Microscope

Travail préparatoire PHS3910 – Techniques expérimentales et instrumentation Équipe L3

Émile Guertin-Picard 2208363

Maxime Rouillon 2213291

Marie-Lou Dessureault 2211129

Philippine Beaubois 2211153

Résumé – Modélisation préliminaire d'un microscope capable de déterminer la taille de particules. La magnification et la PSF d'une particule sont simulés. Son déplacement est simulé à l'aide du mouvement brownien, et le coefficient de diffusion est extrait de la courbe du MSD de la particule.

I. Introduction

Ayant reçu un contrat d'un gouvernement local nécessitant d'examiner les microparticules contaminantes proches d'une usine, l'équipe est mandaté de concevoir un microscope capable de déterminer la taille de particules. En préparation à la conception du produit final, une simulation du mouvement d'une particule, tel qu'elle serait perçue à travers le microscope, ainsi qu'une analyse de son déplacement est développée. En simulant la magnification et la fonction d'étalement de la particule (PSF), ainsi qu'en soumettant celle-ci à un mouvement brownien, il est possible de retrouver le coefficient de diffusion à partir de la pente de la courbe de son déplacement moyen au carré (MSD). La taille de la particule peut directement être extraite de ce résultat. Cette démarche préliminaire permettra d'estimer l'erreur sur la taille en fonction de certains paramètres du système optique lesquels???.

rajouter le résultat Le rapport ci-contre expliquera en détail les méthodes de simulation utilisées pour obtenir les résultats souhaités, présentera les tailles et les erreurs respectives pour chaque ensemble de paramètres et développera les raisonnements justifiants les choix de l'équipe.

II. MÉTHODES

Le système optique utilisé pour la conception du microscope est illustré de manière simplifiée dans la figure 1 ci-dessous.

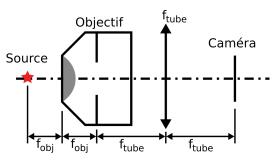


Figure 1 : Système optique simplifié du microscope.

Afin de simuler les observations et les analyses qui seront faites avec le microscope, une modélisation du mouvement d'une particule a premièrement été effectué sur un scripte Python. Pour les fins du projet, il a été décidé que de simuler une seule particule serait suffisant pour évaluer les paramètres à optimiser pk?. En guise d'équivalence de la magnification réelle du microscope, une taille de pixel effective P a eu besoin d'être posée. Le calcul de cette taille P est obtenue à partir du grossissement M de l'objectif ainsi qu'avec la focale de la lentille de tube f_{tube} . Le grossissement est défini tel que :

$$M = \frac{f_{tube}}{f_{obj}},\tag{1}$$

où f_{obj} est la longueur focale de la lentille objectif. Le grossissement M connu des lentilles suit un standard de la Royal Microscopical Society (RMS) qui pose f_{tube} à 160 mm source A. Ainsi, pour avoir le grossissement réel M_r , il faut convertir avec la formule suivante :

$$f_1 = \frac{160 \text{ mm}}{M} \Rightarrow M_r = \frac{f_{obj}M}{160 \text{ mm}}.$$
 (2)

La taille réelle d'un pixel de caméra p_r , d'une valeur de 3.45 μ m pour la caméra Zelux CS165MU mise à disposition pour ce contrat source B, peut être convertie en taille effective avec le grossissement réel :

$$P = \frac{p_r}{M_r} = \frac{p_r \ 160 \ \text{mm}}{f_{obj}M}.\tag{3}$$

on a $f_{obj} = 150$ for sure car seule pièce dispo Pour créer un environnement plus fidèle à la réalité, un fond de bruit a été rajouté, où les photons émis suivent une distribution de Poisson avec np.random.poisson. En raison de la diffraction causée par le système optique, la particule a due être simulée telle qu'elle serait perçue par la caméra dans le montage réel. En fonction des composantes optiques utilisées, la PSF (Point Spread Function) de la particule sur le capteur est décrite par :

$$PSF(r) = \left(\frac{2J_1(\frac{2\pi NAr}{\lambda})}{\frac{2\pi NAr}{\lambda}}\right)^2, \tag{4}$$

où NA est l'ouverture numérique de l'objectif, λ est la longueur d'onde de la lumière passant à travers le microscope et r est la distance radiale par rapport à la position de l'émetteur source procédurier. Ici, J_1 est une fonction de Bessel. L'émission des photons dans le temps s'effectue selon une distribution de Poisson :

$$P(X=k) = \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!},\tag{5}$$

où k est le nombre d'évènements et λ est le nombre moyen d'évènements survenus au cours d'un intervalle de temps Δt (le temps d'acquisition). Numériquement, ceci correspond à effectuer un nombre de simulations d'émission choisi avec np.random.poisson et un λ arbitraire setté à cbn?. La position de chaque photon émis durant la simulation est déterminée à l'aide de la distribution de probabilité imposée par la fonction d'étalement de la particule (PSF).

Pour simuler le mouvement d'une particule, on utilise le principe du mouvement brownien. C'est-à-dire que le centre d'une gaussienne est placé à la position exacte de la particule, la gaussienne a l'écart-type suivant :

$$\sigma = \sqrt{2\left(\frac{k_B T}{2\pi \eta r}\right) \Delta t} \tag{6}$$

Avec k_B la constante de Blozmann, T la température en Kelvin, η la viscosité en $Pa \cdot s$, r le rayon de la particule en mètre et Δt le temps entre chaque déplacement en secondes. Cette gaussienne permet de déterminer la probabilité de présence de la particule sur une position x et y, relativement proche de la position initiale, après un certain temps Δt . Avec une fonction python, il est possible de placer la particule à sa nouvelle position en tenant compte de ces probabilités. Cette opération est repérée successivement pour observer finalement le déplacement de la particule.

Après avoir simulé le mouvement d'une particule, l'analyse a pu être effectuée en utilisant une procédure similaire à celle qui sera utilisée pour le système réel. Pour chaque image capturée lors de l'acquisition (définie par un temps d'acquisition Δt), un fit d'une gaussienne 2D a été effectuée avec la librairie *lmfit*. La fonction gaussienne 2D est définie par :

$$f(x,y) = A \cdot exp\left(-\left[\frac{(x-x_0)^2}{2\sigma_x^2} + \frac{(y-y_0)^2}{2\sigma_y^2}\right]\right) + B.$$
(7)

où A est... À partir de la fonction obtenue, les moyennes en x et en y (x_0, y_0) de la gaussienne sont obtenus pour déterminer la position de la particule à cet instant. En effectuant ce processus pour chaque image de l'acquisition, on a pu obtenir le déplacement général de la particule pour un certain lapse de temps.

Une fois chaque position obtenue, il est possible de trouver la valeur du coefficient de diffusion de la particule. Pour ce faire il est nécessaire d'effectuer le calcul du déplacement quadratique moyen. On réalise ce calcul en faisant la moyenne des déplacements de même intervalle. Par exemple, la première moyenne sera calculée avec toutes les distances séparant deux positions éloignées à intervalle de $\Delta t=1$. De la même manière, la deuxième moyenne sera calculée avec toutes les distances entre deux point placés a $\Delta t=2$ d'intervalle. On peut modéliser ce calcul par la formule suivante :

$$MSD(d) = \frac{1}{N_{\Delta t}} \sum_{i=0}^{N_{\Delta t} - 1} (\mathbf{r}(i + \Delta t) - \mathbf{r}(i))^2$$
 (8)

Avec $N_{\Delta t}$ qui est le nombre de pairs i disponible pour un intervalle Δt et Δt qui varient de 1 jusqu'au nombre de positions-1. Une fois les valeurs des MDS trouvés pour chaque déplacement de même intervalle, il est possible de généré un graphique des MDS en fonction de la valeur de l'intervalle Δt . Sur ce graphique, seuls les premiers points seront sélectionnés, c'est à dire pour des Δt faible. Cette procédure est nécessaire pour observée le réel comportement du mouvement, car plus Δt est petit, plus il y a de paire de points disponible. Une fois que seuls les premiers points apparaissent sur le graphique, il est possible d'effectuer une régression linéaire sur ces points, c'est la pente de cette régression qui donnera la valeur du coefficient de diffusion D estimé par notre microscope.

Les valeurs obtenues par cette procédure comportent toutes une incertitude. Pour commencer, l'incertitude sur chaque position x et y de chaque point est donné par l'écart type de ça gaussienne, cette incertitude est donc donnée par

$$\Delta x = \Delta y = \sigma \tag{9}$$

Une fois l'incertitude déterminée pour chaque valeur, on veut pouvoir déterminer l'incertitude sur chaque valeur de la MSD. Pour ce faire, on propage l'incertitude, par la formule suivante, de chaque position sur la valeur de la MSD correspondante :

$$\alpha = A + B \tag{10}$$

$$A = \sqrt{\frac{\left(2(x(i+\Delta t) - x(i)) \cdot \Delta x(i+\Delta t)\right)^2}{+ \left(2(x(i+\Delta t) - x(i)) \cdot \Delta x(i)\right)^2}}$$

$$B = \sqrt{\frac{\left(2(y(i+\Delta t) - y(i)) \cdot \Delta y(i+\Delta t)\right)^2}{+\left(2(y(i+\Delta t) - y(i)) \cdot \Delta y(i)\right)^2}}$$

$$\Delta MSD = \frac{1}{N_{\Delta t}} \sqrt{\sum_{0}^{N_{\Delta t} - 1} \alpha}$$
 (11)

En sachant que $(r(i+\Delta t)-r(i))^2=(x(i+\Delta t)-x(i))^2+(y(i+\Delta t)-y(i))^2$. Dans le graphique de la MSD en fonction du nombre d'intervalles, chaque point comporte une incertitude en y. On trace donc une régression linéaire et l'incertitude sur la valeur de la pente de cette régression est donnée par l'équation suivante qui considère qu'il n'y a des incertitudes que sur les valeurs en y (MSD) et que cette incertitude n'est pas constante pour chaque point,

$$\Delta D = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{N} (\Delta M S D_i)^2}{\sum_{i=1}^{N} (x_i - \overline{x})^2}}$$
 (12)

Avec N qui est le nombre d'intervalles considéré.

Formule de la droite de régression linéaire

Formule de D en fonction des params (taille particule)

Afin de déterminer quels objectifs de microscope considérer pour le produit final, la définition de la résolution est nécessaire pour la vérification du théorème d'échantillonnage de Nyquist. Soit d, la limite de diffraction pour une source ponctuelle au travers d'une ouverture source video :

$$d = \frac{\lambda}{2NA},\tag{13}$$

où λ est la longueur d'onde éclairant l'échantillon observé et NA est l'ouverture numérique de l'objectif. Cette limite de diffraction est la résolution du système. Ainsi, selon le théorème de Nyquist, la taille effective d'un pixel de la caméra P dans le plan de l'objet observé doit respecter :

$$P \le \frac{d}{2} = \frac{\lambda}{4\text{NA}}.\tag{14}$$

Ainsi, pour un système avec f_{obj} et M connus (voir équation 3), il est possible de déterminer si le théorème (14) est respecté pour une longueur d'onde donnée. Cela a

permis de déterminer quelles combinaisons de lentille tube, d'objectif de microscope et de source de lumière qui ne sont pas sujettes au phénomène d'aliasing, conséquence du non respect de Nyquist où l'information réelle sur l'image est perdue.

Tableau I - Test

λ (nm)	M	NA	P (µm)	d/2 (μm)
405	10	0.25	0.368	0.810
	20	0.4	0.184	0.506
	40	0.65	0.092	0.312
	60	0.85	0.061	0.238
375	10	0.25	0.368	0.750
	20	0.4	0.184	0.469
	40	0.65	0.092	0.288
	60	0.85	0.061	0.221

liste des paramètres (il manque taille des part.)

resultat nyquist

param choisis et interdependance

III. RÉSULTATS

fig déplacement particule dans l'espace

fig regressions linéaires (pour 4 objectifs)

tableau des résultats : valeur de D, err rel de D, valeur de taille de particule, err rel sur taille de particule

IV. DISCUSSION

quel combo a la meilleure resolution d avec le moins d'incertitude

V. ANNEXES

A. Preuve de correction par Antidote