תרגיל בית 1: שימוש באלגוריתמי חיפוש היוריסטיים לתכנון מסלולי חלוקה אופטימליים

מטרות התרגיל

- נתמודד עם בעיות פרקטיות ותיאורטיות של חיפוש במרחבי מצבים עצומים.
 - נתרגל את הנלמד בהרצאות ובתרגולים.
 - נתנסה בתכנות ב- python לפתרון בעיות פרקטיות.

הנחיות כלליות

- **תאריך הגשה:** יום שלישי, 01.12.2020, בשעה 23:59
 - את המטלה יש להגיש בזוגות בלבד.
- יש להגיש מטלות מוקלדות בלבד. פתרונות בכתב יד לא ייבדקו.
 - התשובות צריכות להיות כתובות בשפה העברית.
- ניתן לשלוח שאלות בנוגע לתרגיל לתיבת המייל הקורסית: ai.technion@gmail.com. אנו מבקשים לא לשלוח הודעות בנוגע לתרגיל לתיבות הדואר של הסגל. לפני שליחת שאלה, בדקו האם קיימת לה לשלוח הודעות בנוגע לתרגיל לתיבות הדואר של FAQ לא יענו שוב במייל.
 - . המתרגל האחראי על תרגיל זה: אלעד נחמיאס
 - בקשות דחיה **מוצדקות** (מילואים, אשפוז וכו') יש לשלוח למתרגל האחראי (טל סויסה) בלבד.
- במהלך התרגיל ייתכן שנעלה עדכונים, תיקונים והבהרות לדף FAQ ייעודי באתר ולמסמך הנ"ל. העדכונים הינם **מחייבים**, ועליכם להתעדכן עד מועד הגשת התרגיל.
 - שימו לב, התרגיל מהווה כ- 30% מהציון הסופי במקצוע ולכן העתקות תטופלנה בחומרה.
 - ציון המטלה יורכב מהגורמים הבאים:
- 60% המסמך היבש. מעבר לתשובות הנכונות, אתם נבחנים גם על הצגת הנתונים והתוצאות בצורה קריאה ומסודרת במקומות בהם התבקשתם לכך. הניקוד המפורט בסעיפים של מסמך זה הינו מתוך הציון היבש בלבד.
- 40% הקוד המוגש. הקוד שלכם ייבדק באופן מקיף ע"י מערכת בדיקות אוטומטיות. המערכת תבדוק את התוצאות שלכם לעומת התוצאות המתקבלות במימוש שלנו. אנו מצפים שתקבלו את אותם הערכים בדיוק. נבדוק בין היתר את המסלול המתקבל, את עלותו ואת מס' הפיתוחים. לכן עליכם להיצמד להוראות בתרגיל זה. הבדיקות יהיו כמובן מוגבלות בזמן ריצה. ייתנן לכם זמן סביר ביותר להרצת כל טסט. אם תעקבו אחר ההוראות במסמך זה ובקוד אין סיבה שלא תעמדו בזמנים אלו. בנוסף, יש להקפיד על הגשת קוד מסודרת בהתאם להנחיות. יש לכתוב הערות במקומות חשובים בקוד כדי שיהיה קריא וקל לבדיקה ידנית.
- אנו יודעים שעבור חלקכם זו התנסות ראשונה בכתיבת קוד בפיתון ותרגיל זה מתוכנן בהתאם לכך.
- שימו לב שלא יענו שאלות בסגנון: "איך מוצאים את עלות הפתרון שהוחזר?" / "איך ניגשים למפות הכבישים מתוך המימוש של הפונק' ההיא?" / "באיזה שדה שמור ה...?" / "אילו שדות מצפים לקבל אובייקט מטיפוס frozenset?" וכדומה. בכל מקום בקוד בהם אתם נדרשים להשלים את המימוש (לכתוב קוד כלשהו) השארנו לכם הערות מפורטות שמסבירות כיצד יש לעשות זאת. ברוב המקומות גם הכוונו אתכם במפורש לשמות השדות ולמתודות הרלוונטיות להם תזדקקו. בחלק מהמקומות החסרנו חלק מהפרטים בהסבר מתוך כוונה אנחנו רוצים לעודד אתכם לעיין בקוד ולמצוא פרטים אלו בכוחות עצמכם. הכרת סביבת העבודה שסיפקנו לכם והתמצאות בה הן למעשה חלק מהתרגיל.
- בתרגילי הבית בקורס הרצת הניסויים עשויה לקחת זמן רב. לכן מומלץ מאוד להימנע מדחיית העבודה על התרגיל ו/או כתיבת הדו"ח לרגע האחרון. לא תינתנה דחיות על רקע זה.
 - מסמך זה כתוב בלשון זכר מטעמי נוחות בלבד, אך מתייחס לנשים וגברים כאחד.

הערות טכניות

- גרסת python איתה אתם נדרשים לעבוד הינה 3.7. גם קבצי המקור שקיבלתם מתאימים לגרסה
- לנוחיותכם, בקוד שסופק לכם הוכנסו type-annotations (ציון של טיפוסים של שדות/פרמטרים). זאת במטרה להקל עליכם בהתמצאות בקוד. אנחנו מצפים מכם להשכיל ולהשתמש ב- IDE (ממליצים על PyCharm) שיוכל לסייע לכם להתמצא בקוד ביתר קלות, יציע לכם השלמת שדות, ויזהה עבורכם שגיאות בצורה סטטית כל אלו יחסכו לכם הרבה זמן. ה- type-annotations עוזרים ל- IDEs לעזור לכם נצלו את זה.

- כאמור, הבדיקות האוטומטיות של הקוד שתגישו תהיינה מוגבלות בזמן פר טסט. היו סמוכים ובטוחים שמערכת הבדיקה הינה הוגנת ביותר. מימוש תקין שנצמד להוראות יעמוד במסגרת הזמנים. הסיבה למגבלת הזמן היא פשוטה לא ניתן להריץ כל טסט אינסוף זמן אנחנו צריכים לבדוק את כל התרגילים שלכם במסגרת זמן סבירה. בכדי לעמוד במסגרת הזמנים אתם לא מתבקשים לחשוב על אופטימיזציות כאלו או אחרות, אלא רק לעקוב באדיקות אחר ההוראות. הבינו איך משתמשים ב- iterators בפיתון ונסו להשתמש בהם בכל מקום שתוכלו (במקום ליצור רשימות איפה שאין באמת צורך בכך). אנו מכווינים אתכם לעשות כך בחלק מהסעיפים. קשה לפרט דרישת זמנים קשיחה כי לכל אחד יש מחשב בעל מפרט אחר וזה כמובן יכול להשפיע באופן ניכר על זמני הריצה. נפרט כאן הערכה כללית לזמן הריצה הצפוי של מימוש תקין במחשב אישי מודרני סביר, וזאת רק בכדי שתוכלו לקבל סדר גודל ולוודא שאתם לא חורגים מכך באופן דראסטי. אם אתם חורגים מהאמור באופן דרסטי ייתכן שיש לכם טעות במימוש היעזרו אחד בשני כדי למצוא אותה. הריצה הארוכה ביותר אמורה לקחת כ- 3 דקות. היעזרו בהערכה גסה זו כדי לוודא/לחשוד בתקינות המימוש שלכם.
- אלא אם נכתב אחרת, אין לשנות פונקציות מוכנות שקיבלתם. בנוסף, אין לשנות את החתימה של פונקציות שהתבקשתם לממש או אחרות. בפרט, אין לשנות תוכן קבצים בהם לא נתבקשתם לבצע שינויים. אין ליצור פונקציות עזר משלכם, אנא השלימו את המימושים אך ורק במקומות המסומנים. בנוסף, אין ליצור קבצים חדשים, אלא לערוך את הקבצים שהתבקשתם במפורש בלבד. ראו הוזהרתם חריגה מכללים אלו ככל הנראה תוביל לכישלון מיידי בבדיקות האוטומטיות. אם יש בעיה נקודתית, ניתן לשלוח מייל לתיבה הקורסית.
- אין להוסיף ו/או לשנות פקודות import בקוד. כל מה שאתם צריכים כבר מיובא במקום הרלוונטי.
 שימו לב שלעיתים IDEs שונים עלולים להוסיף לכם שורות import באופן אוטומטי. אחריותכם לוודא, טרם הגשת התרגיל, ששורות ה- import בקוד אותו אתם מגישים זהות לשורות בקבצים המקוריים שקיבלתם.
- אין לבצע בעצמכם טעינה של קלטים או מפות. אנחנו עשינו זאת עבורכם במקומות הנדרשים. בכל אזור בקוד בו שהתבקשתם להשלים את המימוש יש גישה לכל המבנים להם אתם זקוקים לצורך המימוש.
- numpy, scipy, matplotlib, :python לצורך ההרצות תצטרכו להתקין את החבילות הבאות של Anaconda. את אלו שאינן .networkx מחבילות אלו מותקנות כברירת מחדל עם ההתקנה של .pip install <package name> מותקנות אפשר להתקין בעזרת הפקודה

הוראות עבור שאלות הוכח/הפרך על מרחב MDA בתרגיל

- הנח שכל הנקודות במפת הכבישים הן נקודות ב- \mathbb{R}^2 והמרחק בין זוג נק' הוא המרחק האוקלידי.
 - הנח כי כביש במפת הכבישים הוא בהכרח דו-כיווני. הכביש הינו קו ישר במישור.
 - הפרכות:
 - הפרכה אפשרית אך ורק בעזרת פירוט של **דוגמא נגדית.** תשובות הפרכה ללא מתן דוגמא נגדית קונקרטית ושלמה לא יזוכו בנקודות. בפרט, לא יתקבלו תשובות שינסו לתאר רעיון איך אפשר לבנות דוגמא נגדית או להפריך את הטענה באמצעות שימוש בטענות.
- דוגמא נגדית היא למעשה הגדרה מלאה של מפת כבישים + מרחב (כולל למשל מספר מטושים בכל מעבדה, מספר דיירים בכל דירה, קיבולת האמבולנס, מספר מטושים התחלתי באמבולנס וכו') ללא נתונים אלו לא נוכל לבדוק לכם את התשובה. אין צורך לספק איור של מרחב MDA כולל האופרטורים שלו. יש לספק איור של מפת הכבישים תוך ציון הפרטים של כל נקודה בה (האם זו דירה/מעבדה/נק' התחלה ואת כל הנתונים שלה). לשם הפשטות, אפשר לבנות מפת כבישים בה כל הנקודות הן נקודות רלוונטיות למרחב MDA עם כבישים ישירים בניהם.
- אם ישנם קבועים נוספים בשאלה (כמו אפסילון) אל תשכחו לספק אותם. זכרו שבעת הבדיקה לא נוכל לנסות לנחש נתונים חסרים כדי להשתכנע שהדוגמא שלכם פועלת.
 תפקידכם הוא לשכנע אותנו בכך.
- בנוסף, יש לצרף לדוגמא הנגדית **טבלת מעקב** אחר ריצת האלג' המדובר. זאת הדרך היחידה שתשכנע אותנו (ואתכם) שהדוגמא שלכם אכן מהווה סתירה לטענה. לא נוכל לבדוק את הדוגמא שלכם ללא המעקב. בטבלת המעקב מופיעים שלבי הריצה של האלג' ובכל אחד מפורטים מבני הנתונים של האלג' (open, close) וכל הצמתים המופיעים בהם כולל ערכי f, g, h שלהם. בטבלה יצוין מיהו הצומת הנשלף מ- open בתחילת כל שלב בריצה. הטבלה תהיה קריאה ברורה ומסודרת ויהיה קל לעקוב אחרי ריצת האלג' הרלוונטי על הדוגמא שלכם מתוך התבוננות בה.
- שימו לב להבדל בין נקודה על מפת הכבישים לבין מצב במרחב החיפוש עליו
 האלגוריתם רץ. עבור נקודה מסוימת במפה יכולים להיות מספר מצבים שונים במרחב
 החיפוש שבהם המיקום הנוכחי הוא אותה הנקודה. הקפידו ליצור הבדל בטבלת המעקב
 בין נקודות שמייצגות מצבים שונים. זה יעזור לכם ולנו להשתכנע שהמעקב תקין.
 - מפת הכבישים צריכה להיות קשירה ובעיית ה- MDA המתוארת צריכה להיות פתירה
 עבורה אלא אם נאמר אחרת.

- על המרחב להיות קטן ככל הניתן (מספר מינימלי של נקודות במפת הכבישים). טיפ:
 קודם כל נסו למצוא דוגמא שעובדת ולאחר מכן צמצמו אותה. שימו לב: לא יענו שאלות בסגנון "מה הגודל של הדוגמא המינימלית שקיימת?" / "האם הדוגמא שלי מספיק קטנה או שכדאי לי לחשוב עוד איך לצמצם אותה?"
 - שימו לב: יש להראות שאכן ניתן למקם את הנקודות במישור באופן שתיארתם תוך שמירה על המרחקים שציינתם על גבי הקשתות (קיום אי-שוויון המשולש). אם זה לא טריוויאלי ציינו את הקואורדינטות של הנקודות (x,y) במישור.

• הוכחות:

- ∘ הוכחה צריכה להיות פורמלית ומסודרת ואורכה יהיה לכל היותר 7 שורות.
 - . הסבר רעיוני/אינטואיטיבי לא יזוכה בנקודות כלל.

אנחנו קשובים לפניות שלכם במהלך התרגיל ומעדכנים את המסמך הזה בהתאם. גרסאות עדכניות של המסמך יועלו לאתר. הבהרות ועדכונים שנוספים אחרי הפרסום הראשוני יסומנו כאן בצהוב. בנוסף, לכל עדכון יהיה מספר גרסה כדי שתוכלו לעקוב. ייתכן שתפורסמנה גרסאות רבות – אל תיבהלו מכך. השינויים בכל גרסה יכולים להיות קטנים.



חלק א' – מבוא והנחיות (3 נק' יבש + 3 נק' בונוס)

במטלה זו נעסוק בהפעלת אלגוריתמי חיפוש על מרחבי מצבים גדולים במיוחד לבעיות ניווט. מומלץ לחזור על שקפי ההרצאות והתרגולים הרלוונטיים לפני תחילת העבודה על התרגיל.

במהלך התרגיל תתבקשו להריץ מספר ניסויים ולדווח על תוצאותיהם. אתם נדרשים לבצע ניתוח של התוצאות, כפי שיוסבר בהמשך.

מוטיבציה

ברקע התפרצות נגיף הקורונה בישראל, מד"א עובדים סביב השעון בביצוע בדיקות לאבחון הוירוס בקרב האוכלוסיה. מד"א מגיעים לביתו של כל מי שמדווח על תסמינים ובודקים אותו ואת כל הדיירים המתגוררים ביחד איתו. במקביל ללימודיו בטכניון, מוטי מתנדב במד"א והינו בעל הכשרה לנהג אמבולנס. בתחילת המשמרת מוטי מקבל רשימה של כל הבדיקות שיש לבצע ומיד יוצא לדרך.

באמבולנס יש מקררים מיוחדים שבהם ניתן לשמור את כל הבדיקות שנלקחו עד כה. המקום במקררים מוגבל, וכאשר כולם מתמלאים מוטי צריך לעבור באחת מהמעבדות האזוריות כדי להעביר להם את מוגבל, וכאשר כולם מתמלאים מוטי צריך לעבור באחת מהמעבדות האזוריות כדי להעביר להם את הבדיקות ולפנות מקום במקררים לבדיקות הבאות (מוטי גם דואג לכבות את המקררים הריקים כדי לחסוך בצריכת הדלק). בנוסף, עקב המחסור במטושים, מספר המטושים הזמינים (והנדרשים לצורך הבדיקות) הינו מוגבל. כאשר מוטי עובר במעבדה, פרט לפריקת הבדיקות, הוא גם לוקח משם את כל המקררים שלו הזמינים. כאשר נגמרים למוטי המטושים באמבולנס הוא חייב לעבור במעבדה, גם אם כל המקררים שלו ריקים (כלומר אין לו בדיקות להעביר למעבדה). בכל מעבדה יש מספר אחר של מטושים זמינים.

מוטי עמוס בלימודים ולכן הוא רוצה לסיים את המשמרת כמה שיותר מהר ולהגיע הביתה כדי לעבוד על ההגשות שלו. למזלו, חברים של מוטי (זה אתם!) במקרה לוקחים הסמסטר את הקורס "מבוא לבינה מלאכותית". מוטי מבקש מכם לעזור לו לתכנן מראש את הדרך היעילה ביותר לבצע את כל הבדיקות.

פורמאליזם – הגדרת נתוני הבעיה

(junction) שבה כל צומת מייצג צומת דרכים $StreetsMap = (V_{map}, E_{map})$ שבה כל צומת מייצג צומת דרכים (links). והקשתות מייצגות דרך (כביש) המקשרת בין צמתי דרכים

לאמבולנס יש קיבולת מרבית של AmbulanceTestsCapacity > 0 בדיקות שהוא יכול לאחסן במקררים.

נתונה נקודת מוצא על רשת הכבישים $v_0 \in V_{map}$, וכן נתונות $k \in \mathbb{N}^+$ דירות שאליהן יש להגיע ולבצע בדיקה: $v_0 \in V_{map}$ בדיקה מוצא על רשת הכבישים בדיקה (באשר דירה i כאשר דירה i כאשר דירה מיקום $d_i.loc \in V_{map}$ מיקום בדיקה (באשר באשר דירה מיקום שיש לבדוק באשר לבדוק (באשר ביירים שיש לבדוק מיקום $d_i.roommates \in \{1,2,...,AmbulanceTestsCapacity\}$

נתונות $m \in \mathbb{N}$ וכן מספר מטושים זמינים .Labs = $\{l_1,...,l_m\}$ וכן מספר מטושים זמינים .li_i.natoshim $\in \mathbb{N}^+$

לצורך פשטות, במהלך כל התרגיל נניח כי הדירות, המעבדות ונק' המוצא הינן נקודות זרות במפה. כלומר לצורך פשטות, $\{v_0\} \cup \{d_i.loc\}_{i \in [k]} \cup \{l_i.loc\}_{i \in [m]}| \equiv k+m+1$

הבנת קושי הבעיה

בשלב זה אנחנו רוצים לקבל קצת אינטואיציה לגבי רמת הקושי של הבעיה. המטרה היא להשתכנע שאנחנו לא מסוגלים לפתור את הבעיה בעזרת חיפוש brute-force (בגלל מגבלת משאבים). כלומר ביצוע מעבר ממצה על כל המסלולים האפשריים שהאמבולנס יכול לנסוע בהם בזה אחר זה, לכל אחד מהם לבדוק האם הוא חוקי, לחשב את עלותו ולבסוף להחזיר את המסלול האופטימלי שנבחן (ע"פ פונק' עלות כלשהי שנקבעה מראש, כמו למשל מרחק כולל של המסלול).

המטרה שלנו כעת היא לשערך את מספר המסלולים האפשריים ולהשתכנע שהוא גדול מאוד (גם עבור המטרה שלנו כעת היא לשערך את מספר לבצע חיפוש brute-force קלטי בעיה k,m קטנים יחסית) ושלא סביר לבצע חיפוש

מציאת ביטוי מתמטי פשוט שמתאר את מספר המסלולים החוקיים תחת כל אילוצי הבעיה המקוריים כפי שתוארו יכולה להיות בעיה קומבינטורית מאתגרת. לכן לצורך פשטות, נזניח לרגע (לטובת חלק זה בלבד) חלק מאילוצי הבעיה (קיבולת מקרר, מטושים, חוקיות מעבר במעבדות). נתרכז אך ורק בכל המסלולים מהסוג הבא (ונניח שכולם חוקיים): עוברים בכל דירה פעם אחת בדיוק, חייבים לסיים במעבדה (אחרי הביקור האחרון בדירה עוברים במעבדה אחת בדיוק), לא חייבים לבקר בכל המעבדות (ייתכן שקיימות מעבדות שלא נעבור בהן), אין הגבלה למספר הפעמים שעוברים במעבדה מסוימת, בתחילת המסלול (לפני

הביקור הראשון בדירה כלשהי) ובין זוג ביקורים רצוף בדירות ניתן לבקר ב- 0 או 1 מעבדות – לא ייתכנו 2 ביקורים רצופים במעבדות.

- 1. יבש (1 נק'): מצאו ביטוי מתמטי עבור מספר המסלולים האפשריים תחת ההנחות הללו. על הביטוי להיות תלוי בפרמטרים k,m בלבד. אנו מצפים לביטוי מתמטי סגור וללא סכומים (סיגמא). הביטוי צריך להיות כתוב בשפה מתמטית פורמלית ללא שימוש בסימוני עזר וללא תיאורים מילוליים. לא יינתנו נקודות עבור תשובות שאינן מדויקות. תנו כותרת קצרה עבור כל אחד מהמרכיבים הכפליים בביטוי.
- יבש $\frac{\text{בונוס}}{\text{בונוס}}$ (3 נקי): הנחות חדשות: נתרכז אך ורק בכל המסלולים מהסוג הבא (ונניח שכולם חוקיים): עוברים בכל דירה פעם אחת בדיוק, חייבים לסיים במעבדה (אחרי הביקור האחרון בדירה עוברים במעבדה אחת בדיוק), לא חייבים לבקר בכל המעבדות (ייתכן שקיימות מעבדות שלא נעבור בהן), ניתן לבקר במעבדה רק אם (א) טרם עברנו בה או (ב) ביקרנו בדירה ממש לפני הביקור במעבדה זו, בתחילת המסלול (לפני הביקור הראשון בדירה כלשהי) ובין זוג ביקורים רצוף בדירות ניתן לבקר ב- 0 או יותר מעבדות ייתכן רצף של ביקורים במעבדות בלבד בתנאי שמתקיימים כל התנאים הקודמים. מצאו ביטוי מתמטי עבור מספר המסלולים האפשריים תחת ההנחות הללו. על הביטוי להיות תלוי בפרמטרים k,m בלבד. הביטוי יכול להכיל סכומים (סיגמא) שימוש בסימוני עזר וללא תיאורים מילוליים. לא יינתנו נקודות עבור תשובות שאינן מדויקות. תנו כותרת קצרה עבור כל אחד מהמרכיבים בביטוי (כפליים/חיבוריים/משתני סכום וכו'). הסבירו בקצרה (עד 3 שורות).
- 3. יבש (2 נק'): מלאו את הטבלה הבאה. השתמשו בנוסחה שמצאתם בסעיף 1. הזינו את מספר הפרמוטציות האפשריות עבור ערכי k,m המופיעים בטבלה. נניח שמחשב יחיד יכול לבחון k,m מסלולים בשנייה (הסבר הנחה: המחשב יכול לעשות 2^{30} פעולות בסיסיות בשנייה וצריך מלאו בעולות בסיסיות ע"מ לבחון מסלול בודד). מלאו בעמודה האחרונה כמה זמן ייקח למחשב כזה לבדוק כל אחד מהמסלולים (לפי היחידות המפורטות).

k	m	#possiblePaths	Estimated calculation time
7	2	~00.00 × 10^00	~00.0 [secs]
7	3	~00.00 × 10^00	~00.0 [mins]
8	3	~00.00 × 10^00	~00.0 [hours]
8	4	~00.00 × 10^00	~00.0 [hours]
9	3	~00.00 × 10^00	~00.0 [days]
10	3	~00.00 × 10^00	~00.0 [months]
11	3	~00.00 × 10^00	~00.0 [years]
12	3	~00.00 × 10^00	~00.0 [thousand years]
12	4	~00.00 × 10^00	~00.0 [thousand years]
13	4	~00.00 × 10^00	~00.0 [million years]

חלק ב' – הגדרת מרחב החיפוש במפה

כאמור נתונה רשת כבישים בצורת גרף $(V_{map}, E_{map}) = (V_{map}, E_{map})$. בעיית המפה עוסקת במציאת מסלול ברשת הכבישים בעל עלות מינימלית (ביחס לפונק' עלות נתונה המוגדרת על כבישים במפה). ברשת הכבישים המפה כמרחב חיפוש. ניצמד להגדרה שלמדנו בכיתה עבור מרחבי חיפוש. אנו בחלק זה נייצג את בעיית המפה כמרחב חיפוש ניצמד להגדרה שלה כמרחב חיפוש הוא אינטואיטיבי ואנו מתחילים בבעיית המפה משום שהיא בעיה יחסית פשוטה, הייצוג שלה כמרחב חיפוש הוא אינטואיטיבי ואנו אכן נעשה בה שימוש בחלקים הבאים.

בהינתן רשת הכבישים, נקודת מקור $v_{src} \in V_{map}$ ונקודת יעד $v_{src} \in V_{map}$ נגדיר מרחב חיפוש עבור מציאת מסלול ביניהן:

$$S_{map} \triangleq \langle S_{map}, O_{map}, I_{map}, G_{map} \rangle$$

(הערה: שימו לב להבדל בין שזהו המרחב \mathcal{S}_{map} שזהו בין המצבים)

קבוצת המצבים:

נרצה לייצג מצב כך שיחזיק את כל המידע שנחוץ לנו עליו במהלך החיפוש במרחב. במקרה המדובר מספיק לשמור את הצומת ברשת הכבישים.

$$S_{map} \triangleq \{s | s. coordinates \in V_{map}\}$$

הסבר: לכל מצב s ב- s יש שדה בודד בשם s שיכול להיות כל נקודה על רשת S_{map} -ב ב- הסבר: לכל מצב הסבר: לכל מצב s יש שדה בודד בשם הסבר: לכל מצב המבישים.

קבוצת האופרטורים:

ניתן לעבור ממצב אחד לעוקבו בתנאי שיש כביש מהצומת המיוצג ע"י המצב הראשון לצומת המיוצג ע"י המצב העוקב.

$$O_{map} \triangleq \left\{o_{map}^{(s_1, s_2)} \middle| s_1, s_2 \in S_{map} \land (s_1. coordinates, s_2. coordinates) \in E_{map}\right\}$$

עלות אופרטור:

 $o\in$ נגדיר את פונק' העלות עבור מעבר מצומת דרכים אחד אחד מעבר מצומת עבור מעבר מצומת נגדיר את פונק' העלות עבור מעבר מצומת ברכים אחד $O_{map}, S_2 = o(S_1)$

$$cost_{map}^{dist}(o_{map}^{(s_1,s_2)}) = roadLength((s_1.coordinates, s_2.coordinates))$$

• המצב ההתחלתי:

$$I_{map} \triangleq (coordinates = v_{src})$$

מצבי המטרה:

$$G_{map} \triangleq \{(coordinates = v_{dst})\}$$

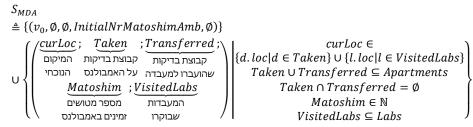
חלק ג' – הגדרת מרחב החיפוש של בעיית מד"א (6 נק' יבש)

בהינתן רשת הכבישים, נקודת המוצא, רשימת המעבדות, נתוני האמבולנס ורשימת הדירות המדווחות, נגדיר מרחב חיפוש עבור בעיית מד"א:

$$S_{MDA} = \langle S_{MDA}, O_{MDA}, I_{MDA}, G_{MDA} \rangle$$

(הערה: שימו לב להבדל בין S_{MDA} שזהו המרחב לבין S_{MDA} שזהי קב' המצבים)

• קבוצת המצבים:



קבוצת האופרטורים:

אופרטורים עבור ביקור בדירה:

ישנם a אופרטורים כאלו. לכל b נגדיר את האופרטור a נגדיר את האופרטור שבהינתן מצב a אופרטורים כאלו. לכל a נגדיר את המפעלת האופרטור על המצב a הינו מצב שבו a המיקום הנוכחי הוא הנק' a, מס' המטושים הזמינים באמבולנס קטן ב- a, מס' המטושים הזמינים באמבולנס a, מס' מנצאות במקררי האמבולנס a, a, נמצאות במקררי האמבולנס a, a

הפעלת האופרטור d_i על מצב $s \in S_{MDA}$ אפשרית אמ"מ הבדיקות של הדירה d_i לא נלקחו כבר $s \in S_{MDA}$), יש באמבולנס מספיק מטושים זמינים בשביל לקחת בדיקות ($d_i \notin s.Taken \cup s.Transferred$) לכל הדיירים בדירה d_i , וכן יש די מקום פנוי במקררי האמבולנס עבור אחסון כל הבדיקות מדירה זו, כלומר מתקיים הפרדיקט הבא:

$$\textit{CanVisit}(s, d_i) \triangleq \begin{bmatrix} d_i \notin s. Taken \cup s. Transferred \\ & \land \\ & d_i. roommates \leq s. Matoshim \\ & \land \\ & d_i. roommates \leq AmbulaceTestsCapacity - \sum_{d \in s. Taken} d. roommates \end{bmatrix}$$

הבא: o_{d_i} באופן הבא נגדיר את נגדיר לכל $i \in [k]$ באופן הבא

אופרטורים עבור מעבר במעבדה:

ישנם m אופרטורים כאלו. לכל [m] נגדיר את האופרטור o_{l_i} להיות האופרטור שבהינתן מצב $i \in [m]$ הינו מצב שבו s המצב העוקב $o_{l_i}(s)$ (המתקבל מהפעלת האופרטור על המצב s) הינו מצב שבו $s \in S_{MDA}$ המיקום הנוכחי הוא הנק' o_{l_i} , הבדיקות שבמקרר באמבולנס מועברות למעבדה (המקררים נותרים ריקים), וכן המטושים הזמינים במעבדה מאוחסנים באמבולנס.

הפעלת האופרטור על מצב $s \in S_{MDA}$ אפשרית רק אם המקרר באמבולנס אינו ריק או הפעלת האופרטור יוסיף מטושים נוספים לאמבולנס (לא עברנו במעבדה זו בעבר). כלומר מתקיים הפרדיקט הבא:

$$CanVisit(s, l_i) \triangleq \begin{bmatrix} s. Taken \neq \emptyset \\ \lor \\ l_i \notin s. VisitedLabs \end{bmatrix}$$

הגדרה פורמלית: לכל $i \in [m]$ נגדיר את האופרטור לכל הבא:

$$\forall_{s \in S_{MDA}} : o_{l_i}(s) \triangleq \begin{cases} \begin{pmatrix} l_i.loc; \emptyset; s.Transferred \cup s.Taken; \\ s.Matoshim + l_i.matoshim \cdot \mathbb{I}_{[l_i \notin s.VisitedLabs]}; \end{pmatrix} ; & CanVisit(s, l_i) \\ s.VisitedLabs \cup \{l_i\} \\ \emptyset & ; & otherwise \\ \mathbb{I}_{[pred]} = \begin{cases} 1, & pred \ is \ true \\ 0, & otherwise \end{cases}$$

 $: o_{l_i}$ וכן תחום הפעולה המתקבל עבור האופרטור

$$Domain(o_{l_i}) = \{s \in S_{MDA} | o_{l_i}(s) \neq \emptyset\} = \{s \in S_{MDA} | CanVisit(s, l_i)\}$$

לבסוף, קבוצת כל האופרטורים הינה:

$$O_{MDA} \triangleq \left\{ o_{d_i} \right\}_{i \in [k]} \cup \left\{ o_{l_i} \right\}_{i \in [m]}$$

עלות אופרטור:

 $S \in Domain(o)$ על מצב $o \in O_{MDA}$ במטלה נגדיר 3 פונקציות עלות עבור הפעלת אופרטור

s לנק' אורך המסלול הקצר ביותר על גבי המפה מהנק' בה נמצא האמבולנס במצב s לנק' בה מצוי האמבולנס במצב s(o):

 $cost_{MDA}^{dist}(s, o) \triangleq optimalDistanceOnStreetsMap(s.curLoc, o(s).curLoc)$

2. עלות כספית של הנסיעה:

מורכב ממספר גורמים חיבוריים: (א) עלות הדלק שהאמבולנס צורך במהלך הנסיעה; (ב) עלות קליטת בדיקות במעבדה (בכל ביקור במעבדה בה מעבירים בדיקות למעבדה יש לשלם למעבדה עמלה); (ג) עלות ביקור חוזר במעבדה (בכל ביקור במעבדה, שאינו הביקור הראשון באותה המעבדה יש לשלם עמלה).

 $cost_{MDA}^{monetary}(s, o) \triangleq gasPrice$

- \cdot (driveGasConsumption + fridgesGasConsumption(s))
- $\cdot cost_{MDA}^{dist}(s, o) + \mathbb{I}_{[o(s).curLoc \ is \ a \ Laboratory]}$
- $\cdot \left(\mathbb{I}_{[s.Taken \neq \emptyset]} \cdot labTestTransferCost + \mathbb{I}_{[o(s).curLoc \in s.VisitedLabs]} \right.$
- · labRevisitCost)

הפונק' fridgesGasConsumption(s) קובעת את צריכת נסיעה fridgesGasConsumption(s) הנדרשת עבור פעילות מקררי הדגימות (מחושב לפי מספר הדגימות המאוחסנות על האמבולנס במצב s). היא מוגדרת באופן הבא:

#activeFridges(s)

 $fridgesGasConsumption(s) \triangleq \sum_{i=0}^{\infty} fridgeGasConsumption[i]$

ספר לכן היותר דגימות. לכן היותר לכל היותר לכן דגימות. לכן מספר כל אחד המקררים יכול להכיל הכיל הינו:

$$\#activeFridges(s) \triangleq \left\lceil \frac{\sum_{d \in s.Taken} d.roommates}{fridgeCapacity} \right\rceil$$

,labRevisitCost ,labTestTransferCost ,driveGasConsumption ,gasPrice כאשר [] fridgeCapacity ,fridgeGasConsumption

3. מרחקי הנסיעה שעברו כל הבדיקות במקרר:

$$cost_{MDA}^{test\ travel}(s, o) \triangleq \left[\sum_{d \in STaken} d.\ roommates\right] \cdot cost_{MDA}^{dist}(s, o)$$

- כל אחת משלושת פונק' העלויות הללו למעשה מגדירה ווריאציה לבעיה. בסופו של דבר כשפותרים בעיה צריך להחליט באיזו פונק' עלות משתמשים.
- בחלקים הראשונים של התרגיל נשתמש בפונק׳ העלות הראשונים של התרגיל נשתמש בפונק׳ בחלקים מתקדמים ס $cost_{MDA}^{dist}$ וב- $cost_{MDA}^{monetary}$ בעשה שימוש ב-
- שימו לב: בהינתן אופרטור $o \in O_{MDA}$ ומצב ($o \in O_{MDA}$ על מנת לחשב את $cost_{MDA}^{dist}(s,o)$ או את או את $cost_{MDA}^{dist}(s,o)$ יש צורך בפתרון של $cost_{MDA}^{dist}(s,o)$

• המצב ההתחלתי:

מצבי המטרה:

 $G_{MDA} \triangleq \{(l_i.loc, \emptyset, Apartments, M, L) \in S | i \in [m], M \in \mathbb{N}, L \subseteq Labs\}$

תרגילים

לטובת הסעיפים בחלק זה הנח שלאו דווקא קיים פתרון ישיג במרחב.

- 4. יבש (1 נק'): מהם ערכי הקיצון (המקסימלי והמינימלי) האפשריים של דרגת היציאה במרחב החיפוש? ספקו ביטוי מתמטי כפונק' של הפרמטרים k,m של השאלה בלבד. נמקו בקצרה (שורה אחת לכל מקרה).
 - 5. יבש (1 נק׳): האם ייתכנו מעגלים במרחב המצבים שלנו? אם כן תנו דוגמה למעגל כזה, אחרת נמקו. (עד 5 שורות).
 - 6. יבש (1 נק'): כמה מצבים יש במרחב זה (כפי שהוגדר)? האם כולם ישיגים (ציינו כן/לא)? נמקו (עד 3 שורות).
 - 7. יבש (1 נק'): האם ייתכנו בורות ישיגים מהמצב ההתחלתי שאינם מצבי מטרה במרחב המצבים?אם כן איך זה ייתכן? אם לא למה? (נימוק לכל היותר שורה אחת)
 - 8. יבש (1 נק'): מהו טווח האורכים האפשריים של מסלולים במרחב ממצב התחלתי אל מצב סופי?(אורך מסלול = מס' הקשתות) (לכל היותר 7 שורות סה"כ).
 - 9. יבש (1 נק'): הגדירו פורמלית ובצורה ישירה את פונקציית העוקב $Succ_{MDA}:S o\mathcal{P}(S)$ המתאימה לבעיה זו (ללא שימוש בקבוצת האופרטורים 0).

 $Succ_{MDA}(s) = \{(?,?,?)|?\} \cup \{(?,?,?)|?\}$ שימו לב, אנו מצפים לביטוי מהצורה:

חלק ד' – מתחילים לתכנת

. מהאתר וטענו את מועדפת התיקייה שבתוכו לסביבת העבודה המועדפת עליכם $ai_hw1.zip$

מבנה מפת הדרכים

בתרגיל נעשה שימוש במפת רשת הכבישים של העיר תל אביב. את המפה אנו טוענים פעם אחת בקובץ בתרגיל נעשה שימוש במפת רשת הכבישים של העיר תל אביב. את המפה אנו טוענים פעם אחת בקובף streets_map למשתנה גלובלי בשם streets_map הינו בבסיסו מיפוי ממזהה ייחודי של צומת במפה (מספר שלם) לאובייקט מטיפוס Junction שמייצג את אותו הצומת.

כל צומת הוא כאמור מטיפוס *Junction.* לצומת יש את השדות הבאים: (1) מספר index ייחודי; (2+3) outgoing_links (קווי אורך ורוחב) של המיקום הגיאוגרפי של הצומת במפה; ו- (4) רשימה lat, lon (קווי אורך ורוחב) של המיקום הגיאוגרפי של הצומת במפה. קשת היא אובייקט מטיפוס *Link* עם המכילה את כל הקשתות לשכניו. כל קשת כזו מייצגת כביש במפה. קשת היא אובייקט מטיפוס במטרים). distance ו- target – המזהים של צמתי המקור והיעד של הקשת,

שימו לב: אין לבצע באף שלב טעינה של מפות. טענו בשבילכם את המפות פעם אחת בתחילת קובץ הmain.py שסיפקנו לכם. יש לכם גישה למפות בכל מקום בו תזדקקו להן. באופן כללי, טעינות מיותרות בקוד יגרמו להגדלת זמן הפתרון ואולי יובילו לחריגה מהזמן המקסימלי בבדיקות.

הכרת תשתית הקוד הכללית (שסופקה לכם בתרגיל זה) לייצוג ופתרון בעיות גרפים

המחלקות GraphProblemState, GraphProblem_interface.py (בקובץ GraphProblemState, GraphProblem מגדירות את הממשק (interface) בו נשתמש על מנת לייצג מרחב מצבים. אלו הן מחלקות אבסטרקטיות – כלומר מוגדרות בהן מתודות שאינן ממומשות. לכן, בפרט, לא ניתן ליצור ישירות אובייקט מטיפוסים אלו (ואין לכך שום משמעות). כדי להגדיר מרחב מצבים חדש יש לרשת (inherit) משתי המחלקות הנ"ל. בהמשך התרגיל תראו דוגמא למימוש של מרחב מצבים באופן הנ"ל (שסיפקנו עבורכם) ותממשו מרחב נוסף כזה בעצמכם.

המחלקה GraphProblemSolver (באותו הקובץ) מגדירה את הממשק בו נשתמש בכדי לחפש בגרפים. למחלקה יש מתודה אבסטרקטית אחת בשם (solve_problem() שמקבלת כפרמטר בעיה (אובייקט מטיפוס שיורש מ- GraphProblem). כל אלג' חיפוש שיורש מ- לירש ממחלקה זו או ממחלקה זו או ממחלקה שיורשת ממנה).

שימו לב: אלגוריתמי החיפוש אותם נממש לאורך התרגיל יהיו כללים בכך שלא יניחו כלום על הבעיות אותן יפתרו, פרט לכך שהן תואמות לממשק המוגדר ע"י GraphProblemState, GraphProblem. כלומר, בעתיד תוכלו לקחת את המימוש שלכם מקורס זה כפי שהוא בכדי לפתור בעיות חדשות.

GraphProblemSolver יורשת מהמחלקה (graph search/best first search.py (בקובץ) BestFirstSearch המחלקה (שתוארה לעיל) ומייצגת אלגוריתמי חיפוש ממשפחת Best First Search. כפי שנלמד בכיתה, אלו הם אלגוריתמים שמתחזקים תור עדיפויות בשם open של צמתים (פתוחים) הממתינים לפיתוח. כל עוד תור זה אינו ריק, האלג' בוחר את הצומת הבא בתור העדיפויות ומפתח אותו. המחלקה מממשת את המתודה (באמור, Cuniform Cost, Greedy Best Search, A* בהתאם. דוגמאות לאלגוריתמים ממשפחה solve problem(). כאמור, Best First Search הינה <u>משפחה</u> של אלגוריתמי חיפוש (מכונה גם "אלגוריתם גנרי"), כלומר היא מגדירה שלד כללי של מבנה האלגוריתם, ומשאירה מספר פרטי מימוש חסרים. לכן, גם בקוד המחלקה BestFirstSearch אף היא אבסטרקטית. גם בה מוגדרות מספר מתודות אבסטרקטיות שעל היורש (אלגוריתם החיפוש הקונקרטי) לממש. המתודה האבסטרקטית (calc_node_expanding_priority) מאפשרת ליורש להגדיר את סpen של צומת בתור העדיפויות f-score של צומת. כזכור, ערך זה משמש כעדיפות של צומת בתור העדיפויות _open_successor_node(). המתודה האבסטרקטית (expanding priority). בתרגיל זה אנו מכנים ערך זה בשם מאפשרת ליורש להגדיר את אופן הטיפול בצומת חדש שזה עתה נוצר ומייצג מצב עוקב של המצב המיוצג ע"י הצומת שנבחר אחרון לפיתוח (הכנסה ל- open, בדיקה ב- close במידת הצורך). בנוסף, האלגוריתם מערים שכבר פיתחנו close / מאפשר מצב של חיפוש-גרף כפי שנלמד בכיתה, ע"י תחזוק אוסף **סגור** במהלך החיפוש (ה- constructor של use close מקבל פרמטר בולאני בשם BestFirstSearch שקובע האם להשתמש ב- close).

מבנה הקלטים לבעיית מד"א ואופן טעינתם

המחלקה **MDAProblemInput** (בקובץ problems/mda_problem_input.py) מייצגת <u>קלט</u> לבעיית מד"א. מחלקה זו אחראית לטעינה של קלטים שסיפקנו לכם כקבצי טקסט. המחלקה שמייצגת את בעיית מד"א (נראה main.py תקבל אובייקט מסוג זה. בקובץ הראשי main.py כבר כתובות שורות הקוד שאחראיות להשתמש

במחלקה זו ע"מ לטעון את הקלטים הנדרשים במקומות הנדרשים. <u>הבהרה:</u> אין לבצע טעינות נוספות של הקלטים. אנו עשינו זאת בשבילכם בכל המקומות הנדרשים.

תרגילים

- .10 רטוב: סעיף זה נועד על מנת להתחיל להכיר את מבנה הקוד.
 - .a חלצו את תוכן התיקייה ai_hw1.zip..a
- אם אתם משתמשים ב- IDE לכתיבת והרצת קוד פייתון (אנחנו ממליצים מאוד על bzip -. פתחו פרויקט חדש שתיקיית האם שלו היא התיקייה הראשית של קובץ ה- pyCharm שחולץ (אמור להיות שם קובץ בשם main.py).
 - .. פתחו את הקובץ main.py, קראו את החלק בקוד שמעליו מופיעה הערה המתאימה למספר סעיף זה. שורות קוד אלו מבצעות: יצירת בעיית מפה חדשה, יצירת אובייקט מסוג אלג' חיפוש אלג' חיפוש על הבעיה ולבסוף הדפסת התשובה שהתקבלה מההרצה. הריצו את הקובץ. וודאו שמודפסת לכם שורה למסך שמתארת את פתרון בעיית החיפוש במפה. זאת גם הזדמנות טובה לוודא שהחבילות numpy, scipy, networkx, matplotlib
- ספתחו את הקובץ problems/map_problem.py. בתוכו יש לכם שתי משימות (המסומנות ע"י הערות rodo כמו בעוד מקומות רבים לאורך המטלה). אחת במתודה בשם expand_state_with_costs()
 השנייה במתודה בשם (is_goal() השנייה במתודה בשם expand_state_with_costs()
 מתבקשים לבצע שינוי בקוד של המחלקה MapProblem כדי לתקן ולהשלים את המימוש שסיפקנו לכם.
 - זוהי בעיה פשוטה ולכן נוח להתחיל בה כדי להתמצא בקוד שסופק לכם. עיינו במימוש של המחלקות בקובץ זה. וודאו שאתם מבינים את החלקים השונים. שימו לב שמחלקה זו יורשת מהמחלקה GraphProblem (שתוארה מקודם) ומממשת את המתודות האבסטרקטיות הנדרשות.
 - f. עתה, לאחר תיקון קוד המחלקה MapProblem, הריצו בשנית את main.py.

חלק ה' – אלגוריתם *A (2 נק' יבש)

עתה נתחיל במימוש *Weighted A

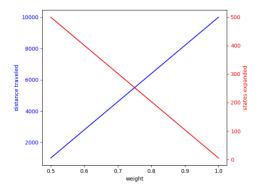
עיינו בקובץ framework/graph_search/astar.py. שם מופיע מימוש חלקי למחלקה AStar. שימו לב: המחלקה Astar עיינו בקובץ framework/graph_search/astar.py (הסברנו עליה בחלק ד'). זהו את החלק בהצהרת AStar יורשת מהמחלקה האבסטרקטיות שמוגדרות AStar צריכה לממש את המתודות האבסטרקטיות שמוגדרות ע"י BestFirstSearch. הכותרות של מתודות אלו מופיעות כבר במימוש החלקי של המחלקה AStar, אך ללא מימושן. בסעיף זה נרצה להשלים את המימוש של המחלקה AStar ולבחון אותה.

שימו לב: לאורך התרגיל כולו אין לשנות את החתימות של המתודות שסיפקנו לכם. בנוסף, אין לשנות קבצים שלא התבקשתם באופן מפורש.

תרגילים

- 11. רטוב: השלימו את המשימות הדרושות תחת הערות ה- סססד בקובץ
- קראיתם אראיתם (כפי שראיתם framework/graph_search/astar.py) כך שנקבל מימוש תקין לאלגוריתם weighted A*, כפי שראיתם (רפי שראיתם בהרצאות. בכדי להבין את מטרת המתודות השונות שעליכם לממש, הביטו במימוש המחלקה (בקובץ BestFirstSearch שעושה בהן שימוש. בנוסף, היעזרו במימוש שסיפקנו לכם ל- UniformCost (בקובץ (framework/graph_search/uniform_cost.py). שימו לב בשקפים מההרצאה להבדלים בין אלג' A+ אלג' A+.
 - 12. רטוב: בכדי לבחון את האלג' שזה עתה מימשתם, השלימו את המשימות הדרושות תחת הערות ה- סססד הרלוונטיות לסעיף זה בקובץ main.py. כידוע, לצורך הרצת *A יש צורך בהיוריסטיקה. ה- סססד הרלוונטיות לסעיף זה בקובץ Astar. מקבל את טיפוס ההיוריסטיקה שמעוניינים להשתמש בה. מצורך בדיקת שפיות, הפעילו את ה- *A על בעיית המפה שפתרתם בסעיף הקודם עם לצורך בדיקת שפיות, הפעילו את ה- *A על בעיית המפה שפתרתם בסעיף הקודם עם אווו Ar מסופקת בקובץ Rramework/graph_search/graph_problem_interface.py. מחלקה זו כבר מוכרת מ- main.py לא צורך בביצוע imports נוסף. באופן כללי אין לעשות Uniform Cost.
- 13. רטוב: כפי שראינו בהרצאות ובתרגולים, היוריסטיקה פשוטה לבעיית המפה היא מרחק אווירי לפתרון. היכנסו לקובץ problems/map_heuristics.py וממשו את ההיוריסטיקה הזו במחלקה לפתרון. היכנסו לקובץ problems/map_heuristics.py (מלאו את המקומות החסרים תחת ההערות שהשארנו לכם שם). כעת הריצו שוב AirDistHeuristic את הבעיה שפתרתם בסעיף הקודם, אך כעת בעזרת ההיוריסטיקה (מלאו ב- main.py את המשימות שקשורות לסעיף זה).
- שימו לב: בכדי לחשב מרחק בין זוג Junctions, אין לחשב את המרחק האווירי ישירות על ידי Junction שימו לב: בכדי לחשב מרחק בין זוג Junction של המחלקה alc_air_distance_from() של המחלקה
 - 14. יבש (1 נק'): כתוב בדו"ח את מס' פיתוחי המצבים היחסי שחסכנו בריצה בסעיף קודם לעומת הריצה העיוורת (ההפרש חלקי מס' הפיתוחים בריצה בלי ההיוריסטיקה).
- את main.py בקוב; כעת נרצה לבחון את השפעת המשקל w על ריצת "wa catar_for_weights_in_range" המשימות הרלוונטיות לסעיף זה. בנוסף, ממשו את הפונק' ("main.py באלה" המשימות הרלוונטיות לסעיף זה. בנוסף, ממשו את הפונק' ובעיה לפתרון ומשתמשת באלג' שחתימתה מופיעה בקובץ main.py. פונק' זו מקבלת היוריסטיקה ובעיה לפתרון ומשתמשת באלג' wa בכדי לפתור את בעיה זו תוך שימוש בהיוריסטיקה הנתונה ועם n משקולות שונות בתחום הסגור [0.5,0.95]. את התוצאות של ריצות אלו היא אמורה לשמור ברשימות ולאחר מכן היא אמורה לקרוא לפונק' בשם (plot_distance_and_expanded_wrt_weight_figure) (שגם בה עליכם להשלים את המימוש באיזורים החסרים). פונק' זו אחראית ליצור גרף שבו מופיעות 2 עקומות: אחת מהעקומות (הכחולה) מתארת את טיב הפתרונות (בציר y) כפונק' של המשקל (אורך המסלול במקרה של בעיית המפה הבסיסית). העקומה השנייה (האדומה) מתארת את מספר המצבים שפותחו כפונק' של המשקל. עתה השתמשו בפונק' (main.py) מלונטי ב- main.py (מספר סעיף זה מצוין במקום זה) ע"מ ליצור את הגרף המתאים עבור פתרון בעיית המפה תוך שימוש בהיוריסטיקה AirDistHeuristic.
- 16. יבש (1 נק'): צרפו לדו"ח את הגרף שנוצר בריצה מהסעיף הקודם. הסבירו את הגרף שהתקבל. ציינו אילו איזורים בגרף הם יותר כדאיים ואילו פחות ציינו למה (עד 2 שורות). בכיתה למדתם ציינו אילו איזורים בגרף הם יותר כדאיים ואילו פחות ציינו למה (עד 2 שורות). בכיתה למדתם כלל אצבע לפיו "ככל ש- w קטן יותר כך הפתרון איכותי יותר ומס' הפיתוחים גדול יותר $w_1 < w_2$ עבורם $w_1 < w_2$ עבורם איננו על מגמה כללית, אך איננו נכון באופן גורף (כלומר ייתכנו זוג ערכים $w_1 < w_2$ עבורם הפתרון המתקבל עם w_2 ו/או מס' הפיתוחים עם w_1 . כיצד הכלל שהוזכר והדגש הנ"ל באים לידי ביטוי בתרשים גדול יותר ממס' הפיתוחים עם w_1). כיצד הכלל שהוזכר והדגש הנ"ל באים לידי ביטוי בתרשים

שקיבלתם? (תשובה עד 4 שורות). על התרשים להראות כמו בדוגמה הזו (צורת העקומות עצמן עשויה להשתנות כמובן):



חלק ו' – מימוש בעיית מד"א (15 נק' יבש)

כעת נרצה לממש את המחלקה שמייצגת את מרחב המצבים של בעיית מד"א. בבעיה זו נרצה למצוא סדר אופטימאלי למעבר של האמבולנס בדירות המדווחות (לצורך לקיחת בדיקות) והעברת הבדיקות למעבדות תוך התחשבות באילוצי הבעיה כפי שתוארה בחלק ג'.

בשאלות הוכח / הפרך קבילות של היוריסטיקה: אם אתם סבורים שההיוריסטיקה קבילה יש לספק הוכחה לכך. אם אתם סבורים שהיא איננה קבילה יש לספק דוגמא של מרחב חיפוש קטן ככל שתוכלו (ציירו גרף בו הצמתים הם נקודות במפת הכבישים) עבורו הערך ההיוריסטי על אחד המצבים לפחות גדול ממש מעלות הפתרון האופטימלי למטרה.

- problems/mda_problem.py והשלימו את המימושים במתודות problems/mda_problem.py .17. רטוב: התבוננו בקובץ
 - MDAState. eq () .a
 - MDAState.get_total_nr_tests_taken_and_stored_on_ambulance() .b
 - MDAProblem.get reported apartments waiting to visit() .
 - MDAProblem.get_operator_cost() .d
 - MDAProblem.expand state with costs() .e
 - MDAProblem.is goal() .f

הערה: המתודה ()MDAProblem.get_operator_cost אמורה לחשב את עלות האופרטור שהופעל. כזכור, בחלק ג' ציינו כי בכדי לחשב את עלות האופרטור יש לפתור בעיה על רשת הכבישים. במימוש אנחנו אכן עושים זאת. בהערות בקוד (במתודה ()get_operator_cost) הורנו לכם להשתמש בשדה (של הבעיה) בשם map_distance_finder בו שמור אובייקט מטיפוס להשתמש בשדה (שלו יש מתודה בשם ()get_map_cost_between המחשבת ומחזירה את

עלות פתרון אופטימלי על בעיית מפות הכבישים. מאחורי הקלעים המתודה הזו למעשה אמורה ליצור בעיית MapProblem חדשה ולקרוא ל- (AStar.solve_problem בכדי לפתור אותה. אך לפני זה, ליצור בעיית שהערות, היא בודקת האם כבר פתרנו בעיה זו בעבר ואם כן מאתרת את הפתרון שדאגנו לטובת היעילות, היא בודקת האם כבר פתרנו בעיה זו בעבר ואם כן מאתרת את הפתרון שדאגנו לשמור כשפתרנו בעיה זאת לראשונה ומחזירה אותו מיד וללא חישובים נוספים. במובן זה המחלקה CachedMapDistanceFinder שומרת ב- cache שומרת ב- get_map_cost_between של המחלקה Problems/cached_map_distance_finder.py של המחלקה.

- 18. רטוב: השלימו את הקוד ב- main.py תחת ההערה הרלוונטית לסעיף זה. הריצו את הקוד הנ"ל (הרצת bniformCost). המטרה היא לוודא שהמימוש שלכם מהסעיף הקודם באמת רץ בהצלחה.
- 19. שאלה יבש (2 נק'): בחלק ב' הגדרנו את מרחב מפת הכבישים, ובחלק ג' הגדרנו את מרחב מד"א. נסתכל על זוג של מצב s ועוקב כלשהו שלו (s) במרחב מד"א. שימו לב כי ייתכן שלא מד"א. נסתכל על זוג של מצב s ועוקב כלשהו שלו (s) במרחב מפות הכבישים. עם זאת, קיימת קשת ישירה בין זוג הצמתים s במרחב המפה. לכן, כל פעם שצריך לחשב את עלות האופרטור מפות (כפי שהוגדר לעיל בחלק ג'), למעשה פותרים "בעיית ביניים" במרחב מפות הכבישים (s) s0 (s0 בs0 (s0 בs1 במרחב מפות (s3 במרחב מפות (s3 במרחב מפות (s4 בחלק).

עקרונית, היה אפשר לשלב את שני המרחבים המדוברים למרחב-על אחד. במרחב-העל הנ"ל עבור מצב s כלשהו, המיקום שלו s היה יכול להיות כל נקודה ברשת הכבישים. בנוסף, היינו מוסיפים אופרטורים שמאפשרים מעבר למצב עוקב שבו רק המיקום של האמבולנס היה משתנה (לאחת מהנקודות ($Succ_{mav}(s.curLoc)$ על רשת הכבישים).

- שאלה: מה יכול להיות חסרון בגישה שכזאת מבחינת יעילות הפתרון? על תשובתכם להתייחס לטכניקה ספציפית שהשתמשנו בה במימוש. תשובה עד 3 שורות.
- 20. שאלה יבש (3 נק'): בתכנות לפעמים אנחנו רוצים לכפות על מבני נתונים / טיפוסים מסוימים להיות immutable/frozen. הכוונה היא שאחרי יצירת אובייקט מטיפוס שכזה לא יהיה ניתן לשנותו. הצהרה על טיפוס כ"קפוא" מגבילה אותנו, אך יחד עם זאת היא גם מגינה עלינו.
- (i) העתק לדו״ח את שורת הקוד הרלוונטית שקובעת שאובייקטים מהטיפוס MDAState יהיו בלתי ניתנים לשינוי.
 - (ii) האם שורה זו מספיקה? מה עוד בקוד מבטיח שלא יהיה ניתן לשנות בטעות את האובייקט ו/או את המבנים שהוא מחזיק?
- את השורה (אם כן ציין את השורה A* אותו? (אם כן ציין את השורה * אותו? (אם כן ציין את השורה באלג' * אותהרצאה שבה זה קורה).

(iv) הסבר למה אנחנו רוצים לעשות זאת ספציפית עבור הטיפוס MDAProblem – תן דוגמא למימוש שגוי של המתודה expand_state_with_costs במחלקה MDAProblem שממחיש את הצורך בטיפוסים "קפואים". על הבאג להיגרם מכך שבפיתון משתנה מחזיק בפועל מצביע לאובייקט ולא העתק שלו. יש להשתמש בתשובה מהסעיף הקודם כדי לענות על סעיף זה. הבאג צריך להיות שגיאה תמימה של מתכנת שלא רגיל לשפות תכנות בהן מתבצע copy-by-reference. תשובה ל- (iv) עד 5 שורות.

עתה, כדי להריץ את *A על הבעיה, יש ראשית להגדיר (ולממש) היוריסטיקות עבור הבעיה.

- 21. רטוב: השלימו את המימוש עבור המתודה מתודה בחלימו את המימוש עבור המתודה בחלימו את המימוש עבור המתודה (מקן, השלימו את המימוש עבור (בקובץ problems/mda_problem.py). היוריסטיקה זו (problems/mda_heuristics.py (בקובץ MDAMaxAirDistHeuristic). היוריסטיקה זו מתבוננת בכל הצמתים (במפת הכבישים) שיש לאמבולנס עוד לעבור בהם (כולל המיקום הנוכחי), ולוקחת את המרחק האווירי הגדול ביותר בין כל זוג מתוך קב' צמתים זו.
- 22. רטוב: השלימו את הקוד ב- main.py תחת ההערה הרלוונטית לסעיף זה. הריצו את הקוד הנ"ל (הרצת AStar על בעיית מד"א עם ההיוריסטיקה שמומשה בסעיף הקודם). המטרה היא לוודא שהקוד שרשמתם בסעיף הקודם באמת רץ בהצלחה ולבחון את התוצאות המתקבלות.
- המחיר (עבור פונק') המחיר או הוכח/הפרך: ההיוריסטיקה אוריסטיקה אוריסטיקה (עבור פונק') המחיר (עבור פונק') המחיר אוריסטיקה הוכח/הפרך. ראה בעמוד השני במסמך את ההערות המתייחסות לשאלות הוכח/הפרך. $(cost_{MDA}^{dist})$
- 24. רטוב: השלימו את המימוש עבור ההיוריסטיקה את המימוש עבור ההיוריסטיקה (בקובץ בסלימו את המימוש עבור ההיוריסטיקה או מתבוננת בכל הצמתים (במפת הכבישים) שיש (problems/mda_heuristics.py). היוריסטיקה או מתבוננת בכל הצמתים (כולל המיקום הנוכחי), ומחשבת את עלות המסלול הבא: מסלול זה מתחיל בנק' הנוכחית בה נמצא האמבולנס. הנקודה ה- i+1 במסלול היא הקרובה ביותר לנק' שנותרו לביקור וטרם נבחרו למסלול זה.
 - 25. רטוב: השלימו את הקוד ב- main.py תחת ההערה הרלוונטית לסעיף זה. הריצו את הקוד הנ"ל (הרצת Astar על בעיית מד"א עם ההיוריסטיקה שמומשה בסעיף הקודם). המטרה היא לוודא שהקוד שרשמתם בסעיף הקודם באמת רץ בהצלחה ולבחון את התוצאות המתקבלות.
- הינה קבילה (עבור פונק' המחיר MDASumAirDistHeuristic היוריסטיקה הנה קבילה (עבור פונק' המחיר (עבור פונק'): הוכח/הפרך. ראה בעמוד השני במסמך את ההערות המתייחסות לשאלות הוכח/הפרך. $(cost_{MDA}^{dist})$
- 27. רטוב: השלימו את המימוש עבור ההיוריסטיקה MDAMSTAirDistHeuristic (בקובץ (בקובץ problems/mda_heuristics.py). היוריסטיקה זו מתבוננת בכל הצמתים (במפת הכבישים) הנותרים שעל האלבולנס לעבור בהם (מיקומי הדירות שלא עברנו בהן עדיין, כולל המיקום הנוכחי של האמבולנס וללא מיקומי מעבדות נוספות), ובונה גרף שכולל את כל צמתים אלו וקשת בין כל זוג צמתים שמשקלה מוגדר להיות המרחק האווירי בין זוג צמתים אלו. בשלב זה מחושב עץ פורס מינימלי על הגרף הנ"ל. משקל העץ שחושב הוא הערך ההיוריסטי.
 - 28. רטוב: השלימו את הקוד ב- main.py תחת ההערה הרלוונטית לסעיף זה. הריצו את הקוד הנ"ל (הרצת מד"א עם ההיוריסטיקה שמומשה בסעיף הקודם). המטרה היא לוודא שהקוד שרשמתם בסעיף הקודם באמת רץ בהצלחה ולבחון את התוצאות המתקבלות.
- הינה קבילה (עבור פונק' המחיר MDAMSTAirDistHeuristic ביש (4 נק'): הוכח/הפרך: ההיוריסטיקה 29 המחיר אונק'): הוכח/הפרך. ראה בעמוד השני במסמך את ההערות המתייחסות לשאלות הוכח/הפרך. $(cost_{MDA}^{dist})$
- 30. רטוב + יבש (1 נק'): עתה נריץ את *w עם ערכי w שונים כדי לצייר גרף שמציג את מגמת מחיר הפתרון מגמת מס' הפיתוחים כאשר w משתנה בתחום [0.5,0.95]. לצורך כך נשתמש בפונק' run_astar_for_weights_in_range() שכבר מימשנו בשלבים מוקדמים. השלימו בקובץ main.py את הקוד תחת ההערה הרלוונטית לסעיף זה. צרפו את הגרף שנוצר לדו"ח. ציינו אילו איזורים בגרף הם יותר כדאיים ואילו פחות.

שימו לב: הסעיפים האחרונים יכולים לעזור לכם לוודא שהאלגוריתמים שלכם אכן עובדים כשורה. ודאו שהתוצאות שקיבלתם <u>הגיוניות</u>.

חלק ז' – מימוש והשוואת פונק' עלות שונות (21 נק' יבש)

במד"א רוצים לאפטם את עלות יום העבודה של האמבולנס. העלות כוללת כמה מרכיבים: (א) הוצאות הדלק עבור נסיעת האמבולנס; (ב) הוצאות דלק עבור הפעלת הגנרטורים באמבולנס שאחראים לספק חשמל למקררים של הדגימות; (ג) עמלה שגובה המעבדה עבור כל ביקור במעבדה בו מבוצעת פריקה של דגימות מהאמבולנס; ו- (ד) עמלה שגובה המעבדה על כניסה חוזרת של האמבולנס לשטחי המעבדה (המעבדה רוצה לעודד מינימום תנועה בשטחה ולכן גובה עמלה החל מהביקור השני של האמבולנס בשטחה). למעשה, כבר מימשתם בחלקים קודמים את פונק' העלות מכד מלשבת עלות זו.

מסתבר שהמקרר באמבולנס אינו אידיאלי עבור אחסון ממושך של הדגימות. ככל שעובר יותר זמן שבו הבדיקות מאוחסנות באמבולנס (ולפני שהן עוברות לאחסון נאות במעבדה), כך יורדת אפקטיביות ואמינות הבדיקות מאוחסנות $cost_{MDA}^{test\ travel}$ (שהוגדרה בחלק ג') מתארת את המדד הנ"ל.

בחלק זה נשלב את שתי העלויות הנוספות בפתרון בעיית מד"א.

הערה טכנית לגבי שימוש בפונקציות עלות שונות בקוד: כאשר פותרים את הבעיה יש לקבע פונק' עלות אחת שאיתה עובדים (היא תקבע את עלות האופרטורים והמסלולים). היינו רוצים דרך לקבוע בקוד באיזו פונק' עלות להשתמש עבור בעיית מד"א. איך זה נעשה? ה- constructor של המחלקה MDAProblem מקבל פונק' עלות להשתמש עבור בעיית מד"א. איך זה נעשה? הייס של המחלקה mpaProblem שערכיו האפשריים הם optimization_objective מטיפוס $optimization_objective$ שערכיו האפשריים הם $optimization_objective$ שערכיו האפשריים הם $optimization_objective$ שערכיו האפשריים הם $optimization_objective$ שערכיו האפשריים המגדיר ווריאנט של הבעיה (קובע $optimization_objective$). בסעיפים הקודמים כאשר יצרנו את פונק' העלות להיות אחת מ- $optimization_objective$ את הערך $optimization_objective$ ובכך בעיית מד"א העברנו לפרמטר $optimization_objective$ או בערך הורנו למחלקה $optimization_objective$ להשתמש בפונק' העלות $optimization_objective$ או בערך $optimization_objective$ או בערך $optimization_objective$ או בערך $optimization_objective$ או בערך $optimization_objective$

31. יבש (2 נק'): סמן בכל אחד מהתאים כן/לא. האם כל אחת מההיוריסטיקות הנקובות הינה קבילה ביחס לפונק' המחיר הנקובה? (אין צורך בנימוק).

MDAMSTAirDistHeuristic	MDASumAirDistHeuristic	MDAMaxAirDistHeuristic	
			$cost_{MDA}^{test\ travel}$
			$cost_{MDA}^{monetary}$

- 22. רטוב + יבש (0.5 נק' יבש): כעת נפתור את הבעיה עם פונק' העלות $\cos t_{MDA}^{monetary}$. השלימו בקובץ .32 געת נפתור את ההערה הרלוונטית לסעיף זה. השוו כאן בדו"ח את התוצאות עם תוצאות מסעיפים קודמים של פתרון בעיה זו עם מדד המרחק כ- optimization objective. הראו בדו"ח איך רואים בתוצאות שהפתרון המתקבל אכן ממזער את המדד הרלוונטי בהתאם לפונק' העלות שהופעלה (אין צורך לצרף את כל הפלט עם המסלול, רק את העלויות).
- 33. רטוב: השלימו את המימוש עבור ההיוריסטיקה MDATestsTravelTimeToNearestLabHeuristic (בקובץ בקוב) את המימוש עבור ההיוריסטיקה זו מניחה מקרה קיצון (problems/mda_heuristics.py שבו נוסעים למעבדה מיד אחרי כל ביצוע של בדיקה.
 - הינה קבילה MDATestsTravelTimeToNearestLabHeuristic הינה קבילה הוריסטיקה הוריסטיקה הוריסטיקה הונה הונה (2 נק'): הוכח/הפרך: המחיר $cost_{MDA}^{test\ travel}$ ראה בעמוד השני במסמך את ההערות המתייחסות לשאלות הוכח/הפרך.
 - 35. רטוב + יבש (0.5 נק' יבש): כעת נפתור את הבעיה עם פונק' העלות נק' יבש): כעת נפתור את הבעיה עם main.py בקובץ את הקוד תחת ההערה הרלוונטית לסעיף זה. השוו כאן בדו"ח את התוצאות עם תוצאות מסעיפים קודמים של פתרון בעיה זו עם מדד המרחק כ- optimization objective. הראו בדו"ח איך רואים בתוצאות שהפתרון המתקבל אכן ממזער את המדד הרלוונטי בהתאם לפונק' בדו"ח איך צורך לצרף את כל הפלט עם המסלול, רק את העלוית).

שילוב בין 2 מדדים

ראינו שניתן להתעניין במספר מדדים שונים עבור איכות פתרון. ראינו שכל מדד מביא פתרון אחר לבעיה המאפטם אותו. לפעמים בחיים אנחנו מעוניינים למצוא פתרון שמתחשב במספר מדדים שונים. בחלק זה נציג הצעה לשילוב בין 2 מדדים ונבחן 2 אפשרויות לממש שילוב שכזה.

נניח שעלות פתרון הממזער את מדד המרחק: $cost_{MDA}^{test\ travel}$ ו- $cost_{MDA}^{dist}$ ו- $cost_{MDA}^{dist}$ נניח שעלות פתרון הממזער את מדד המרחק פתרון הממזער את המדד $\mathcal{E}>0$. נקבע ערך $\mathcal{E}>0$ פתרון אופטימלי ע"פ $\mathcal{E}>0$ הינו $\mathcal{E}>0$ מבין כל הפתרונות האפשריים שעלות המרחק שלהם שווה/קטנה מ- $\mathcal{E}=0$ מבין כל הפתרונות האפשריים שעלות המרחק שלהם שווה/קטנה מ- $\mathcal{E}=0$ מבין כל הפתרונות האפשריים שעלות המרחק שלהם שווה/קטנה מ-

הצגה פורמלית: נניח כי נתון ערך arepsilon > 0 כלשהו ועבורו נגדיר את הבאים:

$$P_{MDA}^{I \rightarrow G} \triangleq \left\{ \langle s_0 \overset{o_0}{\rightarrow} s_1 \overset{o_1}{\rightarrow} \dots \overset{o_{t-1}}{\rightarrow} s_t \rangle \left| \begin{matrix} t \in \mathbb{N} \land s_0 = I_{MDA} \land \forall_{i < t} \ s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land s_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land g_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land g_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land g_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land g_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land g_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land g_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land g_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \notin G \land g_t \in G_{MDA} \land \forall_{i < t} s_i \in G_{MDA}$$

 (S_{MDA}) מהמצב סופי מצב סופי מהמצב ההתחלתי ועד מצב סופי במרחב (זהו אוסף כל המסלולים האפשריים

$$C_{dist}^* \triangleq \min \{ cost_{MDA}^{dist}(p) | p \in P_{MDA}^{I \to G} \}$$

 $DistEpsOptimalPaths \triangleq \{p \in P_{MDA}^{I \to G} | cost_{MDA}^{dist}(p) \leq (1 + \varepsilon) \cdot C_{dist}^* \}$

 $\widetilde{C}^* \triangleq \min\{cost_{MDA}^{test\ travel}(p)|p \in DistEpsOptimalPaths\}$

 $OptimalPaths \triangleq \{p \in DistEpsOptimalPaths | cost_{MDA}^{test\ travel}(p) = \widetilde{C}^*\}$

הקבוצה OptimalPaths מכילה בדיוק את כל המסלולים שעונים על "הקריטריון המשולב" שהוצג מעלה.

ומגדירה את $\mathcal{S} = \langle S, O, I, G \rangle$ שמקבלת מרחב שמקבלת הבא, נגדיר את הפעולה הכללית $\mathcal{S} = \langle S, O, I, G \rangle$ "מרחב המסלולים" התואם $\mathcal{P}(\mathcal{S}) \triangleq \langle \mathcal{S}^P, \mathcal{O}^P, \mathcal{I}^P, \mathcal{G}^P \rangle$ באופן הבא

$$\forall_{p = \langle s_0 \xrightarrow{o_0} s_1 \xrightarrow{o_1} \dots \xrightarrow{o_{t-1}} s_t \rangle \in S^P, o \in O} o^P(p) \triangleq \begin{cases} \langle s_0 \xrightarrow{o_0} s_1 \xrightarrow{o_1} \dots \xrightarrow{o_{t-1}} s_t \xrightarrow{o} o(s_t) \rangle & ; \quad o(s_t) \neq \emptyset \\ \emptyset & ; \quad otherwise \end{cases}$$

- $G^{P} \triangleq \left\{ \langle s_0 \stackrel{o_0}{\to} s_1 \stackrel{o_1}{\to} \dots \stackrel{o_{t-1}}{\longleftrightarrow} s_t \rangle \in S^{P} \middle| s_t \in G \right\}$

:אלג' A_1 מבצע

- \mathcal{S}_{MDA} עם פונק' העלות (עם היוריסטיקה קבילה) על המרחב \mathcal{S}_{MDA} עם היוריסטיקה קבילה) A^*
 - \mathcal{L}^*_{dist} שמור את עלות הפתרון המוחזר במשתנה (ii)
 - :הרץ $\mathcal{P}(\mathcal{S}_{MDA})$ על המרחב $\mathcal{P}(\mathcal{S}_{MDA})$ על המרחב

הבהרה טכנית: אם בסיום ריצת \mathcal{A}_1 נמצא פתרון, מוחזר המצב הסופי (במרחב $(\mathcal{P}(\mathcal{S}))$, שהינו למעשה מסלול – סדרה של מצבים ואופרטורים במרחב המקורי $arsigma_{MDA}$ (באותה התצורה שמוחזר מסלול ע״י S_{MDA} על המרחב המקורי A^*

הבהרה טכנית: אם פונק' המחיר מקבלת ערך אינסופי על מצב מסוים, אז הפעלת האופרטור לא חוקית על המצב הנתון (והאלג' לא מוסיף ל- open).

- . בהכרח מחזיר פתרון במרחב המקורי \mathcal{S}_{MDA} , אלג' \mathcal{S}_{MDA} בהכרח מחזיר פתרון. און פתרון במרחב המקורי מחזיר פתרון. ראה בעמוד השני במסמך את ההערות המתייחסות לשאלות הוכח/הפרך.
- 37. יבש (3 נק'): הוכח/הפרך: אם אלג' A_1 מחזיר פתרון אז הפתרון המוחזר בהכרח אופטימלי ע"פ **הקריטריון המשולב** שהוגדר מעלה. ראה בעמוד השני במסמך את ההערות המתייחסות לשאלות הוכח/הפרר.

עתה נציע את אלג' שפועל שפועל אלג' אלג' את עתה נציע את אלג'

- \mathcal{L}_{MDA}^{dist} עם פונק' העלות \mathcal{S}_{MDA} על המרחב על העלות (עם היוריסטיקה קבילה) A^*
 - \mathcal{L}^*_{dist} שמור את עלות הפתרון המוחזר במשתנה
- עם פונק' העלות בצמתי במהלך הריצה, סכום בצמתי עץ \mathcal{S}_{MDA} עם פונק' העלות \mathcal{S}_{MDA} .iii חיפוש חיפוש בשדה בשדה נפרד. במהלך הריצה, מיד לאחר צומת חיפוש $cost_{MDA}^{dist}$ חדש, הוסף את הבדיקה הבאה: אם העלות dist שלו גדולה מ- $(1+arepsilon)\cdot C^*_{dist}$, מחק את הצומת .open - הזה ואל תוסיף אותו

- -38. רטוב + יבש (0.5 נק"): בשלב זה נממש ונריץ ווריאציה של A_2 (השינוי הוא שבמימוש נשתמש ב הערה עם היוריסטיקה קבילה במקום ב- UCS). השלימו בקובץ main.py את הקוד תחת ההערה A^* עם היוריסטיקה קבילה במקום ב- UCS0.5. השלימו בקובץ מספיק עלויות אונטית לסעיף זה. צרפו את התוצאות שקיבלתם לדו"ח (אין צורך במסלולים מספיק עלויות הפתרון). השוו בטבלה לתוצאות הריצה מסעיפים קודמים (על אותה הבעיה עם שתי פונק' עלות השונות) ובדקו מספרית האם הפתרון המתקבל בסעיף זה אכן מקיים איזון בין שני המדדים. חשבו וצרפו לדו"ח את הערך C_{dist}^* 1 האם אכן נשמר ערך ה- C_{dist}^* 3 הנקוב?
- 29. יבש (4 נק'): הוכח/הפרך: אם קיים פתרון במרחב, אלג' \mathcal{A}_2 בהכרח מחזיר פתרון. טיפ: כדי לקבל קצת יותר אינטואיציה, אתם יכולים להריץ את הדוגמא מסעיף קודם עם ערכי ε שונים. ראה בעמוד השני במסמך את ההערות המתייחסות לשאלות הוכח/הפרך (הטיפ כאן ניתן רק ככלי עזר לפיתוח האינטואיציה. יש לספק הוכחה/הפרכה פורמלית ומלאה לפי ההוראות וללא התייחסות לתוצאות ריצה כזו או אחרת).
 - 40. יבש (4 נק'): הוכח/הפרך: אם אלג' A_2 מחזיר פתרון אז הפתרון המוחזר בהכרח אופטימלי ע"פ **הקריטריון המשולב** שהוגדר מעלה. ראה בעמוד השני במסמך את ההערות המתייחסות לשאלות הוכח/הפרך.
 - התייחס איים והסבר בקצרה יתרון אפוי של \mathcal{A}_2 ע"פ \mathcal{A}_2 במובנים של זמני ריצה. התייחס איים בתשובתך ליחסי הגדלים בין שני המרחבים (עליהם שני האלג' רצים). תשובה עד 3 שורות.

(נק' יבש $\mathbb{A}^* \mathcal{E}$ והרצתו (1 נק' יבש $\mathbb{A}^* \mathcal{E}$

- framework/graph_search/astar_epsilon.py בקובץ $A^*\epsilon'$ בקום החסרים של אלג' 42. רטוב: ממשו את החלקים החסרים של אלג' μ 0. בקובץ ע"פ ההנחיות המופיעות שם.
- הבעיה (Sum) היוריסטיקה היוריסטיקה לא קבילה אך מיודעת יותר (MST). הבעיה היא שאין לנו אף הבטחה על איכות הפתרון שמניב A^* עם היוריסטיקה שאינה קבילה. נרצה היא שאין לנו אף הבטחה על איכות הפתרון של $A^*\varepsilon$ כדי לעשות שימוש מועיל בהיוריסטיקה שאינה קבילה לנצל את הבטחת איכות הפתרון של $A^*\varepsilon$ לפגוע באופן דרסטי באיכות הפתרון. השלימו בקובץ במטרה לחסוך במספר הפיתוחים מבלי לפגוע באופן דרסטי באיכות הפתרון. השלימו בקובץ את הקוד תחת ההערה הרלוונטית לסעיף זה.
- 44. יבש (1 נק'): צרפו לדו"ח את התוצאות שקיבלתם בסעיף הקודם (אל תצרפו את המסלולים עצמם). האם חסכנו בפיתוחים? אם כן, בכמה? הסבירו למה בכלל ציפינו מראש ש- $A^*\epsilon$ יוכל עצמם). האם חסכנו בפיתוחים בתצורה שבה הרצנו אותו. לא מספיק לטעון ש- $A^*\epsilon$ גמיש יותר בבחירה של הצומת הבא לפיתוח. נסו להסביר למה בעצם אנחנו מצפים שהגמישות הזאת של $A^*\epsilon$ אכן תעזור לנו במקרה הזה לבחור מ- $a^*\epsilon$ צומת לפיתוח שיקדם אותנו מהר יותר למטרה. מה בעצם הוספנו לאלג' החיפוש? תשובה עד 2 שורות.

חלק ט' – מימוש האלג' *Anytime A

בסעיף זה נממש ווריאציה של אלג' *Anytime A. האלג' יפעל בצורה הבאה: נריץ את אלג' *wa על הבעיה על ערכי w שונים. בכל הרצה של *wa נגביל אותו למס' פיתוחים קבוע מראש (המחלקה BestFirstSearch והאלג' היורשים ממנה יודעים לקבל ב- constructor שלהם פרמטר אופציונלי בשם

על שמצ_nr_states_to_expand שעוצר את החיפוש לאחר חריגה ממספר פיתוחים זה). נבצע "חיפוש בינארי" על $w \in [0.5,0.9]$ ונחפש את הפתרון הכי טוב מבין הפתרונות המוגבל במס' הפיתוחים כאמור (ושאנו $w \in [0.5,0.9]$ ונחפש את הפתרון הכי טוב מבין הפתרונות המוגבל במס' הפיתוחים כאמור (ושאנו מצליחים למצוא במסגרת שיטה זו). כמו בכל חיפוש בינארי, נתחזק גבול תחתון ועליון במהלך החיפוש. הגבול העליון יאותחל להיות $w \in [0.5,0.9]$ והתחתון והיה $w \in [0.5,0.9]$ במסגרת הגבלת מס' פיתוחים), אך כן נמצא פתרון עבור ערכי $w \in [0.5,0.9]$ של הגבול העליון. בכל איטרציה של החיפוש נריץ את $w \in [0.5,0.9]$ ששווה למחצית הגבול התחתון והעליון ועם מגבלת מס' פיתוחים כאמור. נעדכן את הגבולות (בהתאם ששווה למחצית הגבול התחתון והעליון ועם מגבלת מס' פיתוחים כאמור. נעדכן את הגבולות (בהתאם לקיום או העדר של פתרון) ע"מ לשמור על האינווריאנטה. בכך בכל איטרציה נצמצם את ההפרש בין הגבולות באופן אקספוננציאלי כיאה לחיפוש בינארי. בכל מקרה, נשמור את הפתרון הטוב ביותר שנמצא עד כה ואת הערך $w \in [0.5,0.9]$

שימו לב: בכיתה למדתם כלל אצבע לפיו "ככל ש- w קטן יותר כך הפתרון איכותי יותר ומס' הפיתוחים גדול יותר". הכלל הנ"ל מצביע על מגמה כללית, אך ציינו בחלקים הקודמים שכלל זה איננו נכון באופן גדול יותר". הכלל הנ"ל מצביע על מגמה כללית, אך ציינו בחלקים המיתית שעבור כל ערכי w שקטנים גורף. לכן כשאנו מעדכנים את הגבול התחתון, אין למעשה הבטחה אמיתית שעבור כל ערכי w מינימלי מהגבול החדש לא יימצא פתרון העונה על הדרישות. כלומר האלג' שלנו לא באמת מוצא ערך w מינימלי שמקיים את האמור, אלא הוא מנסה לקרב אותו ככל הניתן תוך הנחה על המגמה הכללית של הקשר בין w לבין מס' הפיתוחים (כלל האצבע).

הערה: ייתכן שהפתרון האופטימלי לאו דווקא הגיע מערך ה- w הקטן ביותר עבורו הרצנו *wa וקיבלנו פתרון. לכן אנו מעדכנים את המשתנה ששומר את הפתרון הטוב ביותר בזהירות (לאחר בדיקה לקיום שיפור באיכות הפתרון).

- framework/graph_search/anytime_astar.py בקובץ AnytimeA* .45 .45 ע"פ השלימו את המימוש של אלג' *AnytimeA בקובץ ע"פ ההוראות המופיעות שם וע"פ ההערות שכתובות בראש המחלקה.
 - 46. רטוב: השלימו בקובץ main.py את הקוד תחת ההערה הרלוונטית לסעיף זה.

חלק י' – שאלה תאורטית (12 נק' יבש)

<u>סעיף (א) – 1 נק' יבש</u>

כזכור, בכיתה הצגנו את אלגוריתם A^* שהינו שלם וקביל. לאחר מכן, הצגנו את אלג' * A^* ום שמטרתו הייתה לשפר מדד ביצועי עבורו אלג' * A^* . ציין במילה אחת מהו אותו מדד ביצועי עבורו אלג' * A^* שורות). תמיד על פני אלג' A^* . הסבר (עד 2 שורות).

<u>סעיף (ב) – 5 נק' יבש</u>

- A^* (i) באיזה מדד ביצועי אלג' *וסם עלול להיות משמעותית פחות טוב מאשר אלג' (i) במקרים רבים? תשובה עד 2 מילים.
 - .העד אחת עד שורה אחת (לעומת A^*)? תשובה עד שורה אחת (ii)
- (iii) (2 נק' יבש) האם מדד זה נפגע באותו האופן כמו שהוא נפגע ב- DFS-סו לעומת PFS? אם כן, למה? אם לא, מה ההבדל? תשובה עד 3 שורות.

בהמשך השאלה נבחן וריאציה לאלג׳ *וDA שמטרתה להתמודד עם הבעיה עליה נשאלתם בסעיף ב׳, תוך הקרבה של איכות הפתרון.

נתונים:

- .(כרגיל) מקדם סיעוף חסום $\mathcal{S} = (S, I, O, G)$ נתון עבור מרחב חיפוש
- S את אוסף הקשתות בגרף המצבים של $E_{S} \triangleq \{(s,o(s)) | s \in S, o \in O\}$ נסמן ב
 - $h:S\mapsto \mathbb{R}^+\cup\{0\}$ והיוריסטיקה $w:E_S\mapsto \mathbb{R}^+$ עלות שבילה.
 - $\mathcal{C}^*_{\mathcal{S}}$ נתון כי עלות פתרון אופטימלי במרחב \mathcal{S} הינו
 - $\forall (s_1,s_2) \in E_\delta$: $w((s_1,s_2)) \ge 1/k$ עבורו מתקיים $k \in \mathbb{N}^+$ נתון קבוע

הגדרות נוספות:

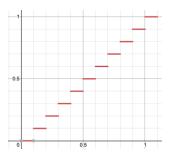
: באופן הבא $Q_k\colon\mathbb{R}^+\cup\{0\}\mapsto A_k$ 'נגדיר את הקבוצה הבאה: $A_k\triangleq\left\{rac{l}{
u}\middle|l\in\mathbb{N}
ight\}$ באופן הבא

$$\forall_{x \in \mathbb{R}^+ \cup \{0\}} : Q_k(x) \triangleq \frac{l}{k} \quad s.t. \quad l \in \mathbb{N} \land x \in \left[\frac{l}{k}, \frac{l+1}{k}\right)$$

ניסוח שקול אחר:

$$\forall_{x \in \mathbb{R}} : Q_k(x) = \max\{a | a \in A_k \land a \le x\}$$

לדוגמא, עבור $A_{10}=\{0,0.1,0.2,0.3,...,0.9,1.0,1.1,1.2,...\}$ לחלן תרשים המתאר מקבלים את הקב' $x\in[0,1]$ בקטע בונק' בקטע Q_{10}



בריצתו \mathcal{A} ומרחב \mathcal{S} , נגדיר את $\mathcal{C}ost(\mathcal{A}(\mathcal{S}))$ להיות עלות הפתרון שמוחזר ע"י האלג' \mathcal{S} בריצתו בהינתן אלג' חיפוש \mathcal{S} ומרחב \mathcal{S} בריצתו \mathcal{S} בריצתו \mathcal{S} בריצתו ע"י האלג' \mathcal{S} בריצתו בריבית: \mathcal{S} בריצתו המרחב \mathcal{S} .

<u>סעיף (ג) – 6 נק' יבש</u>

:טוס הבאים וט A^* דומה ל- A_1 (הרגיל), עם השינויים הבאים

- .f-limit := $Q_k(h(I))$ ההתחלתי להיות f-limit := $Q_k(h(I))$
 - (ב) משנים את כלל העדכון של f-limit באופן הבא:

$$nextFLimit := \max \left\{ prevFLimit + \frac{1}{k}, Q_k(origNextFLimit) \right\}$$

ניסוח אלטרנטיבי שקול:

$$nextFLimit = \begin{cases} Q_k(origNextFLimit) & ; & Q_k(origNextFLimit) \neq prevFLimit \\ prevFLimit + \frac{1}{k} & ; & o.w. \end{cases}$$

IDA* 'באלג' המקורי. כלומר הינו כלל העדכון של f-limit באלג' האטרים. כאשר origNextFLimit הינו כלל העדכון של f-limit באלג' האטרציה האחרונה שבוצעה ע"י המקורי היה בוחר בתור ערך ה- f-limit הבא בתום האיטרציה האחרונה שבוצעה ע"י היה בוחר בתור ערך ה-

שימו לב, יש לספק ביטויים מתמטיים סגורים התלויים בקבועים המוגדרים בשאלה בלבד. בפרט, אין להגדיר קבועים אחרים שאינם מופיעים בגוף השאלה.

- .(היותר 3 שורות) איטרציות לכל היותר יבצע \mathcal{A}_1 על איטרציות לכל היותר 3 שורות) (i)
 - (נק') ספק חסם עליון הדוק עבור ($\mathcal{E}(\mathcal{A}_1,\mathcal{S})$. הסבר (לכל היותר 3 שורות).

חלק י' – הגשת המטלה

יש לכתוב קוד ברור:

- קטעי קוד מסובכים או לא קריאים יש לתעד עם הערות.
 - לתת שמות משמעותיים למשתנים.

• הדו"ח:

- יש לכתוב בדו"ח את תעודות הזהות של **שני** המגישים.
- PDF הדו"ח צריך להיות מוקלד במחשב ולא בכתב יד. הדו"ח צריך להיות מוגש בפורמט(לא נקבל דוחות שהוגשו בפורמט וורד או אחרים).
 - . יש לשמור על סדר וקריאות גם בתוך הדו"ח. ס יש לשמור על
 - ס אלא אם נכתב אחרת, תשובות ללא נימוק לא יתקבלו. כ
 - יש לענות על השאלות לפי הסדר ומספרי הסעיפים שלהם. o

:ההגשה

- יש להעלות לאתר קובץ zip בשם 2ip בשם Al1_123456789_987654321.zip (עם תעודות הזהות שלכם במקום המספרים).
 - בתוך ה- zip צריכים להיות זה לצד זה:

אותה משם.

- .Al1 123456789 987654321.pdf בשם: PDF הדו"ח הסופי בפורמט
- ס תיקיית הקוד ai_hw1 שקיבלתם בתחילת המטלה, עם כל השינויים הנדרשים.
 כגא להכניס ל- zip את התיקייה שקיבלתם אנא מחקו

שימו לב: הקוד שלכם ייבדק ע"י מערכת בדיקות אוטומטיות תחת מגבלות זמני ריצה. במידה וחלק מהבדיקות יכשלו (או לא יעצרו תוך זמן סביר), הניקוד עבורן יורד באופן אוטומטי. לא תינתן הזדמנות להגשות חוזרות. אנא דאגו לעקוב בהדיקות אחר הוראות ההגשה. שימו לב כי במהלך חלק מהבדיקות ייתכן שחלק מהקבצים שלכם יוחלפו במימושים שלנו. אם עקבתם אחר כל הדגשים שפורטו במסמך זה - עניין זה לא אמור להוות בעיה.

לא תתאפשרנה הגשות חוזרות, גם לא בגלל טעות טכנית קטנה ככל שתהיה. אחריותכם לוודא טרם ההגשה שהתרגיל רץ בסביבה שהגדרנו ושהקוד עומד בכל הדרישות שפירטנו.

אנא עברו בשנית על ההערות הטכניון שפורסמו בתחילת מסמך זה. וודאו שאתם עומדים בהם.

שימו לב: העתקות תטופלנה בחומרה. אנא הימנעו מאי-נעימויות.

מקווים שתהנו מהתרגיל!

בהצלחה!