

# Datastrukturer och Algoritmer

## Laboration 2

### Tidskomplexitet för deluppgift 2a:

I laboration 2a finns en nästlad loop (se första kodstycket) och en loop inuti metoden `removePoint` (se andra kodstycket).

---

```
while(copy.length/2 > k){

    // copy.length-5 since point R's Y value is in i+5
    for(int i = 0; i < copy.length-5; i = i + 2){

        //Gets the points for L,P,R
        double [] L = {copy[i], copy[i+1]};
        double [] P = {copy[i+2], copy[i+3]};
        double [] R = {copy[i+4], copy[i+5]};

        l1 = Math.sqrt(Math.pow(L[0]-P[0], 2) + Math.pow(L[1]-P[1], 2));
        l2 = Math.sqrt(Math.pow(P[0]-R[0], 2) + Math.pow(P[1]-R[1], 2));
        l3 = Math.sqrt(Math.pow(L[0]-R[0], 2) + Math.pow(L[1]-R[1], 2));

        // calculates the value
        currentValue = Math.abs(l1+l2-l3);

        if(lowestValue > currentValue || i == 0){
            lowestValue = currentValue;

            // position of the point P with lowest value
            lowValPosition = i+2;
        }
    }

    //
    copy = removePoint(copy, lowValPosition);
}

-----
for(int i = 0; i < array.length; i++){

    if(!(i == position || i == (position + 1))){

        newArray[pos] = array[i];
        pos++;
    }
}
```

```
}  
  
}
```

---

Den yttre loopen kommer iterera  $n$  gånger och den inre kommer iterera  $(n-5)$  gånger. Sedan kommer metoden `removePoint` anropas och i denna metoden finns det en loop som itereras  $n$  gånger. Detta ger oss således en tidskomplexitet på  $O(n^2)$ .

$$n * ((n - 5) + n) = n^2 - 5 * n = O(n^2)$$

## Tidskomplexitet för deluppgift 2b:

Deluppgift 2b startar med

```
for (int i = 4; i < poly.length; i = i + 2) {  
    double[] point = {poly[i], poly[i + 1]};  
  
    currentNode = list.insertAfter(point, node);  
    priorityQueue.add(node);  
    node = currentNode;  
}
```

Denna loopas  $(n - 4)$  gånger. Inuti loopen anropas `PriorityQueue`'s metod `add`, som enligt Javas API har komplexiteten  $\log(n)$ . Komplexiteten blir då  $n * \log(n)$

```
while (priorityQueue.size()+2 > k) {  
    DLList.Node head = priorityQueue.remove();  
    list.remove(head);  
    if (head.getPrev().getPrev() != null) {  
        priorityQueue.remove(head.getPrev());  
        priorityQueue.add(head.getPrev());  
    }  
    if (head.getNext().getNext() != null) {  
        priorityQueue.remove(head.getNext());  
        priorityQueue.add(head.getNext());  
    }  
}
```

Nästa loop itereras  $(n + 2)$  gånger, Den kallar sedan på `remove` från `PriorityQueue` som enligt Java API har komplexiteten  $\log(n)$ . För att sedan uppdatera kön tar vi bort de element bredvid det elementet som nyligen tagits bort, och lägger till det igen. Metoden `add(Object)` har som sagt komplexiteten  $\log(n)$ , och metoden `remove(Object)` har linjär komplexitet, dvs.  $n$ . Loopen har alltså totala komplexiteten:

$$n(n + \log(n) + n + \log(n) + n + \log(n)) = O(n^2)$$

Den sista loopen innehåller endast konstanta operationer. Komplexiteten är då n

```
while (curr != null) {  
    polyArray[i] = curr.elt[0];  
    polyArray[i + 1] = curr.elt[1];  
    i = i + 2;  
    curr = curr.getNext();  
}
```

Den totala komplexiteten beräknas då

$$n * \log(n) + n^2 + n = O(n^2)$$

**Förklara varför JAVA API:s LinkedList inte ger en förbättrad komplexitet jämfört med uppgift a.**

LinkedList ger inte en förbättrad komplexitet eftersom vid borttagning av en nod från listan så behövs prioritetskön uppdateras. För att prioritetskön ska uppdateras krävs det att noderna till vänster och höger om själva noden tas bort och sedan läggs tillbaka. Detta kan förbättras genom att använda oss av binary heap. Eftersom Binary heap har komplexitet  $O(\log(n))$  för `remove(object)`.

En annan anledning är att man inte har tillgång till en individuell nod utan man måste iterera igenom hela listan för att hitta just den noden. Man kan lösa detta problemet genom att markera