Nível de um nó:
  - A raiz está no nível 0, e o nível de qualquer outro nó é o nível do seu pai + 1;



# Definições



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- Profundidade (altura) de uma árvore:
  - Corresponde ao nível máximo de qualquer folha da árvore, ou seja, é o tamanho do percurso mais distante da raiz até uma folha;
  
- Árvore não balanceada:
  - Refere-se a uma árvore que tem mais nós de um lado do nó raiz quando comparado com o outro lado;



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL

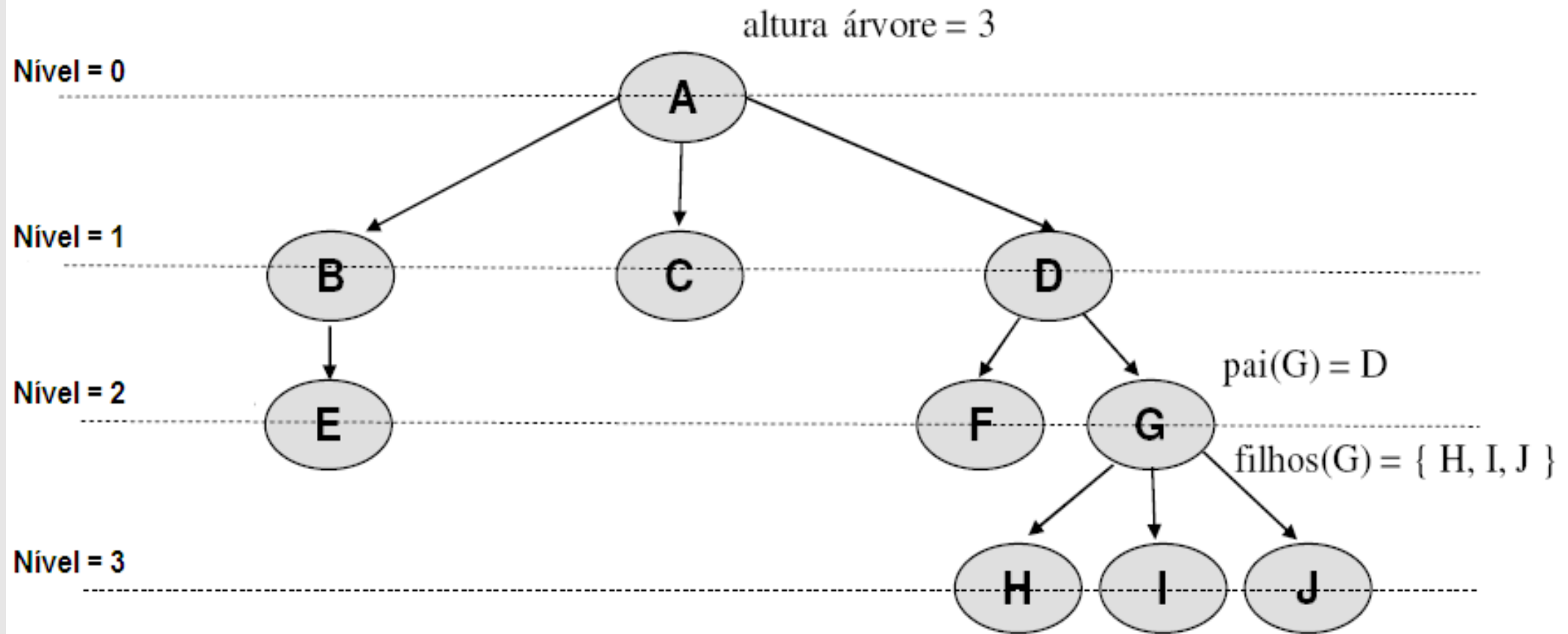


UNI7

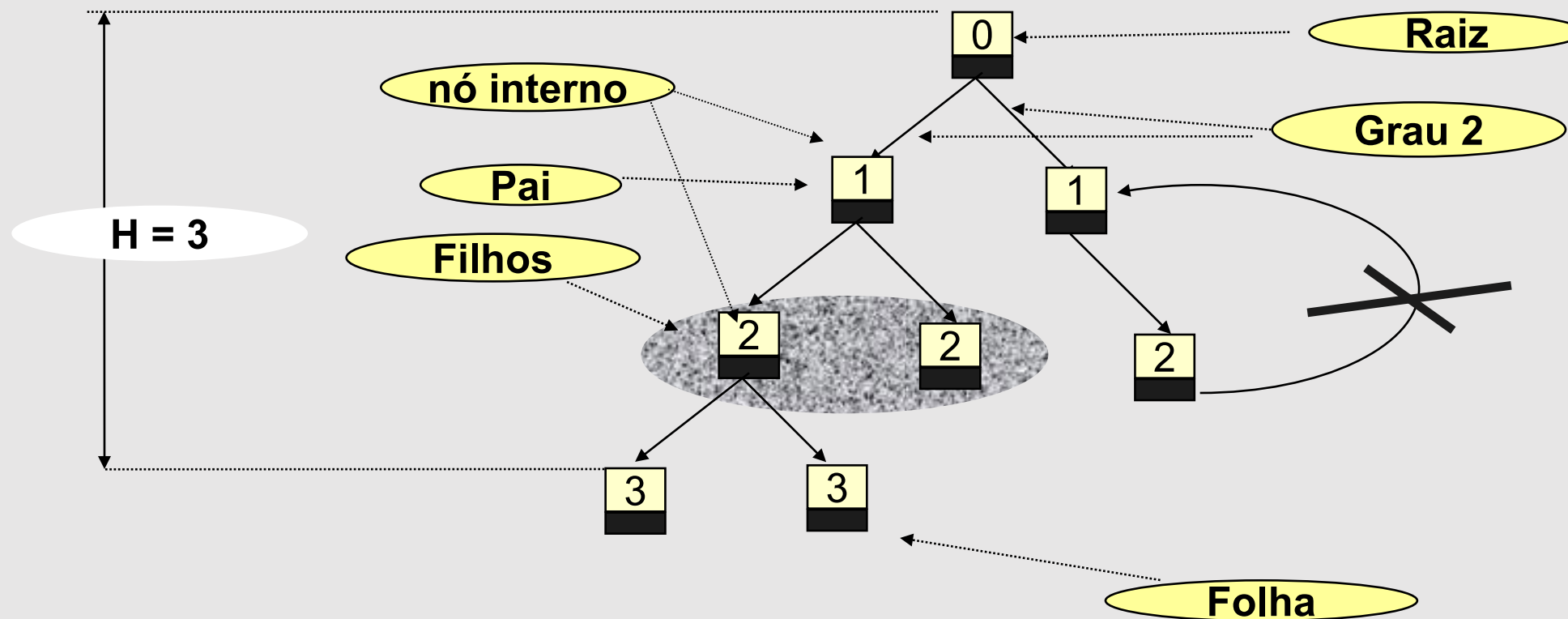
# Exemplo



UNINASSAU  
Campus Graças



## Estruturas Hierárquicas

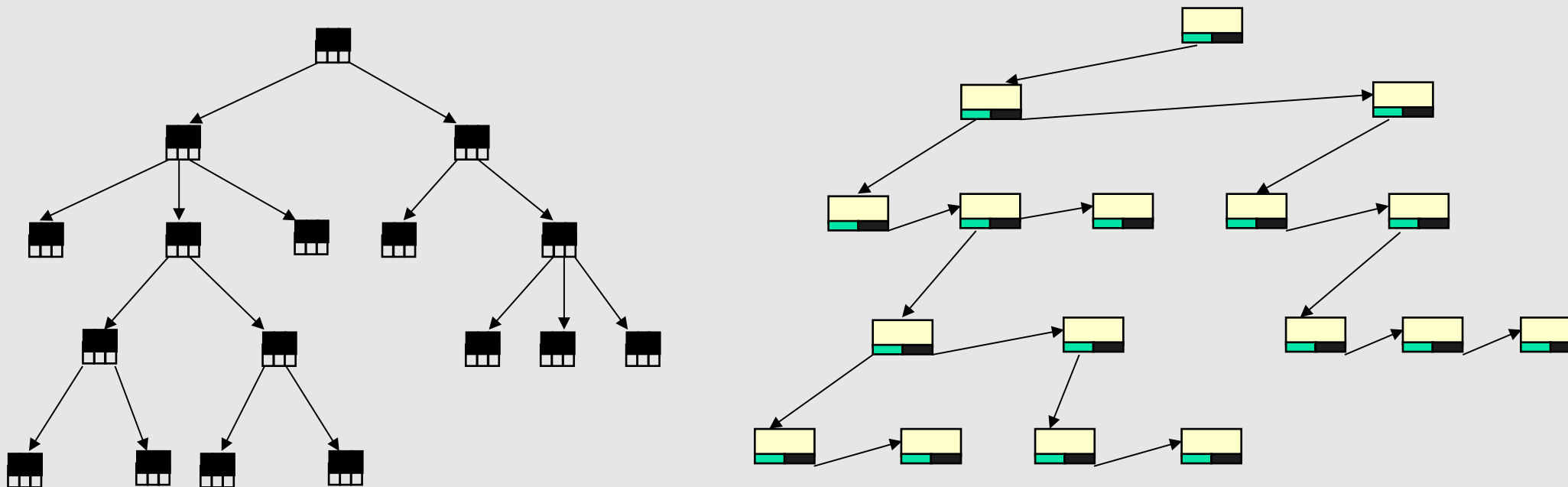


# Árvores



UNINASSAU  
Campus Graças

Representação de Árvores: **Explícita**



# Classificação



**UNINASSAU**  
Campus Graças

- Podemos classificar as árvores de acordo com o número de filhos que cada nó pode ter:
  - Árvores binárias: Cada nó pode ter no máximo 2 filhos;
  - Árvores genéricas: Cada nó pode conter um número indeterminado de filhos.



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEI



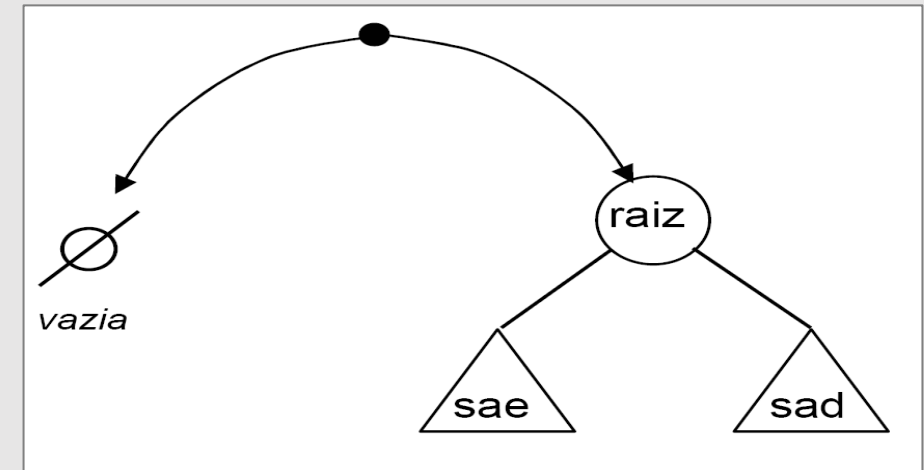
UNI7

# Árvores Binárias



UNINASSAU  
Campus Graças

- Uma árvore em que cada nó tem **zero**, **um** ou **dois** filhos
- Uma árvore binária é:
  - uma árvore vazia; ou
  - um nó raiz com duas sub-árvores:
    - a sub-árvore da direita (sad)
    - a sub-árvore da esquerda (sae)



# Árvores binárias de busca

- Ao inserir nós em uma árvore binária, devemos obedecer as seguintes regras:
  - O nó filho da esquerda tem valor menor que o nó pai;
  - O nó filho da direita tem valor igual ou superior ao nó pai.
- Se a árvore binária é completa (todos os nós, exceto os nós folhas, possuem dois filhos), dizemos que a mesma é estritamente binária e a quantidade de nós para uma árvore com  $n$  folhas é dada por:
  - Quantidade de nós =  $2*n - 1$ .

# Árvore binária de busca

- TAD que manipulam operações chamados **dicionários**.
- Árvores binárias de busca implementam dicionários eficientemente.
- Cada nó da árvore é um registro contendo:
  - **chave**
  - **esquerda** e **direita** são **ponteiros** para outros nós (ou *null*)
  - chave dos filhos **esquerdos** são **menores** que a chave do nó pai
  - chave dos filhos **direitos** são **maiores** que a chave do nó pai

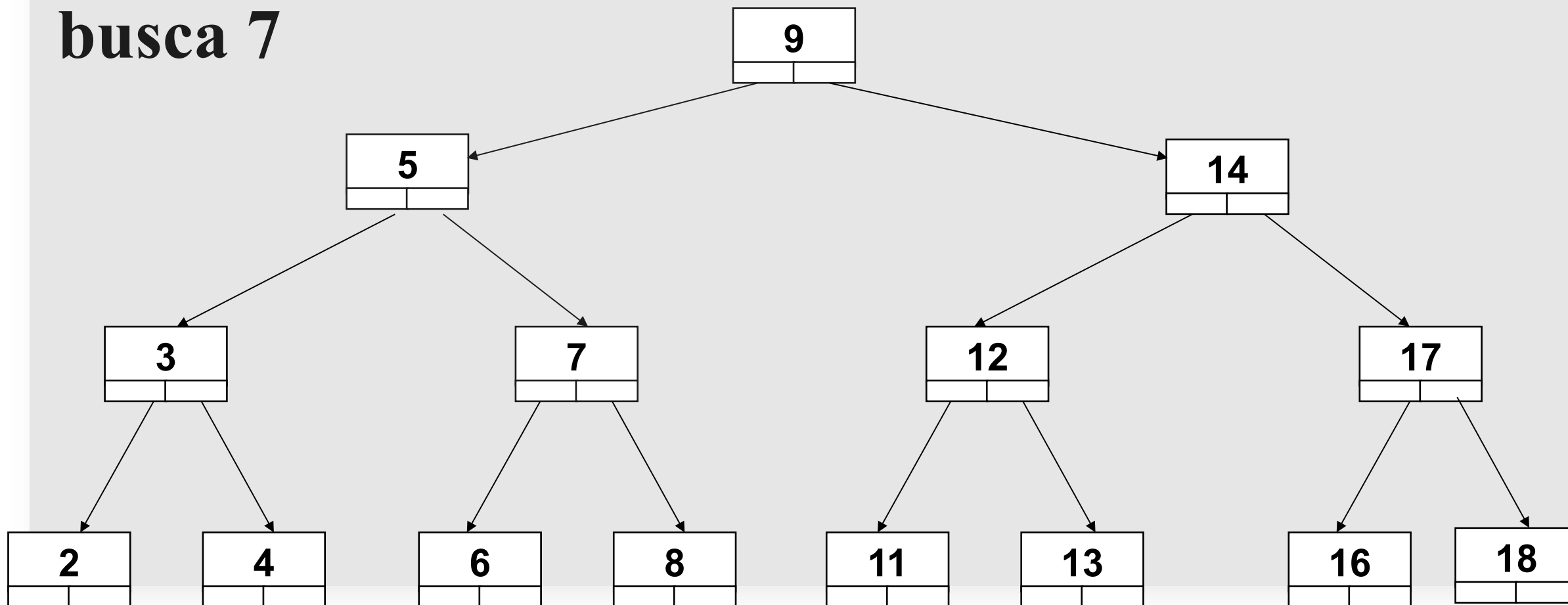


# Árvore binária de busca



UNINASSAU  
Campus Graças

busca 7



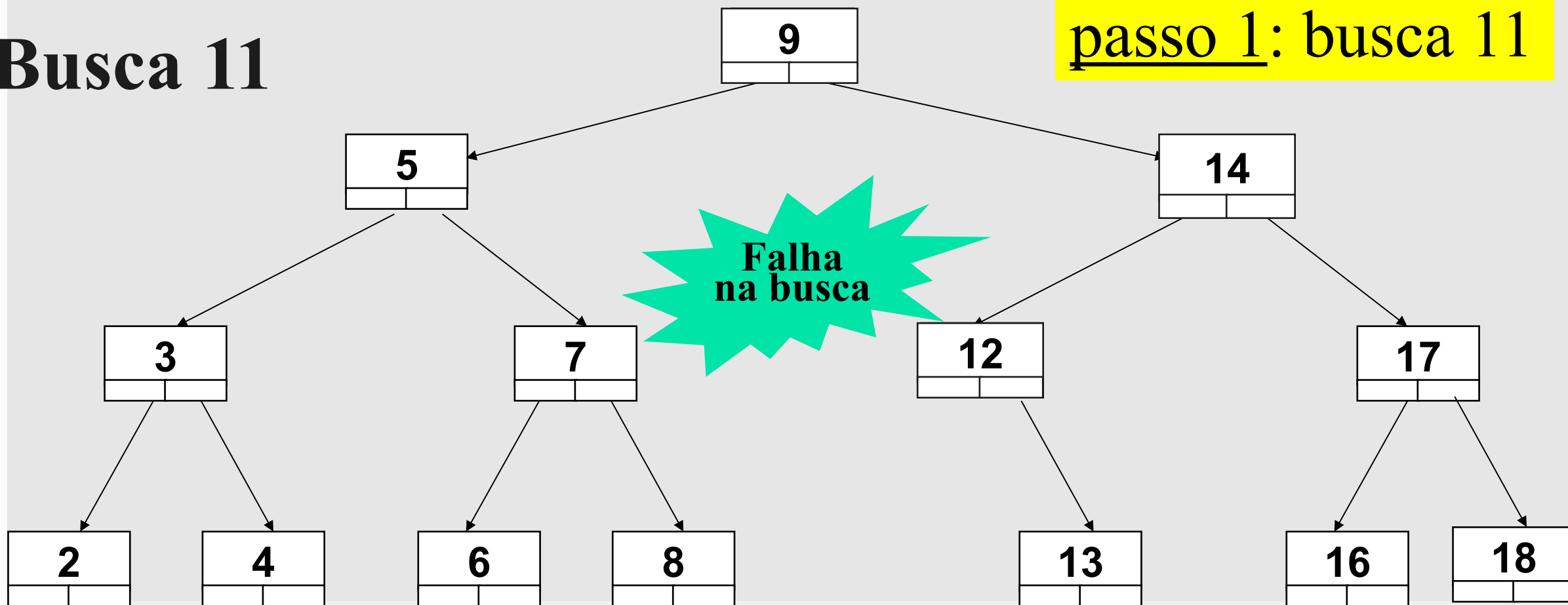
# Árvore binária de busca



UNINASSAU  
Campus Gracias

Busca 11

passo 1: busca 11



# Percurso (recursivo)



UNINASSAU  
Campus Graças

## Árvore Binária, Percurso em Pré-Ordem

```
< 1>  ALGORITMO PercursoPréOrdem-Recursivo (PtrTrb)
< 2>
< 3>  PtrTrb [Ponteiro de trabalho para o percurso]
< 4>
< 5>  INÍCIO
< 6>      SE PtrTrb <> #
< 7>      ENTÃO
< 8>          INÍCIO
< 9>              UTILIZA (PtrTrb)
<10>              PercursoPréOrdem-Recursivo (LinkEsq (PtrTrb))
<11>              PercursoPréOrdem-Recursivo (LinkDir (PtrTrb))
<12>          FIM
<13>  FIM
```



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7

# Percurso (recursivo)



UNINASSAU  
Campus Graças

## Árvore Binária, Percurso em Ordem Simétrica

```
< 1>  ALGORITMO PercursoOrdemSimétrica-Recursivo (PtrTrb)
< 2>
< 3>  PtrTrb {Ponteiro de trabalho para o percurso}
< 4>
< 5>  INÍCIO
< 6>      SE PtrTrb <> #
< 7>      ENTÃO
< 8>          INÍCIO
< 9>              PercursoOrdemSimétrica-Recursivo (LinkEsq (PtrTrb))
<10>              UTILIZA (PtrTrb)
<11>              PercursoOrdemSimétrica-Recursivo (LinkDir (PtrTrb))
<12>          FIM
<13>  FIM
```



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEI



UNI7

# Percurso (recursivo)



UNINASSAU  
Camnus Graças

## Árvore Binária, Percurso em Ordem Final

```
< 1>  ALGORITMO PercursoOrdemFinal-Recursivo (PtrTrb)
< 2>
< 3>  PtrTrb {Ponteiro de trabalho para o percurso}
< 4>
< 5>  INÍCIO
< 6>      SE PtrTrb <> #
< 7>      ENTÃO
< 8>          INÍCIO
< 9>              PercursoOrdemFinal-Recursivo (LinkEsq (PtrTrb))
<10>              PercursoOrdemFinal-Recursivo (LinkDir (PtrTrb))
<11>              UTILIZA (PtrTrb)
<12>          FIM
<13>  FIM
```



UNINASSAU



UNAMA



UNG



UNINORTE



UNESC



UNIFAEEL



UNI7

# Obrigado

E - mail: [adilson.silva@sereducacional.com](mailto:adilson.silva@sereducacional.com)

[@prof.Adilson.silva](#)