



»Лекционен курс

»Интелигентни системи



Съждителна логика»¹

Съждителна логика

» СЛ е сравнително проста логика

» Синтаксис: дефинира позволените съждения

- > Атомарни съждения: състоят се от един отделен съждителен символ
- > Всяко съждение може да бъде true или false
- > Започват с голяма буква
 - + P, Q, R, W_{1,2}, North
 - + Добра практика – мнемоника
- > Два съждителни символа с твърдо значение:
 - + True – винаги вярно съждение
 - + False – винаги грешно съждение



Комплексни съждения

Образуват се от по-прости съждения посредством свързване с логически оператори

\neg

НЕ: Отрицание

\wedge

И: Конюнкция

\vee

ИЛИ: Дизюнкция

\Rightarrow

Импликация: означава се също като правило или if-then съждение (означава се също с \rightarrow или \supset)

\Leftrightarrow

Тогава, когато: бикондиционал, означава се също с \equiv



Синтаксис на съждителната логика

$Sentence \rightarrow AtomicSentence \mid ComplexSentence$

$AtomicSentence \rightarrow True \mid False \mid P \mid Q \mid R \mid \dots$

$ComplexSentence \rightarrow (Sentence) \mid [Sentence]$

$\mid \neg Sentence$

$\mid Sentence \wedge Sentence$

$\mid Sentence \vee Sentence$

$\mid Sentence \Rightarrow Sentence$

$\mid Sentence \Leftrightarrow Sentence$

OPERATOR PRECEDENCE : $\neg, \wedge, \vee, \Rightarrow, \Leftrightarrow$

Семантика

- » Дефинира правилата за определяне истинността на едно съждение относно определен модел
 - > В СЛ един модел определя вярностната стойност (true или false) за всеки съжителен символ
 - > Напр., ако в БЗ се използват P, Q и R, възможен модел е $m_1 = \{P=\text{false}, Q=\text{false}, R=\text{true}\}$
- » Трябва да покаже как може да бъде изчислена стойността на произволни съждения за един зададен модел
 - > Става рекурсивно
 - > Всички съждения се образуват от атомарни и петте оператори – трябва да покажем как се изчисляват стойностите на атомарните съждения и на тези, образувани посредством операторите
 - > За атомарни съждения:
 - + true, във всеки модел вярно, false, във всеки модел грешно
 - + Стойностите на всеки друг символ трябва да се зададат директно в модела
 - > За комплексните съждения - таблицата



Вярностни стойности

P	Q	$\neg P$	$P \wedge Q$	$P \vee Q$	$P \Rightarrow Q$	$P \Leftrightarrow Q$
false	false	true	false	false	true	true
false	true	true	false	true	true	false
true	false	false	false	true	false	false
true	true	false	true	true	true	true

\Rightarrow : на пръв поглед изглежда озадачаващо, понеже не съвпада с нашето интуитивно разбиране („когато P , тогава Q “)

- СЛ не изисква релация за каузалност или връзка между P и Q
 - „5 е четно число“ \Rightarrow „Пловдив е град в България“
- Такива импликации трудно се възприемат в нормалното разбиране на езика
- $P \Rightarrow Q$: ако P е вярно, тогава се твърди, че Q е вярно
 - В противен случай не се прави твърдение
- Единствената възможност импликацията е да е грешна, когато P вярно, а Q грешно

БЗ на W. света

$$R_1: \neg P_{1,1}$$

$$R_2: B_{1,1} \Leftrightarrow (P_{1,2} \vee P_{2,1})$$

$$R_3: B_{2,1} \Leftrightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,1} \vee P_{3,1})$$

$$R_4: \neg B_{1,1}$$

$$R_5: B_{2,1}$$

Конструира се върху непроменливи аспекти на W. света

Необходими символи:

- $P_{x,y}$ - true, когато в $[x,y]$ има яма
- $W_{x,y}$ - true, когато в $[x,y]$ е W. (жив или мъртъв)
- $B_{x,y}$ - true, когато агентът възприема в $[x,y]$ полъх
- $S_{x,y}$ - true, когато агентът възприема в $[x,y]$ зловоние

Напр., тези съждения са достатъчни за да изведем $\neg P_{1,2}$

Процедура за извод

- » Целта е да **изведем** (изчислим) дали е в сила **БЗ $\models \alpha$** за едно определено съждение **α**
 - > Напр., $\neg P_{2,2}$ следствие от БЗ?
- » Първият алгоритъм за извод: използва подход за проверка на модели
 - > Директна имплементация на дефиницията за логическо следствие
 - > За решаване на логическо следствие в СЛ
- » При СЛ моделите са присвоявания на true или false за всеки СИМВОЛ
 - > За примера: 7 значими символи
 - + 128 възможни модели



Изводи в БЗ

$B_{1,1}$	$B_{2,1}$	$P_{1,1}$	$P_{1,2}$	$P_{2,1}$	$P_{2,2}$	$P_{3,1}$	R_1	R_2	R_3	R_4	R_5	KB
false	false	false	false	false	false	false	true	true	true	true	false	false
false	false	false	false	false	false	true	true	true	false	true	false	false
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
false	true	false	false	false	false	false	true	true	false	true	true	false
false	true	false	false	false	false	true	true	true	true	true	true	<u>true</u>
false	true	false	false	false	true	false	true	true	true	true	true	<u>true</u>
false	true	false	false	false	true	true	true	true	true	true	true	<u>true</u>
false	true	false	false	true	false	false	true	false	false	true	true	false
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
true	true	true	true	true	true	true	false	true	true	false	true	false

БЗ вярна, когато R_1, R_2, R_3, R_4, R_5 са верни:

3

Процедура за извод

function **TT-ENTAILS?**(KB, alpha;) **returns** true or false

inputs: KB, база знания, съждение в СЛ

alpha, въпрос (заявка), съждение в СЛ

symbols \leftarrow списък от съждителни символи в БЗ и alpha

return *TT-CHECK-ALL*(KB, alpha, symbols, { })

// -----

function **TT-CHECK-ALL**(KB, alpha, symbols, model) **returns** true or false

if *EMPTY?*(symbols) **then**

if *PL-TRUE?*(KB, model) **then return** *PL-TRUE?*(alpha, model)

else return true // когато БЗ false, винаги return true

else do

 P \leftarrow *FIRST*(symbols)

 rest \leftarrow *REST*(symbols)

return (*TT-CHECK-ALL*(KB, alpha, rest, model \cup { P = true })

and

TT-CHECK-ALL(KB, alpha, rest, model \cup { P = false })))

Общо за алгоритъма

» TT-Entails

- > Генерира рекурсивно списък на крайно пространство от присвоявания за променливите

» Алгоритъмът е:

- > Коректен
 - + Понеже имплементира директно дефиницията на логическото следствие
- > Пълен
 - + Понеже функционира за всяка БЗ и всяко съждение
 - + Винаги завършва – съществува краен брой модели, които се оценяват

» Комплексност

- > Ако БЗ и α съдържат n символа, съществуват 2^n модели
- > Комплексността е $O(2^n)$



По-детайлни обяснения

- » TT означава вярностната таблица
- » PL-TRUE?
 - > Връща *true*, ако едно съждение е вярно в един модел
- » Променливата *model* представя един частичен модел
 - > Присвояване на някой от съждителните символи
- » Ключовата дума *and* се използва като логически оператор с два аргумента
 - > Връща *true* или *false*





Благодаря за вниманието!