



**POLYTECHNIQUE  
MONTRÉAL**

UNIVERSITÉ  
D'INGÉNIERIE

## **PHS2223 – INTRODUCTION À L'OPTIQUE MODERNE**

**Équipe : 04**

---

### **Expérience 4**

Filtrage spatial

---

**Présenté à**  
Guillaume Sheehy  
Esmat Zamani

**Par :**  
Émile **Guertin-Picard** (2208363)  
Laura-Li **Gilbert** (2204234)  
Tom **Dessauvages** (2133573)

18 novembre 2024  
Département de Génie Physique  
Polytechnique Montréal

## Table des matières

|          |                                |          |
|----------|--------------------------------|----------|
| <b>1</b> | <b>Résultats</b>               | <b>1</b> |
| 1.1      | Cibles de résolution . . . . . | 1        |
| 1.2      | Marvin . . . . .               | 1        |
| <b>2</b> | <b>Discussion</b>              | <b>1</b> |
| 2.1      | Question 1 . . . . .           | 1        |
| 2.2      | Question 2 . . . . .           | 2        |
| <b>3</b> | <b>Conclusion</b>              | <b>2</b> |

## 1 Résultats

### 1.1 Cibles de résolution

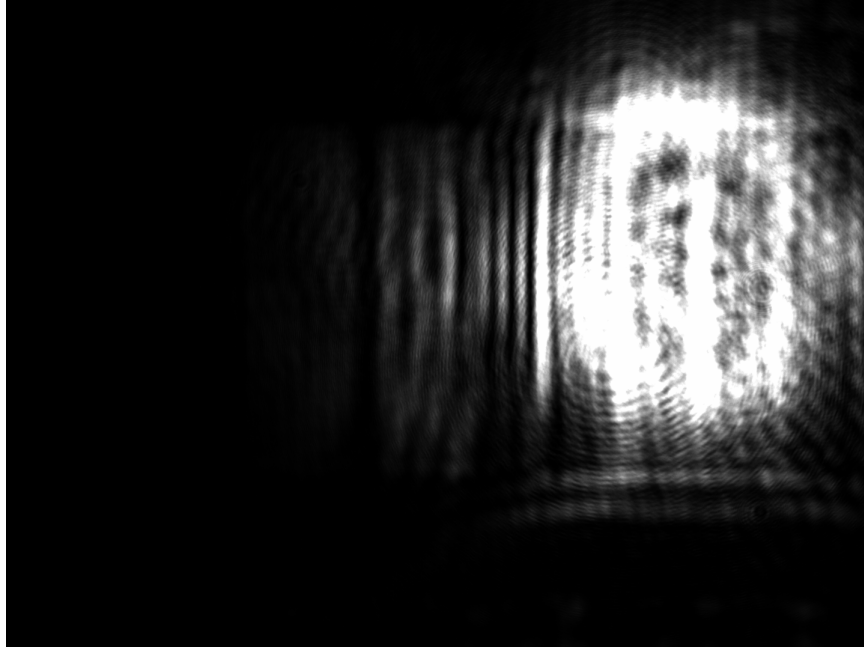


Figure 1

### 1.2 Marvin

## 2 Discussion

### 2.1 Question 1

Pour trouver la fréquence de coupure de l'iris selon les paramètres physiques de l'expérience, les deux équations de fréquences spatiales peuvent être utilisées. L'équation pour la fréquence spatiale en  $x$  est donnée par :

$$f_x = \frac{x}{\lambda f} \quad (1)$$

Et celle en  $y$  est donnée par :

$$f_y = \frac{y}{\lambda f} \quad (2)$$

Où  $\lambda$  est la longueur d'onde de la lumière, et  $f$  est la longueur focale de la lentille utilisée. Puisque le filtre est de forme circulaire, il est possible de modéliser la fréquence de coupure à l'aide de l'équation d'un cercle, soit la suivante :

$$x^2 + y^2 = r^2 \quad (3)$$

Où  $r$  correspond au rayon de l'iris. Donc, en isolant les variables  $x$  et  $y$  dans les équations 1 et 2, et en remplaçant dans l'équation ci-dessus (Annexe), le résultat suivant est obtenu :

$$f_c = \frac{r}{\lambda f} = \frac{d}{2\lambda f} \quad (4)$$

Ainsi, la fréquence de coupure de l'iris selon les paramètres physiques est donnée par l'équation ci-dessus.

RÉSULTATS COHÉRENTS AVEC THEO?

**2.2 Question 2**

**3 Conclusion**

## Annexe

Avec les équations  $f_x$  et  $f_y$ , les variables  $x$  et  $y$  sont isolées, permettant d'obtenir les équations suivantes :

$$x = f_x \lambda f \qquad y = f_y \lambda f$$

En remplaçant dans l'équation 3, le résultat suivant est obtenu.

$$\begin{aligned} (f_x \lambda f)^2 + (f_y \lambda f)^2 &= r^2 \\ f_x^2 \lambda^2 f^2 + f_y^2 \lambda^2 f^2 &= r^2 \\ \lambda^2 f^2 (f_x^2 + f_y^2) &= r^2 \end{aligned}$$

En réarrangeant les termes, le résultat suivant est obtenu.

$$(f_x^2 + f_y^2) = \frac{r^2}{\lambda^2 f^2}$$

Les deux fréquences spatiales  $f_x$  et  $f_y$  correspondent à la fréquence recherchée, ainsi l'équation mène à celle 4, soit :

$$f_c = \frac{r}{\lambda f} = \frac{d}{2\lambda f}$$