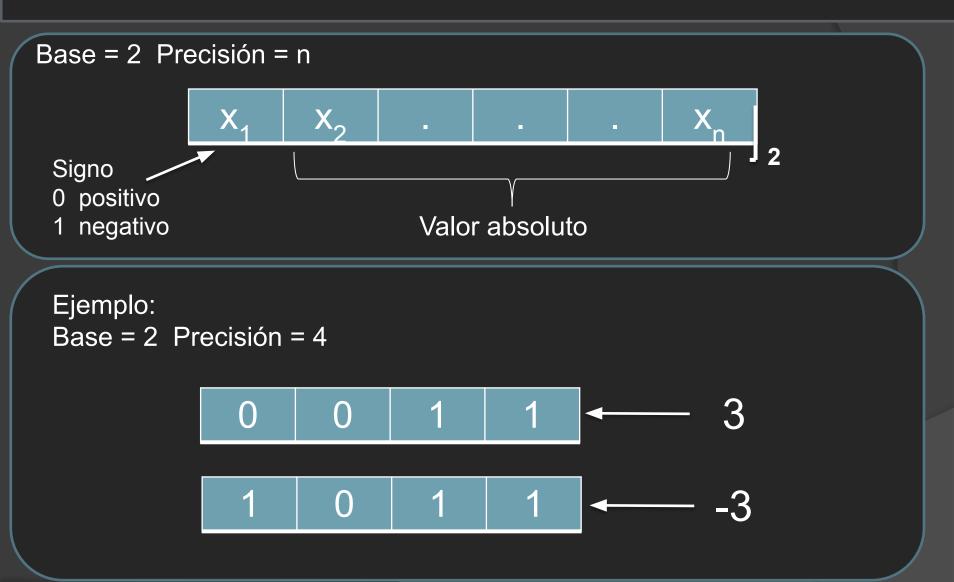
95.57/TB023 Organización del Computador

# U1 – Sistemas de Numeración

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - o EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - o ASCII
  - EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

# Bit de signo y valor absoluto



# Bit de signo y valor absoluto

#### Paso por paso

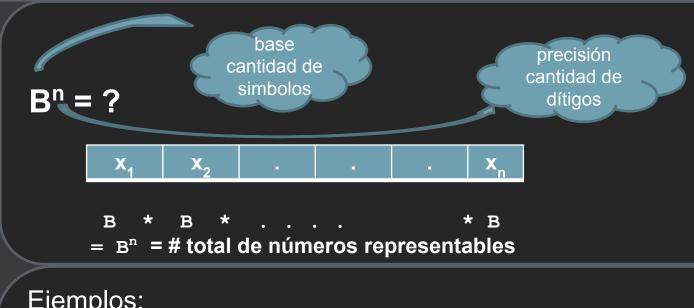
```
Base = 2 precisión = 4
Representar -6
```

- 1) Ver signo para determinar el primer bit: 1 (por ser negativo)
- 2) Pasar valor absoluto a base 2:  $|-6_{10}| = 6_{10} = 110_2$
- 3) Concatenar los bits: 1110

Indicar número almacenado en 1101

- 1) Ver primer bit para determinar el signo: negativo (por ser 1)
- 2) Pasar a base 10 los bits descartando el primero:  $101_2 = 5_{10}$
- 3) Indicar el número según signo y valor obtenidos: -5

# Antes de seguir veamos B<sup>n</sup>



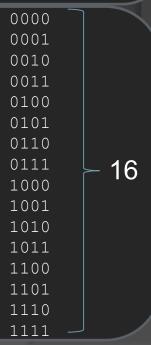
#### Ejemplos:

B = 10  
n = 2

B<sup>n</sup> = 
$$10^2 = 100$$

[00, 01, ....99]

$$B = 2$$
 $n = 4$ 
 $B^n = 2^4 = 16$ 



# Bit de signo y valor absoluto

#### Rango de Representación

Minimo:  $-(2^{n-1}-1)$ Maximo:  $2^{n-1}-1$ 

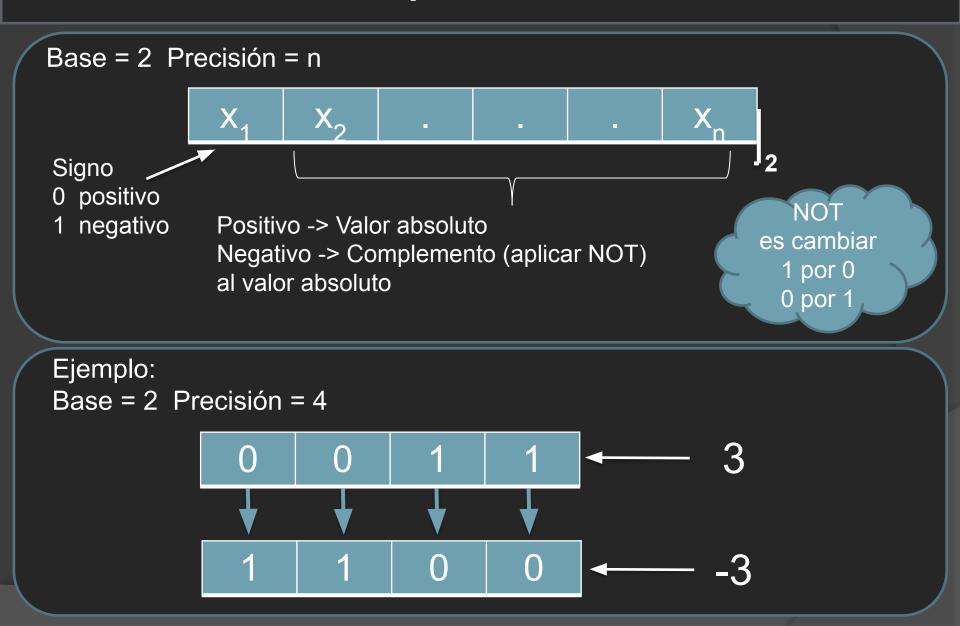
#### Ventajas

Rango simétrico

#### **Desventajas**

- Doble representación del 0
- No permite operar aritméticamente

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - o EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754



#### Paso por paso

```
Base = 2 precisión = 4
Representar -6
```

- 1. Pasar valor absoluto a base 2: |-6<sub>10</sub>| = 6<sub>10</sub> = 110<sub>2</sub>
- 2. Completar con 0 a izquierda hasta completar n: 0110
- 3. Si es negativo, complementar (hacer NOT): 1001

#### Indicar número almacenado en 1101

- 1. Si primer bit es 1 (es negativo), complementar (hacer NOT): 0010
- 2. Pasar a base 10:  $0010_2 = 2_{10}$
- 3. Indicar el número según signo y valor obtenidos: -2

#### Rango de Representación

Minimo:  $-(2^{n-1}-1)$ Maximo:  $2^{n-1}-1$ 

#### **Desventajas**

Doble representación del 0

#### Ventajas

- Rango simétrico
- Permite operar aritméticamente sumando el "end-around carry"

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

$$Rep(x_b) = x_b$$
  $si x \ge 0$   
 $Rep(x_b) = Cb(|x_b|)$   $si x < 0$ 

#### **Ejemplos:**

$$B = 10$$
  $n = 2 => B^n = 10^2 = 100$ 

Rep(3) = 03  
Rep(-3) = Cb(3) = 
$$100 - 3 = 97$$
  
Rep(-1) = Cb(1) =  $100 - 1 = 99$   
Rep(-50) = Cb(50) =  $100 - 50 = 50$   
Rep(50) => NO SE PUEDE  
=> 49 es el mayor positivo representable

#### ¿ Pero que es Cb?

$$Cb(r) + r = B^n$$
  
==>  $Cb(r) = B^n - r$ 

Notar que:

Si

k es complemento de r

$$=> k + r = B^n$$

=> r es complemento de k

#### Rango de Representación

Mínimo: -(B<sup>n</sup>/2) Máximo: (B<sup>n</sup>/2) - 1

#### Desventajas

Rango asimétrico (un negativo más)

#### **Ventajas**

- Única representación del 0
- Permite operar aritméticamente

#### Permite operar aritméticamente:

```
Sumas (Con B = 10 \text{ y n} = 2)
5 + 2 (es 7) 5 + (-2) (es 3) -5 + 2 (es -3) -5 + (-2) (es -7)
95 + 02
                                           95 + 98
               11
05
               0.5
                           95
                                           95
+02
              + 98
                            + 02
                                          + 98
<del>0</del>07 (A)
                       <del>1</del>03 (B)
```

#### Restas: al plantear A-B se transforma en A+Bcomp

(B)

```
5-2 (es 5-(-2) (es 7) -5-2 (es -7) -5-(-2) (es -3)
3)
                                      95 - 98
          05 - 98 95 - 02
95 + Cb(98)
                        = 95 + 98
                                     = 95 + 02
 05 + Cb(2)
          = 07
                        = <del>1</del>93
                                      = 97
              (A)
                          (D)
                                        (C)
<del>1</del>03
```

Permite operar aritméticamente: CONCLUSIÓN

A - B
Se trabaja como
A + Comp (B)

\*\*\* NO IMPORTA EL SIGNO DE B \*\*\*\*

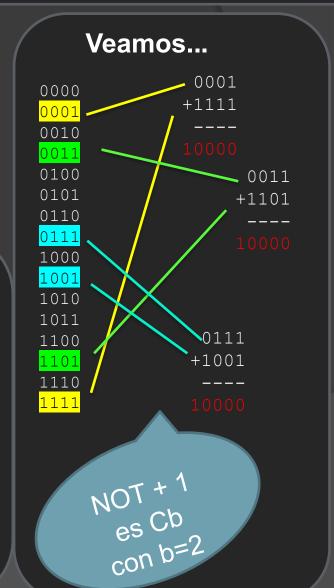
- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - o EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

Rep
$$(x_{10}) = x_2$$
 si  $x \ge 0$   
Rep $(x_{10}) = NOT(|x_2|) + 1$  si  $x < 0$ 

#### **Ejemplos:**

$$B = 2 \quad n = 4$$

Rep(-8) = NOT(1000) + 1  
= 0111 + 1  
= 1000  
Rep(8) => NO SE  
PUEDE  
=> 
$$7 = 0111_{12}$$
 es el mayor  
positivo representable



#### Paso por paso

```
Base = 2 precisión = 4
Representar -6
```

- 1. Pasar valor absoluto a base 2:  $|-6_{10}| = 6_{10} = 110_2$
- 2. Completar con 0 a izquierda hasta completar n: 0110
- 3. Si es negativo, complementar (hacer NOT + 1): 1001 + 1 = 1010

#### Indicar número almacenado en 1101

- 1. Si primer bit es 1 (es negativo), complementar (hacer NOT+1): 0010 + 1 = 0011
- 2. Pasar a base 10 los bits:  $0011_2 = 3|_{10}$
- 3. Indicar el número según signo y valor obtenidos: -3

#### Rango de Representación

Mínimo: -(2<sup>n-1</sup>) Máximo: 2<sup>n-1</sup> - 1

#### Desventajas

Rango asimétrico (un negativo más)

#### Ventajas

- Única representación del 0
- Permite operar aritméticamente.
   Aplica la misma mecánica de resolver X-Y como X+Cb(Y)

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso (\*)
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - o EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754 (\*)

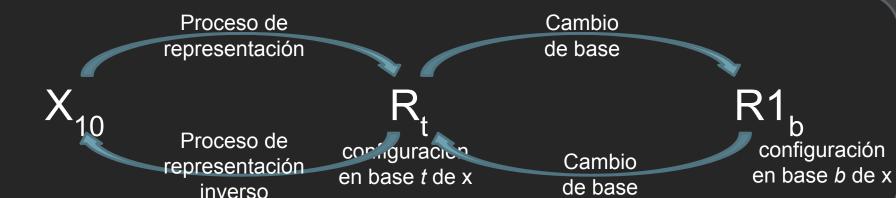
# Formato y Configuración

#### Formato:

Representación computacional de un número

#### Configuración:

Expresión en una determinada base de un número en un formato



- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

# **Expansión y Truncamiento**





- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - o EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

# Binario de punto fijo sin signo

Base = 2 Precisión = n Enteros positivos

Como almacenar un número

- 1) Pasar el nro a base 2
- 2) Completar con 0 a izquierda hasta alcanzar n digitos

Como recuperar un número almacenado Pasos anteriores en orden inverso

Rango de representación

Minimo: 0

Máximo: 2<sup>n</sup> - 1

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - o EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

# Binario de punto fijo con signo

Base = 2 Precisión = n Enteros positivos y negativos

Es la implementación del método complemento a 2

#### Como almacenar un número

- 1) Pasar el nro a base 2
- 2) Completar con 0 a izquierda hasta alcanzar n digitos
- 3) Si el nro es negativo, complementar usando método de "complemento a 2" (Not +1)

#### Como recuperar un número almacenado

- 1) Si el primer bit es 1 (es negativo), complementar.
- 2) Quitar 0 a izquierda.
- 3) Pasar a base 10 y colocar el signo que corresponda.

# Binario de punto fijo con signo

#### Validación Overflow en operaciones aritméticas

```
Resolver 7 - 1
7_{|10} = 0111_{|2}
1_{|10} = 0001_{|2}
Hallo C(1) para hacer 7+C(1)
NOT(0001) = 1110
               1111
Ahora sumo
 1111 Ultimos 2 acarreos iguales
  01<u>1</u>1 => VALIDO
+ 1111
  0110
```

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

# **BCD** Empaquetado

Base = 16 Precisión = n Enteros positivos y negativos

Como almacenar un número

- 1) Pasar el nro a base 10
- 2) Colocar c/digito en los nibbles dejando libre el último (el de la derecha)
- 3) Colocar en el último nibble el signo siendo C, A, F o E para positivos B o D para negativos

Como recuperar un número almacenado

- 1) Tomar cada digito de los nibbles (excepto el último) para armar la cadena en base 10
- 2) Colocar el signo según el dígito del último nibble

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

#### Zoneado

Base = 16 Precisión = n Enteros positivos y negativos

Como almacenar un número

- 1) Pasar el nro a base 10
- 2) Colocar c/digito en los nibbles numeric
- 3) Colocar una F en cada nibble zone excepto en el último
- 4) Colocar en el último nibble zone el signo siendo
   C, A, F o E para positivos
   B o D para negativos

Como recuperar un número almacenado

- 1) Tomar cada digito de los nibbles numeric para armar la cadena en base 10
- 2) Colocar el signo según el dígito del último nibble zone

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

#### **ASCII / EBCDIC / UNICODE**

- Representación en forma digital/numéricas de los caracteres
  - ASCII (American Standard Code for Information Interchange)
    - 7 bits ☐ AŚCII Básico
    - 8 bits □ ASCII Extendido
  - EBCDIC (Extended Binary Coded Decimal Interchange Code)
    - 8 bits
  - UNICODE Consortium
    - Codificación Universal/Estandard de los Caracteres
    - Consorcio Unicode □ Unicode 14.0
    - UTF-8 / UTF-16 / UTF-32T
    - https://home.unicode.org/

### **ASCII / EBCDIC / UNICODE**

| Hex | Dec | EBCDIC | ASCII |
|-----|-----|--------|-------|
| 23  | 35  |        | #     |
| 30  | 48  |        | 0     |
| 31  | 49  |        | 1     |
| 42  | 66  |        | В     |
| 62  | 98  |        | b     |
| 7B  | 123 | #      | {     |
| 82  | 130 | b      |       |
| C0  | 192 | {      |       |
| C2  | 194 | В      |       |
| F0  | 240 | 0      |       |
| F1  | 241 | 1      |       |

Documento tablas ASCII & EBCDIC

#### **Agenda**

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

#### Exceso a la base

$$Rep(x_b) = x_b + exceso (para todo x)$$

Con 
$$B = 2$$

Exceso = 
$$2^{n}/2$$
  
=  $2*2 \cdot \cdot \cdot *\frac{2/2}{2}$   
=  $2^{n-1}$ 

#### **Ejemplos:**

B = 10 n = 2  
=> 
$$B^{n}/2 = 10^{2}/2 = 50$$

Rep 
$$(3) = 3 + 50 = 53$$

$$Rep(-3) = -3 + 50 = 47$$

$$Rep(0) = 0 + 50 = 50$$

$$Rep(-50) = -50 + 50 = 0$$

Rep 
$$(49) = 49 + 50 = 99$$

Rep(50) NO SE PUEDE (da 100)

#### ¿ Pero que es el exceso? Es B<sup>n</sup>/2

Entendamos por qué: Con B=10 y n = 1 B<sup>n</sup> = 10 valores posibles

uál sería el rango de números a representar "más justo"?

10 en total

Cuánto hay q sumar como mínimo a cada negativo para que "desaparezca" el signo?

Que termina siendo B<sup>n</sup>/2

Números a representar

Como se representan

#### **Agenda**

- Métodos de representación de números negativos
  - Bit de signo y valor absoluto
  - Complemento a 1
  - Complemento a la base
  - Complemento a 2
  - Exceso
- Conceptos de Formato y Configuración
- Conceptos de Expansión y Truncamiento
- Formatos de representación de números enteros
  - Binario de punto fijo sin signo
  - Binario de punto fijo con signo
  - BCD Empaquetado
  - Zoneado
- Formatos de representación caracteres
  - ASCII
  - o EBCDIC
  - UNICODE
- Formatos de representación números decimales
  - Binario punto Flotante IEEE 754

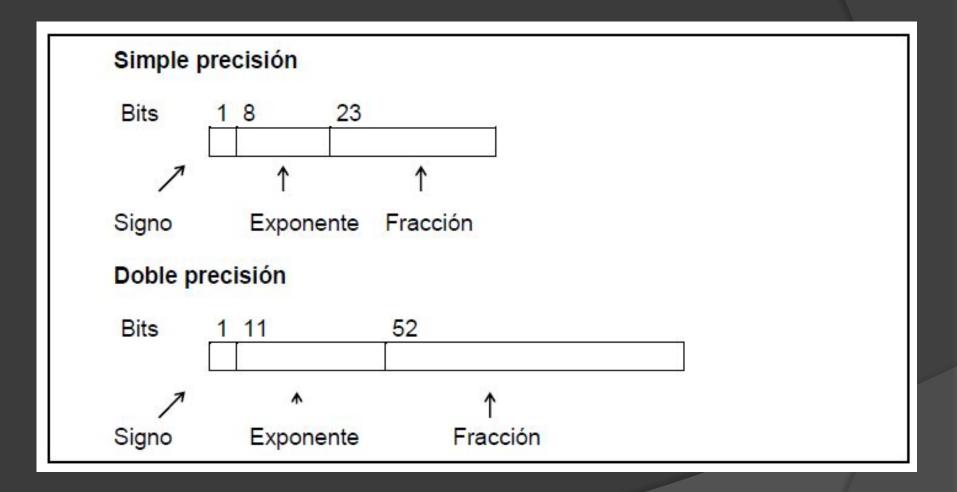
Notación Científica

- -/+ 765,987 x 10 <sup>-3</sup>
- $\circ$  -/+765987 x 10  $^{-6}$  10
- $\circ$  -/+ 7,65987 x 10 <sup>-1</sup> <sub>10</sub>
- -/+ 0,0765987 x 10 <sup>1</sup> <sub>10</sub>

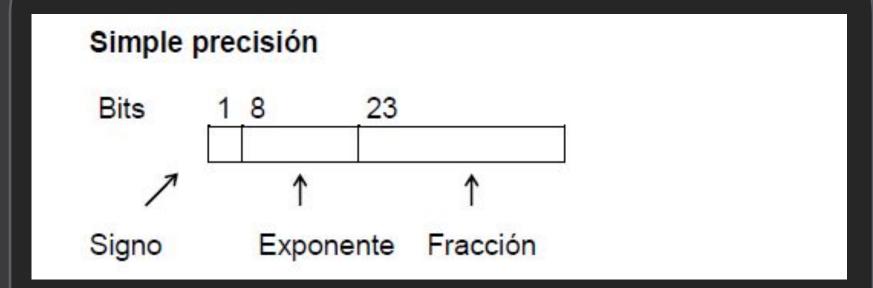
Mantisa Normalizada

¿Cuál es el digito de la cifra significativa en Binario?

- 80s □ Institute of Electrical and Electronics
- Precisión
  - Simple (32) / Doble (64) / Extendida (128)
- Representación
  - Signo
  - Exponente
  - Mantisa
- Exponente en Exceso
  - 0 127 / 1023 / 16383
- Mantisa normalizada

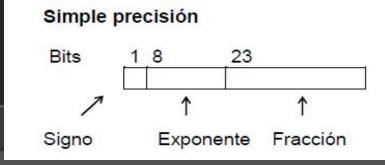


Precisión Simple



- Exceso de 127
  - EExceso = Exp + 127<sub>10</sub>
- Mantisa Normalizada
  - 1 implícito

- 1) Paso de base 10 □ base 2 123<sub>10</sub> □ 1111011 <sub>2</sub>
  - $0,456_{10} \square 01110110_{2}$
  - $-123,456_{10} \square 1111011, 01110100_{2}$
- 2) Normalizo
- 1,11101101110100 x 10  $^{110}$  2
- 3) Almaceno



```
3) Almaceno
Signo = 1
EExceso
6 + 127 = 133_{10}
133_{10} \square 10000101_{2}
Mantisa
1,11101101110100_{2}
```

| Normalizado    | $\pm$ 0 < Exp < Max | Cualquier patrón de bits     |
|----------------|---------------------|------------------------------|
| Desnormalizado | <u>+</u> 0          | Cualquier patrón de bits ≠ 0 |
| Cero           | <u>+</u> 0          | 0                            |
| Infinito       | ± 1111              | 0                            |
| NAN            | ± 1111              | Cualquier patrón de bits ≠ 0 |